

アルゴリズムとデータ構造

第8週目

担当 情報システム部門 徳光政弘
2025年6月18日

今日の内容

- ハッシュ法

ハッシュ法

- 効率的にデータを探索するためのデータ格納方法と検索方法
- 同じデータに対する衝突回避
 - チェイン法(次回)
 - オープンアドレス法(今回)

ハッシュ法の考え方

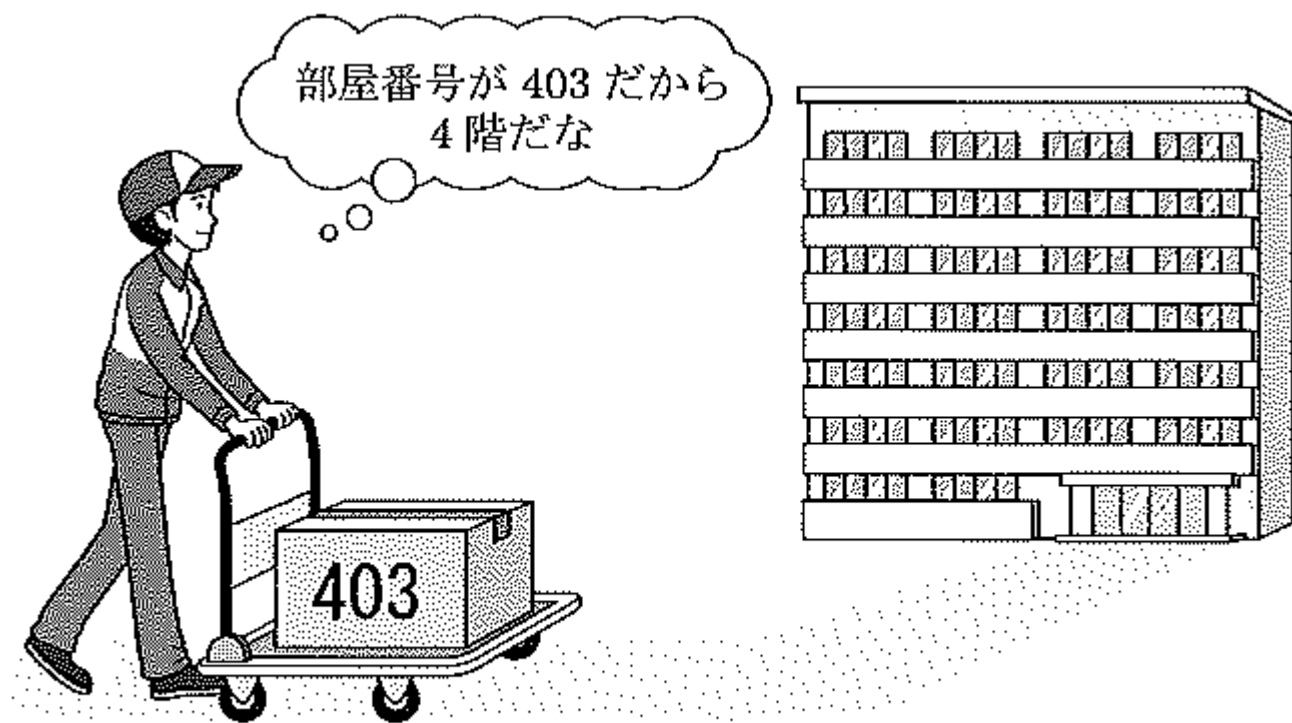


図 4.4 日常におけるハッシュ法のアイデア

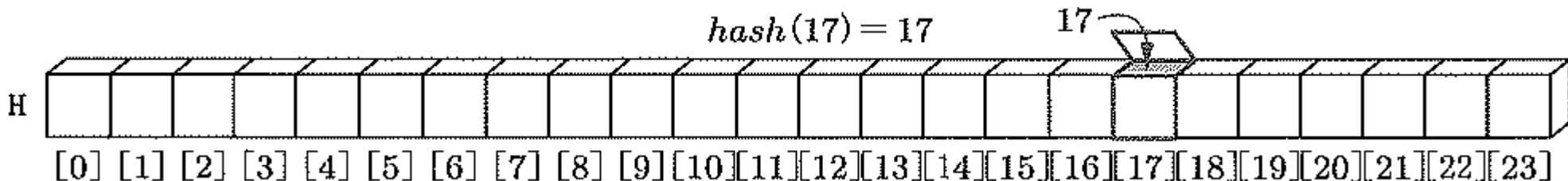
ハッシュ法の考え方

- 部屋番号がわかると、階数が推測できる
- 考え方 与えられたキーから場所を推測する
- 平均時間計算量

$$O(n)$$

ハッシュ法の考え方

- データxを格納する場所をハッシュ関数 $\text{hash}(x)$ で計算する
- 配列を使用する
- $\text{hash}(x)$ はデータを格納する添字を返す



ハッシュ関数の定義

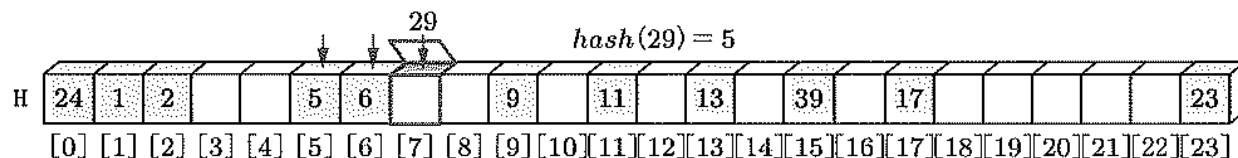
- ハッシュ関数は様々な定義(計算式)を考えることができる
- ハッシュ関数はSHAアルゴリズム、MD5でも使われる関数(定義は別)にもなっている、よく出てくる用語

$$\text{hash}(x) = (x \text{ を } 24 \text{ で割った余り})$$

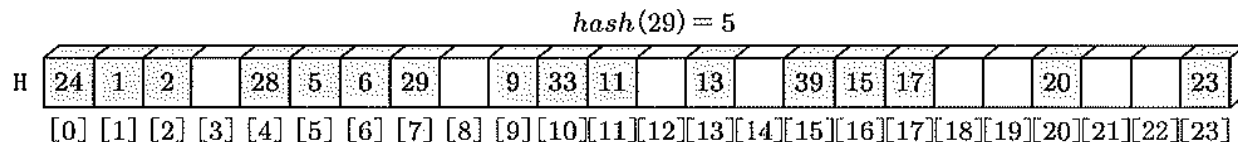
教科書のハッシュ関数の定義

ハッシュのデータ挿入

- $\text{hash}(29) = 5$ はデータがあるため、代入できない
- $H[6]$ もデータがあるため、代入できない
- $H[7]$ は空きがあるため、データを挿入できる



(b)



(c)

ハッシュのデータ挿入

アルゴリズム 4.3 ハッシュ法によるデータの格納

入力：サイズ m の配列 H , および n 個のデータを格納する配列 D

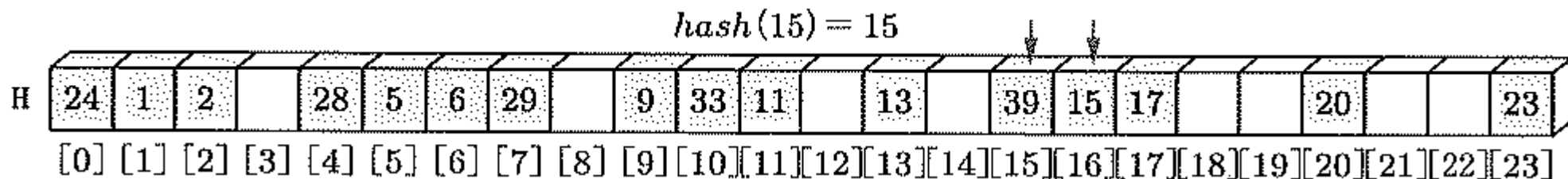
```
for (i=0; i<n; i=i+1) {  
    k=hash(D[i]);  
    while ( H[k]にデータが格納されている ) { k=((k+1)を $m$ で割った余り); }  
    H[k]=D[i];  
}
```

$k=((k+1)$ を m で割った余り);

余りは巡回するため、配列の末尾から先頭に添字を戻すことができる

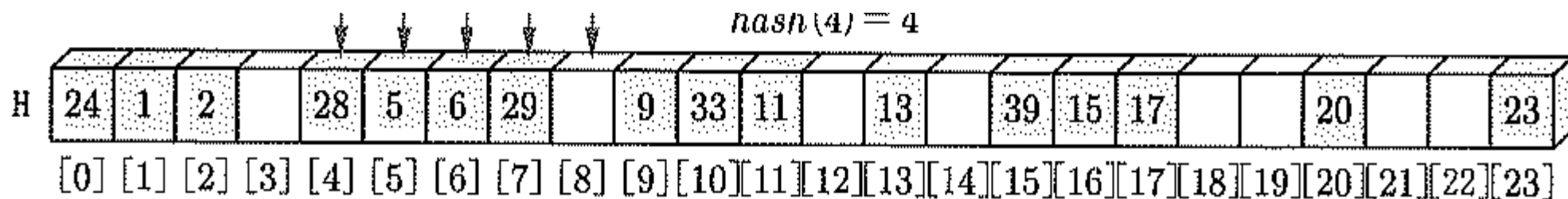
ハッシュのデータ探索

- $\text{hash}(x)=15$ の値は39のため、 $H[16]$ の値が返される



ハッシュのデータ探索

- $\text{hash}(4)=4$ を求めたが、 $H[4]$ 、 $H[5]$ 、 $H[6]$ と順番に調べて4が見つからない
- 探索に失敗した結果を返す



(b)

ハッシュのデータ探索

アルゴリズム 4.4 ハッシュ法による探索

入力：アルゴリズム 4.3 によりデータの格納されたサイズ m の配列 H と探索する値 x

$k = \text{hash}(x);$

while ($H[k]$ にデータが格納されている) {

 if ($H[k] == x$) { $H[k]$ を出力しアルゴリズムを終了; }

$k = ((k+1) \text{ を } m \text{ で割った余り});$

}

" x は存在しない" と出力;

ハッシュ関数の時間計算量

- 平均時間計算量(証明は長く難しいため略)

●性質 4.1

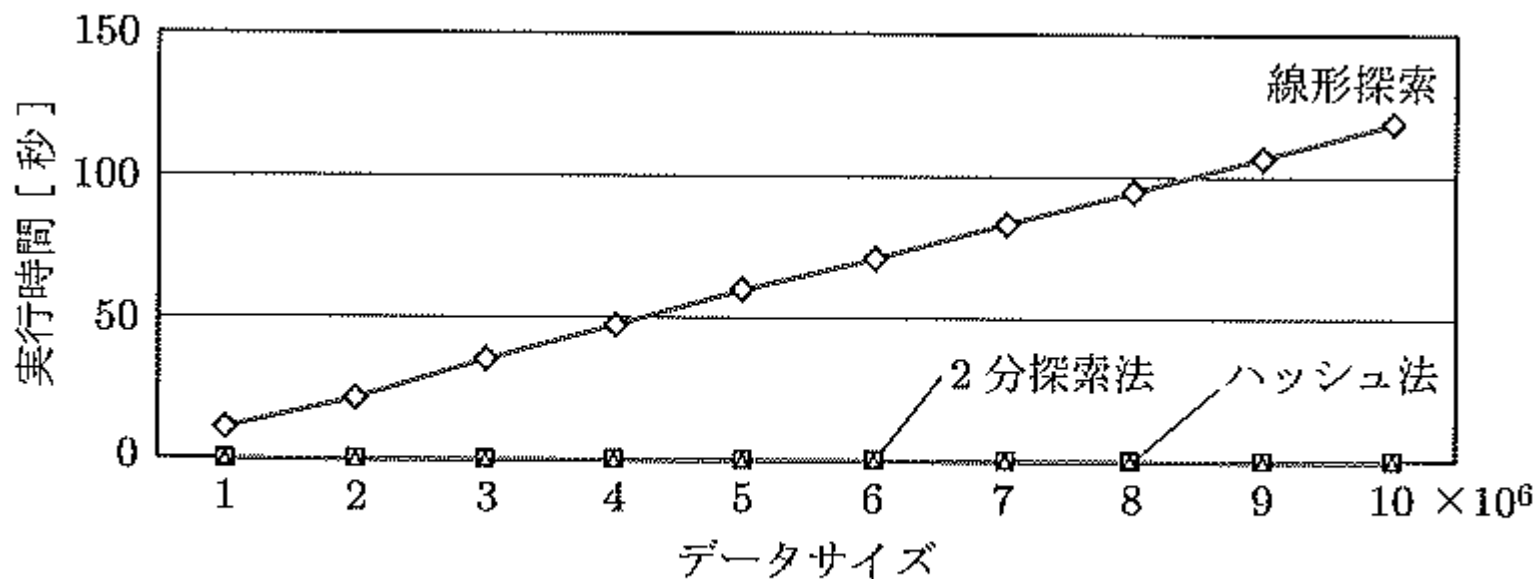
n 個のデータが、ハッシュ関数を用いてサイズが m の配列のランダムな場所に格納されているとする。このとき、ハッシュ法を用いた探索アルゴリズムの平均時間計算量は $O\left(\frac{m}{m-n}\right)$ である。

ハッシュ関数の最悪時間計算量

- 配列の大きさをデータ個数の $1.5n$ とする
- 定数時間で探索できる

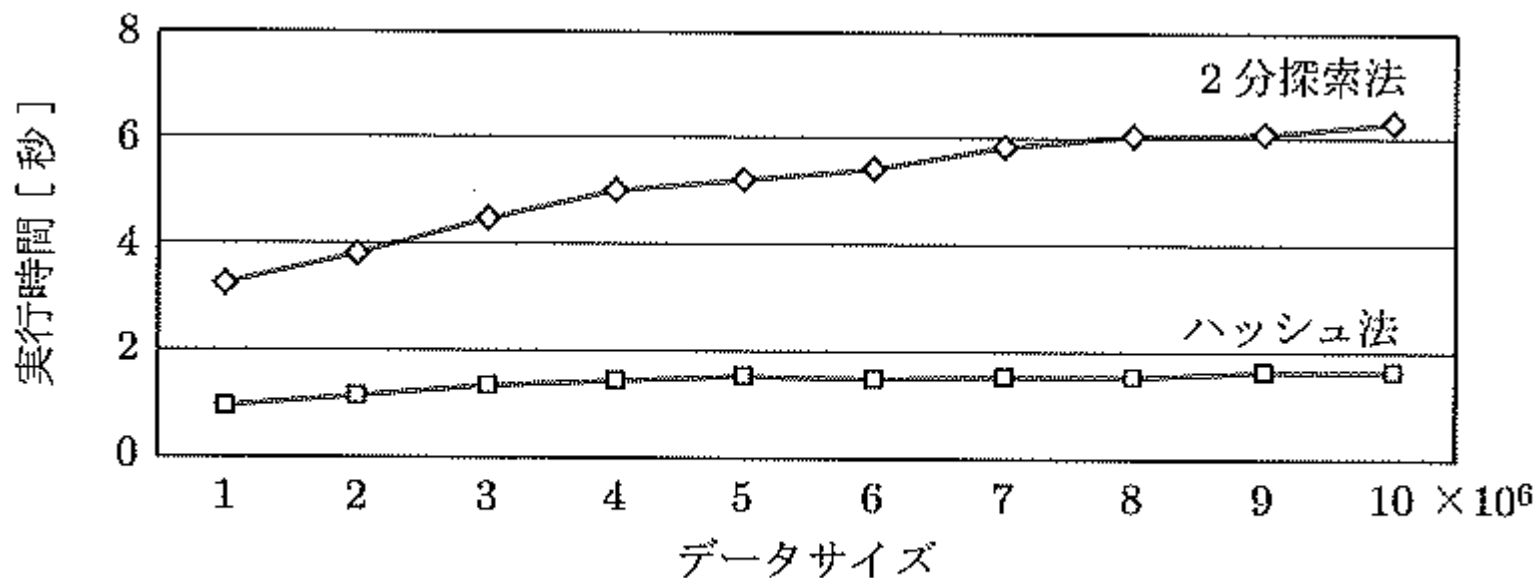
$$O\left(\frac{m}{m-n}\right) = O\left(\frac{1.5n}{1.5n-n}\right) = O(1)$$

探索アルゴリズムの実行速度比較



(a) 線形探索, 2分探索法とハッシュ法の比較

探索アルゴリズムの実行速度比較



(b) 2分探索法とハッシュ法の比較

理論上は2分探索法も高速な部類になるが、ハッシュ法はさらに高速な方法になっている