

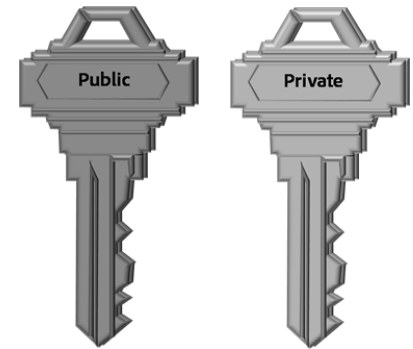
SEGURIDAD DE LA INFORMACIÓN

TEMA 2

TÉCNICAS CRIPTOGRÁFICAS BÁSICAS

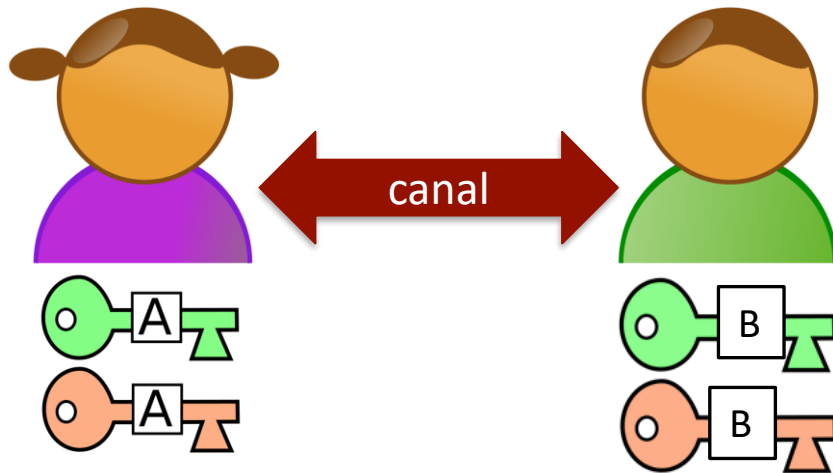
(Y SERVICIOS DE SEGURIDAD ASOCIADOS)

Algoritmos asimétricos (o de clave pública)



Introducción

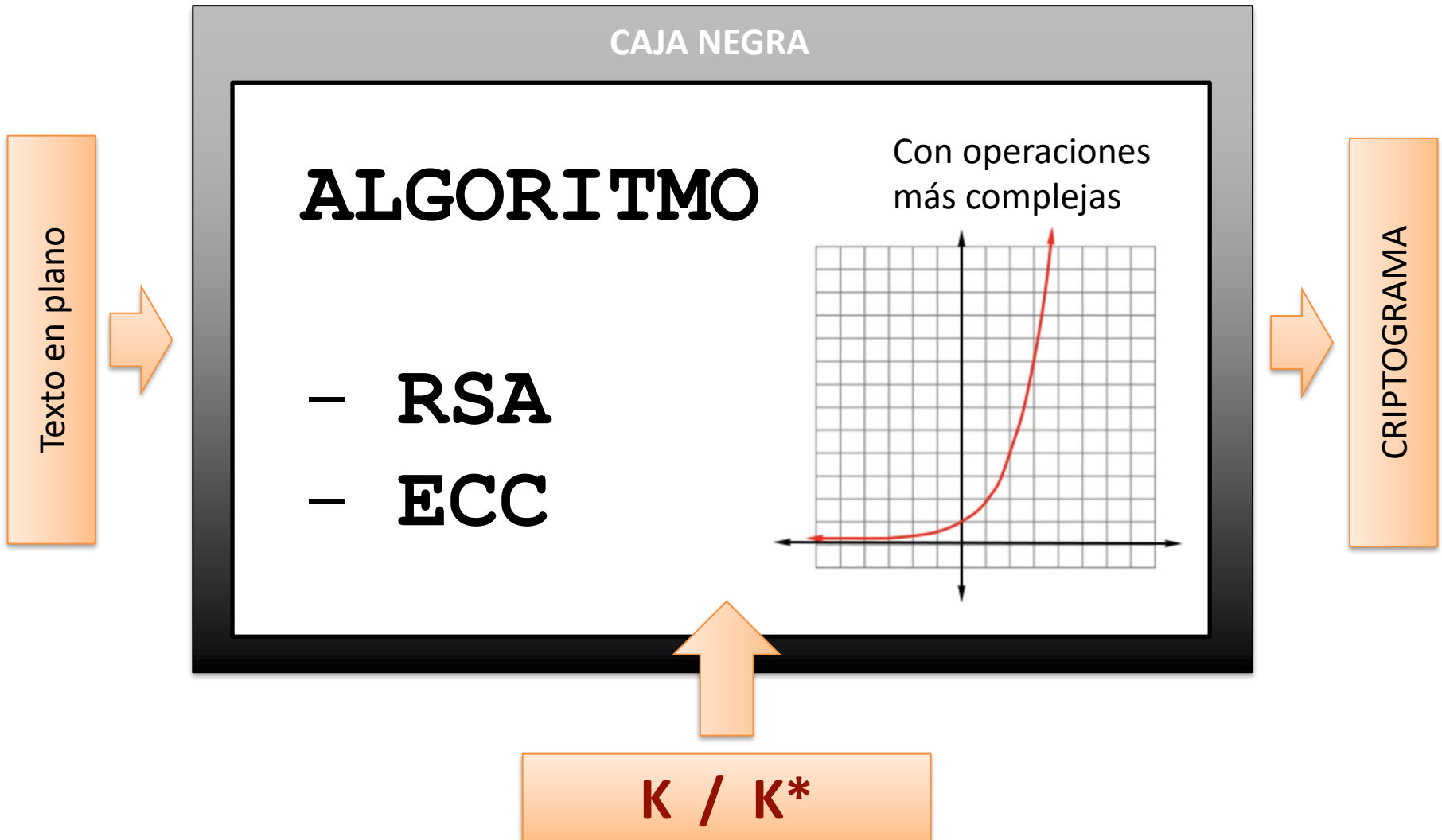
- El concepto de criptografía de clave pública (o asimétrica) fue inventado en 1976 por *Diffie y Hellman*, e independientemente por *Merkle*, para dar solución a algunos de los problemas de los criptosistemas simétricos



- La asimetría reside en que, **las claves K y K^* son distintas**, al contrario de lo que ocurría en el caso simétrico

Introducción

Si lo vemos como cajas negras



Introducción

- **K / K*:**

- Las claves se utilizan por pares, de tal forma que cada usuario U posee dos claves:

- Una **clave pública**, conocida por todos los usuarios
 - Una **clave privada**, conocida sólo por U



- Operaciones con K/K*:

- Una clave se usa para cifrar, y la otra para descifrar
 - Es decir, si se cifra un mensaje con una de las claves, esa misma no servirá para descifrar, sino que necesariamente habrá que usar la otra

- Existen tres funcionalidades básicas con criptografía asimétrica

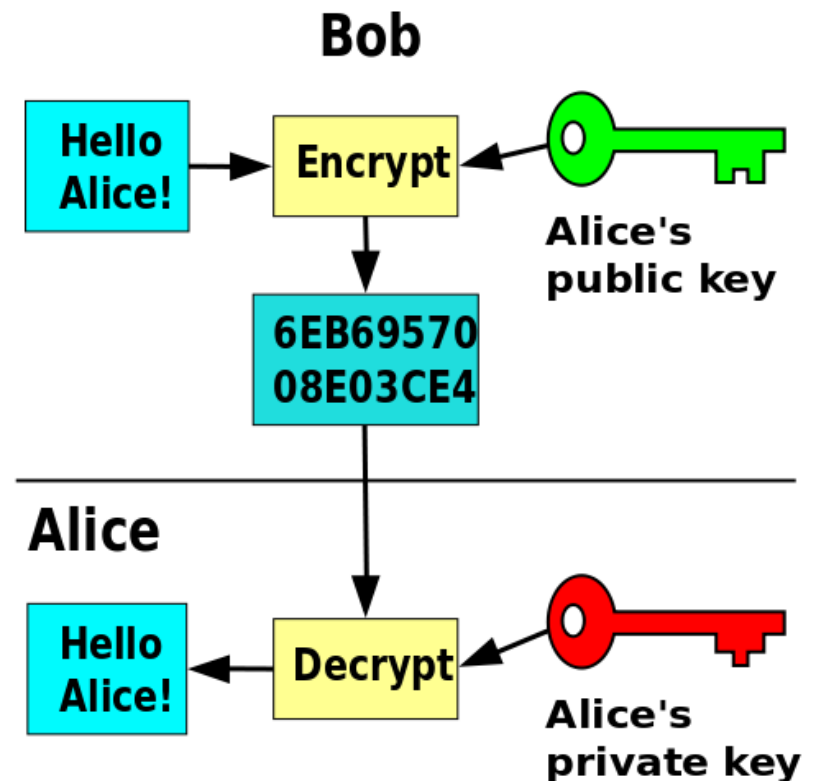
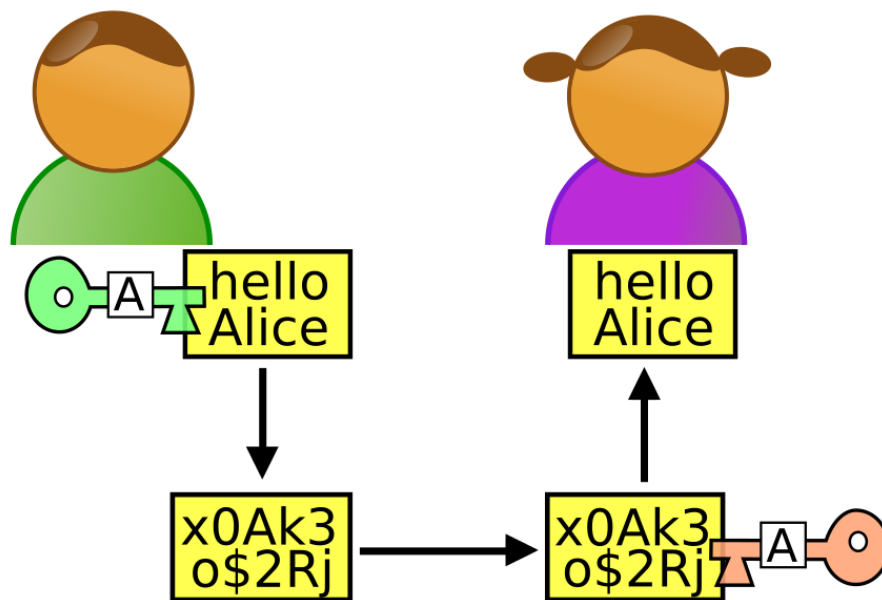
CIFRADO

FIRMA DIGITAL

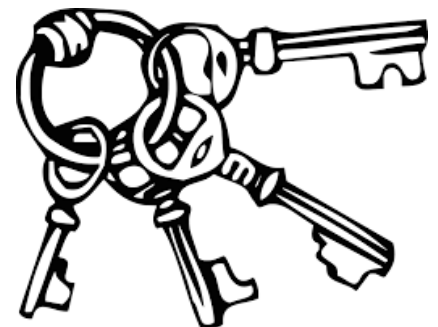
INTERCAMBIO DE
CLAVES

Cifrado/descifrado

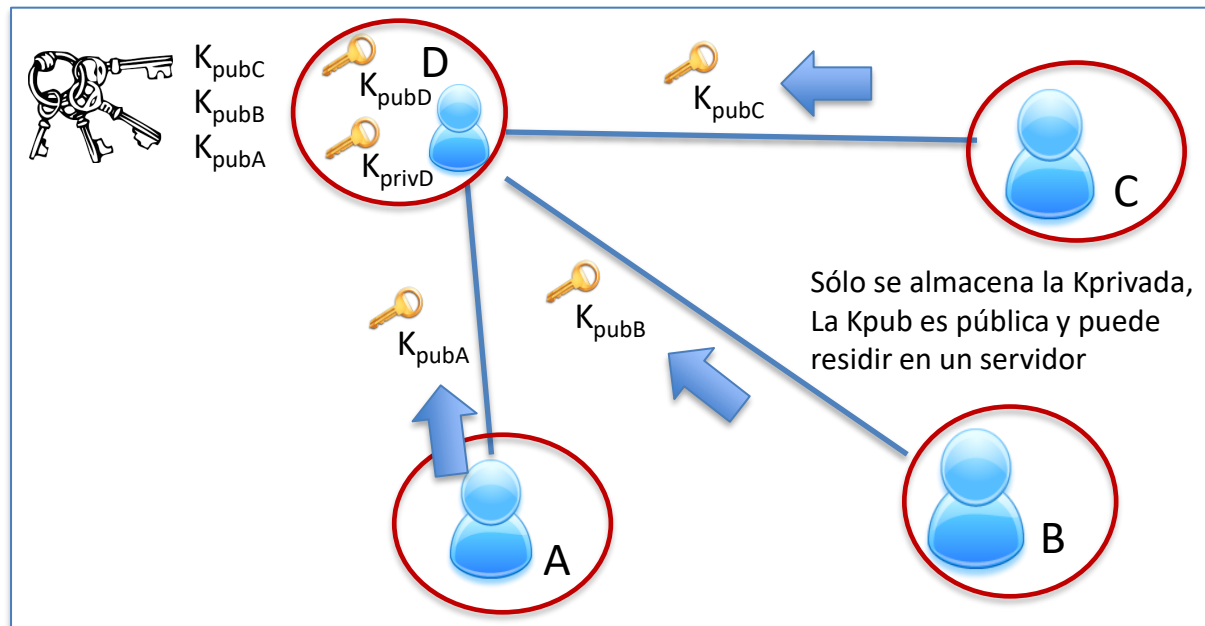
- En el caso de que *Bob* necesite del servicio de confidencialidad para su comunicación con *Alice*, el **cifrado/descifrado** se realiza de la siguiente forma:



- Del esquema anterior se desprende que *Alice* y *Bob* no necesitan acordar a priori ninguna clave (a diferencia de los algoritmos simétricos)
- Pero *Bob* ha de conocer la clave pública de *Alice*
 - Y también la clave pública de cada uno de los usuarios con los que desee contactar
- Para ello, existen varias soluciones para compartir la clave:
 - 1) *Alice* se lo proporciona mediante un conexión *peer-to-peer*
 - 2) *Alice* se lo proporciona por una de las vías más comunes: email, WhatsApp, sms, etc.
 - 3) *Alice* se lo deja en un repositorio común: foro, servidor de claves, etc.
- En cualquiera de los casos, *Bob* debe almacenar todas las claves públicas de todos los usuarios en un **key-ring** personal



- De lo anterior, también se deduce que, usando un criptosistema de clave pública, y para una comunidad de n usuarios:
 - el número de claves en el sistema será **$2n$**
 - en lugar de $(n * (n-1))/2$ como era el caso simétrico



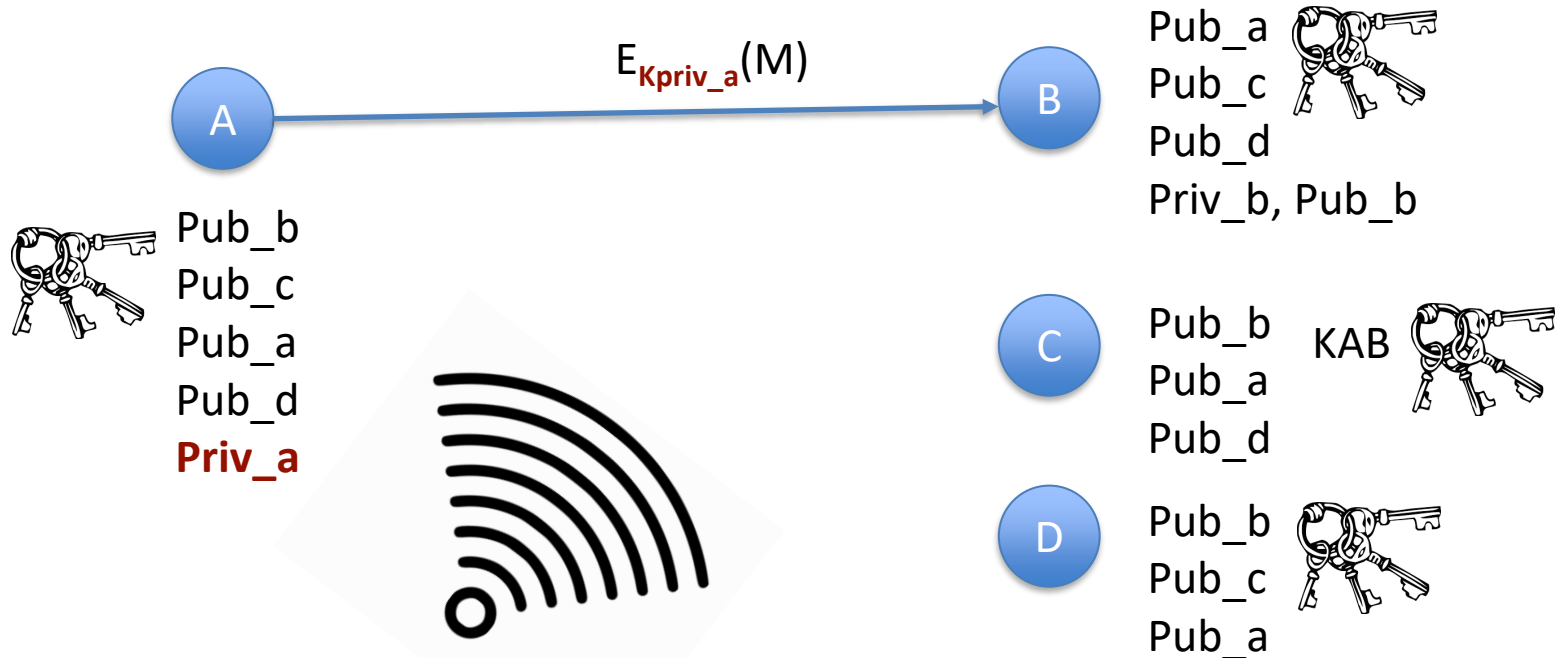
- Otras características relevantes que deberías saber:
 - Es **computacionalmente imposible deducir la clave privada** del usuario U a partir de su clave pública
 - Cualquier usuario con la **clave pública de U puede cifrar** un mensaje hacia U , pero no descifrarlo
 - Cifrar el mensaje con la clave pública es como poner el correo en un buzón (todo el mundo puede hacerlo)
 - Sólo U , con la correspondiente **clave privada, puede descifrar** el mensaje
 - Descifrar el mensaje con la clave privada es como coger el correo del buzón
 - Sólo el que tiene la llave del buzón puede hacerlo



LO QUE UNA HACE, LA OTRA LA DESHACE

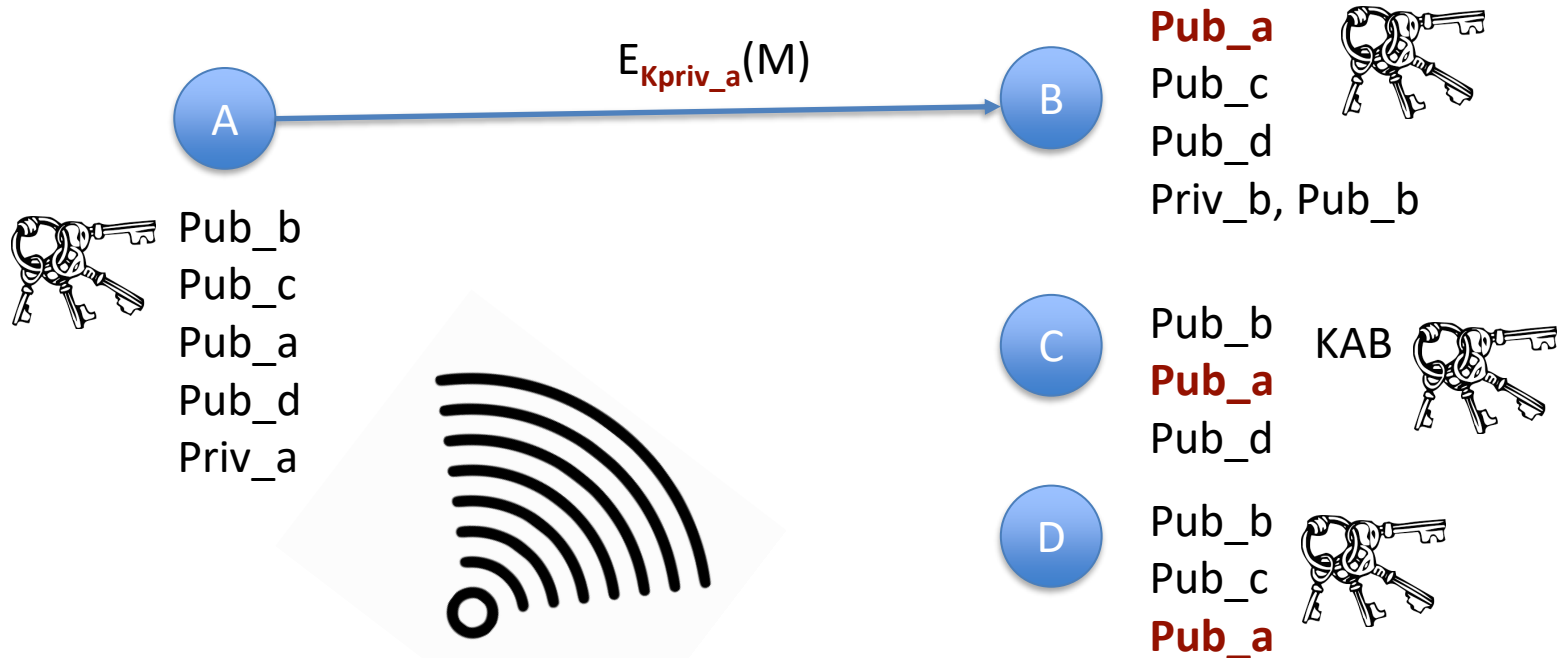
Algunos casos de ejemplos - Queremos **confidencialidad**

CASO A: A envía a B un mensaje con su clave privada



Algunos casos de ejemplos - Queremos **confidencialidad**

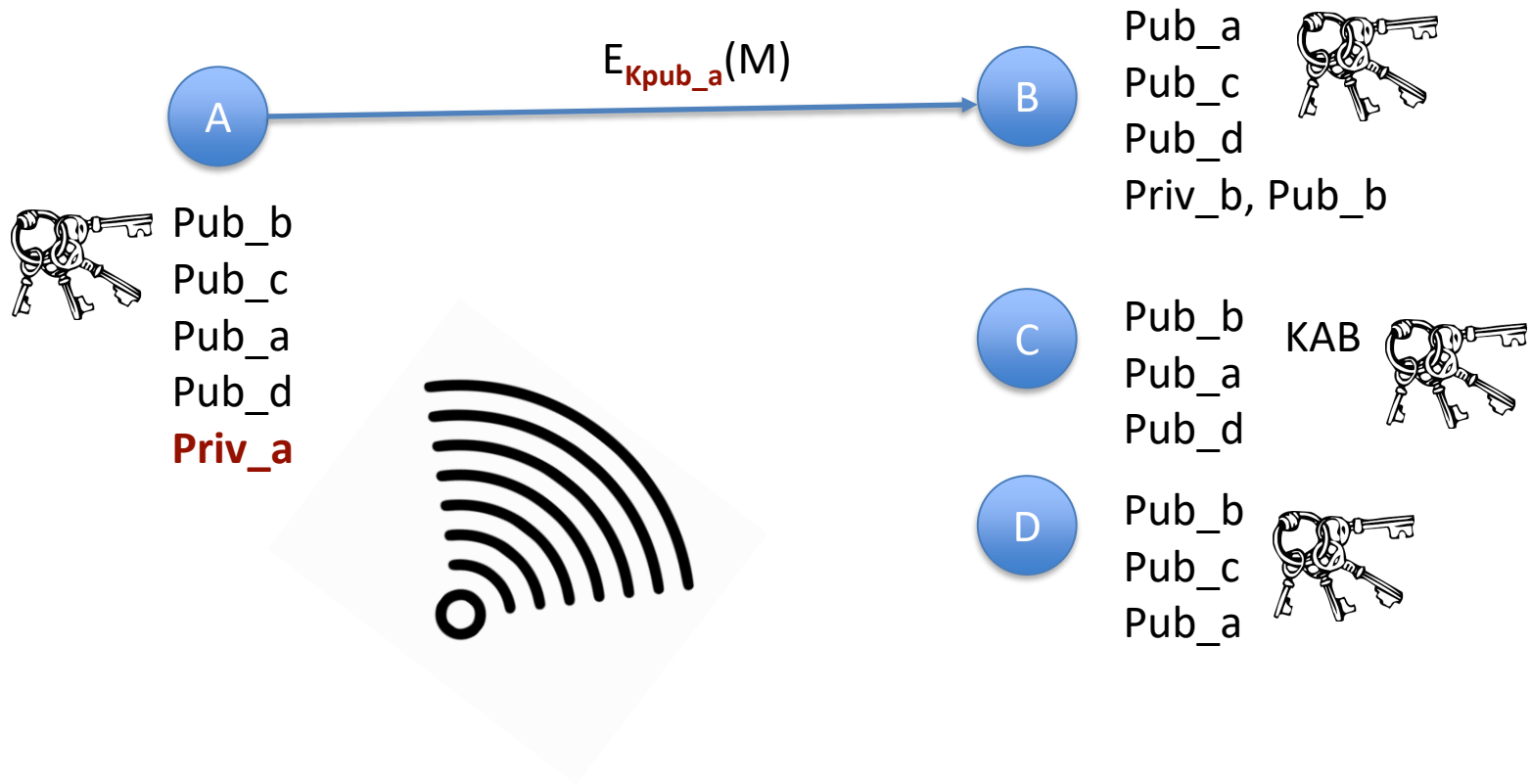
CASO A: A envía a B un mensaje con su clave privada - **¡¡ NO !!**



Si se cifra el mensaje con la clave privada → **NO hay confidencialidad** porque no sólo B tiene la K_{pub_a} , sino también C y D, por lo que ellos también podrían leer el mensaje

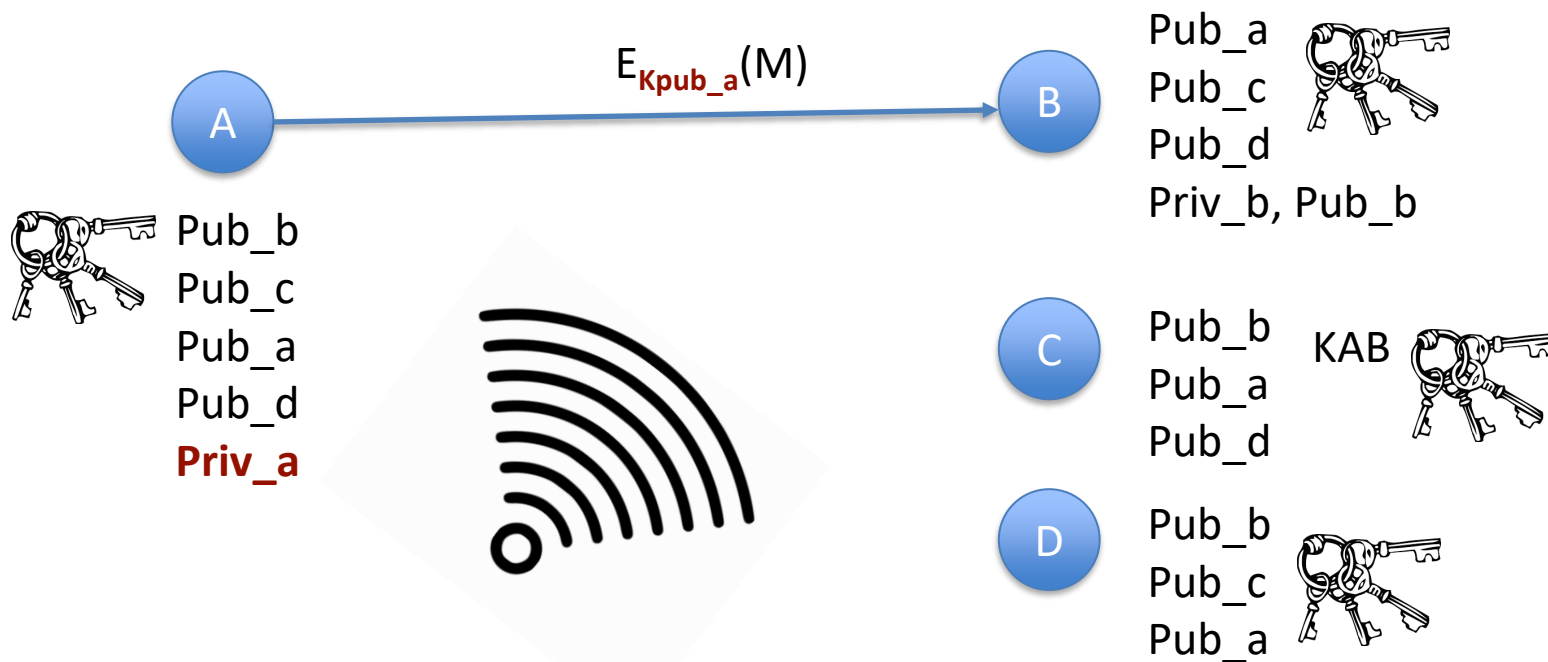
Algunos casos de ejemplos - Queremos **confidencialidad**

CASO B: A envía a B un mensaje con su clave pública



Algunos casos de ejemplos - Queremos **confidencialidad**

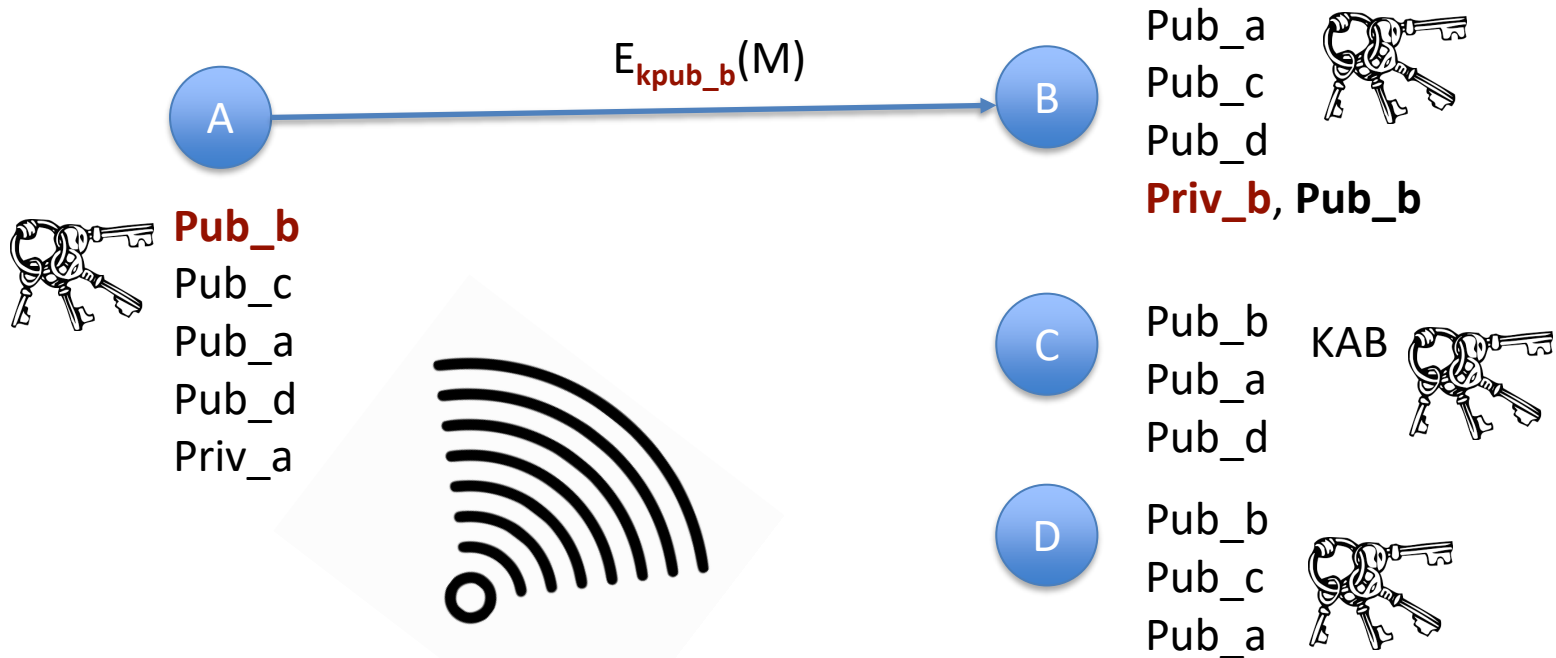
CASO B: A envía a B un mensaje con su clave pública - **¡¡ NO !!**



Si se cifra el mensaje con su propia clave pública → ¡¡ Ni la otra parte ni el resto de comunicación podrán leer el mensaje !! Porque el que tiene la clave privada es el que ha enviado el mensaje

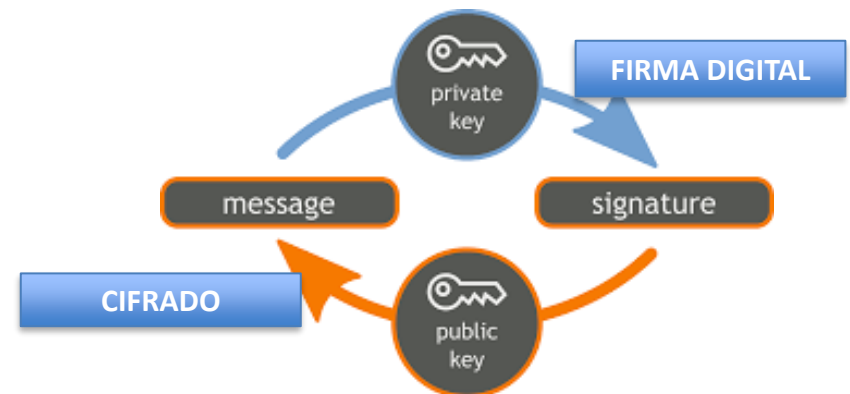
Algunos casos de ejemplos - Queremos **confidencialidad**

CASO C: A envía a B un mensaje con la clave pública de B - **¡¡ SÍ !!**



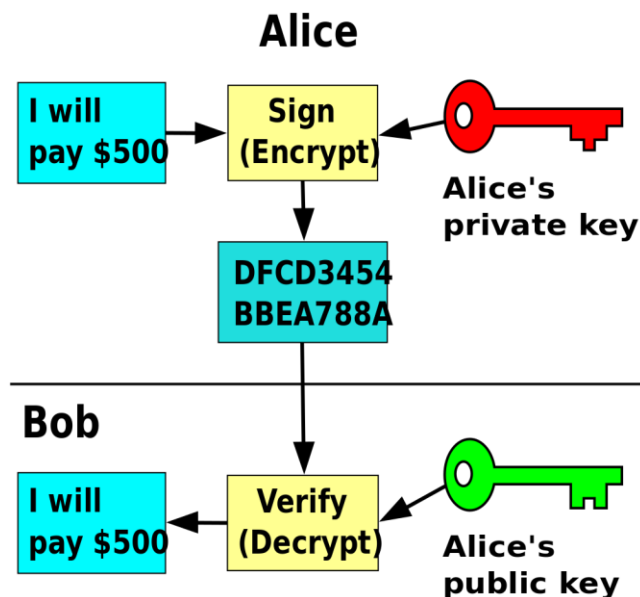
Si se cifra el mensaje con la clave pública de B → **HAY** **confidencialidad** porque sólo B tiene la K_{priv_b} asociada a K_{pub_b} , y C y D no podrán leer el mensaje

- Por lo tanto, hemos visto tres **ventajas inmediatas de la criptografía de clave pública** con respecto a la simétrica
 1. Cuando dos usuarios se comunican confidencialmente **no necesitan acordar una clave a priori**
 2. Por lo anterior, **no resulta problemático que estén físicamente lejanos y no puedan reunirse presencialmente**
 3. El **número de claves** en el sistema **se reduce** sustancialmente
- Como se ve en la figura, existe aún una **ventaja adicional** tanto o más importante que las anteriores
 - Esa ventaja se deriva de la **dualidad de funcionamiento** de algunos (no todos) algoritmos de clave pública



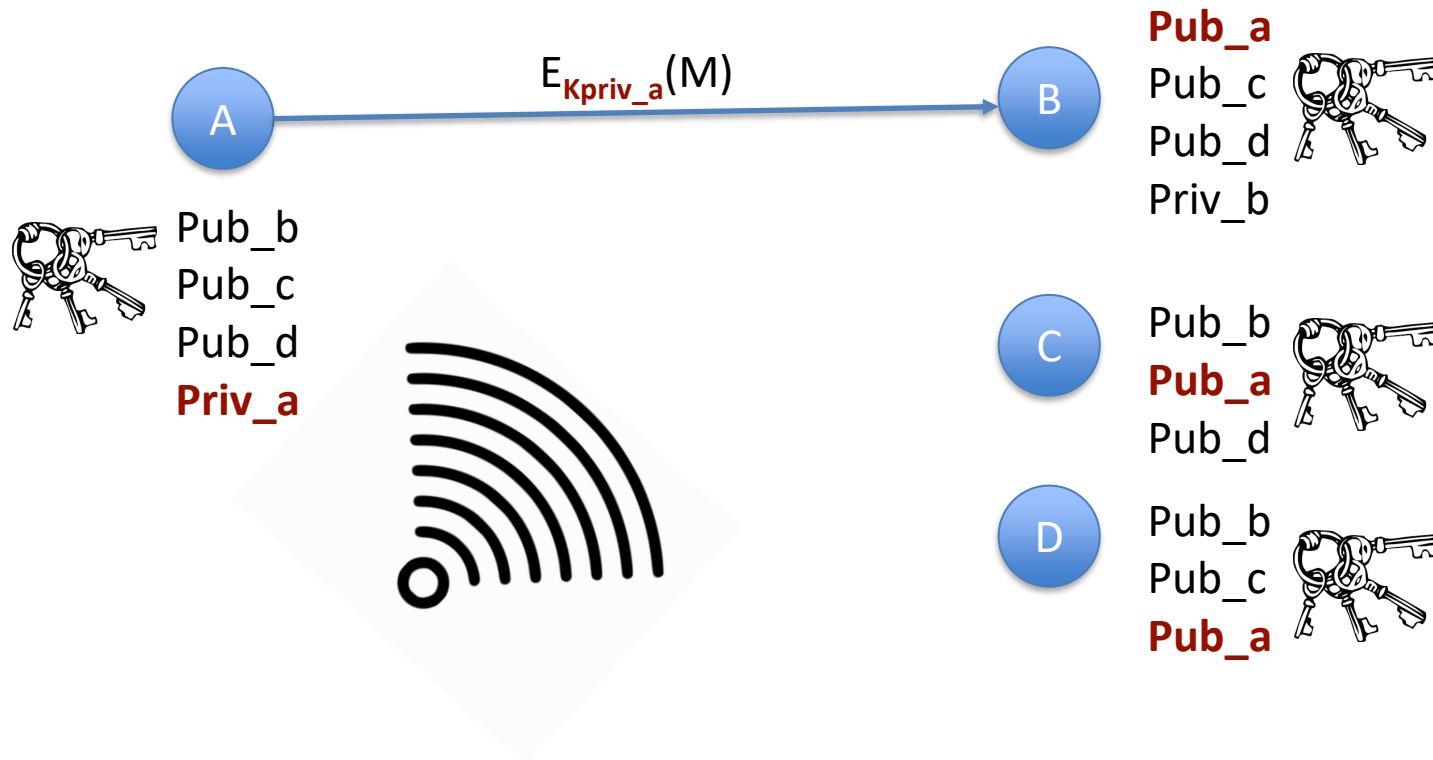
Firma digital

- *Alice* cifra el mensaje usando su propia clave privada, y cualquiera que tenga la clave pública de *Alice* podrá descifrar el criptograma
- Cuando *Bob* descifra el criptograma y obtiene el mensaje original, le queda garantizado que el mensaje viene de *Alice*
 - Porque *Alice* es la única que pudo hacer la operación de cifrado (ya que sólo ella posee la clave privada que generó el criptograma)



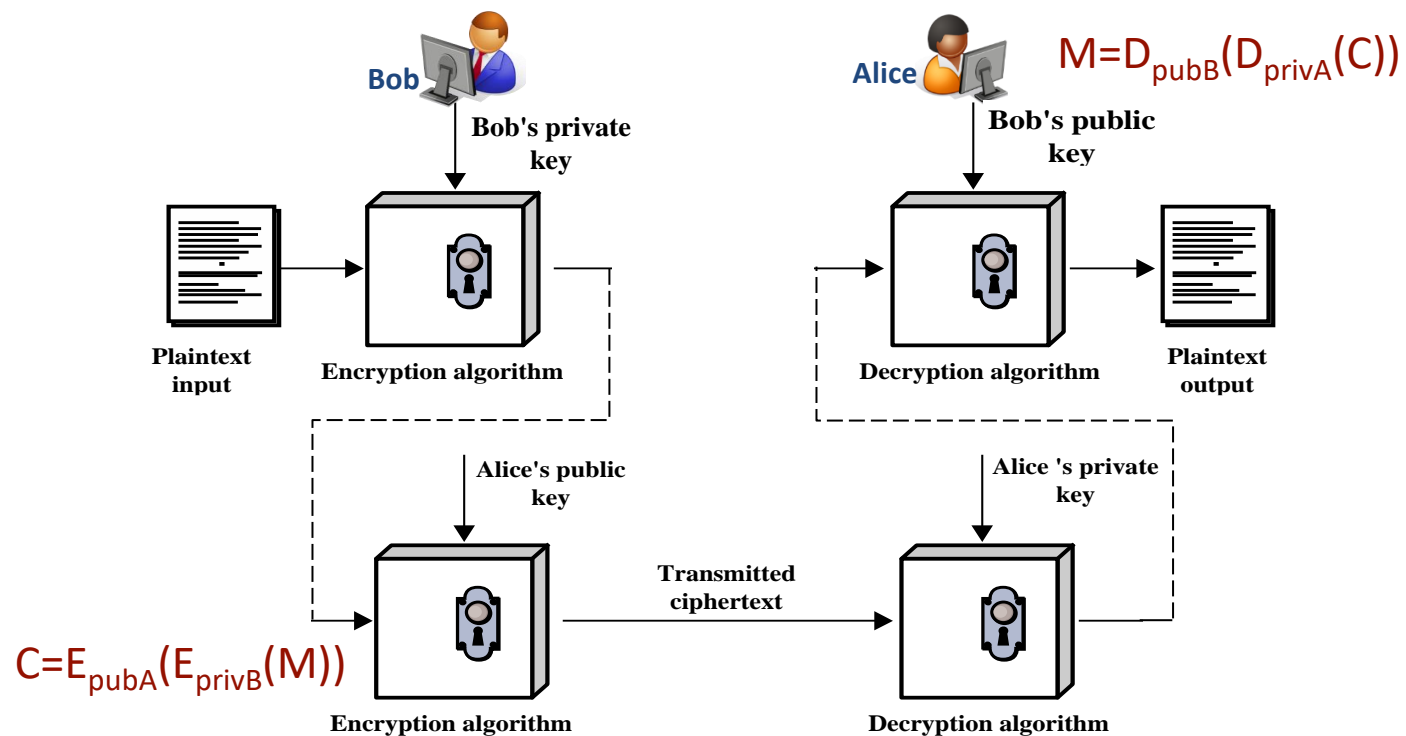
Algunos casos de ejemplos - Queremos autenticación

CASO A: A envía a B un mensaje firmado con su clave privada - ¡¡ SÍ !!



Firma digital + Cifrado

- Adicionalmente, es posible usar en secuencia las operaciones de firma digital y cifrado/descifrado, obteniendo autenticidad y confidencialidad en un mismo envío



Desventajas de criptografía de clave pública

- A pesar de estas ventajas, los algoritmos de clave pública tienen una **desventaja** de peso, por ejemplo, aplican **claves de gran tamaño**

- Ejemplo de clave pública:

```
98 3f ad 19 36 93 3d 3e fe 76 42 14 fd 35 6f f1
fa ad 22 7a 58 e3 46 d0 5d c6 5a f9 62 2d 8f 31
5e fe b4 30 fe 50 74 ac d6 9d 1d e0 62 c6 49 dd
14 12 7d 71 0b ac 06 c1 3f d7 06 87 e0 90 89 d6
e5 e3 03 b2 f2 27 b1 9f 33 c8 aa 6b 36 4a a3 c4
3f 79 41 9d 89 46 2f 2b 3e 63 d4 38 56 91 aa 1d
b1 0d 42 75 4d f3 87 4e e3 0f 4d cc b4 6c bf 62
13 87 ea d0 9b 8e b6 e2 ff 19 f4 94 09 d5 96 61
```



- Además, los algoritmos de clave pública se basan en **funciones matemáticas complejas**
 - En lugar de las convencionales sustituciones, permutaciones y sumas de los criptosistemas simétricos
- Ambos hechos hacen que **el rendimiento** de estos algoritmos sea **sustancialmente menor** que el de los simétricos
 - En general, se **puede afirmar que son unos 1000 veces más lentos**

Desventajas de criptografía de clave pública

```
$ openssl speed rc4
```

To get the most accurate results, try to run this program when this computer is idle.

```
Doing rc4 for 3s on 16 size blocks: 73270739 rc4's in 2.99s
Doing rc4 for 3s on 64 size blocks: 19548456 rc4's in 2.99s
Doing rc4 for 3s on 256 size blocks: 5017905 rc4's in 2.99s
Doing rc4 for 3s on 1024 size blocks: 1274653 rc4's in 2.98s
Doing rc4 for 3s on 8192 size blocks: 159407 rc4's in 2.97s
```

```
$ openssl speed aes
```

To get the most accurate results, try to run this program when this computer is idle.

```
Doing aes-128 cbc for 3s on 16 size blocks: 30108378 aes-128 cbc's in 2.97s
Doing aes-128 cbc for 3s on 64 size blocks: 7712443 aes-128 cbc's in 2.96s
Doing aes-128 cbc for 3s on 256 size blocks: 1953741 aes-128 cbc's in 2.98s
Doing aes-128 cbc for 3s on 1024 size blocks: 490976 aes-128 cbc's in 2.98s
Doing aes-128 cbc for 3s on 8192 size blocks: 61237 aes-128 cbc's in 2.98s
Doing aes-192 cbc for 3s on 16 size blocks: 26695873 aes-192 cbc's in 2.98s
Doing aes-192 cbc for 3s on 64 size blocks: 6930418 aes-192 cbc's in 2.98s
Doing aes-192 cbc for 3s on 256 size blocks: 1729199 aes-192 cbc's in 2.97s
Doing aes-192 cbc for 3s on 1024 size blocks: 444845 aes-192 cbc's in 2.98s
Doing aes-192 cbc for 3s on 8192 size blocks: 52989 aes-192 cbc's in 2.97s
Doing aes-256 cbc for 3s on 16 size blocks: 23329778 aes-256 cbc's in 2.97s
Doing aes-256 cbc for 3s on 64 size blocks: 5958585 aes-256 cbc's in 2.98s
Doing aes-256 cbc for 3s on 256 size blocks: 1565944 aes-256 cbc's in 2.97s
Doing aes-256 cbc for 3s on 1024 size blocks: 377290 aes-256 cbc's in 2.97s
Doing aes-256 cbc for 3s on 8192 size blocks: 47844 aes-256 cbc's in 2.94s
```

```
$ openssl speed rsa
```

To get the most accurate results, try to run this program when this computer is idle.

```
Doing 512 bit private rsa's for 10s: 79651 512 bit private RSA's in 9.98s
Doing 512 bit public rsa's for 10s: 1079143 512 bit public RSA's in 9.95s
Doing 1024 bit private rsa's for 10s: 22746 1024 bit private RSA's in 9.96s
Doing 1024 bit public rsa's for 10s: 460663 1024 bit public RSA's in 9.96s
Doing 2048 bit private rsa's for 10s: 4362 2048 bit private RSA's in 9.96s
Doing 2048 bit public rsa's for 10s: 174994 2048 bit public RSA's in 9.97s
Doing 4096 bit private rsa's for 10s: 729 4096 bit private RSA's in 9.98s
Doing 4096 bit public rsa's for 10s: 50938 4096 bit public RSA's in 9.98s
```

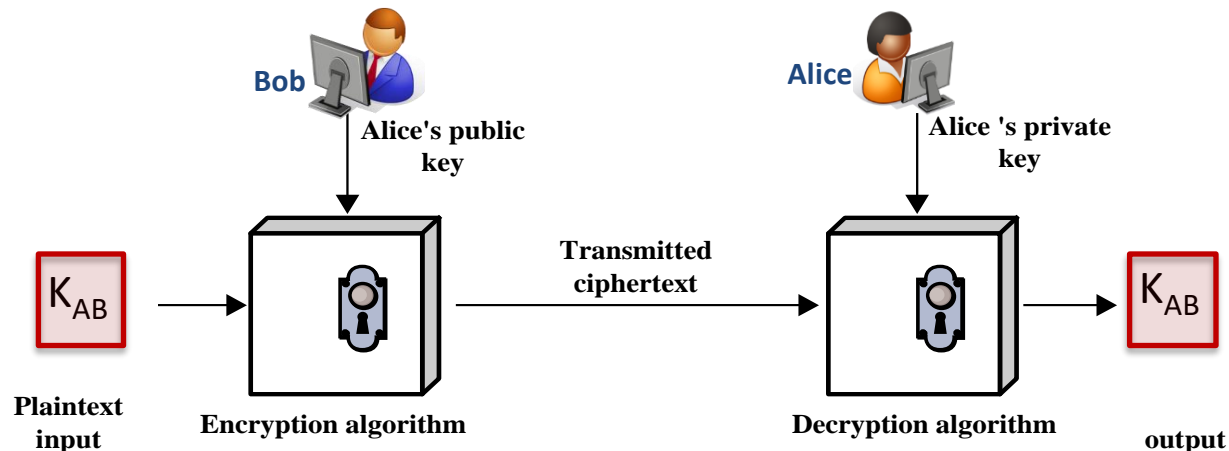
```
$ openssl speed dsa
```

To get the most accurate results, try to run this program when this computer is idle.

```
Doing 512 bit sign dsa's for 10s: 125836 512 bit DSA signs in 9.99s
Doing 512 bit verify dsa's for 10s: 114530 512 bit DSA verify in 9.99s
Doing 1024 bit sign dsa's for 10s: 54566 1024 bit DSA signs in 10.00s
Doing 1024 bit verify dsa's for 10s: 46194 1024 bit DSA verify in 10.00s
Doing 2048 bit sign dsa's for 10s: 18965 2048 bit DSA signs in 10.00s
Doing 2048 bit verify dsa's for 10s: 16315 2048 bit DSA verify in 10.00s
```

Intercambio de claves → Criptografía híbrida

- Debido a su bajo rendimiento, se ha ideado una tercera funcionalidad para estos criptosistemas (además de cifrado/descifrado y firma digital): el **intercambio de claves**
 - Paso 1:* Bob y Alice usan el algoritmo asimétrico para la transmisión (cifrado/descifrado) de la **clave secreta K_{AB}**
 - Paso 2:* Ambos usarán K_{AB} para, posteriormente, cifrar sus comunicaciones con un algoritmo simétrico



- El resultado final es un **criptosistema híbrido**
 - Uso de un criptosistema de clave pública + un criptosistema simétrico

Intercambio de claves → Criptografía híbrida

C. Simétrica

R+:

- los algoritmos son más simples y demandan menos recursos

S-:

- las claves son pequeñas y se pueden derivar por fuerza bruta
- Las claves son inseguras y requieren frecuentes procesos de rekeying

C. Asimétrica

S+:

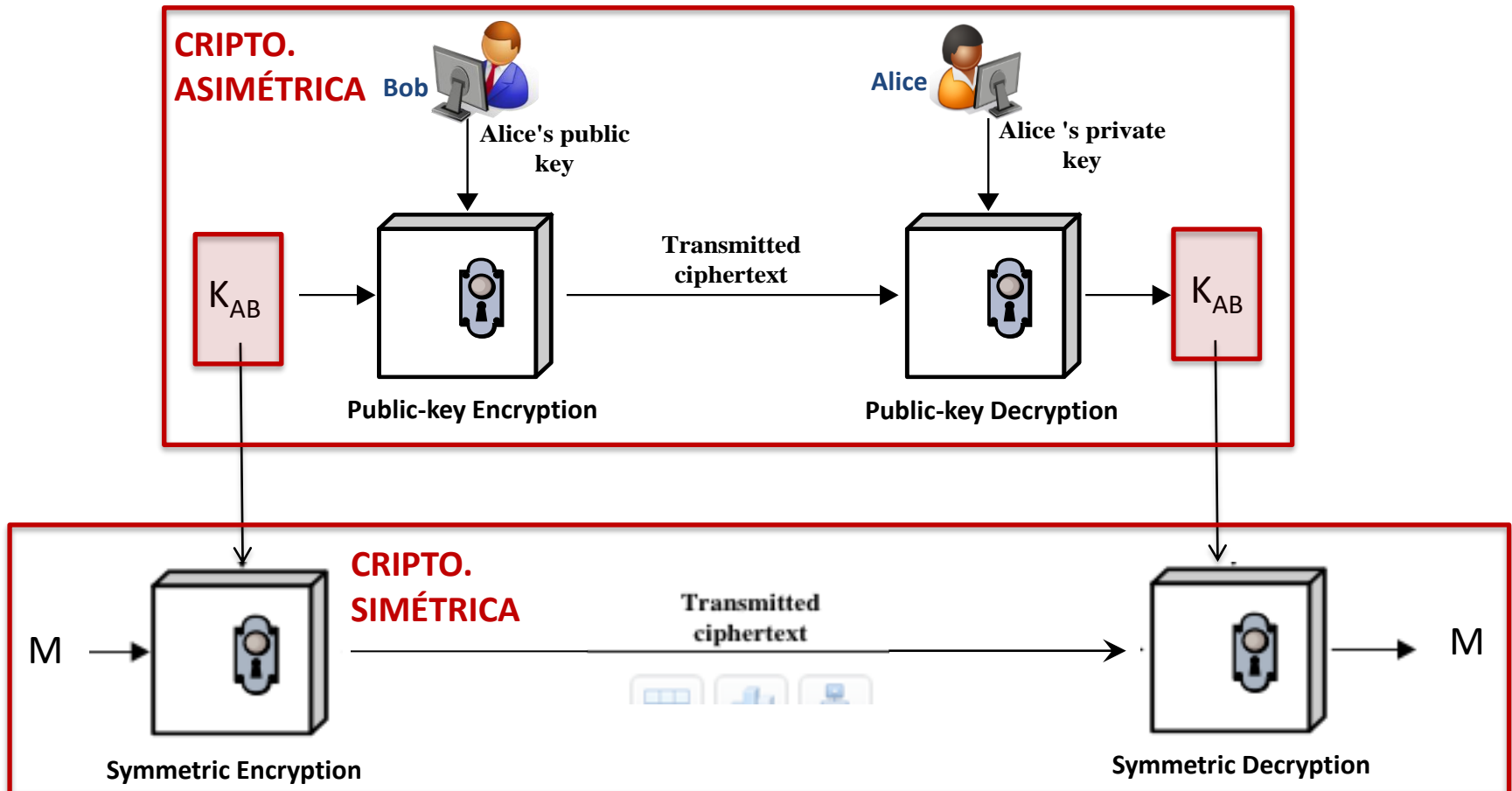
- las claves son de tamaño mayor, y la K_{priv} no se puede (computalmente y matemáticamente hablando) derivar de la K_{pub}
- Los algoritmos son más robustos frente ataques y permite enviar datos seguros por cualquier medio

R-:

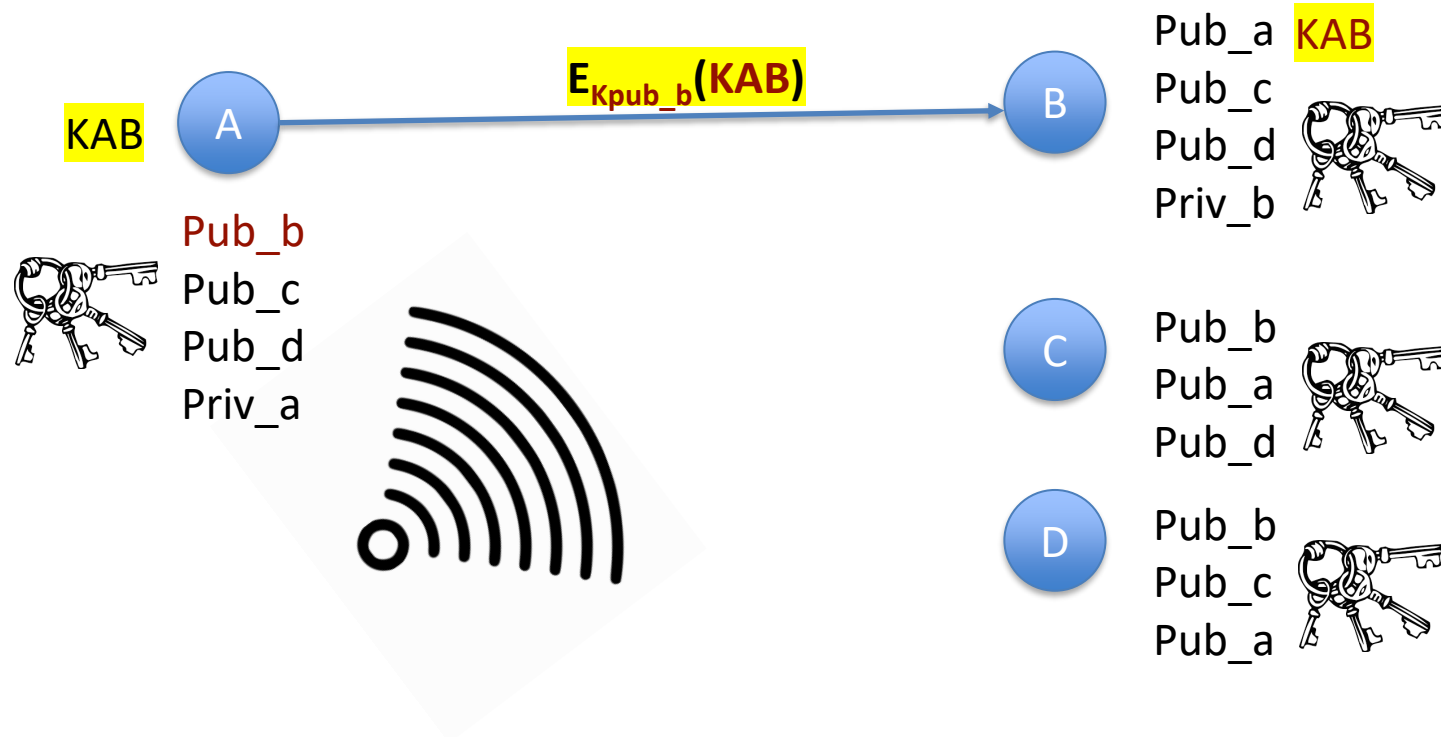
- los algoritmos son complejos y las claves son grandes, lo que demanda recursos para computar el cifrado

Intercambio de claves → Criptografía híbrida

- Una evolución del planteamiento anterior es el siguiente:
 - Enviar simultáneamente la clave de sesión y el mensaje cifrado con esa misma clave para **aprovechar los canales de comunicación**

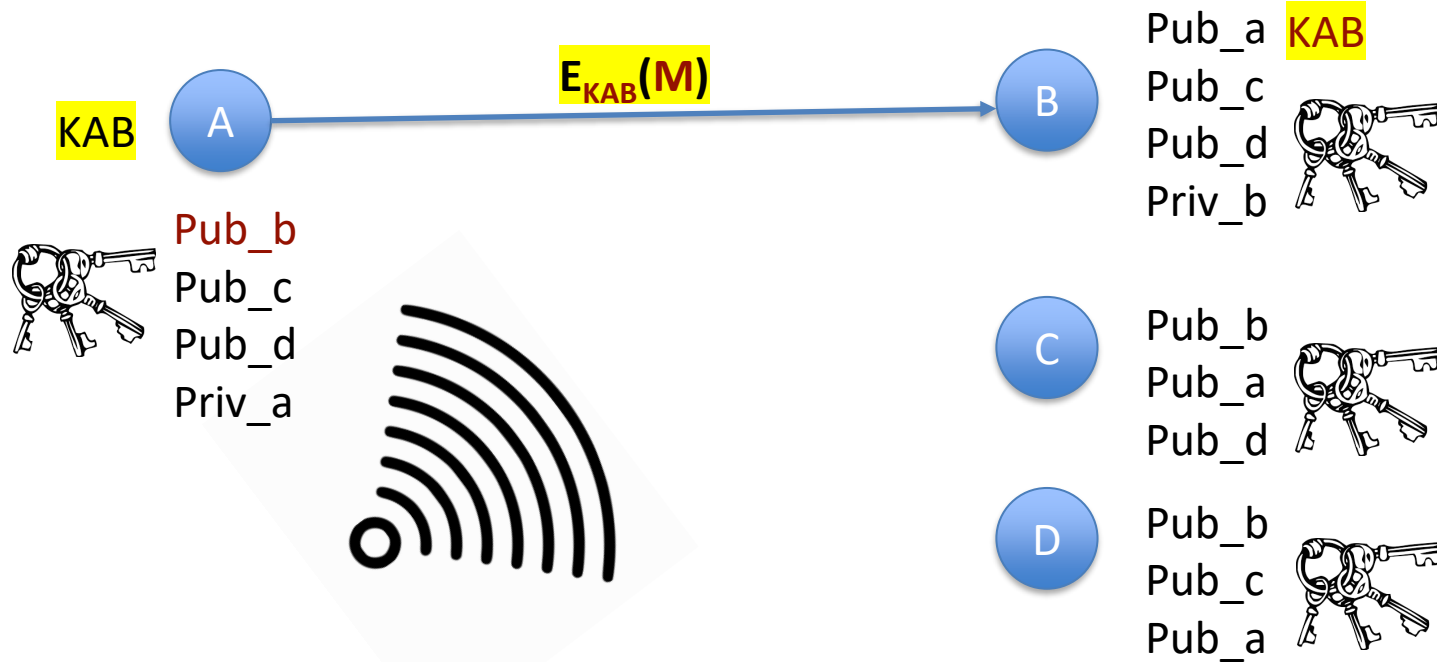


Algunos casos de ejemplos - Queremos criptografía híbrida



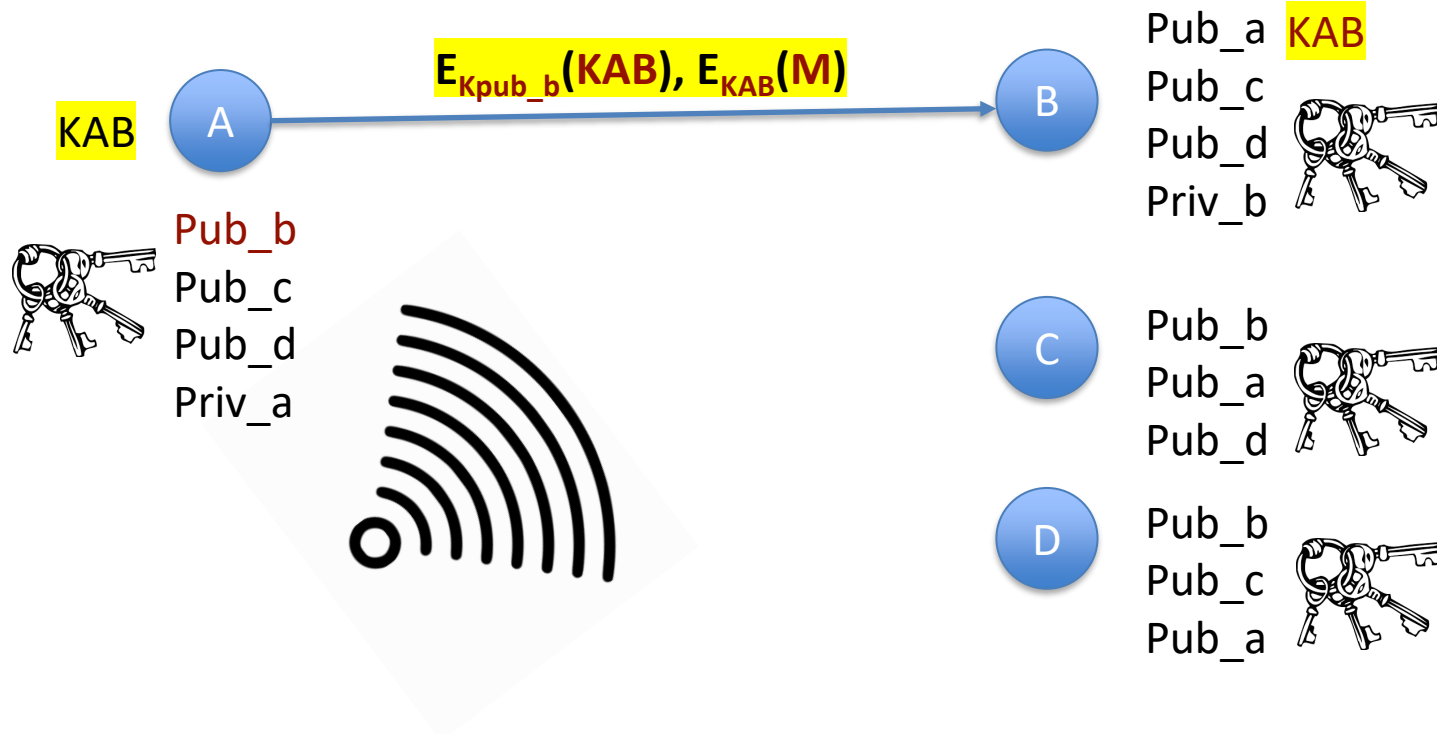
Fase 1: PROTEGER la KAB

Algunos casos de ejemplos - Queremos **criptografía híbrida**



Fase 2: PROTEGER el mensaje M

Algunos casos de ejemplos - Queremos **criptografía híbrida**



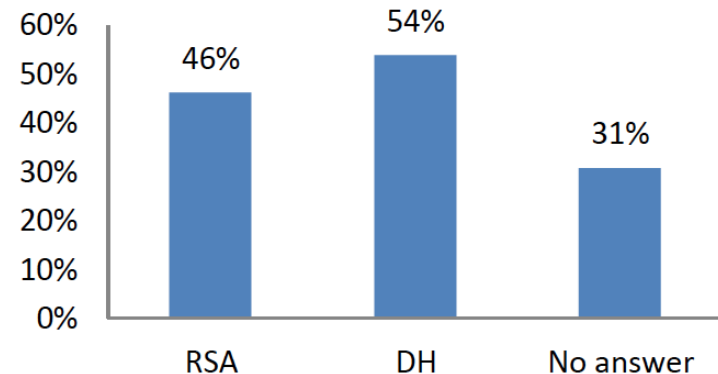
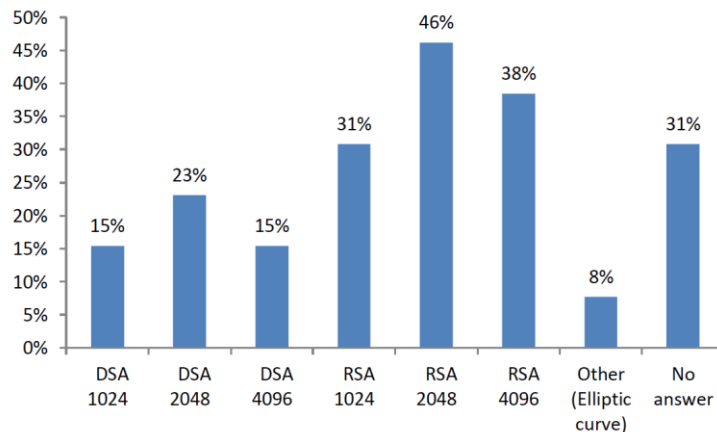
Fase 1 + 2: para proteger el canal de comunicaciones

Funcionalidades de la criptografía de clave pública

- Como se muestra en la siguiente tabla, no todos los algoritmos de clave pública son capaces de realizar las tres funcionalidades mencionadas:

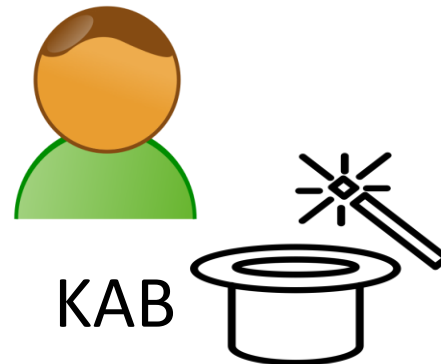
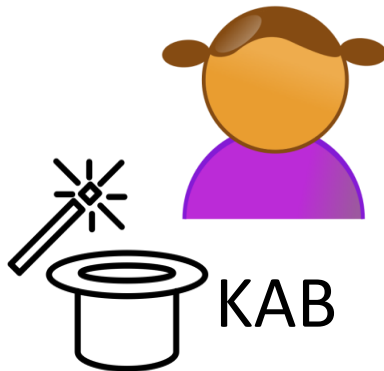
Algorithm	Encryption/Decryption	Digital Signature	Key Exchange
RSA	Yes	Yes	Yes
Elliptic Curve	Yes	Yes	Yes
Diffie-Hellman	No	No	Yes
DSS	No	Yes	No

DSS: Digital Signature Standard, e incorpora
DSA (Digital Signature Algorithm)



Algoritmo Diffie-Hellman

- Diseñado en 1976 y se conoce como el “**algoritmo Diffie-Hellman (DH) de intercambio de clave**”
 - Permite a dos usuarios cualesquiera **intercambiar**, de forma confidencial, una **clave secreta K (o de sesión)** para posteriormente cifrar de forma simétrica los mensajes entre ellos dos
 - Criptografía híbrida ☺
- Básicamente, DH permite que dos entidades (A y B) puedan generar una clave K_{AB} de forma simultánea, y sin enviarla por el canal de comunicaciones



Global Public Elements	
q	prime number
a	$a < q$ and a a primitive root of q
User A Key Generation	
Select private X_A	$X_A < q$
Calculate public Y_A	$Y_A = a^{X_A} \bmod q$
User B Key Generation	
Select private X_B	$X_B < q$
Calculate public Y_B	$Y_B = a^{X_B} \bmod q$
Calculation of Secret Key by User A	
$K = (Y_B)^{X_A} \bmod q$	
Calculation of Secret Key by User B	
$K = (Y_A)^{X_B} \bmod q$	

1) Para ello, A y B necesita establecer y **compartir valores comunes**, como un valor q primo y una raíz primitiva α de q
 $q = 3, \alpha = 2 ; 2^1 \% 3 = 1, 2^2 \% 3 = 2$

2) Tanto A como B generan sus claves privadas ($X_{A/B}$) y públicas ($Y_{A/B}$) teniendo en cuenta que: $Y_A \equiv \alpha^{X_A} \pmod{q}$, donde $0 \leq X_A \leq (q-1)$, X_A es el **logaritmo discreto de Y_A** , y se representa $dlog_{\alpha,q}(Y_A)$

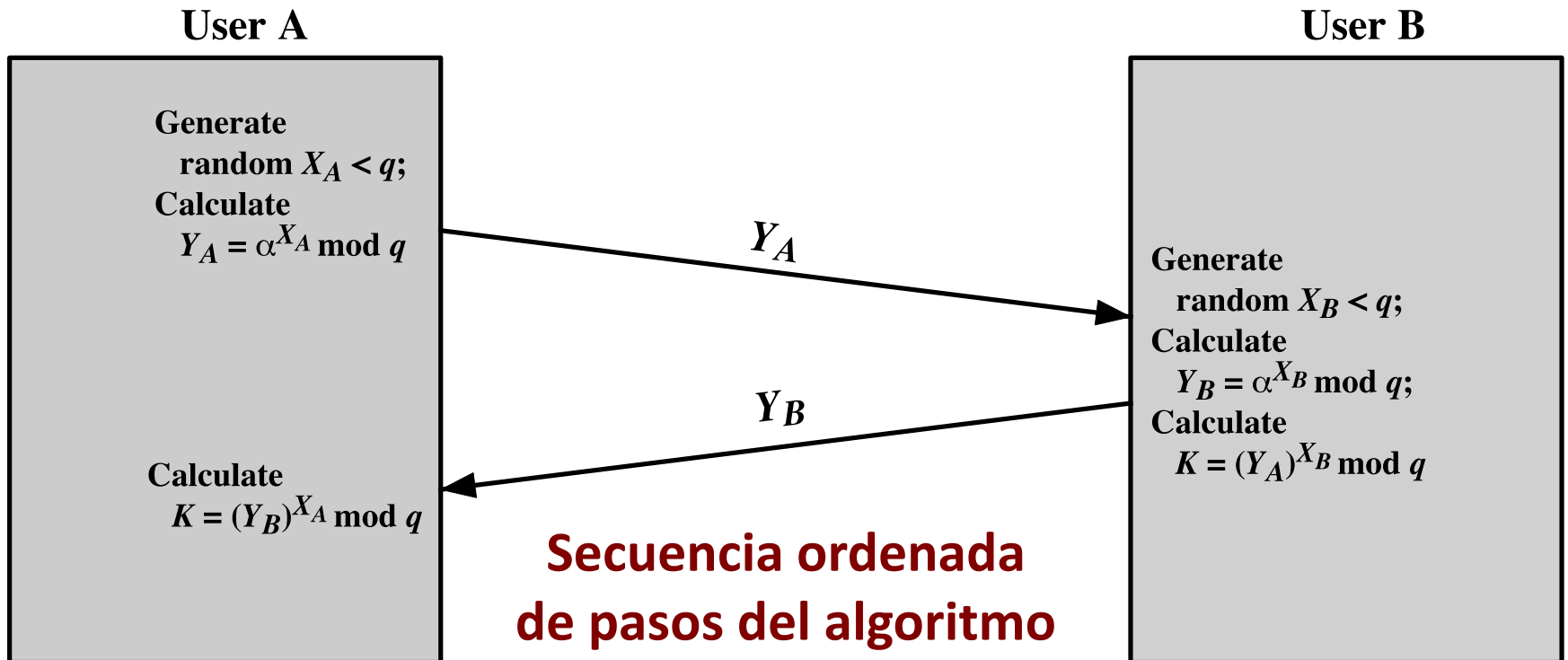


Luego, la efectividad del algoritmo depende de la **dificultad de computar logaritmos discretos**

3) Tanto A como B comparten sus respectivas claves públicas (Y_A / Y_B)

4) Tanto A como B generan de forma “mágica” la clave de sesión teniendo en cuenta: **$KAB = (Y_B)^{X_A} \bmod q$**

Otra forma de verlo ...



Otra forma de verlo ...

- Alice:

- Valores públicos: q, α
- $X_a < q$, clave privada
- $Y_a = \alpha^{X_a} \bmod q$, clave pública

- $Y_b = \alpha^{X_b} \bmod q$
- $K_{AB} = (Y_b)^{X_a} \bmod q$
- $K_{AB} = (\alpha^{X_b})^{X_a} \bmod q$

$$K_{AB} = \alpha^{X_b X_a} \bmod q = \alpha^{X_a X_b} \bmod q$$

- Bob:

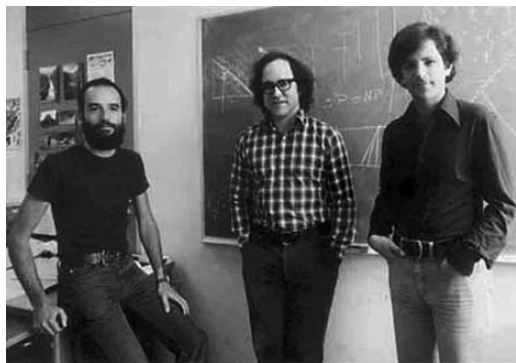
- Valores públicos: q, α
- $X_b < q$, clave privada
- $Y_b = \alpha^{X_b} \bmod q$, clave pública

- $Y_a = \alpha^{X_a} \bmod q$
- $K_{AB} = (Y_a)^{X_b} \bmod q$
- $K_{AB} = (\alpha^{X_a})^{X_b} \bmod q$

Ejemplo para casa:
 $q = 353$; $\alpha = 3$ (raíz
primitiva q); $X_a = 97$;
 $X_b = 233$

Algoritmo RSA

- Actualmente, es el criptosistema asimétrico o de clave pública más usado en la vida real
 - Su nombre procede de sus inventores: *Rivest*, *Shamir* y *Adleman* del Instituto Tecnológico de Massachusetts (MIT), y fue definido en 1977
- El criptosistema se basa de una idea bastante “simple”:
 - “*Es muy fácil multiplicar dos números enteros primos grandes, pero extremadamente difícil hallar la factorización de ese producto*”
 - Puede darse a conocer dicho producto sin que nadie descubra esos números de procedencia, a no ser que conozca al menos uno de ellos



Se piensa que RSA será seguro mientras no se conozcan “**formas rápidas**” de descomponer un número grande en producto de primos

- Parámetros necesarios:

- encontrar dos números primos grandes p y q , y calcular

$$n = p * q \ ; \ p \neq q$$

- se calcula $\varphi(n)$, de forma que
$$\varphi(n) = (p - 1) * (q - 1)$$



Para extraer los primos,
donde $\phi(n)$ (función indicatriz de Euler)
se define como el número de enteros
positivos menores o iguales a n y
coprimos de n

- se elige aleatoriamente un número grande e tal que
$$\text{MCD}(e, \varphi(n)) = 1; \ e < \varphi(n)$$

(o sea, e y $\varphi(n)$ son primos relativos o coprimos)

- Se determina el número d que cumple

$$e * d \equiv 1 \pmod{\varphi(n)}$$

(donde d debe ser el multiplicador inverso de $e \bmod \varphi(n)$)

Calcular
las
claves

- n , d y e (y por supuesto, p y q) son la base del sistema
 n módulo
 d clave privada
 e clave pública

- Las claves tienen el siguiente uso:
 - la **clave privada**: para descifrar o firmar mensajes
 - la **clave pública**: para cifrar o verificar la firma

- Para *cifrar*: $C = M^e \pmod{n}$

- Para *descifrar*: $M = C^d \pmod{n}$



$$C^d = (M^e)^d \equiv M^{ed} \pmod{n}$$

- RSA se trata, por lo tanto, de un algoritmo exponencial

- Ejemplo del cálculo de la clave pública y privada:

① Seleccionar primos: $p = 17$, $q = 11$

① Calcular $n = pq = 17 \times 11 = 187$

② Calcular $\phi(n) = (p-1)(q-1) = 16 \times 10 = 160$

③ Seleccionar e : $\text{mcd}(e, 160) = 1$ y $e < 160$
se selecciona $e = 7$

⑤ Determinar d : $d \cdot e \equiv 1 \pmod{160}$
 $d = 23$ dado que $23 \times 7 = 161 \pmod{160} = 1$

⑥ Clave pública = 7 y módulo = 187

⑦ Clave privada = 23

- El texto original, M (y también el cifrado, C) debe tomarse como un **número decimal**

- De esta forma, si se trabaja con el código ASCII:

$M = \text{“Hola”}$ equivaldría al valor decimal 72 111 108 097

- Además, como se está trabajando en aritmética modular, todos los valores usados deben ser menores que el **módulo n**

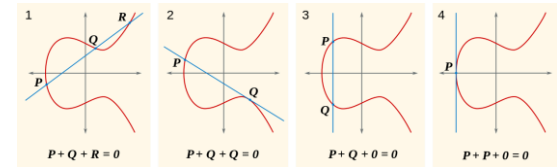
- Esto significa que **si el valor decimal del mensaje es superior al módulo, $M > n$, entonces M debe ser troceado en otros menores que n**

ALGO MUY
PARECIDO A LO QUE
SE HACE CON EL
CIFRADO EN BLOQUE

- Suponiendo $n = 100000$, daría lugar a los bloques

$$m_0 = 72111, m_1 = 10809 \text{ y } m_2 = 7$$

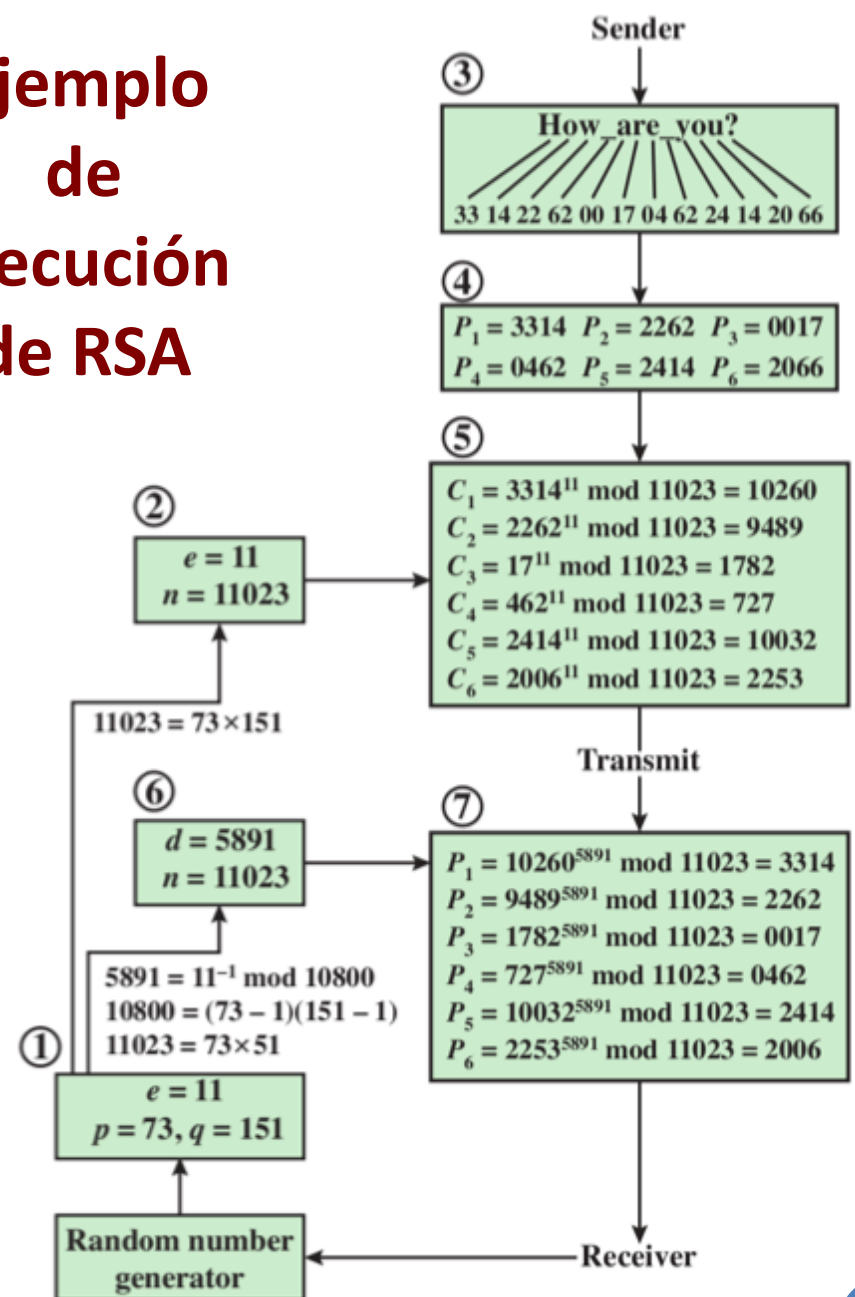
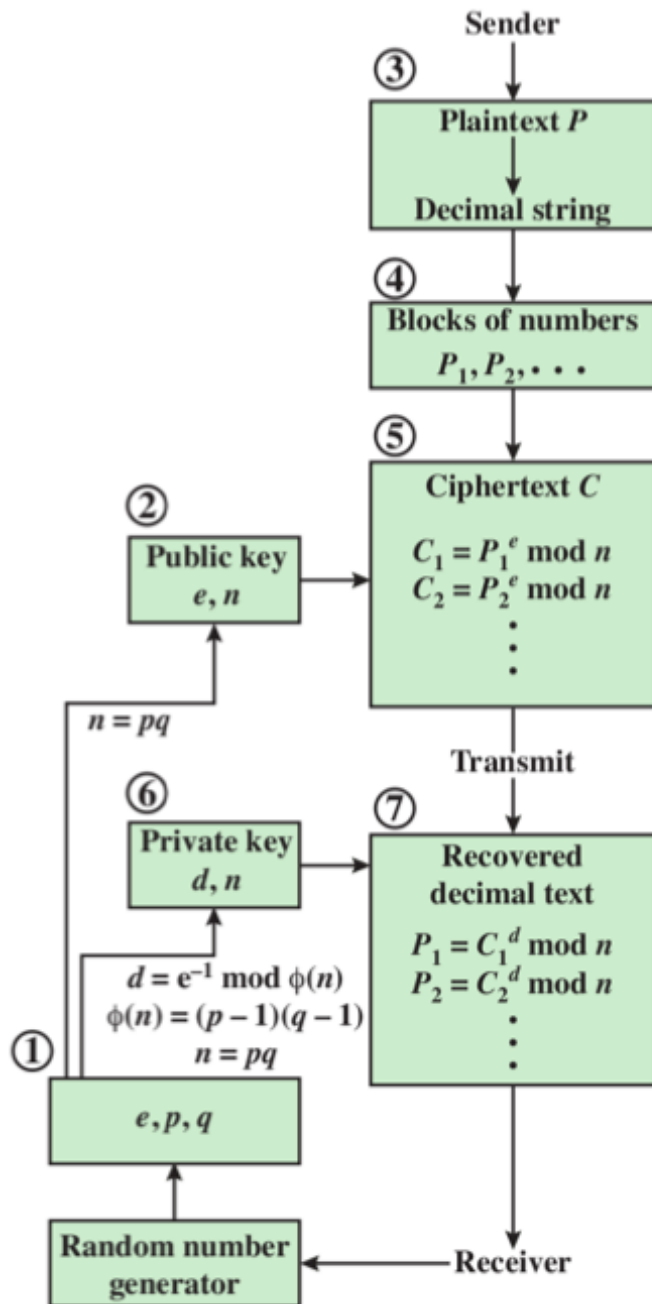
- Cosas que hay que tener en cuenta:
 - Los bloques m_i no deben/pueden ser pequeños, pues entonces el criptoanalista puede construirse una tabla donde tenga todos los posibles m_i y sus respectivos c_i
 - También hay que tener cuidado al elegir el tamaño
 - **Cuanto mayor sea, más seguro, pero también más lento** será el sistema en sus cálculos
 - Para seleccionar p ó q debe testearse si es primo o no con cualquiera de los tests existentes (se recomienda *Miller-Rabin*)
 - Se han propuesto sistemas en los que se busca un valor **e muy pequeño**, con lo cual hacer más rápido el proceso de cifrado
 - Estos sistemas se basan en otros principios matemáticos
 - Ejemplo: ECC, con el *problema de logaritmos discretos en curvas elípticas (ECDLP)*



Tamaño de clave simétrica (bits)	Tamaño de clave RSA y DH (bits)	Tamaño de clave de ECC (bits)
128	1024	160
192	2048	224
256	3072	256
	7680	384
	15360	521

Recomendación dada por el NIST para el tamaño de claves

Ejemplo de ejecución de RSA



Padding

- Los cifrados en bloque están diseñados para trabajar con mensajes compuestos de bloques de un tamaño específico
 - Ejemplo: AES-128 trabaja con bloques de 128 bits (16 bytes)
 - Problema: Supongamos que usamos AES-128 (16 bytes), ¿Qué ocurre cuando queremos cifrar un mensaje que ocupa, por ejemplo, 20 bytes?
 - Tendremos un primer bloque de 16 bytes, y un segundo bloque de 4 bytes
 - El primer bloque lo podemos cifrar sin problemas
 - Al segundo bloque tenemos que añadirle algo al final (“padding”)

Padding

- Esquemas de Padding:
 - ISO 10126: añadir bytes aleatorios, excepto el último, que indicará la longitud del padding
 - |12 63 12 65 E7 82 A7 C1|B7 02 9E 29 4E 8C 7B 05|
 - ISO/IEC 7816-4: añadir ceros, excepto el primero, que siempre tendrá el valor 80:
 - |12 63 12 65 e7 82 a7 c1|b7 02 9e 80 00 00 00 00|
 - Zero Padding: simplemente añadir ceros
 - |12 63 12 65 e7 82 a7 c1|b7 02 9e 00 00 00 00 00|
 - Problema: si el mensaje original acaba en alguna secuencia de ceros, no es posible determinar dónde empieza el padding
 - PKCS#5, PKCS#7: Si necesitamos N bytes de padding, usamos N veces el valor N
 - |12 63 12 65 e7 82 a7 c1|b7 02 9e 05 05 05 05 05|