# Предсказание энергии связи

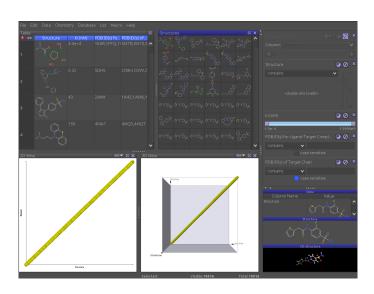
Рак Алексей

13 декабря 2017 г.

#### План

🚺 Используемые данные

- Теория
  - Нейронные Сети
  - Свёрточные нейронные сети
  - Атомная свёрточная сеть



Какие данные используются:

• Структура лиганда

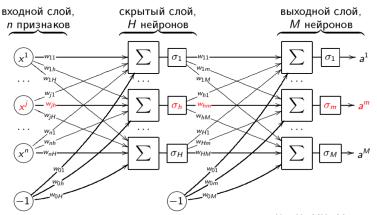
- Структура лиганда
- Кі (энергия связи)

- Структура лиганда
- Кі (энергия связи)
- Id белка в pdb

- Структура лиганда
- Кі (энергия связи)
- Id белка в pdb
- Id комлпекса в pdb

- Структура лиганда
- Кі (энергия связи)
- Id белка в pdb
- Id комлпекса в pdb

Пусть для общности  $Y=\mathbb{R}^M$ , для простоты слоёв только два.



Вектор параметров модели  $w \equiv \left(w_{jh}, w_{hm}\right) \in \mathbb{R}^{Hn+H+MH+M}.$ 

• Позволяют решать широкий класс задач

- Позволяют решать широкий класс задач
- Метод обратного распространения ошибки основанный на простейшем правиле дифференцирования сложной функции, позволяет учить нейронные сети

- Позволяют решать широкий класс задач
- Метод обратного распространения ошибки основанный на простейшем правиле дифференцирования сложной функции, позволяет учить нейронные сети
- Очень много способов улучшать сходимость и качество нейросети:

- Позволяют решать широкий класс задач
- Метод обратного распространения ошибки основанный на простейшем правиле дифференцирования сложной функции, позволяет учить нейронные сети
- Очень много способов улучшать сходимость и качество нейросети:
  - Регуляризация

- Позволяют решать широкий класс задач
- Метод обратного распространения ошибки основанный на простейшем правиле дифференцирования сложной функции, позволяет учить нейронные сети
- Очень много способов улучшать сходимость и качество нейросети:
  - Регуляризация
  - Перетасовка объектов

- Позволяют решать широкий класс задач
- Метод обратного распространения ошибки основанный на простейшем правиле дифференцирования сложной функции, позволяет учить нейронные сети
- Очень много способов улучшать сходимость и качество нейросети:
  - Регуляризация
  - Перетасовка объектов
  - Разные градиентные методы

- Позволяют решать широкий класс задач
- Метод обратного распространения ошибки основанный на простейшем правиле дифференцирования сложной функции, позволяет учить нейронные сети
- Очень много способов улучшать сходимость и качество нейросети:
  - Регуляризация
  - Перетасовка объектов
  - Разные градиентные методы
  - Адаптивный learning rate

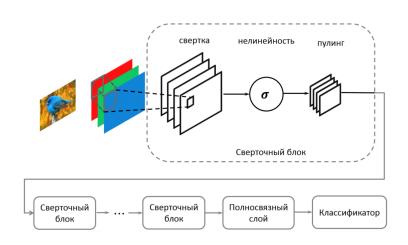
- Позволяют решать широкий класс задач
- Метод обратного распространения ошибки основанный на простейшем правиле дифференцирования сложной функции, позволяет учить нейронные сети
- Очень много способов улучшать сходимость и качество нейросети:
  - Регуляризация
  - Перетасовка объектов
  - Разные градиентные методы
  - Адаптивный learning rate
  - Dropout

- Позволяют решать широкий класс задач
- Метод обратного распространения ошибки основанный на простейшем правиле дифференцирования сложной функции, позволяет учить нейронные сети
- Очень много способов улучшать сходимость и качество нейросети:
  - Регуляризация
  - Перетасовка объектов
  - Разные градиентные методы
  - Адаптивный learning rate
  - Dropout
  - Разные функции активации

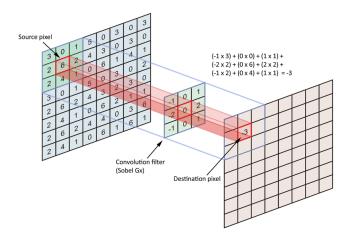
- Позволяют решать широкий класс задач
- Метод обратного распространения ошибки основанный на простейшем правиле дифференцирования сложной функции, позволяет учить нейронные сети
- Очень много способов улучшать сходимость и качество нейросети:
  - Регуляризация
  - Перетасовка объектов
  - Разные градиентные методы
  - Адаптивный learning rate
  - Dropout
  - Разные функции активации
  - Аугментация (расширение выборки)

- Позволяют решать широкий класс задач
- Метод обратного распространения ошибки основанный на простейшем правиле дифференцирования сложной функции, позволяет учить нейронные сети
- Очень много способов улучшать сходимость и качество нейросети:
  - Регуляризация
  - Перетасовка объектов
  - Разные градиентные методы
  - Адаптивный learning rate
  - Dropout
  - Разные функции активации
  - Аугментация (расширение выборки)

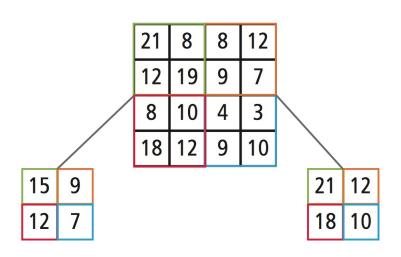
#### Свёрточные нейронные сети



### Свёрточный слой



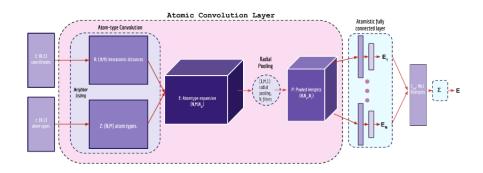
### Пулинг слой



**Average Pooling** 

**Max Pooling** 

### Атомная свёрточная сеть



## Начальное преобразование данных

### Начальное преобразование данных

 На вход поступает матрица атомов, которая содерижт атомный тип каждого атома и его трёхмерные координаты.

## Начальное преобразование данных

- На вход поступает матрица атомов, которая содерижт атомный тип каждого атома и его трёхмерные координаты.
- Преобразуем эту матрицу в 2 матрицы R и Z размера (N x M), где N – это число атомов, М – число рассматриваемых соседей (в работе было равно 12).
  - R матрица расстояний до соседей.
  - Z матрица атомных типов соседей.

• На входе этого этапа мы получаем 2 матрицы две матрицы R и Z.

- На входе этого этапа мы получаем 2 матрицы две матрицы R и Z.
- $N_{at}$  число различных атомных типов в данных.

- На входе этого этапа мы получаем 2 матрицы две матрицы R и Z.
- $N_{at}$  число различных атомных типов в данных.

$$ullet$$
  $K_{ij}^a = egin{cases} 1, Z_{i,j} = \mathcal{N}_a \ 0,$ иначе

- На входе этого этапа мы получаем 2 матрицы две матрицы R и Z.
- $N_{at}$  число различных атомных типов в данных.

$$ullet$$
  $K_{ij}^a = egin{cases} 1, Z_{i,j} = \mathcal{N}_a \ 0,$ иначе

$$\bullet \ (K*R)^a_{ij} = R_{ij}K^a_{ij}$$

- На входе этого этапа мы получаем 2 матрицы две матрицы R и Z.
- $N_{at}$  число различных атомных типов в данных.

$$ullet$$
  $K_{ij}^a = egin{cases} 1, Z_{i,j} = N_a \ 0,$ иначе

- $\bullet \ (K*R)^a_{ij} = R_{ij}K^a_{ij}$
- Применив такие операции мы получаем матрицу E размера (N, M,  $N_{at}$ )

## Атомный пулинговый слой

- На входе этого этапа мы получаем матрицу E размера ( $N, M, N_{at}$ ).
- $f_s(r_{ij}) = \exp\left(-\frac{(r_{ij}-r_s)^2}{\sigma_s^2}f_c(r_{ij})\right)$

• 
$$f_s(r_{ij}) = \exp\left(-\frac{(r_{ij}-r_s)^2}{\sigma_s^2}f_c(r_{ij})\right)$$

• 
$$f_s(r_{ij}) = \exp\left(-\frac{(r_{ij}-r_s)^2}{\sigma_s^2}f_c(r_{ij})\right)$$

• 
$$f_c(r_{ij}) = \begin{cases} \frac{1}{2} \cos\left(\frac{\pi r_{ij}}{R_c}\right), 0 < r_{ij} < R_c \\ 0, r_{ij} \ge R_c \end{cases}$$

• 
$$P_{i,n_a,n_r} = \beta_n \sum_{i=1}^{M} f_{n_r}(E_{ijn_a}) + b_{n_r}$$

• 
$$f_s(r_{ij}) = \exp\left(-\frac{(r_{ij}-r_s)^2}{\sigma_s^2}f_c(r_{ij})\right)$$

• 
$$f_c(r_{ij}) = \begin{cases} \frac{1}{2} \cos\left(\frac{\pi r_{ij}}{R_c}\right), 0 < r_{ij} < R_c \\ 0, r_{ij} \ge R_c \end{cases}$$

- $P_{i,n_a,n_r} = \beta_n \sum_{i=1}^{M} f_{n_r}(E_{ijn_a}) + b_{n_r}$
- ullet В итоге мы получаем матрицу P размера  $(N,\ N_a,\ N_r)$

• 
$$f_s(r_{ij}) = \exp\left(-\frac{(r_{ij}-r_s)^2}{\sigma_s^2}f_c(r_{ij})\right)$$

- $P_{i,n_a,n_r} = \beta_n \sum_{i=1}^M f_{n_r}(E_{ijn_a}) + b_{n_r}$
- ullet В итоге мы получаем матрицу P размера ( $N,\ N_a,\ N_r$ )
- $r_s, \sigma_s$  обучаемы параметры.



- На входе этого этапа мы получаем матрицу E размера ( $N,\ M,\ N_{at}$ ).
- $f_s(r_{ij}) = \exp\left(-\frac{(r_{ij}-r_s)^2}{\sigma_s^2}f_c(r_{ij})\right)$
- $f_c(r_{ij}) = \begin{cases} \frac{1}{2} \cos\left(\frac{\pi r_{ij}}{R_c}\right), 0 < r_{ij} < R_c \\ 0, r_{ij} \ge R_c \end{cases}$
- $P_{i,n_a,n_r} = \beta_n \sum_{i=1}^{M} f_{n_r}(E_{ijn_a}) + b_{n_r}$
- ullet В итоге мы получаем матрицу P размера  $(N, N_a, N_r)$
- $r_s, \sigma_s$  обучаемы параметры.
- $\beta, b$  постоянные выбираемые до обучения.

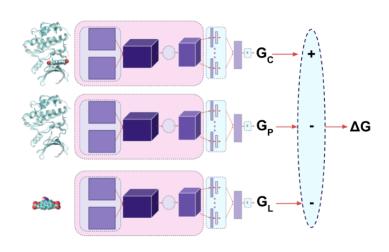
- На входе этого этапа мы получаем матрицу E размера ( $N,\ M,\ N_{at}$ ).
- $f_s(r_{ij}) = \exp\left(-\frac{(r_{ij}-r_s)^2}{\sigma_s^2}f_c(r_{ij})\right)$
- $f_c(r_{ij}) = \begin{cases} \frac{1}{2} \cos\left(\frac{\pi r_{ij}}{R_c}\right), 0 < r_{ij} < R_c \\ 0, r_{ij} \ge R_c \end{cases}$
- $P_{i,n_a,n_r} = \beta_n \sum_{i=1}^{M} f_{n_r}(E_{ijn_a}) + b_{n_r}$
- ullet В итоге мы получаем матрицу P размера  $(N, N_a, N_r)$
- $r_s, \sigma_s$  обучаемы параметры.
- $\beta, b$  постоянные выбираемые до обучения.

- На входе этого этапа мы получаем матрицу E размера (N,  $N_{at}$ ,  $N_r$ ).
- $N_r$  это число различных пулинговых фильтров.

- На входе этого этапа мы получаем матрицу E размера (N,  $N_{at}$ ,  $N_r$ ).
- $N_r$  это число различных пулинговых фильтров.
- Затем строится двухслойная нейронная сеть, одинаковая для всех атомов, и прогоняют через неё матрицу каждого атома  $(1,\ N_{at},\ N_r)$

- На входе этого этапа мы получаем матрицу E размера (N,  $N_{at}$ ,  $N_r$ ).
- $N_r$  это число различных пулинговых фильтров.
- Затем строится двухслойная нейронная сеть, одинаковая для всех атомов, и прогоняют через неё матрицу каждого атома  $(1,\ N_{at},\ N_r)$
- Для каждого атома получаям по скаляру, которые суммируем, это и есть ответ.

# Энергия связи



### Коэффициент детерминации

$$R^{2} = 1 - \frac{\hat{\sigma}^{2}}{\hat{\sigma_{y}}^{2}} = 1 - \frac{SS_{res}/n}{SS_{tot}/n} = 1 - \frac{SS_{res}}{SS_{tot}}$$

$$SS_{res} = \sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \hat{y_{i}})^{2}$$

$$SS_{tot} = \sum_{i=1}^{n} (y_{i} - \bar{y})^{2}$$

$$\bar{y} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} y_{i}$$

 $y_i$  – фактическое значение,  $\hat{y_i}$  – расчётное значение



## Результаты

