Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Лабораторна робота № 2.4

з дисципліни «Алгоритми і структури даних»

Виконав:

Перевірила:

студент групи IM-22 Кушнір Микола Миколайович номер у списку групи: 13 Молчанова А. А.

Постановка задачі

Представити напрямлений граф з заданими параметрами так само, як у лабораторній роботі №3. Відміна: матриця А напрямленого графа за варіантом формується за функціями:

```
srand(n_1 n_2 n_3 n_4);
T = randm(n, n);
A = mulmr(( 1.0 - n_3 * 0.01 - n_4 * 0.01 - 0.3) * T);
Перетворити граф у ненапрямлений.
```

- **2.** Визначити степені вершин напрямленого і ненапрямленого графів. Програма на екран виводить степені усіх вершин ненапрямленого графу і напівстепені виходу та заходу напрямленого графу. Визначити, чи граф ϵ однорідним та якщо так, то вказати степінь однорідності графу.
- **3.** Визначити всі висячі та ізольовані вершини. Програма на екран виводить перелік усіх висячих та ізольованих вершин графу.
 - 4. Змінити матрицю графу за функцією

```
A = mulmr((1.0 - n_3 * 0.005 - n_4 * 0.005 - 0.27) * T);
Створити програму для обчислення наступних результатів:
```

- 1) матриця суміжності;
- 2) півстепені вузлів;
- 3) всі шляхи довжини 2 і 3;
- 4) матриця досяжності;
- 5) компоненти сильної зв'язності;
- б) матриця зв'язності;
- 7) граф конденсації.

Шляхи довжиною 2 і 3 слід шукати за матрицями A^2 і A^3 , відповідно. Матриця досяжності та компоненти сильної зв'язності слід шукати за допомогою операції транзитивного замикання.

Завдання для варіанту 13

```
• n_1 = 2;
```

•
$$n_2 = 2$$
;

•
$$n_3 = 1$$
;

•
$$n_4 = 3$$
;

Число вершин n: 10 + 1 = 11.

Розміщення вершин: прямокутником (квадратом).

Формування матриці A:

```
srand(2 2 1 3);

T = randm(11, 11);

A = mulmr(( 1.0 - 1.0 * 0.01 - 3.0 * 0.01 - 0.3) * T);

Формування зміненої матриці:

A = mulmr((1.0 - 1.0 * 0.005 - 3.0 * 0.005 - 0.27) * T).
```

Посилання на репозиторій з лабораторною роботою

Текст програми

Вміст файлу Configurations.h

```
* Список скорочень, застосованих для найменування деяких ідентифікаторів
 * d aбo D => directed (напрямлений)
 * u aбo U => undirected (ненапрямлений)
 * m або M => modified (для позначення модифікованої матриці)
 * l або L => leaf (для висячих вершин) 
* i або I => isolated (для ізольованих вершин)
/* N1N2 - номер групи, N3N4 - порядковий номер у списку групи */
#define N1 2
#define N2 2
#define N3 1
#define N4 3
/* Кількість рядків і стовпців матриць суміжності графів */
\#define N (10 + N3)
/* Для позначення осей координат (позиції елементів записані у векторах) */
#define x 0
#define y 1
/* Значення, що використовуються в обчисленнях */
#define PI 3.1415926536
#define SQRT 2 1.4142135624
#define VERTEX RADIUS
#define LOOP RADIUS
                               (5 * VERTEX RADIUS / 4)
```

```
#define ONE STEP LENGTH
                              (9 * VERTEX RADIUS / 2) /* Найменша відстань між
вершинами графа */
#define MAX_ONE_STEP_LENGTH (3 * ONE_STEP_LENGTH / 2)
#define WINDOW_BORDER_OFFSET (2 * LOOP_RADIUS + 10)
const wchar t *vertices names[] =
   L"1", L"2", L"3",
   L"4", L"5", L"6",
   L"7", L"8", L"9",
   L"10", L"11",
};
/* Щоб граф коректно відобразився у вікні, його висота має бути сталою */
const int min coords[] =
   WINDOW BORDER OFFSET,
   WINDOW BORDER OFFSET
};
const int max coords[] =
   WINDOW BORDER OFFSET + GRAPH WIDTH,
   WINDOW BORDER OFFSET + GRAPH HEIGHT
};
const int vertex print offset[] = { 5, 8 };
/* Визначають зміщення центру ребер для огинання вершин або вже намальованих
ребер */
const double edge center offset dividers[] = { 1, 3.6, 4.5, 6.5, 7 };
```

Вміст файлу DrawingDataSetter.h

```
#include <math.h>
#include "Configurations.h"
#include "WorkWithMatrices.h"
typedef struct DrawingData
  int edge type;
  int start[2];
  int center[2];
  int end[2];
  double angle;
  int arrow end[2];
} draw data;
/****** ПЕРЕЛІК ФУНКЦІЙ
******************
/**** Функції, що виконують основні обчислення
*************************
int    **SetVerticesCoords (int n);
draw_data SetEdgeDrawData (int v1, int v2, int is_directed, int **coords,
int drawn lines[N][N]);
/**** Допоміжні функції
************************
******
```

```
/***********
                                                  ******
************
int **SetVerticesCoords(int n)
   int **coords = Create2dIntArr(n, n);
   int current_pos[2] = { min_coords[x], min coords[y] };
   for (int i = 0; i < n; i++)
       coords[i][x] = current_pos[x];
       coords[i][y] = current pos[y];
       if (current pos[x] < max coords[x] && current <math>pos[y] == min coords[y])
          current pos[x] += ONE_STEP_LENGTH;
       else if (current_pos[y] < max_coords[y] && current pos[x] ==
max coords[x])
           current pos[y] += ONE STEP LENGTH;
       else if (current pos[x] > min coords[x] && current <math>pos[y] ==
max coords[y])
          current pos[x] -= ONE STEP LENGTH;
       else if (current pos[y] > min coords[y] && current <math>pos[x] ==
min coords[x])
          current pos[y] -= GRAPH_HEIGHT / (3 - n % 2);
        * Якщо к-сть вершин парна та більша ніж 10, то з
        * лівого боку буде розміщено дві вершини,
        * а якщо непарна - 1
   return coords;
draw data SetEdgeDrawData(int v1, int v2, int is directed, int **coords, int
drawn lines[N][N])
   draw data data;
   data.edge type = 1;
   data.start[x] = coords[v1][x];
   data.start[y] = coords[v1][y];
   data.end[x] = coords[v2][x];
   data.end[y] = coords[v2][y];
   data.center[x] = (data.start[x] + data.end[x]) / 2;
   data.center[y] = (data.start[y] + data.end[y]) / 2;
   int dx = data.end[x] - data.start[x];
   int dy = data.end[y] - data.start[y];
   int index = (int) (GetDistance(data.start, data.end) / ONE STEP LENGTH);
   int center offset[2] =
   {
       abs((int) (dy / edge_center_offset_dividers[index])),
       abs((int) (dx / edge center offset dividers[index]))
   };
   int is drawn = 0;
   if (drawn lines[v1][v2] == 1 \&\& drawn lines[v2][v1] == 1)
   {
       is drawn = 1;
       if (!is directed)
           data.edge type = 0;
           return data;
       else
           data.center[x] += center offset[x];
```

```
data.center[y] += center offset[y];
    }
    else
        drawn lines[v1][v2] = drawn lines[v2][v1] = 1;
    int variable delta, static coord;
    if (v1 == v2)
        data.edge type = 2;
        int loop offset direction[2] = { 0 };
        int arrow direction[2] = { 0 };
        if (data.center[x] > min_coords[x] && data.center[y] == min_coords[y])
            --loop offset direction[x];
            --loop offset direction[y];
            --arrow direction[y];
            data.angle = ConvertDegreeToRad(-87);
        else if (data.center[x] == max coords[x] && data.center[y] >
min coords[y])
            ++loop offset direction[x];
            --loop offset direction[y];
            ++arrow direction[x];
            data.angle = ConvertDegreeToRad(183);
        else if (data.center[x] < max coords[x] && data.center[y] ==</pre>
max coords[y])
            ++loop offset direction[x];
            ++loop offset direction[y];
            ++arrow direction[y];
            data.angle = ConvertDegreeToRad(93);
        else if (data.center[x] == min coords[x] && data.center[y] <</pre>
max coords[y])
             --loop offset direction[x];
            ++loop offset direction[y];
            --arrow direction[x];
            data.angle = ConvertDegreeToRad(3);
        int loop_center_offset = (int)round(
                 (VERTEX RADIUS * SQRT 2 / 2 +
                  sqrt(Pow2(LOOP RADIUS) - Pow2(VERTEX RADIUS) / 2))
                 / SQRT 2);
        data.center[x] += loop_center_offset * loop_offset_direction[x];
data.center[y] += loop_center_offset * loop_offset_direction[y];
        data.arrow end[x] = data.end[x] + VERTEX_RADIUS * arrow direction[x];
        data.arrow_end[y] = data.end[y] + VERTEX_RADIUS * arrow_direction[y];
        return data;
    else if ((dx == 0 ? (variable_delta = dy, static_coord = x, 1) : 0) ||
              (dy == 0 ? (variable_delta = dx, static_coord = y, 1) : 0 ))
    {
        if (abs(variable delta) > MAX_ONE_STEP_LENGTH)
            if (data.start[static coord] == min coords[static coord])
             {
                 if (!is drawn)
                     data.center[static coord] -= center offset[static coord];
            else if (data.start[static coord] == max coords[static coord])
```

```
if (!is drawn)
                    data.center[static coord] += center offset[static coord];
                else
                    data.center[static coord] -= 2 *
center offset[static coord];
    else if (dx == dy && is drawn)
        data.center[x] -= center offset[x];
    else
        if (is drawn)
            int graph center[] =
                 ((\min coords[x] + \max coords[x]) / 2),
                 ((\min coords[y] + \max coords[y]) / 2)
            };
            int alternative center[] =
                 (data.center[x] - 2 * center offset[x]),
                (data.center[y] - 2 * center offset[y])
            };
            if (GetDistance(data.center, graph center) >
                GetDistance(alternative center, graph center))
            {
                data.center[x] = alternative center[x];
                data.center[y] = alternative center[y];
    if (is directed)
        int new_dx = data.end[x] - data.center[x];
        int new dy = data.end[y] - data.center[y];
        double hypotenuse = GetDistance(data.center, data.end);
        if (new dx >= 0 \&\& new dy >= 0)
            data.angle = acos(abs(new dx) / hypotenuse) * -1;
        else if (new dx \geq= 0 && new dy < 0)
            data.angle = acos(abs(new dx) / hypotenuse);
        else if (\text{new dx} < 0 \&\& \text{new dy} >= 0)
            data.angle = (PI - acos(abs(new dx) / hypotenuse)) * -1;
        else if (\text{new dx} < 0 \&\& \text{new dy} < 0)
            data.angle = PI - acos(abs(new_dx) / hypotenuse);
        data.arrow end[x] = data.end[x] - (int) round((double) VERTEX RADIUS *
cos(data.angle));
        data.arrow end[y] = data.end[y] + (int) round((double) VERTEX_RADIUS *
sin(data.angle));
    return data;
int CheckGraphType(int n, int **graph matrix)
    int is directed = 0;
    int i, j;
    for (i = 0; i < n; i++)
        for (j = 0; j < n; j++)
            if (graph matrix[i][j] != graph matrix[j][i])
                is directed = 1;
```

```
break;
}

return is_directed;
}

double Pow2(int value)
{
  return (double) (value * value);
}

double GetDistance(const int *v1_pos, const int *v2_pos)
{
  int a = v2_pos[x] - v1_pos[x];
  int b = v2_pos[y] - v1_pos[y];
  return sqrt(Pow2(a) + Pow2(b));
}

double ConvertDegreeToRad(double degree_value)
{
  return PI * degree_value / 180.0;
}
```

Вміст файлу GraphPainter.h

```
#include "DrawingDataSetter.h"
void DrawGraph(int n,
               int **graph matrix,
               int **coords,
               HPEN e pen,
               HBRUSH v brush,
               HPEN v pen,
               HDC hdc)
    /* Зображаємо ребра */
    int i, j;
    int is directed = CheckGraphType(n, graph matrix);
    int drawn lines [N][N] = \{ 0 \};
    SelectObject(hdc, e pen);
    SelectObject(hdc, GetStockObject(NULL BRUSH));
    for (i = 0; i < n; i++)
        for (j = 0; j < n; j++)
            if (graph matrix[i][j] == 1)
                draw data data = SetEdgeDrawData(i, j, is directed, coords,
drawn lines);
                switch (data.edge type)
                case 0:
                    break;
                case 1:
                    MoveToEx(hdc, data.start[x], data.start[y], NULL);
                    LineTo(hdc, data.center[x], data.center[y]);
                    MoveToEx(hdc, data.center[x], data.center[y], NULL);
                    LineTo(hdc, data.end[x], data.end[y]);
                    break;
                case 2:
                    Ellipse (hdc,
```

```
(data.center[x] - LOOP_RADIUS),
                            (data.center[y] - LOOP_RADIUS),
                            (data.center[x] + LOOP_RADIUS),
                            (data.center[y] + LOOP_RADIUS));
                    break;
                if (is directed)
                    /* Якщо граф напрямлений, малюємо стрілку */
                    double fi = PI - data.angle;
                    int leftLineEnd[2], rightLineEnd[2];
                    rightLineEnd[x] = data.arrow end[x] + (int) (30 * cos(fi +
0.3));
                    rightLineEnd[y] = data.arrow end[y] + (int) (30 * sin(fi +
0.3);
                    leftLineEnd[x] = data.arrow end[x] + (int) (30 * cos(fi -
0.3);
                    leftLineEnd[y] = data.arrow end[y] + (int) (30 * sin(fi -
0.3));
                    MoveToEx(hdc, leftLineEnd[x], leftLineEnd[y], NULL);
                    LineTo(hdc, data.arrow end[x], data.arrow end[y]);
                    LineTo(hdc, rightLineEnd[x], rightLineEnd[y]);
    /* Зображаємо вершини */
   int left, top, right, bottom;
    int print pos[2];
    for (i = 0; i < n; i++)
                   (coords[i][x] - VERTEX RADIUS);
                   (coords[i][y] - VERTEX RADIUS);
        top =
                    (coords[i][x] + VERTEX RADIUS);
        right =
                    (coords[i][y] + VERTEX RADIUS);
       bottom =
        if (i > 8)
           print pos[x] = coords[i][x] - (int)(1.5 * vertex print offset[x]);
            /* Ці елементи складаються з двох цифр, тому зміщення має бути
більшим */
        else
            print_pos[x] = coords[i][x] - vertex print offset[x];
        print pos[y] = coords[i][y] - vertex print offset[y];
        SelectObject(hdc, v brush);
        Ellipse(hdc, left, top, right, bottom);
        SelectObject(hdc, v pen);
        Ellipse(hdc, left, top, right, bottom);
        TextOut(hdc, print pos[x], print pos[y], vertices names[i], 2);
   }
```

Вміст файлу Primitive Table Output.h

```
/* Типи лінії таблиці */
#define FIRST_LINE 1
#define MIDDLE_LINE 2
#define LAST_LINE 3
/* ASCII символи для зображення кожного типу лінії таблиці */
const int first_line_chars[] = {218, 196, 194, 191};
const int middle_line_chars[] = {195, 196, 197, 180};
const int last_line_chars[] = {192, 196, 193, 217};

void PrintTableLine(int cols_quantity, const int cols_lengths[cols_quantity],
```

```
int line type)
    const int *pointer;
   switch (line type)
    case FIRST LINE :
       pointer = first line chars;
       break;
    case MIDDLE LINE:
       pointer = middle line chars;
       break;
    case LAST LINE :
       pointer = last line chars;
    int symbols[4];
    int i, j;
    for (i = 0; i < 4; i++)
       symbols[i] = pointer[i];
   printf("%c", symbols[0]);
    for (i = 0; i < cols quantity; i++)</pre>
        for (j = 0; j < cols lengths[i]; j++)
           printf("%c", symbols[1]);
        if ((i + 1) != cols quantity)
           printf("%c", symbols[2]);
   printf("%c\n", symbols[3]);
```

Вміст файлу WorkWithMatrices.h

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include "PrimitiveTableOutput.h"
/**** Функції, що задані в умові лабораторної роботи
***************
double **randm
                                        (int n1, int n2);
int **mulmr
                                         (int n1, int n2, double **matrix T,
double coefficient);
/***** Функції, що виконують основні обчислення
          *******************
                           (int n, int **matrix_A);
Graph (int n, int **matrix_A);
eityDeg (int n, int **vertices_degs);
Graph (int n, int **vertices_degs);
int **SymmetrizeMatrix
     **GetVerticesDegsOfDGraph
void PrintDGraphHomogeneityDeg
void PrintLIVerticesOfDGraph
int *GetVerticesDegsOfUGraph
                                        (int n, int **graph matrix);
void PrintUGraphHomogeneityDeg
void PrintLIVerticesOfUGraph
                                        (int n, int *vertices degs);
                                        (int n, int *vertices degs);
int **MultSquareMatrices
                                         (int n, int **matrix \overline{1}, int
**matrix_2);
void PrintPathsWithLen2
                                        (int n, int **matrix pow1, int
**matrix pow2);
void PrintPathsWithLen3
                                        (int n, int **matrix pow1, int
**matrix pow3);
int **MultSquareMatricesElemByElem (int n, int **matrix 1, int
**matrix 2);
int **TransposeSquareMatrix
int **SumSquareMatrices
                                        (int n, int **matrix);
                                        (int n, int **matrix_1, int
**matrix 2);
```

```
**matrix mA);
/**** Допоміжні функції
*****************************
*******
double RandInRange
                                    (double min, double max);
void PrintDouble2dArr
                                     (int rows, int cols, double **arr);
      **Create2dIntArr
int
                                     (int rows, int cols);
void PrintInt2dArr
                                     (int rows, int cols, int *lengths,
char **headings, int **arr);
void PrintIntArr
                                    (int arr length, int *lengths, char
*heading, int *arr);
void PrintBooleanMatrix
                                    (int n, int **matrix);
       PrintConnectComponents
FreeInt2d2
                                    (int n, int **components);
void FreeInt2dArr
void FreeDouble2dAr
                                    (int rows, int **arr);
      FreeDouble2dArr
                                     (int rows, double **arr);
/************************
**********
double **randm(int n1, int n2)
   double **matrix T = (double **) malloc(sizeof(double *) * n1);
   int i, j;
   for (i = 0; i < n1; i++)
       matrix T[i] = (double *) malloc(sizeof(double) * n2);
       for (j = 0; j < n2; j++)
          matrix T[i][j] = RandInRange(0.0, 2.0);
   return matrix T;
}
int **mulmr(int n1, int n2, double **matrix T, double coefficient)
   int **matrix A = Create2dIntArr(n1, n2);
   int i, j;
   for (i = 0; i < n1; i++)
       for (j = 0; j < n2; j++)
          matrix A[i][j] = (int) (matrix T[i][j] * coefficient);
   return matrix A;
int **SymmetrizeMatrix(int n, int **matrix A)
   int **matrix = Create2dIntArr(n, n);
   int i, j;
   for (i = 0; i < n; i++)</pre>
       for (j = i; j < n; j++)</pre>
          if (matrix_A[i][j] == 1 || matrix A[j][i] == 1)
              matrix[i][j] = matrix[j][i] = 1;
   return matrix;
}
int **GetVerticesDegsOfDGraph(int n, int **matrix A)
{
   int **degs = Create2dIntArr(n, 2);
    * degs[0-10][1] - напівстепінь виходу вершини;
    * degs[0-10][0] - напівстепінь заходу вершини;
```

```
int i, j;
    for (i = 0; i < n; i++)
        for (j = 0; j < n; j++)
            if (matrix A[i][j])
                degs[i][0]++;
            if (matrix A[j][i])
                degs[i][1]++;
   return degs;
}
void PrintDGraphHomogeneityDeg(int n, int **vertices degs)
    int r = 0, i;
    for (i = 1; i < n; i++)
        if (vertices degs[0][0] != vertices degs[i][0])
            r = -1;
            break;
    if (r == -1)
       printf("Graph isn't homogeneous\n");
    else
    {
        r = vertices degs[0][0];
        printf("Graph homogeneity degree: %d\n", r);
}
void PrintLIVerticesOfDGraph(int n, int **vertices degs)
    int i;
    int leaf ct = 0, isolated ct = 0;
   printf("Leaf vertices
    for (i = 0; i < n; i++)
        if ((vertices_degs[i][0] == 1 && vertices degs[i][1] == 0) ||
            (vertices_degs[i][0] == 0 && vertices_degs[i][1] == 1))
            printf("%d ", (i + 1));
            leaf ct++;
    if (!leaf ct)
        printf("graph hasn't leaf vertices");
    printf("\nIsolated vertices: ");
    for (i = 0; i < n; i++)
        if (vertices degs[i][0] == 0 &&
            vertices_degs[i][1] == 0)
        {
            printf("%d ", (i + 1));
            isolated ct++;
    if (!isolated ct)
       printf("graph hasn't isolated vertices");
   printf("\n");
int *GetVerticesDegsOfUGraph(int n, int **graph matrix)
{
    int *degs = (int *) calloc(n, sizeof(int));
    /* degs[0-10] - степінь вершини */
    int i, j;
    for (i = 0; i < n; i++)
        for (j = 0; j < n; j++)
```

```
if (graph matrix[i][j])
                (i == j) ? (degs[i] += 2) : ++degs[i];
   return degs;
}
void PrintUGraphHomogeneityDeg(int n, int *vertices degs)
    int r = 0, i;
    for (i = 1; i < n; i++)
        if (vertices degs[0] != vertices degs[i])
            r = -1;
           break;
        }
    if (r == -1)
       printf("Graph isn't homogeneous\n");
    else
    {
        r = vertices degs[0];
       printf("Graph homogeneity degree: %d\n", r);
}
void PrintLIVerticesOfUGraph(int n, int *vertices degs)
    int i;
   int leaf ct = 0, isolated ct = 0;
   printf("Leaf vertices : ");
   for (i = 0; i < n; i++)
       if (vertices_degs[i] == 1)
            printf("%d ", (i + 1));
            leaf ct++;
    if (!leaf ct)
       printf("graph hasn't leaf vertices");
   printf("\nIsolated vertices: ");
    for (i = 0; i < n; i++)
        if (vertices_degs[i] == 0)
            printf("%d ", (i + 1));
            isolated ct++;
   if (!isolated ct)
        printf("graph hasn't isolated vertices");
   printf("\n");
int **MultSquareMatrices(int n, int **matrix 1, int **matrix 2)
   int **result = Create2dIntArr(n, n);
   int i, j, k;
   for (i = 0; i < n; i++)
        for (j = 0; j < n; j++)
            for (k = 0; k < n; k++)
                result[i][j] += matrix 1[i][k] * matrix 2[k][j];
   return result;
int **MultSquareMatricesElemByElem(int n, int **matrix 1, int **matrix 2)
{
   int **result = Create2dIntArr(n, n);
   int i, j;
   for (i = 0; i < n; i++)
```

```
for (j = 0; j < n; j++)
            result[i][j] = matrix 1[i][j] * matrix 2[i][j];
    return result;
}
int **TransposeSquareMatrix(int n, int **matrix)
    int **result = Create2dIntArr(n, n);
    int i, j;
    for (i = 0; i < n; i++)
        for (j = i; j < n; j++)
            result[i][j] = matrix[j][i];
            result[j][i] = matrix[i][j];
   return result;
}
int **SumSquareMatrices(int n, int** matrix 1, int **matrix 2)
    int **result = Create2dIntArr(n, n);
    int i, j;
    for (i = 0; i < n; i++)
        for (j = 0; j < n; j++)
            result[i][j] = matrix 1[i][j] + matrix 2[i][j];
    return result;
}
void PrintPathsWithLen2(int n, int **matrix pow1, int **matrix pow2)
    int cols quantity = 4;
    int cols lengths[] = { 11, 7, 7, 7 };
    PrintTableLine(cols_quantity, cols_lengths, 1);
   printf("%c No. %c v-1 %c v-2 %c v-3 %c\n",
           179, 179, 179, 179, 179);
    int path counter = 1;
    int path[3];
    int i, j, k;
    for (i = 0; i < n; i++)
        for (j = 0; j < n; j++)
            if (matrix pow2[i][j])
                path[0] = i;
                path[2] = j;
                for (k = 0; k < n; k++)
                    if (matrix_pow1[i][k] && matrix_pow1[k][j])
                        path[1] = k;
                        PrintTableLine(cols_quantity, cols_lengths, 2);
                                   %5d %c %2d %c %2d %c %2d %c\n",
                        printf("%c
                               179, path counter,
                               179, (path[0] + 1),
                               179, (path[1] + 1),
                               179, (path[2] + 1), 179);
                        path counter++;
                    }
               }
           }
    PrintTableLine(cols quantity, cols lengths, 3);
```

```
}
void PrintPathsWithLen3(int n, int **matrix pow1, int **matrix pow3)
    int cols quantity = 5;
   int cols lengths[] = { 11, 7, 7, 7, 7 };
    PrintTableLine(cols_quantity, cols_lengths, 1);
    printf("%c No. %c v-1 %c \overline{v}-2 %c v-3 %c v-4 %c\n",
           179, 179, 179, 179, 179, 179);
    int path counter = 1;
    int path[4];
    int i, j, k, l;
    for (i = 0; i < n; i++)
        for (j = 0; j < n; j++)
            if (matrix pow3[i][j])
               path[0] = i;
               path[3] = j;
                for (k = 0; k < n; k++)
                    if (matrix pow1[i][k])
                        for (1 = 0; 1 < n; 1++)
                            if (matrix pow1[k][l] && matrix pow1[l][j])
                                path[1] = k;
                                path[2] = 1;
                                PrintTableLine(cols quantity, cols lengths, 2);
                                printf("%c %5d %c %2d %c %2d %c %2d
%c %2d %c\n",
                                       179, path counter,
                                       179, (path[0] + 1),
                                       179, (path[1] + 1),
                                       179, (path[2] + 1),
                                       179, (path[3] + 1), 179);
                                path counter++;
                       }
                   }
               }
           }
   PrintTableLine(cols quantity, cols lengths, 3);
int **GetConnectComponents(int n, int **matrix S)
{
    int **components = Create2dIntArr(n, (n + 1));
    * Максимальне число компонент зв'язності = к-сті вершин = п;
    * максимальне число вершин у компоненті зв'язності = \kappa-сті вершин = n;
    * останній елемент у рядку вказуватиме на першу вільну позицію у
components[0-10][]
    */
    int counter = 0; /* лічильник вказуватиме на першу вільну позицію у
components[] */
   int *included vertices = (int *) calloc(n, sizeof(int));
    int i, j;
    for (i = 0; i < n; i++)
```

```
if (!included vertices[i])
            for (j = 0; j < n; j++)
                if (matrix S[i][j] != 0)
                {
                    included vertices[j]++;
                    components[counter][components[counter][n]] = j + 1;
                    components[counter][n]++;
            }
            counter++;
    free(included vertices);
    return components;
}
int **GetReachabilityMatrix(int n, int **matrix A)
    int **matrix = Create2dIntArr(n, n);
    int **t closing = Create2dIntArr(n, n);
    int i, j;
    for (i = 0; i < n; i++)
        matrix[i][i] = 1; /* додавання одиничної матриці */
        for (j = 0; j < n; j++)
            t closing[i][j] = matrix A[i][j];
    for (i = 0; i < n; i++)
        matrix = SumSquareMatrices(n, matrix, t closing);
        t closing = MultSquareMatrices(n, t closing, matrix A);
    for (i = 0; i < n; i++)
        for (j = 0; j < n; j++)
            if (matrix[i][j] != 0)
                matrix[i][j] = 1; /* застосування булевого відображення */
    FreeInt2dArr(n, t closing);
    return matrix;
int **GetCondensationGraphMatrix(int n, int **components, int **matrix mA)
    int index = 0;
    while (index < n && components[index][n] != 0)</pre>
        index++;
    int **graph matrix = Create2dIntArr((index + 1), (index + 1));
    int i, j, k, l;
    for (i = 0; i < index; i++)
        for (j = 0; j < index; j++)
        {
            if (i != j)
                for (k = 0; k < components[i][n]; k++)
                    for (1 = 0; 1 < components[j][n]; 1++)</pre>
                        if (matrix mA[components[i][k] - 1][components[j][l] -
1])
                         {
```

```
/* Пошук ребра, що з'єднує компоненти */
                            graph matrix[i][j] = 1;
                            break;
                         }
                    }
                    if (graph matrix[i][j] == 1)
                        break;
                }
            }
        }
    }
   return graph matrix;
double RandInRange (double min, double max)
    double random = (double) rand() / RAND MAX;
    double range = max - min;
    return min + range * random;
void PrintDouble2dArr(int rows, int cols, double **arr)
    int i, j;
    for (i = 0; i < rows; i++)
        for (j = 0; j < cols; j++)
           printf("%lf ", arr[i][j]);
        printf("\n");
}
int **Create2dIntArr(int rows, int cols)
    int **arr = (int **) malloc(sizeof(int *) * rows);
    for (int i = 0; i < rows; i++)
        arr[i] = (int *) calloc(cols, sizeof(int));
    return arr;
void PrintInt2dArr(int rows, int cols,
                   int *lengths, char **headings,
                   int **arr)
{
    PrintTableLine((cols + 1), lengths, 1);
    int i, j, k;
    printf("%c No. %c", 179, 179);
    for (i = 0; i < cols; i++)
        printf(" %s %c", headings[i], 179);
    printf("\n");
    int space before, space after;
    for (i = \overline{0}; i < rows; i++)
        PrintTableLine((cols + 1), lengths, 2);
        printf("%c %2d %c", 179, (i + 1), 179);
        for (j = 0; j < cols; j++)
        {
            space before = (int) (lengths[j + 1] / 2) - 1;
            space after = space before + (lengths[j + 1] % 2);
            for (k = 0; k < space before; k++)
               printf(" ");
            printf("%2d", arr[i][j]);
            for (k = 0; k < space after; k++)
                printf(" ");
```

```
printf("%c", 179);
        printf("\n");
    PrintTableLine((cols + 1), lengths, 3);
void PrintIntArr(int arr length,
                 int *lengths, char *heading,
                 int *arr)
    PrintTableLine(2, lengths, 1);
    printf("%c No. %c %s %c\n", 179, 179, heading, 179);
    int space before = (int) (lengths[1] / 2) - 1;
    int space after = space before + (lengths[1] % 2);
    for (i = 0; i < arr length; i++)</pre>
        PrintTableLine(2, lengths, 2);
        printf("%c %2d %c", 179, (i + 1), 179);
        for (j = 0; j < space_before; j++)
    printf(" ");</pre>
        printf("%2d", arr[i]);
        for (j = 0; j < space_after; j++)
    printf(" ");</pre>
        printf("%c\n", 179);
    PrintTableLine(2, lengths, 3);
}
void PrintBooleanMatrix(int n, int **matrix)
    int i, j;
    int cols quantity = n;
    int *cols_lengths = (int *) calloc(cols_quantity, sizeof(int));
    printf("
              %c", 179);
    for (i = 0; i < n; i++)
        cols lengths[i] = 3;
        printf("%2d %c", (i + 1), 179);
    printf("\n");
    for (i = 0; i < n; i++)
        printf("
                  %c%c%c", 196, 196, 196);
        PrintTableLine(cols quantity, cols lengths, 2);
        printf(" %2d %c", (i + 1), 179);
        for (j = 0; j < n; j++)
            printf("%2d %c", matrix[i][j], 179);
        printf("\n");
    printf(" %c%c%c", 196, 196, 196);
    PrintTableLine(cols quantity, cols lengths, 3);
    free(cols lengths);
void PrintConnectComponents(int n, int **components)
    int cols lengths[] = \{5, 44\};
    PrintTableLine(2, cols lengths, 1);
                                                                   %c\n",
    printf("%c No. %c
                                 Vertices in component
           179, 179, 179);
    int components ct = 0;
    int i;
    while (components ct < n && components[components ct][n] != 0)
```

```
PrintTableLine(2, cols lengths, 2);
       printf("%c %2d %c", 179, (components_ct + 1), 179);
       for (i = 0; i < n; i++)
            if (components[components ct][i] != 0)
                printf(" %2d ", components[components ct][i]);
            else
               printf("
        printf("%c\n", 179);
        components ct++;
   PrintTableLine(2, cols lengths, 3);
void FreeInt2dArr(int rows, int **arr)
    for (int i = 0; i < rows; i++)
       free(arr[i]);
    free(arr);
}
void FreeDouble2dArr(int rows, double **arr)
    for (int i = 0; i < rows; i++)
       free(arr[i]);
   free (arr);
```

Вміст файлу таіп.с

```
#ifndef UNICODE
#define UNICODE
#endif
#include <windows.h>
#include "GraphPainter.h"
#define TASK 1 DIRECTED GRAPH
#define TASK 1 UNDIRECTED GRAPH
#define TASK 2 DIRECTED GRAPH
#define TASK 2 UNDIRECTED GRAPH
#define TASK 3 DIRECTED GRAPH
#define TASK 3 UNDIRECTED GRAPH
#define TASK 4 1
#define TASK 4 2
#define TASK 4 3 1
#define TASK 4 3 2
                                    10
#define TASK 4 4
                                    11
#define TASK 4 5
                                    12
#define TASK 4 6
                                    13
#define TASK 4 7
                                    14
int current task = 0;
int **A;
int **uA;
int **mA;
int **current matrix;
int **vertices_coords;
int **components coords;
int **current coords;
```

```
int current n;
LRESULT CALLBACK WndProc(HWND, UINT, WPARAM, LPARAM);
void AddMenu(HWND hwnd);
int WINAPI WinMain (HINSTANCE hInstance,
                   HINSTANCE hPrevInstance,
                   LPSTR lpCmdLine,
                   int nCmdShow)
    WNDCLASS wndClass;
    wndClass.lpszClassName = L"Лабораторна робота 2.4";
    wndClass.hInstance = hInstance;
    wndClass.lpfnWndProc = WndProc;
    wndClass.hCursor = LoadCursor(NULL, IDC ARROW);
    wndClass.hIcon = 0;
    wndClass.lpszMenuName = 0;
    wndClass.hbrBackground = (HBRUSH)GetStockObject(WHITE BRUSH);
    wndClass.style = CS HREDRAW | CS VREDRAW;
    wndClass.cbClsExtra = 0;
    wndClass.cbWndExtra = 0;
    if (!RegisterClass(&wndClass)) return 0;
    HWND hWnd;
    MSG lpMsg;
    hWnd = CreateWindow (L"Лабораторна робота 2.4",
                        L"Лабораторна робота 2.4, виконав М.М.Кушнір",
                        WS OVERLAPPEDWINDOW,
                         (WINDOW BORDER OFFSET * 2 + GRAPH WIDTH + 40),
                         (WINDOW BORDER OFFSET * 2 + GRAPH HEIGHT + 60),
                         (HWND) NULL,
                         (HMENU) NULL,
                         (HINSTANCE) hInstance,
                         (HINSTANCE) NULL);
    ShowWindow(hWnd, nCmdShow);
    UpdateWindow(hWnd);
    int GetMessage res;
    while ((GetMessage res = GetMessage(&lpMsg, hWnd, 0, 0)) != 0)
        if (GetMessage res == -1)
            return lpMsg.wParam;
        else
            TranslateMessage(&lpMsg);
            DispatchMessage(&lpMsg);
    }
LRESULT CALLBACK WndProc (HWND hWnd,
                         UINT message,
                         WPARAM wParam,
                         LPARAM lParam)
    HDC hdc;
    PAINTSTRUCT ps;
    switch (message)
    case WM COMMAND:
        system("cls");
        RedrawWindow(hWnd, NULL, NULL, RDW ERASE | RDW INVALIDATE);
        switch (wParam)
```

```
case TASK 1 DIRECTED GRAPH:
   current task = TASK_1_DIRECTED_GRAPH;
   current matrix = A;
   current_coords = vertices coords;
   current_n = N;
   printf("Task 1 (directed graph) \n\n");
   printf("Adjacency matrix of directed graph (matrix 'A'):\n\n");
   PrintBooleanMatrix(N, A);
   break;
}
case TASK 1 UNDIRECTED GRAPH:
   current task = TASK_1_UNDIRECTED_GRAPH;
   current matrix = uA;
   current coords = vertices coords;
   current n = N;
   printf("Task 1 (undirected graph) \n\n");
   printf("Adjacency matrix of undirected graph (matrix 'uA'):\n\n");
   PrintBooleanMatrix (N, uA);
   break;
}
case TASK 2 DIRECTED GRAPH:
   current matrix = A;
   current coords = vertices coords;
   current task = TASK 2 DIRECTED_GRAPH;
   current n = N;
   printf("Task 2 (directed graph) \n\n");
   int **vertices degs = GetVerticesDegsOfDGraph(N, A);
   int cols lengths[] = \{5,12,11\};
   char *headings[] = { "Outdegrees", "Indegrees" };
   PrintInt2dArr(N, 2,
                  cols lengths, headings,
                  vertices degs);
   printf("\n");
   PrintDGraphHomogeneityDeg(N, vertices degs);
   FreeInt2dArr(N, vertices degs);
   break;
case TASK 2 UNDIRECTED GRAPH:
   current task = TASK 2 UNDIRECTED GRAPH;
   current matrix = uA;
   current_coords = vertices_coords;
   current n = N;
   printf("Task 2 (undirected graph) \n\n");
   int *vertices degs = GetVerticesDegsOfUGraph(N, uA);
   int cols lengths[] = \{5,9\};
   PrintIntArr(N, cols lengths, "Degrees", vertices degs);
   printf("\n");
   PrintUGraphHomogeneityDeg(N, vertices degs);
   free (vertices_degs);
   break;
case TASK 3 DIRECTED GRAPH:
   current task = TASK 3 DIRECTED GRAPH;
   current matrix = A;
```

```
current coords = vertices coords;
   current n = N;
   printf("Task 3 (directed graph) \n\n");
   int **vertices degs = GetVerticesDegsOfDGraph(N, A);
   PrintLIVerticesOfDGraph(N, vertices degs);
   FreeInt2dArr(N, vertices degs);
   break;
case TASK 3 UNDIRECTED GRAPH:
   current_task = TASK_3_UNDIRECTED_GRAPH;
   current matrix = uA;
   current coords = vertices coords;
   current n = N;
   printf("Task 3 (undirected graph) \n\n");
   int *vertices degs = GetVerticesDegsOfUGraph(N, uA);
   PrintLIVerticesOfUGraph (N, vertices degs);
   free(vertices degs);
   break;
}
case TASK 4 1:
   current task = TASK 4 1;
   current matrix = mA;
   current coords = vertices coords;
   current n = N;
   printf("Task 4.1\n\n");
   printf("Modified adjacency matrix of graph (matrix 'mA'):\n\n");
   PrintBooleanMatrix(N, mA);
   break;
case TASK 4 2:
   current task = TASK 4 2;
   current matrix = mA;
   current coords = vertices coords;
   current n = N;
   printf("Task 4.2\n\n");
    int **vertices_degs = GetVerticesDegsOfDGraph(N, mA);
   int cols lengths[] = \{5,12,11\};
    /* Перший стовпчик буде використаний для нумерації рядків */
   char *headings[] = { "Outdegrees", "Indegrees" };
   PrintInt2dArr(N, 2,
                  cols_lengths, headings,
                  vertices degs);
   FreeInt2dArr(N, vertices degs);
   break;
case TASK 4 3 1:
   current task = TASK 4 3 1;
   current matrix = mA;
   current coords = vertices coords;
   current n = N;
   printf("Task 4.3.1\n\n");
   printf("Paths of length 2:\n");
   int **mA2 =MultSquareMatrices(N, mA, mA);
   PrintPathsWithLen2(N, mA, mA2);
   FreeInt2dArr(N, mA2);
```

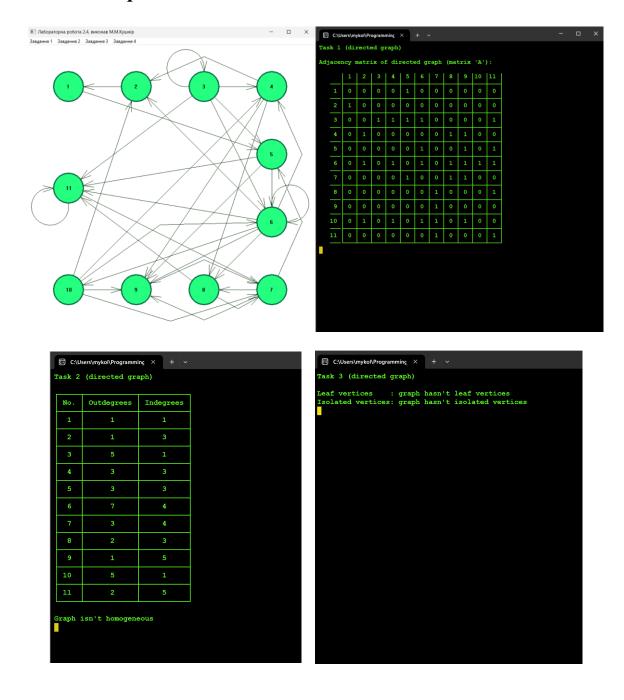
```
break;
case TASK 4 3 2:
    current task = TASK_4_3_2;
    current matrix = mA;
    current_coords = vertices coords;
    current n = N;
    printf("Task 4.3.2\n\n");
    printf("Paths of length 3:\n");
    int **mA2 = MultSquareMatrices(N, mA, mA);
    int **mA3 = MultSquareMatrices(N, mA2, mA);
    PrintPathsWithLen3(N, mA, mA3);
    FreeInt2dArr(N, mA2);
    FreeInt2dArr(N, mA3);
   break;
case TASK 4 4:
    current task = TASK 4 4;
    current matrix = mA;
    current coords = vertices coords;
    current n = N;
    printf("Task 4.4\n\n");
   printf("Reachability matrix:\n\n");
   int **R = GetReachabilityMatrix(N, mA);
    PrintBooleanMatrix (N, R);
    FreeInt2dArr(N, R);
   break;
case TASK 4 5:
    current task = TASK 4 5;
    current matrix = mA;
    current coords = vertices_coords;
    current n = N;
    printf("Task 4.5\n\n");
    printf("Components of strong connectivity:\n");
    int **R = GetReachabilityMatrix(N, mA);
    int **Rt = TransposeSquareMatrix(N, R);
    int **S = MultSquareMatricesElemByElem(N, R, Rt);
    int **components = GetConnectComponents(N, S);
    PrintConnectComponents(N, components);
    FreeInt2dArr(N, R);
    FreeInt2dArr(N, Rt);
    FreeInt2dArr(N, S);
    FreeInt2dArr(N, components);
   break;
case TASK 4 6:
    current_task = TASK_4_6;
    current matrix = mA;
    current coords = vertices coords;
    current n = N;
    printf("Task 4.6\n\n");
    printf("Connectivity matrix:\n\n");
    int **R = GetReachabilityMatrix(N, mA);
    int **Rt = TransposeSquareMatrix(N, R);
    int **S = MultSquareMatricesElemByElem(N, R, Rt);
```

```
PrintBooleanMatrix (N, S);
        FreeInt2dArr(N, R);
        FreeInt2dArr(N, Rt);
        FreeInt2dArr(N, S);
        break;
    case TASK 4 7:
        current task = TASK 4 7;
        printf("Task 4.7\n\n");
        int **R = GetReachabilityMatrix(N, mA);
        int **Rt = TransposeSquareMatrix(N, R);
        int **S = MultSquareMatricesElemByElem(N, R, Rt);
        int **components = GetConnectComponents(N, S);
        int **graph matrix = GetCondensationGraphMatrix(N, components, mA);
        int components ct = 0;
        while (components ct < N \&\& components[components ct][N] != 0)
            components ct++;
        current n = components ct;
        printf("Adjacency matrix of the condensation graph:\n\n");
        PrintBooleanMatrix(current n, graph matrix);
        components coords = SetVerticesCoords(current n);
        current matrix = graph matrix;
        current coords = components coords;
        FreeInt2dArr(N, R);
        FreeInt2dArr(N, Rt);
        FreeInt2dArr(N, S);
        FreeInt2dArr(N, components);
        break:
case WM PAINT:
    hdc = BeginPaint(hWnd, &ps);
    SetBkMode(hdc, TRANSPARENT);
    HPEN ePen = CreatePen(PS SOLID, 1, RGB(0, 38, 0));
    HPEN vOutlinePen = CreatePen(PS SOLID, 3, RGB(3, 104, 65));
    HBRUSH vFillBrush = CreateSolidBrush(RGB(37, 255, 127));
    if (current task)
        DrawGraph (current n,
                  current matrix,
                  current coords,
                  ePen,
                  vFillBrush,
                  vOutlinePen,
                  hdc);
    if (current n != N)
        FreeInt2dArr(current n, components coords);
    DeleteObject (ePen);
    DeleteObject(vOutlinePen);
    DeleteObject(vFillBrush);
    EndPaint(hWnd, &ps);
    break;
case WM CREATE:
    AddMenu(hWnd);
    vertices coords = SetVerticesCoords(N);
    srand(N1 * 1000 + N2 * 100 + N3 * 10 + N4);
    double **T = randm(N, N);
    A = mulmr(N, N, T,
              (1.0 - N3 * 0.01 - N4 * 0.01 - 0.3));
    uA = SymmetrizeMatrix(N, A);
    mA = mulmr(N, N, T,
```

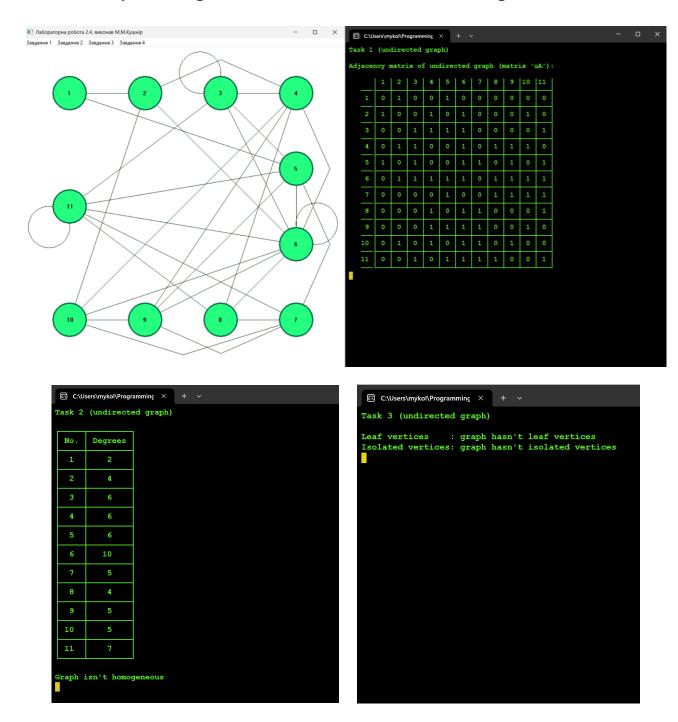
```
(1.0 - N3 * 0.005 - N4 * 0.005 - 0.27));
        printf("Matrix T: \n\n");
        PrintDouble2dArr(N, N, T);
        printf("\n*You can select an option from the window pop-up menu\n");
       FreeDouble2dArr(N, T);
       break;
    case WM DESTROY:
        FreeInt2dArr(N, vertices_coords);
        FreeInt2dArr(N, A);
       FreeInt2dArr(N, uA);
        FreeInt2dArr(N, mA);
        PostQuitMessage(0);
       break;
    default :
        return DefWindowProc(hWnd, message, wParam, lParam);
}
void AddMenu (HWND hwnd)
   HMENU hMenu = CreateMenu();
    /* Підменю для завдання 1 */
    HMENU hTask1 = CreateMenu();
   AppendMenu (hTask1, MF STRING, TASK 1 DIRECTED GRAPH,
               L"1) намалювати напрямлений граф");
    AppendMenu (hTask1, MF STRING, TASK 1 UNDIRECTED GRAPH,
               L"2) намалювати ненапрямлений граф");
    AppendMenu (hMenu, MF POPUP, (UINT PTR) hTask1,
              L"Завдання 1");
    /* Підменю для завдання 2 */
    HMENU hTask2 = CreateMenu();
    AppendMenu (hTask2, MF STRING, TASK 2 DIRECTED GRAPH,
               L"1) визначити напівстепені вершин напрямленого графа");
    AppendMenu (hTask2, MF STRING, TASK 2 UNDIRECTED GRAPH,
               L"2) визначити степені вершин ненапрямленого графа");
    AppendMenu (hMenu, MF POPUP, (UINT PTR) hTask2,
              L"Завдання 2");
    /* Підменю для завдання 3 */
    HMENU hTask3 = CreateMenu();
   AppendMenu (hTask3, MF_STRING, TASK_3_DIRECTED_GRAPH,
               L"1) визначити висячі та ізольовані вершини напрямленого графа");
    AppendMenu (hTask3, MF_STRING, TASK_3_UNDIRECTED_GRAPH,
               L"2) визначити висячі та ізольовані вершини ненапрямленого
графа");
    AppendMenu (hMenu, MF POPUP, (UINT PTR) hTask3,
              L"Завдання 3");
    /* Підменю для завдання 4 */
    HMENU hTask4 = CreateMenu();
    AppendMenu (hTask4, MF_STRING, TASK_4_1,
               L"1) обчислити змінену матрицю суміжності");
    AppendMenu (hTask4, MF_STRING, TASK_4_2,
              L"2) визначити напівстепені вузлів");
    /* Підменю для завдання 4-3) */
    HMENU hTask4 3 = CreateMenu();
   AppendMenu (hTask4 3, MF_STRING, TASK 4 3 1,
               L" 2 ");
   AppendMenu (hTask4 3, MF_STRING, TASK_4_3_2,
              L" 3 ");
   AppendMenu (hTask4, MF POPUP, (UINT PTR) hTask4 3,
              L"3) знайти всі шляхи довжиною ...");
    /************************/
    AppendMenu (hTask4, MF STRING, TASK 4 4,
               L"4) обчислити матрицю досяжності");
    AppendMenu (hTask4, MF STRING, TASK 4 5,
```

Результати тестування програми

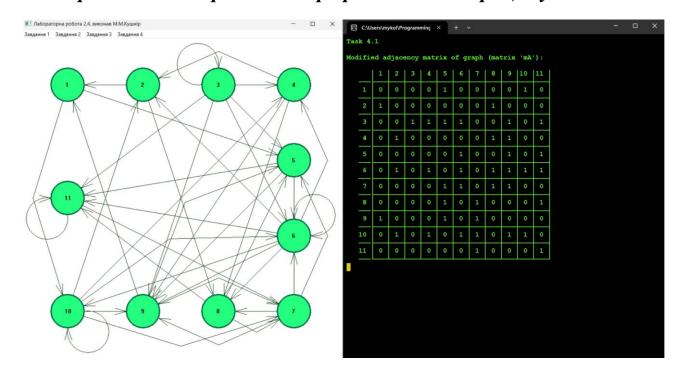
Напрямлений (не модифікований) граф, його матриця суміжності, таблиця напівстепенів вузлів, перелік висячих та ізольованих вершин



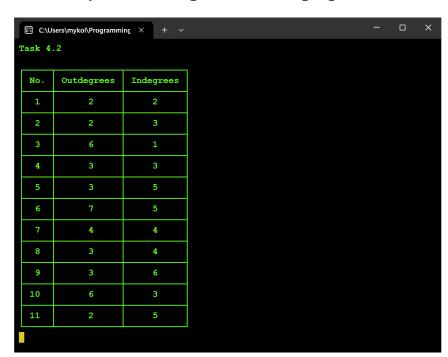
Ненапрямлений граф, його матриця суміжності, таблиця степенів вузлів, перелік висячих та ізольованих вершин



Модифікований напрямлений граф та його матриця суміжності



Таблиця степенів вузлів модифікованого графа



Шляхи довжиною 2

	\Programmin	+ ×	v
Fask 4.3.1			
Paths of leng	gth 2:		
No.	v-1	v-2	v-3
1	1	10	2
2	1	10	4
3	1	5	6
4	1	10	6
5	1	10	7
6	1	5	9
7	1	10	9
8	1	10	10
9	1	5	11
10	2	1	5
11	2	8	5
12	2	8	7
13	2	1	10
14	2	8	11
15	3	9	1
16	3	4	2
17	3		2
17		6	
18	3	3	3
19	3	3	4
20	3	6	4
21	3	3	5
22	3	9	5
23	3	3	6
24	3	5	6
25	3	6	6
26	3	9	7
27	3	11	7
28	3	4	8
29	3	6	8
30	3	3	9
31	3	4	9
32	3	5	9
33	3	6	9
34	3	6	10
35	3	3	11
36	3	5	11
37	3	6	11
38	3	11	11
39	4	2	1
40	4	9	1
41	4	8	5
42	4	9	5
43	4	8	7
44	4	9	7
45	4	2	8
46	4	8	11
47	5	9	1
48	5	6	2
49	5	6	4
50	5	9	5

51	5	6	6
52	5	9	7
53	5	11	7
54	5	6	8
55	5	6	9
56	5	6	10
57	5	6	11
58	5	11	11
59	6	2	1
60	6	9	1
61	6	4	2
62	6	6	2
63	6	10	2
64	6	6	4
65	6	10	4
66	6	8	5
67 68	6	9	6
- 66	°	°	
69	6	10	6
70	6	8	7
71	6	9	7
72	6	10	7
73	6	11	7
74	6	2	8
75	6	4	8
76	6	6	8
77	6	4	9
78	6	6	9
79	6	10	9
80	6	6	10
81	6	10	10
82	6	6	11
83	6	8	11
84	6	11	11
85	7	9	1
86	7	6	2
87	7	6	4
88	7	8	5
89	7	9	5
90	7	5	6
91	7	6	6
92	7	8	7
93	7	9	7
94	7	6	8
95	7	5	9
96	7	6	9
97	7	6	10
98	7	5	11
99	7	6	11
100	7	8	11
101	8	7	5

104	8	11	7
105	8	7	8
106	8	5	9
107	8	7	9
108	8	5	11
109	8	11	11
110	9	1	5
111	9	7	5
112	9	5	6
113	9	7	6
114	9	7	8
115	9	5	9
116	9	7	9
117	9	1	10
118	9	5	11
119	10	2	1
120	10	9	1
121	10	4	2
122	10	6	2
123	10	10	2
124	10	6	4
125	10	10	4
126	10	7	5
127	10	9	5
128	10	6	6
129	10	7	6
130	10	10	6
131	10	9	7
132	10	10	7
133	10	2	8
134	10	4	8
135	10	6	8
136	10	7	8
137	10	4	9
120			
138	10	6	9
139	10	6	9
139 140	10 10 10	6 7 10	9
139 140 141	10 10 10	6 7 10 6	9 9 10
139 140 141 142	10 10 10 10 10	6 7 10 6	9 9 10
139 140 141 142 143	10 10 10 10 10	6 7 10 6 10	9 9 10 10
139 140 141 142 143	10 10 10 10 10 10	6 7 10 6 10 6 7	9 9 10 10 11 5
139 140 141 142 143 144 145	10 10 10 10 10 10 11	6 7 10 6 10 6 7	9 9 10 10 11 5
139 140 141 142 143 144 145	10 10 10 10 10 10 11 11	6 7 10 6 10 6 7 7 11	9 10 10 11 5 6
139 140 141 142 143 144 145 146	10 10 10 10 10 10 11 11 11	6 7 10 6 10 6 7 7 11 7	9 9 10 10 11 5 6 7 8
139 140 141 142 143 144 145 146 147	10 10 10 10 10 10 10 11 11 11 11	6 7 10 6 10 6 7 7 11 7 7	9 9 10 10 11 5 6 7 8 9 9
139 140 141 142 143 144 145 146	10 10 10 10 10 10 11 11 11	6 7 10 6 10 6 7 7 11 7	9 9 10 10 11 5 6 7 8

Шляхи довжиною 3

A calleand make	B D		1		ı
© C:\Users\myko	l\Programmin	<u>c</u> × +			
aths of len	orth 3:				
No.	v-1	v-2	v-3	v-4	
1	1	5	9	1	
2	1	10	2	1	
3	1	10	9	1	
4	1	5	6	2	
5	1	10	4	2	
6	1	10	6	2	
7	1	10	10	2	
	1	5	6	4	
9	1	10	6	4	
10	1	10	10	4	
11	1	5	9	5	
12	1	10	7	5	
13	1	10	9	5	
13	1	5	6	6	
				-	
15	1	10	6	6	
16	1	10	7	6	
17	1	10	10	6	
18	1	5	9	7	
19	1	5	11	7	
20	1	10	9	7	
21	1	10	10	7	
22	1	5	6	8	
23	1	10	2	8	
24	1	10	4	8	
25	1	10	6	8	
26	1	10	7	8	
27	1	5	6	9	
28	1	10	4	9	
29	1	10	6	9	
30	1	10	7	9	
31	1	10	10	9	
32	1	5	6	10	
33	1	10	6	10	
34	1	10	10	10	
25	,		-	11	
35 36	1	5	11	11	
36	1	10	6	11	
38	2	10	10	2	
39	2	1	10	4	
40	2	8	7	5	
41	2	1	5	6	
42	2	1	10	6	
43	2	8	5	6	
44	2	8	7	6	
45	2	1	10	7	
46	2	8	11	7	
47	2	8	7	8	
48	2	1	5	9	
49	2	1	10	9	
50	2	8	5	9	
51	2	8	7	9	

52	2	1	10	10
53	2	1	5	11
54	2	8	5	11
55	2	8	11	11
56	3	3	9	1
57	3	4	2	1
58	3	4	9	1
59	3	5	9	1
60	3	6	2	1
61	3	6	9	1
62				
	3	3	4	2
63	3	3	6	2
64	3	5	6	2
65	3	6	4	2
66	3	6	6	2
67	3	6	10	2
68	3	3	3	3
69	3	3	3	4
70				
	3	3	6	4
71	3	5	6	4
72	3	6	6	4
73	3	6	10	4
74	3	3	3	5
75	3	3	9	5
76	3	4	8	5
77	3	4	9	5
78	3	5	9	5
79	3	6	8	5
80	3	6	9	5
81	3	9	1	5
82	3	9	7	5
83	3	11	7	5
84	3	3	3	6
85	3	3	5	6
86	3	3	6	6
87	3	5	6	6
88	3	6	6	6
89	3	6	10	6
90	3	9	5	6
91		9	7	
92	3	11	7	6
93	3	3	9	7
93 94	3			7
93	3	3	9	7
93 94	3 3	3	9	7
93 94 95	3 3 3	3 3 4	9 11 8	7 7 7
93 94 95 96	3 3 3 3	3 3 4	9 11 8	7 7 7
93 94 95 96 97	3 3 3 3 3	3 3 4 4 5	9 11 8 9	7 7 7 7
93 94 95 96 97 98	3 3 3 3 3	3 3 4 4 5 5	9 11 8 9 9	7 7 7 7 7
93 94 95 96 97 98 99	3 3 3 3 3 3 3 3	3 3 4 4 5 5 6	9 11 8 9 11 8 9 11 8 9	7 7 7 7 7
93 94 95 96 97 98 99 100	3 3 3 3 3 3 3 3 3	3 3 4 4 5 5 6 6	9 11 8 9 11 8 9 11 10	7 7 7 7 7 7 7 7
93 94 95 96 97 98 99 100 101	3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3	3 3 4 4 5 5 6 6	9 11 8 9 11 8 9 11 10 11	7 7 7 7 7 7 7 7
93 94 95 96 97 98 99 100	3 3 3 3 3 3 3 3 3	3 3 4 4 5 5 6 6	9 11 8 9 11 8 9 11 10	7 7 7 7 7 7 7 7

105	3	3	6	8
106	3	4	2	8
107	3	5	6	8
108	3	6	2	8
109	3	6	4	8
110	3	6	6	8
111	3	9	7	8
112	3	11	7	8
113	3	3	3	9
114	3	3	4	9
115	3	3	5	9
116	3	3	6	9
117	3	5	6	9
118	3	6	4	9
119	3	6	6	9
120	3	6	10	9
121	3	9	5	9
122	3	9	7	9
123	3	11	7	9
124	3	3	6	10
125	3	5	6	10
126	3	6	6	10
127	3	6	10	10
128	3	9	1	10
129		3	3	11
130	3	3	5	11
130 131				
	3	3	5	11
131	3	3	5	11
131	3 3	3 3	5 6 11	11 11 11
131 132 133	3 3 3 3	3 3 3 4	5 6 11 8	11 11 11
131 132 133 134	3 3 3 3	3 3 3 4 5	5 6 11 8 6	11 11 11 11
131 132 133 134 135	3 3 3 3 3	3 3 3 4 5	5 6 11 8 6	11 11 11 11 11
131 132 133 134 135	3 3 3 3 3 3	3 3 3 4 5 5	5 6 11 8 6 11 6	11 11 11 11 11 11
131 132 133 134 135 136 137	3 3 3 3 3 3 3	3 3 4 5 5 6 6	5 6 11 8 6 11 6 8	11 11 11 11 11 11 11
131 132 133 134 135 136 137	3 3 3 3 3 3 3 3	3 3 4 5 5 6 6	5 6 11 8 6 11 6 8 11	11 11 11 11 11 11 11 11
131 132 133 134 135 136 137 138	3 3 3 3 3 3 3 3 3	3 3 4 5 5 6 6 6	5 6 11 8 6 11 6 8 11 5	11 11 11 11 11 11 11 11
131 132 133 134 135 136 137 138 139	3 3 3 3 3 3 3 3 3	3 3 3 4 5 5 6 6 6 9	5 6 11 8 6 11 6 8 11 5 11	11 11 11 11 11 11 11 11 11
131 132 133 134 135 136 137 138 139	3 3 3 3 3 3 3 3 3 3	3 3 4 5 5 6 6 6 6 9 9 11 2	5 6 11 8 6 11 6 8 11 5 11 1 1	11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 15
131 132 133 134 135 136 137 138 139	3 3 3 3 3 3 3 3 3 4 4	3 3 4 5 5 6 6 6 9 9 11 2 2	5 6 11 8 6 11 6 8 11 5 11 1 8	11 11 11 11 11 11 11 11 11 5 5 5
131 132 133 134 135 136 137 138 139	3 3 3 3 3 3 3 3 3 4 4	3 3 4 5 5 6 6 6 9 9 11 2 2 8 8	5 6 11 8 6 11 6 8 11 5 11 1 8 8 7	11 11 11 11 11 11 11 11 11 5 5 5 5
131 132 133 134 135 136 137 138 139 140 141 142 143	3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 4 4 4	3 3 3 4 5 5 6 6 6 6 9 11 2 2 8	5 6 11 8 6 11 5 11 1 8 7 1 1 1 8 6 7 1 1	11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11
131 132 133 134 135 136 137 138 139 140 141 142 143 144	3 3 3 3 3 3 3 3 3 4 4 4 4	3 3 3 4 5 5 6 6 6 6 9 11 2 2 8 9	5 6 11 8 6 11 6 8 11 5 11 1 8 7 1 1 7	11 11 11 11 11 11 11 5 5 5 5 5 5 5 5
131 132 133 134 135 136 137 138 139 140 141 142 143 144 145	3 3 3 3 3 3 3 3 3 4 4 4 4 4	3 3 3 4 5 5 6 6 6 6 9 11 2 2 8 9	5 6 11 8 6 11 6 8 11 1 1 8 7 1 1 7 5	11
131 132 133 134 135 136 137 138 139 140 141 142 143 144 145 146	3 3 3 3 3 3 3 3 3 4 4 4 4 4 4	3 3 3 4 5 5 6 6 6 6 9 11 2 2 8 9 9	5 6 11 8 6 11 6 8 11 1 5 11 1 8 7 7 5 7	11 11 11 11 11 11 11 5 5 5 5 5 6 6 6 6
131 132 133 134 135 136 137 138 139 140 141 142 143 144 145 146 147 148	3 3 3 3 3 3 3 3 3 4 4 4 4 4 4 4 4	3 3 3 4 5 5 6 6 6 9 11 2 2 8 9 9	5 6 11 8 6 11 6 8 11 5 11 1 8 7 7 5 7 5 5	11
131 132 133 134 135 136 137 138 139 140 141 142 143 144 145 146 147 148	3 3 3 3 3 3 3 3 3 4 4 4 4 4 4 4 4 4	3 3 3 4 5 5 6 6 6 6 9 11 2 2 8 9 9 9 8 8 9	5 6 11 8 6 11 6 8 11 5 11 1 8 7 7 5 7 5 7	11
131 132 133 134 135 136 137 138 139 140 141 142 143 144 145 146 147 148 149 150	3 3 3 3 3 3 3 3 3 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4	3 3 3 4 5 5 6 6 6 6 9 11 2 2 8 9 9 9 8 8 9 9	5 6 11 8 6 11 6 8 11 5 11 1 8 7 7 5 7 7 5 7 8 8	11
131 132 133 134 135 136 137 138 139 140 141 142 143 144 145 146 147 148 149 150 151	3 3 3 3 3 3 3 3 3 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4	3 3 3 4 5 5 6 6 6 6 9 11 2 2 8 9 9 9 8 8 9 9 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	5 6 11 8 6 11 6 8 11 5 11 1 8 7 7 5 7 5 7 8 8 11 1	11
131 132 133 134 135 136 137 138 139 140 141 142 143 144 145 146 147 148 149 150	3 3 3 3 3 3 3 3 3 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4	3 3 3 4 5 5 5 6 6 6 6 9 9 111 2 2 8 9 9 9 8 8 8 9 9 9 2 8 8	5 6 11 8 6 11 6 8 11 5 11 1 8 7 7 5 7 8 8 11 7	11

159	4	9	1	10
160	4	2	8	11
161	4	8	5	11
162	4	8	11	11
163	4	9	5	11
164	5	6	2	1
165	5	6	9	1
166	5	6	4	2
167	5	6	6	2
168	5	6	10	2
169	5	6	6	4
170	5	6	10	4
171	5	6	8	5
172	5	6	9	5
173	5	9	1	5
174	5	9	7	5
175	5	11	7	5
176	5	6	6	
177	5	6	10	6
177 178	5 5	6	10 5	
				6
178	5	9	5	6
178 179	5 5	9	5	6 6
178 179 180	5 5 5	9 9 11	5 7 7	6 6 6
178 179 180	5 5 5	9 9 11 6	5 7 7 8	6 6 6 6
178 179 180 181	5 5 5 5	9 9 11 6	5 7 7 8 9	6 6 6 7
178 179 180 181 182	5 5 5 5 5	9 9 11 6 6	5 7 7 8 9	6 6 6 7 7
178 179 180 181 182 183	5 5 5 5 5 5	9 9 11 6 6 6	5 7 7 8 9 10	6 6 6 6 7 7 7
178 179 180 181 182 183 184	5 5 5 5 5 5 5 5	9 9 11 6 6 6 11	5 7 7 8 9 10 11	6 6 6 7 7 7 7
178 179 180 181 182 183 184 185	5 5 5 5 5 5 5 5	9 9 11 6 6 6 11 6	5 7 7 8 9 10 11 11	6 6 6 7 7 7 7 7
178 179 180 181 182 183 184 185 186	5 5 5 5 5 5 5 5 5	9 9 11 6 6 6 11 6	5 7 7 8 9 10 11 11 2	6 6 6 7 7 7 7 7 8
178 179 180 181 182 183 184 185 186 187	5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	9 9 11 6 6 6 11 6 6	5 7 7 8 9 10 11 11 2 4	6 6 6 7 7 7 7 7 8 8
178 179 180 181 182 183 184 185 186 187 188	5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	9 9 11 6 6 6 11 6 6 9	5 7 7 8 9 10 11 11 2 4 6	6 6 6 7 7 7 7 7 8 8
178 179 180 181 182 183 184 185 186 187 188 189	5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	9 9 11 6 6 6 11 6 6 9 11	5 7 7 8 9 10 11 11 2 4 6 7	6 6 6 7 7 7 7 7 8 8 8
178 179 180 181 182 183 184 185 186 187 188 189	5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	9 9 11 6 6 6 11 6 6 9 11	5 7 7 8 9 10 11 11 2 4 6 7	6 6 6 7 7 7 7 7 8 8 8 8
178 179 180 181 182 183 184 185 186 187 188 189 190 191	5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	9 9 11 6 6 6 11 6 6 9 11 6 6	5 7 7 8 9 10 11 11 2 4 6 7 7	6 6 6 7 7 7 7 7 8 8 8 8
178 179 180 181 182 183 184 185 186 187 188 189 190 191	5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	9 9 11 6 6 6 11 6 6 9 11 6 6	5 7 7 8 9 10 11 11 2 4 6 7 7	6 6 6 7 7 7 7 7 8 8 8 8
178 179 180 181 182 183 184 185 186 187 188 189 190 191 192	5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	9 9 11 6 6 6 11 6 6 9 11 6 6 6	5 7 7 8 9 10 11 11 2 4 6 7 7 4 6 10	6 6 6 7 7 7 7 7 8 8 8 8 8

193	5	6	10	9
194	5	9	5	9
195	5	9	7	9
196	5	11	7	9
197	5	6	6	10
198	5	6	10	10
199	5	9	1	10
200	5	6	6	11
201	5	6	8	11
202	5	6	11	11
203	5	9	5	11
204	5	11	11	11
205	6	4	2	1
206	6	4	9	1
207	6	6	2	1
208	6	6	9	1
209	6	10	2	1
210	6	10	9	1

211	6	6	4	2
212	6	6	6	2
213	6	6	10	2
214	6	10	4	2
215	6	10	6	2
216	6	10	10	2
217	6	6	6	4
218	6	6	10	4
219	6	10	6	4
220	6	10	10	4
221	6	2	1	5
222	6	2	8	5
223	6	4	8	5
224	6	4	9	5
225	6	6	8	5
226	6	6	9	5
227	6	8	7	5
228	6	9	1	5

229	6	9	7	5
230	6	10	7	5
231	6	10	9	5
232	6	11	7	5
233	6	6	6	6
234	6	6	10	6
235	6	8	5	6
236	6	8	7	6
237	6	9	5	6
238	6	9	7	6
239	6	10	6	6
240	6	10	7	6
241	6	10	10	6
242	6	11	7	6
243	6	2	8	7
244	6	4	8	7
245	6	4	9	7

246		6	8	7
247	6	6	9	7
248	6	6	10	7
249	6	6	11	7
250	6	8	11	7
251	6	10	9	7
252	6	10	10	7
253	6	11	11	7
254	6	4	2	8
255	6	6	2	8
256	6	6	4	8
257	6	6	6	8
258	6	8	7	8
259	6	9	7	8
260	6	10	2	8
261	6	10	4	8
262	6	10	6	8
263	6	10	7	8

264	6	11	7	8
265	6	6	4	9
266	6	6	6	9
267	6	6	10	9
268	6	8	5	9
269	6	8	7	9
270	6	9	5	9
271	6	9	7	9
272	6	10	4	9
273	6	10	6	9
274	6	10	7	9
275	6	10	10	9
276	6	11	7	9
277	6	2	1	10
278	6	6	6	10
279	6	6	10	10
280	6	9	1	10

281 6 10 6 10 282 6 10 10 10 283 6 2 8 11 284 6 4 8 11 285 6 6 6 11 286 6 6 8 11 287 6 6 11 11 288 6 8 5 11 289 6 8 11 11 290 6 9 5 11 291 6 10 6 11 292 6 11 11 11 293 7 5 9 1 294 7 6 2 1 295 7 6 9 1 296 7 5 6 2 297 7 6 4 2 298 7					
283 6 2 8 11 284 6 4 8 11 285 6 6 6 11 286 6 6 8 11 287 6 6 11 11 288 6 8 5 11 289 6 8 11 11 290 6 9 5 11 291 6 10 6 11 292 6 11 11 11 293 7 5 9 1 294 7 6 2 1 295 7 6 9 1 296 7 5 6 2 297 7 6 4 2	281	6	10	6	10
284 6 4 8 11 285 6 6 6 11 286 6 6 8 11 287 6 6 11 11 288 6 8 5 11 289 6 8 11 11 290 6 9 5 11 291 6 10 6 11 292 6 11 11 11 293 7 5 9 1 294 7 6 2 1 295 7 6 9 1 296 7 5 6 2 297 7 6 4 2	282	6	10	10	10
285 6 6 6 8 11 286 6 6 8 11 287 6 6 11 11 288 6 8 5 11 289 6 8 11 11 290 6 9 5 11 291 6 10 6 11 292 6 11 11 11 293 7 5 9 1 294 7 6 2 1 295 7 6 9 1 296 7 5 6 2 297 7 6 4 2	283	6	2	8	11
286 6 6 8 11 287 6 6 11 11 288 6 8 5 11 289 6 8 11 11 290 6 9 5 11 291 6 10 6 11 292 6 11 11 11 293 7 5 9 1 294 7 6 2 1 295 7 6 9 1 296 7 5 6 2 297 7 6 4 2	284	6	4	8	11
287 6 6 6 11 11 288 6 8 5 11 289 6 8 11 11 290 6 9 5 11 291 6 10 6 11 292 6 11 11 11 293 7 5 9 1 294 7 6 2 1 295 7 6 9 1 296 7 5 6 2 297 7 6 4 2	285	6	6	6	11
288 6 8 5 11 289 6 8 11 11 290 6 9 5 11 291 6 10 6 11 292 6 11 11 11 293 7 5 9 1 294 7 6 2 1 295 7 6 9 1 296 7 5 6 2 297 7 6 4 2	286	6	6	8	11
289 6 8 11 11 290 6 9 5 11 291 6 10 6 11 292 6 11 11 11 293 7 5 9 1 294 7 6 2 1 295 7 6 9 1 296 7 5 6 2 297 7 6 4 2	287	6	6	11	11
290 6 9 5 11 291 6 10 6 11 292 6 11 11 11 293 7 5 9 1 294 7 6 2 1 295 7 6 9 1 296 7 5 6 2 297 7 6 4 2	288	6	8	5	11
291 6 10 6 11 292 6 11 11 11 11 293 7 5 9 1 294 7 6 2 1 295 7 6 9 1 296 7 5 6 2 297 7 6 4 2	289	6	8	11	11
292 6 11 11 11 293 7 5 9 1 294 7 6 2 1 295 7 6 9 1 296 7 5 6 2 297 7 6 4 2	290	6	9	5	11
293 7 5 9 1 294 7 6 2 1 295 7 6 9 1 296 7 5 6 2 297 7 6 4 2	291	6	10	6	11
294 7 6 2 1 295 7 6 9 1 296 7 5 6 2 297 7 6 4 2	292	6	11	11	11
295 7 6 9 1 296 7 5 6 2 297 7 6 4 2	293	7	5	9	1
296 7 5 6 2 297 7 6 4 2	294	7	6	2	1
297 7 6 4 2	295	7	6	9	1
	296	7	5	6	2
298 7 6 6 2	297	7	6	4	2
	298	7	6	6	2

299	7	6	10	2
300	7	5	6	4
301	7	6	6	4
302	7	6	10	4
303	7	5	9	5
304	7	6	8	5
305	7	6	9	5
306	7	8	7	5
307	7	9	1	5
308	7	9	7	5
309	7	5	6	6
310	7	6	6	6
311	7	6	10	6
312	7	8	5	6
313	7	8	7	6
314	7	9	5	6
315	7	9	7	6

316	7	5	9	7
317	7	5	11	7
318	7	6	8	7
319	7	6	9	7
320	7	6	10	7
321	7	6	11	7
322	7	8	11	7
323	7	5	6	8
324	7	6	2	8
325	7	6	4	8
326	7	6	6	8
327	7	8	7	8
328	7	9	7	8
329	7	5	6	9
330	7	6	4	9
331	7	6	6	9
332	7	6	10	9
333	7	8	5	9
334	7	8	7	9
335	7	9	5	9
336	7	9	7	9
337	7	5	6	10
338	7	6	6	10
339	7	6	10	10
340	7	9	1	10
341	7	5	6	11
342	7	5	11	11
343	7	6	6	11
344	7	6	8	11
345	7	6	11	11
346	7	8	5	11
347	7	8	11	11
348	7	9	5	11
349	8	-		
		5	9	1
350	8	7	9	1
350	8			
350 351	8			
		7	9	1
351	8	7	9	2
351 352	8	7 5 7	9 6 6	2 2
351 352 353	8 8	7 5 7 5	9 6 6	2 2 4
351 352 353 354 355	8 8 8 8	7 5 7 5 7	9 6 6 6 6	1 2 2 4 4 5
351 352 353 354 355 356	8 8 8 8	7 5 7 5 7 5	9 6 6 6 6 9	2 2 4 4 5
351 352 353 354 355 356 357	8 8 8 8 8	7 5 7 5 7 5 7	9 6 6 6 9 8 9	1 2 2 4 4 5 5 5 5 5 5
351 352 353 354 355 356 357 358	8 8 8 8 8 8 8 8	7 5 7 5 7 5 7 7	9 6 6 6 9 8 9 7	2 2 4 4 5 5 5 5
351 352 353 354 355 356 357 358 359	8 8 8 8 8 8 8 8	7 5 7 5 7 5 7 7 7 11	9 6 6 6 9 8 9 7 6	2 2 4 4 5 5 5 5 5
351 352 353 354 355 356 357 358 359 360	8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	7 5 7 5 7 5 7 7 11 5	9 6 6 6 6 9 8 9 7 6	1 2 2 4 4 5 5 5 5 5 6 6 6 6
351 352 353 354 355 356 357 358 359	8 8 8 8 8 8 8 8	7 5 7 5 7 5 7 7 7 11	9 6 6 6 9 8 9 7 6	2 2 4 4 5 5 5 5 5
351 352 353 354 355 356 357 358 359 360	8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	7 5 7 5 7 5 7 7 11 5	9 6 6 6 6 9 8 9 7 6	1 2 2 4 4 5 5 5 5 5 6 6 6 6
351 352 353 354 355 356 357 358 359 360 361	8 8 8 8 8 8 8	7 5 7 5 7 7 7 11 5 7 7	9 6 6 6 9 8 9 7 6 5	1 2 2 4 4 4 5 5 5 5 6 6 6 6 6 6
351 352 353 354 355 356 357 358 359 360 361 362	8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	7 5 7 5 7 7 7 11 5 7 7 11	9 6 6 6 9 8 9 7 6 5 6	1 2 2 4 4 5 5 5 5 6 6 6 6 6 6 6
351 352 353 354 355 356 357 358 359 360 361 362 363	8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	7 5 7 5 7 7 7 11 5 7 7 11 5 7 7	9 6 6 6 6 9 8 9 7 6 5 6 7	1 2 2 4 4 5 5 5 5 6 6 6 6 6 7 7
351 352 353 354 355 356 357 358 359 360 361 362 363	8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	7 5 7 5 7 7 7 11 5 7 7 11 5 5 5 5 5	9 6 6 6 9 8 9 7 6 5 6 7 9	1 2 2 4 4 5 5 5 5 6 6 6 6 6 7 7 7
351 352 353 354 355 356 357 358 359 360 361 362 363 364	8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	7 5 7 5 7 7 11 5 7 7 11 5 7 7	9 6 6 6 9 8 9 7 6 5 6 7 9	2 2 4 4 5 5 5 5 6 6 6 6 7 7 7 7

369	8	7	6	8
370	8	11	7	8
371	8	5	6	9
372	8	7	5	9
373	8	7	6	9
374	8	11	7	9
375	8	5	6	10
376	8	7	6	10
377	8	5	6	11
378	8	5	11	11
379	8	7	5	11
380	8	7	6	11
381	8	7	8	11
382	8	11	11	11
383	9	5	9	1
384	9	7	9	1
385	9	1	10	2
386	9	5	6	2
387	9	7	6	2
388	9	1	10	4
389	9	5	6	4
390	9	7	6	4
391	9	5	9	5
392	9	7	8	5
393	9	7	9	5
394	9	1	5	6
395	9	1	10	6
396	9	5	6	6
397	9	7	5	6
398	9	7	6	6
399	9	1	10	7
400	9	5	9	7
401	9	5	11	7
402	9	7	8	7
403	9	7	9	7
404	9	5	6	8
405	9	7	6	8
406	9	1	5	9
407	9	1	10	9
	9	5		
408	9	3	6	9
408	_	-	-	
409	9	7	5	9
410	9	7	6	9
410 411	9	7	6 10	9
410 411 412	9 9	7 1 5	6 10 6	9 10 10
410 411	9	7	6 10	9
410 411 412	9 9	7 1 5	6 10 6	9 10 10
410 411 412 413	9 9 9	7 1 5 7	6 10 6 6	9 10 10
410 411 412 413 414	9 9 9 9	7 1 5 7	6 10 6 6 5	9 10 10 10 11
410 411 412 413 414 415	9 9 9 9	7 1 5 7 1	6 10 6 6 5	9 10 10 10 11 11
410 411 412 413 414 415 416	9 9 9 9 9	7 1 5 7 1 5	6 10 6 6 5 6	9 10 10 10 11 11

421	10	4	9	1
422	10	6	2	1
423	10	6	9	1
424	10	7	9	1
425	10	10	2	1
426	10	10	9	1
427	10	6	4	2
428	10	6	6	2
429	10	6	10	2
430	10	7	6	2
431	10	10	4	2
432	10	10	6	2
433	10	10	10	2
434	10	6	6	4
435	10	6	10	4
436	10	7	6	4
437	10	10	6	4
438	10	10	10	4
439	10	2	1	5
439	10	2	1 8	5
440	10	2	8	5
440	10 10	2	8	5 5
440 441 442	10 10 10	2 4 4	8 8 9	5 5 5
440 441 442 443	10 10 10	2 4 4 6	8 8 9	5 5 5 5
440 441 442 443 444	10 10 10 10 10	2 4 4 6	8 8 9 8 9	5 5 5 5
440 441 442 443 444 445	10 10 10 10 10	2 4 4 6 6	8 8 9 8 9	5 5 5 5 5
440 441 442 443 444 445 446	10 10 10 10 10 10	2 4 4 6 6 7	8 8 9 8 9	5 5 5 5 5 5
440 441 442 443 444 445 446 447	10 10 10 10 10 10 10	2 4 4 6 6 7 7 9	8 8 9 8 9 8	5 5 5 5 5 5 5 5
440 441 442 443 444 445 446 447	10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	2 4 6 6 7 7 9	8 8 9 8 9 8 9 1	5 5 5 5 5 5 5 5 5 5
440 441 442 443 444 445 446 447 448	10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	2 4 4 6 6 7 7 9 9	8 8 9 8 9 8 9	5 5 5 5 5 5 5 5 5 5
440 441 442 443 444 445 446 447 448 449	10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 1	2 4 4 6 6 7 7 9 9	8 8 9 8 9 1 7	5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5
440 441 442 443 444 445 446 447 448 449 450	10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 1	2 4 4 6 6 7 7 9 9 10 10 6	8 8 9 8 9 8 9 1 7 7	5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 6
440 441 442 443 444 445 446 447 448 449 450 451	10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 1	2 4 4 6 6 7 7 9 9 10	8 8 9 8 9 1 7 7 9 6	5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 6 6
440 441 442 443 444 445 446 447 448 449 450 451 452	10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 1	2 4 4 6 6 7 7 9 9 10 10 6 6	8 8 9 8 9 1 7 7 7 9 6	5 5 5 5 5 5 5 5 6 6 6 6
440 441 442 443 444 445 446 447 448 449 450 451 452 453	10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 1	2 4 4 6 6 7 7 9 9 10 10 6 6 7	8 8 9 8 9 1 7 7 7 9 6 10 5 6	5 5 5 5 5 5 5 6 6 6 6 6
440 441 442 443 444 445 446 447 448 449 450 451 452 453	10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 1	2 4 4 6 6 7 7 9 9 10 10 6 6 7	8 8 9 8 9 1 7 7 7 9 6 10 5 6	5 5 5 5 5 5 5 6 6 6 6 6

456	10	9	7	6
457	10	10	6	6
458	10	10	7	6
459	10	10	10	6
460	10	2	8	7
461	10	4	8	7
462	10	4	9	7
463	10	6	8	7
464	10	6	9	7
465	10	6	10	7
466	10	6	11	7
467	10	7	8	7
468	10	7	9	7
469	10	10	9	7
470	10	10	10	7
471	10	4	2	8
472	10	6	2	8
473	10	6	4	8

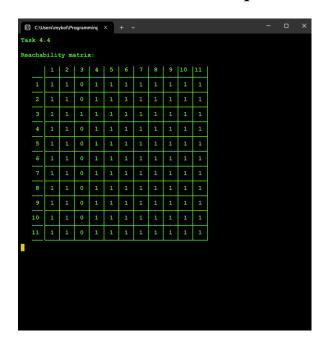
474 10 6 6 8 475 10 7 6 8 476 10 9 7 8 477 10 10 2 8 478 10 10 4 8 479 10 10 6 8 480 10 10 7 8 481 10 6 4 9 482 10 6 6 9 483 10 6 10 9 484 10 7 5 9 485 10 7 6 9 486 10 9 5 9 488 10 10 4 9 489 10 10 6 9 490 10 10 7 9					
476 10 9 7 8 477 10 10 2 8 478 10 10 4 8 479 10 10 6 8 480 10 10 7 8 481 10 6 4 9 482 10 6 6 9 483 10 6 10 9 484 10 7 5 9 485 10 7 6 9 487 10 9 5 9 488 10 10 4 9 489 10 10 6 9	474	10	6	6	8
477 10 10 2 8 478 10 10 4 8 479 10 10 6 8 480 10 10 7 8 481 10 6 4 9 482 10 6 6 9 483 10 6 10 9 484 10 7 5 9 485 10 7 6 9 486 10 9 5 9 487 10 9 7 9 488 10 10 4 9 489 10 10 6 9	475	10	7	6	8
478 10 10 4 8 479 10 10 6 8 480 10 10 7 8 481 10 6 4 9 482 10 6 6 9 483 10 7 5 9 484 10 7 5 9 485 10 7 6 9 486 10 9 5 9 487 10 9 7 9 488 10 10 4 9	476	10	9	7	8
479 10 10 6 8 480 10 10 7 8 481 10 6 4 9 482 10 6 6 9 483 10 6 10 9 484 10 7 5 9 485 10 7 6 9 486 10 9 5 9 487 10 9 7 9 488 10 10 4 9 489 10 10 6 9	477	10	10	2	8
480 10 10 7 8 481 10 6 4 9 482 10 6 6 9 483 10 6 10 9 484 10 7 5 9 485 10 7 6 9 486 10 9 5 9 487 10 9 7 9 488 10 10 4 9 489 10 10 6 9	478	10	10	4	8
481 10 6 4 9 482 10 6 6 9 483 10 6 10 9 484 10 7 5 9 485 10 7 6 9 486 10 9 5 9 487 10 9 7 9 488 10 10 4 9 489 10 10 6 9	479	10	10	6	8
482 10 6 6 9 483 10 6 10 9 484 10 7 5 9 485 10 7 6 9 486 10 9 5 9 487 10 9 7 9 488 10 10 4 9 489 10 10 6 9	480	10	10	7	8
483 10 6 10 9 484 10 7 5 9 485 10 7 6 9 486 10 9 5 9 487 10 9 7 9 488 10 10 4 9 489 10 10 6 9	481	10	6	4	9
484 10 7 5 9 485 10 7 6 9 486 10 9 5 9 487 10 9 7 9 488 10 10 4 9 489 10 10 6 9	482	10	6	6	9
485 10 7 6 9 486 10 9 5 9 487 10 9 7 9 488 10 10 4 9 489 10 10 6 9	483	10	6	10	9
486 10 9 5 9 487 10 9 7 9 488 10 10 4 9 489 10 10 6 9	484	10	7	5	9
487 10 9 7 9 488 10 10 4 9 489 10 10 6 9	485	10	7	6	9
488 10 10 4 9 489 10 10 6 9	486	10	9	5	9
489 10 10 6 9	487	10	9	7	9
	488	10	10	4	9
490 10 10 7 9	489	10	10	6	9
	490	10	10	7	9

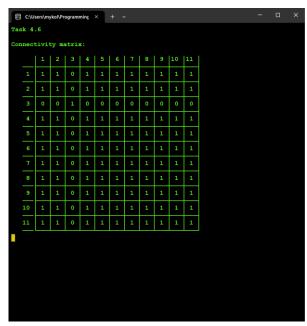
491	10	10	10	9
492	10	2	1	10
493	10	6	6	10
494	10	6	10	10
495	10	7	6	10
496	10	9	1	10
497	10	10	6	10
498	10	10	10	10
499	10	2	8	11
500	10	4	8	11
501	10	6	6	11
502	10	6	8	11
503	10	6	11	11
504	10	7	5	11
505	10	7	6	11
506	10	7	8	11
507	10	9	5	11

508 10 10 6 11 509 11 7 9 1 510 11 7 6 2 511 11 7 6 4 512 11 7 8 5 513 11 7 9 5 514 11 11 7 5 6 515 11 7 5 6 6 516 11 7 6 6 6 517 11 11 7 6 8 7 518 11 7 8 7 7 520 11 11 17 8 7 520 11 11 7 6 8 8 522 11 11 7 8 8 523 11 7 5 9 524 11 7 6 9 9 525 11					
510 11 7 6 2 511 11 7 6 4 512 11 7 8 5 513 11 7 9 5 514 11 11 7 5 6 515 11 7 5 6 6 516 11 7 6 6 6 517 11 11 7 6 7 518 11 7 8 7 7 519 11 7 9 7 520 11 11 11 7 521 11 7 6 8 522 11 11 7 8 523 11 7 5 9 524 11 7 6 9	508	10	10	6	11
511 11 7 6 4 512 11 7 8 5 513 11 7 9 5 514 11 11 7 5 515 11 7 5 6 516 11 7 6 6 517 11 11 7 6 518 11 7 8 7 519 11 7 9 7 520 11 11 11 7 521 11 7 6 8 522 11 11 7 8 523 11 7 5 9 524 11 7 6 9	509	11	7	9	1
512 11 7 8 5 513 11 7 9 5 514 11 11 7 5 515 11 7 5 6 516 11 7 6 6 517 11 11 7 6 518 11 7 8 7 519 11 7 9 7 520 11 11 11 7 521 11 7 6 8 522 11 11 7 8 523 11 7 5 9 524 11 7 6 9	510	11	7	6	2
513 11 7 9 5 514 11 11 7 5 515 11 7 5 6 516 11 7 6 6 517 11 11 7 6 518 11 7 8 7 519 11 7 9 7 520 11 11 11 7 521 11 7 6 8 522 11 11 7 8 523 11 7 5 9 524 11 7 6 9	511	11	7	6	4
514 11 11 7 5 515 11 7 5 6 516 11 7 6 6 517 11 11 7 6 518 11 7 8 7 519 11 7 9 7 520 11 11 11 7 521 11 7 6 8 522 11 11 7 8 523 11 7 5 9 524 11 7 6 9	512	11	7	8	5
515 11 7 5 6 516 11 7 6 6 517 11 11 7 6 518 11 7 8 7 519 11 7 9 7 520 11 11 11 7 521 11 7 6 8 522 11 11 7 8 523 11 7 5 9 524 11 7 6 9	513	11	7	9	5
516 11 7 6 6 517 11 11 7 6 518 11 7 8 7 519 11 7 9 7 520 11 11 11 7 521 11 7 6 8 522 11 11 7 8 523 11 7 5 9 524 11 7 6 9	514	11	11	7	5
517 11 11 7 6 518 11 7 8 7 519 11 7 9 7 520 11 11 11 7 521 11 7 6 8 522 11 11 7 8 523 11 7 5 9 524 11 7 6 9	515	11	7	5	6
518 11 7 8 7 519 11 7 9 7 520 11 11 11 7 521 11 7 6 8 522 11 11 7 8 523 11 7 5 9 524 11 7 6 9	516	11	7	6	6
519 11 7 9 7 520 11 11 11 7 521 11 7 6 8 522 11 11 7 8 523 11 7 5 9 524 11 7 6 9	517	11	11	7	6
520 11 11 11 7 521 11 7 6 8 522 11 11 7 8 523 11 7 5 9 524 11 7 6 9	518	11	7	8	7
521 11 7 6 8 522 11 11 7 8 523 11 7 5 9 524 11 7 6 9	519	11	7	9	7
522 11 11 7 8 523 11 7 5 9 524 11 7 6 9	520	11	11	11	7
523 11 7 5 9 524 11 7 6 9	521	11	7	6	8
524 11 7 6 9	522	11	11	7	8
	523	11	7	5	9
525 11 11 7 9	524	11	7	6	9
	525	11	11	7	9

526	11	7	6	10
527	11	7	5	11
528	11	7	6	11
529	11	7	8	11
530	11	11	11	11

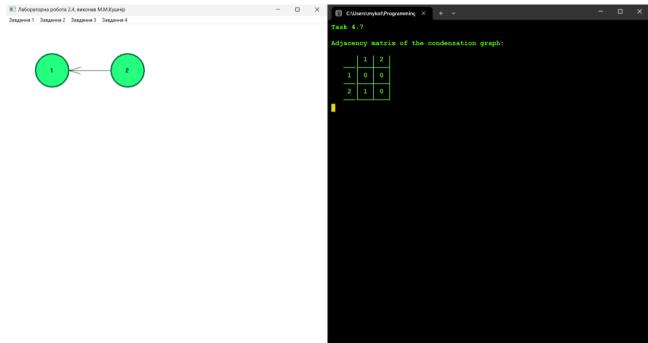
Матриці досяжності та зв'язності модифікованого графа





Компоненти сильної зв'язності, граф конденсації та його матриця суміжності





Висновки

Графи — це дуже корисна структура даних, яка має багато прикладних застосувань у сучасному програмуванні. У ході виконання цієї лабораторної роботи, я досліджував графи, задані матрицями суміжності. Я мав змогу попрактикуватися у знаходженні степенів ненапрямленого та напівстепенів напрямленого графа, утворенні матриць досяжності і зв'язності, побудові графа конденсації, утвореного з компонент сильної зв'язності. Найцікавішим завданням для мене було написання алгоритму для пошуку проміжних вузлів, на шляху від вершини А до вершини Б. Також виведення інформації, закодованої матрицею, у графічне вікно, дозволило наочно переконатися у істинності обчислень та отриманого на лекціях теоретичного матеріалу. Впевнений, що ці навички стануть у нагоді при роботі з графовими структурами даних.