

最適スライディングモード制御を用いた宇宙機の姿勢安定制御

TM21K020 久門田 諒

1 はじめに

剛体宇宙機は運動方程式は共に非線形方程式になり、通常の線形制御理論を適用することは難しい。また、剛体宇宙機の姿勢安定化問題は性能の最適性だけでなくロバスト性を考慮した制御設計が必要になる。そこで、本報告書では、非線形の制御対象を変換することなく取り扱うことができるスライディングモード制御と最適制御理論を組み合わせた最適スライディングモード制御を宇宙機に適用することを検討した。

2 宇宙機のダイナミクスとキネマティクス

剛体宇宙機の運動方程式を表現する際、修正ロドリゲスパラメータ (MRP) を用いて宇宙機の姿勢を表現する。宇宙機の運動方程式は次のようになる。[1]

$$\begin{cases} \mathbf{J} \frac{d\boldsymbol{\omega}}{dt} = -\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{J} \boldsymbol{\omega} + \mathbf{u} + \mathbf{d} \\ \frac{d\boldsymbol{\sigma}}{dt} = \mathbf{G}(\boldsymbol{\sigma}) \boldsymbol{\omega} \end{cases} \quad (1)$$

$$\mathbf{G}(\boldsymbol{\sigma}) = \frac{1}{4}[(1 - \boldsymbol{\sigma}^T \boldsymbol{\sigma}) \mathbf{I}_3 + 2\boldsymbol{\sigma}^\times + 2\boldsymbol{\sigma} \boldsymbol{\sigma}^T] \quad (2)$$

3 制御入力決定

まず、最適滑り面 \mathbf{s} を最適制御理論を用いて決定すると、次のようになる。

$$\mathbf{s} = \boldsymbol{\omega} + \frac{\sqrt{\rho} \boldsymbol{\sigma}}{1 + \boldsymbol{\sigma}^T \boldsymbol{\sigma}} \quad (3)$$

制御入力 \mathbf{u} は等価制御入力 \mathbf{u}_{eq} と可変構造入力 \mathbf{u}_{vs} の和 $\mathbf{u} = \mathbf{u}_{eq} + \mathbf{u}_{vs}$ で構成される。また、等価入力 \mathbf{u}_{eq} は $\dot{\mathbf{s}} = 0$ に、可変構造入力 \mathbf{u}_{vs} は有限時間内に滑り面 $\mathbf{s} = 0$ に到達するように決定される。

$$\mathbf{u}_{eq} = \boldsymbol{\omega}^\times \mathbf{J} \boldsymbol{\omega} - \mathbf{J} \mathbf{M}(\boldsymbol{\sigma}) \boldsymbol{\omega} - \mathbf{d} \quad (4)$$

$$\mathbf{u}_{vs} = -\alpha_1 \mathbf{s} - \alpha_2 \text{sgn}(\mathbf{s}) \quad (5)$$

$$\mathbf{M}(\boldsymbol{\sigma}) = \frac{\sqrt{\rho}}{4(1 + \boldsymbol{\sigma}^T \boldsymbol{\sigma})} [(1 - \boldsymbol{\sigma}^T \boldsymbol{\sigma}) \mathbf{I}_3 + 2\boldsymbol{\sigma}^\times] \quad (6)$$

よって、式 (4), (5) より求めるべき最適入力は次のようになる。

$$\mathbf{u} = \boldsymbol{\omega}^\times \mathbf{J} \boldsymbol{\omega} - \mathbf{J} \mathbf{M}(\boldsymbol{\sigma}) \boldsymbol{\omega} - \mathbf{d} - \alpha_1 \mathbf{s} - \alpha_2 \text{sgn}(\mathbf{s}) \quad (7)$$

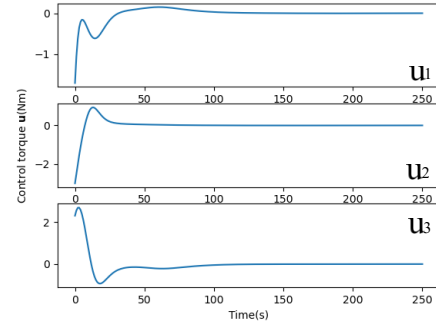
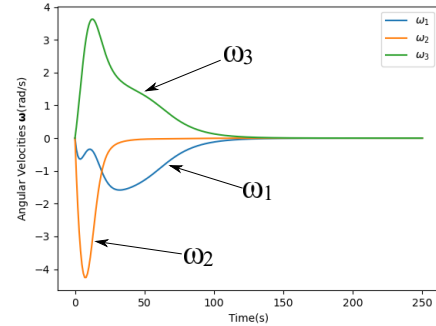
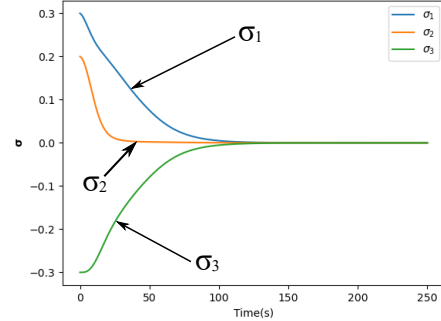


図1 MRP, 角速度, 入力の推移

4 数値シミュレーション

式 (7) において符号関数 $\text{sgn}(\mathbf{s})$ をそのまま使用すると、チャタリングが生じてしまうので、符号関数 $\text{sgn}(\mathbf{s})$ を $\tanh(\mu \mathbf{s})$ に置換した時の MRP, 角速度, 入力を検証した。図1から外乱環境下での入力のチャタリングおよび MRP と角速度の振動が改善された。

参考文献

- [1] Chuanjiang Li, Yibo Wang, Liang Xu, Zhongzhao Zhang : Spacecraft Attitude Stabilization Using Optimal Sliding Mode Control, IEEE(2010)