





МЕТОДЫ УПРАВЛЕНИЯ ПО ПРОГНОЗИРУЮЩЕЙ МОДЕЛИ НА ОСНОВЕ ДАННЫХ

Кулешов Владислав Вячеславович

В.В. Кулешов МРС ©21.05.2020 1 /

Содержание

- Определния
- Теорема
- Задача с терминальными ограничениями
- Алгоритм
- Пример
- Результаты

Определния

Определение

 $\{x_k\}_{k=0}^{N-1}$ с $x_k \in \mathbb{R}^n$ постоянно возбуждающая порядка L, если $\mathrm{rank}(H_L(x)) = nL$.

Определение

Пара $(u^s,y^s)\in \mathbb{R}^{m+p}$ — равновесие линейной стационарной системой G, если последовательность $\{\overline{u}_k,\overline{y}_k\}_{k=0}^{n-1}$ с $(\overline{u}_k,\overline{y}_k)=(u^s,y^s)\ \forall k\in A_{[0,n-1]}$ — траектория G.

Теорема

Предположим, что $\{u_k^d, y_k^d\}_{k=0}^{N-1}$ — траектория линейной стационарной системы G, где u — постоянно возбуждающий порядка L+n. Тогда $\{\overline{u}_k, \overline{y}_k\}_{k=0}^{L-1}$ — траектория G, тогда и только тогда, когда $\exists \alpha \in \mathbb{R}^{N-L+1}$ такое, что

$$\begin{bmatrix} H_L(u^d) \\ H_L(y^d) \end{bmatrix} \alpha = \begin{bmatrix} \overline{u} \\ \overline{y} \end{bmatrix}.$$
 (1)

Задача с терминальными ограничениями

$$J_L^*(u_{[t-n,t-1]}, y_{[t-n,t-1]}) = \min_{\alpha(t)} \sum_{\overline{u}(t), \overline{y}(t)} \sum_{k=0}^{L-1} \ell(\overline{u}_k(t), \overline{y}_k(t))$$
 (2)

$$\begin{bmatrix} \overline{u}_{[-n,-L-1]}(t) \\ \overline{y}_{[-n,-L-1]}(t) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} H_{L+n}(u^d) \\ H_{L+n}(y^d) \end{bmatrix} \alpha(t), \tag{3}$$

$$\begin{bmatrix} \overline{u}_{[-n,-1]}(t) \\ \overline{y}_{[-n,-1]}(t) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} u_{[t-n,t-1]} \\ y_{[t-n,t-1]} \end{bmatrix}, \tag{4}$$

$$\begin{bmatrix} \overline{u}_{[L-n,L-1]}(t) \\ \overline{y}_{[L-n,L-1]}(t) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} u_n^s \\ y_n^s \end{bmatrix}, \tag{5}$$

$$\overline{u}_k(t) \in \mathbb{U}, \overline{y}_k(t) \in \mathbb{Y}, k \in A_{[0,L-1]}.$$
 (6)

Алгоритм

Алгоритм

(Схема управления данными МРС)

- lacktriangledown В момент времени t взять прошлые n вычеслений $u_{[t-n,t-1]},y_{[t-n,t-1]}$ и решить задачу (2-5).
- $m{2}$ Взять за ввод $u_t = \overline{u}_0^*(t)$
- **3** Установить t = t + 1 и вернуться к пункту 1).

Пример

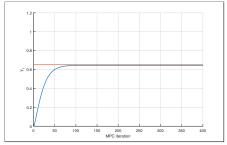
$$x_{k+1} = \begin{bmatrix} 0.921 & 0 & 0.041 & 0 \\ 0 & 0.918 & 0 & 0.033 \\ 0 & 0 & 0.924 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0.937 \end{bmatrix} x_k + \begin{bmatrix} 0.017 & 0.001 \\ 0.001 & 0.023 \\ 0 & 0.061 \\ 0.072 & 0 \end{bmatrix} u_k,$$
$$y_k = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} x_k.$$

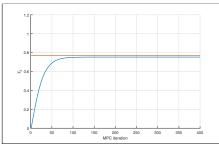
 $(u^s, y^s) = (\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0.65 \\ 0.77 \end{bmatrix}).$

Предположим, что системные матрицы неизвестны, но доступна одна траектория ввода-вывода $\{u_k^d,y_k^d\}_{k=0}^{N-1}$ длины N = 100, которая генерируется путем равномерной выборки u_k^d из $[-1,1]^2$. Горизонт прогнозирования установим в L = 25, а матрицы затрат $Q=3\cdot E_2$, $R=10^{-4}\cdot E_2$.

7 / 9

Результаты





8 / 9

Концовка

Спасибо за внимание!

9 / 9