

МОСКОВСКИЙ АВИАЦИОННЫЙ ИНСТИТУТ
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ)

Институт №8 «Компьютерные науки и прикладная математика»
Кафедра 806 «Вычислительная математика и программирование»

**Лабораторная работа №1
по курсу “Компьютерная графика”**

Основы 3D графики

Выполнил: В. Н. Шишин
Группа: М8О-310Б-23
Преподаватель: В. Д. Бахарев

Москва, 2025

Условие

В этой лабораторной работе вы познакомитесь с основами 3D-графики: построением простых 3D-объектов, проекцией на 2D-плоскость, а также научитесь работать с матрицами перспективы, ортографической проекции и аффинными преобразованиями.

Вариант задания: Сфера с пульсирующим масштабом. Сгенерировать сферу (~100 вершин, параметрические уравнения). Цвет фиксированный. Перспективная проекция. Анимация: сфера масштабируется по синусоиде ($\sin(\text{time})$). Добавить элементы UI для поворота камеры. Интерполяция цвета между вершинами. Модифицировать вершинный буфер, добавив к каждой вершине атрибут цвета (RGB). В vertex-шейдере передать цвет во fragment-шейдер для интерполяции. Например, для куба можно задать разные цвета углам, чтобы получить градиентный эффект.

Метод решения

Краткое описание задачи

Вариант: сфера с пульсирующим масштабом. Требуется сгенерировать сетку сферы (параметрическая формула), назначить каждой вершине цвет (пер-вершинный RGB), реализовать перспективную проекцию, анимацию масштаба по синусоиде и дать управление положением/ориентацией камеры через UI.

1. Построение сетки сферы:

Сфера строится параметрически по двум параметрам: меридианам (stacks) и параллелям (slices). Для каждой пары параметров вычисляются координаты вершины по формулам:

$$x = r * \sin(\phi) * \cos(\theta)$$

$$y = r * \cos(\phi)$$

$$z = r * \sin(\phi) * \sin(\theta)$$

где $\phi \in [0, \pi]$ (stacks), $\theta \in [0, 2\pi]$ (slices), r — радиус. В реализации (файл main.cpp) используется вложенный цикл по стэкам и слайсам: каждая ячейка сетки разбивается на два треугольника (6 индексов), поэтому применяется индексный буфер для экономии памяти и повторного использования вершин.

2. Интерполяция цвета:

Каждой вершине присваивается атрибут цвета color (RGB). Вершинный буфер содержит структуры Vertex { position, color }. Цвет вычисляется

как простая функция от координат (например, $r = (x + 1) * 0.5$, $g = (y + 1) * 0.5$, $b = (z + 1) * 0.5$). Вершинный шейдер передаёт цвет во фрагментный шейдер; аппаратная интерполяция выдаёт плавный градиент по поверхности.

3. Модель — Вид — Проекция (Model / View / Projection):

- Модельная матрица M_model строится как последовательность аффинных преобразований: масштабирование $S(s)$, поворот $R(axis, angle)$ и трансляция $T(t)$. В коде матрицы реализованы явными функциями `scaleMatrix(s)`, `rotation(axis, angle)` и `translation(t)`, а итог вычисляется как:
 $modelMat = R * (S * T)$ (в коде — композиция матриц через функцию `multiply`).
- Анимация масштаба: масштаб анимируется функцией времени:
 $s(t) = 1.0 + 0.25 * \sin(t)$
Значение $s(t)$ подставляется в модельную матрицу перед отрисовкой.
- Видовая матрица `view` реализована как два поворота по осям (`yaw` и `pitch`):
 $viewMat = R_pitch * R_yaw$
Параметры `yaw` и `pitch` меняются через элементы UI (`ImGui`).
- Проекционная матрица `projection(fov, aspect, near, far)` реализована в коде функцией `projection()` и передаётся в шейдер вместе с `transform = viewMat * modelMat`.

4. Передача данных в шейдер:

Для передачи малых по размеру данных (матрицы проекции, итоговый трансформ, цвет) используется механизм `push constants`. Структура `ShaderConstants` содержит поля `projection` (матрица), `transform` (матрица) и `color` (вектор). В коде данные отправляются вызовом:

```
vkCmdPushConstants(cmd, pipeline_layout, stages, 0, sizeof(ShaderConstants), &constants)
```

5. Взаимодействие с Vulkan (используемые объекты)

Перечень ключевых Vulkan-объектов, используемых в реализации (`main.cpp`):

- `VkBuffer + VkDeviceMemory`: vertex buffer (`VK_BUFFER_USAGE_VERTEX_BUFFER_BIT`) и index buffer (`VK_BUFFER_USAGE_INDEX_BUFFER_BIT`). Буферы создаются и заполняются через функцию `createBuffer(...)`, память выделяется с

флагами `HOST_VISIBLE | HOST_COHERENT` для простой загрузки с CPU.

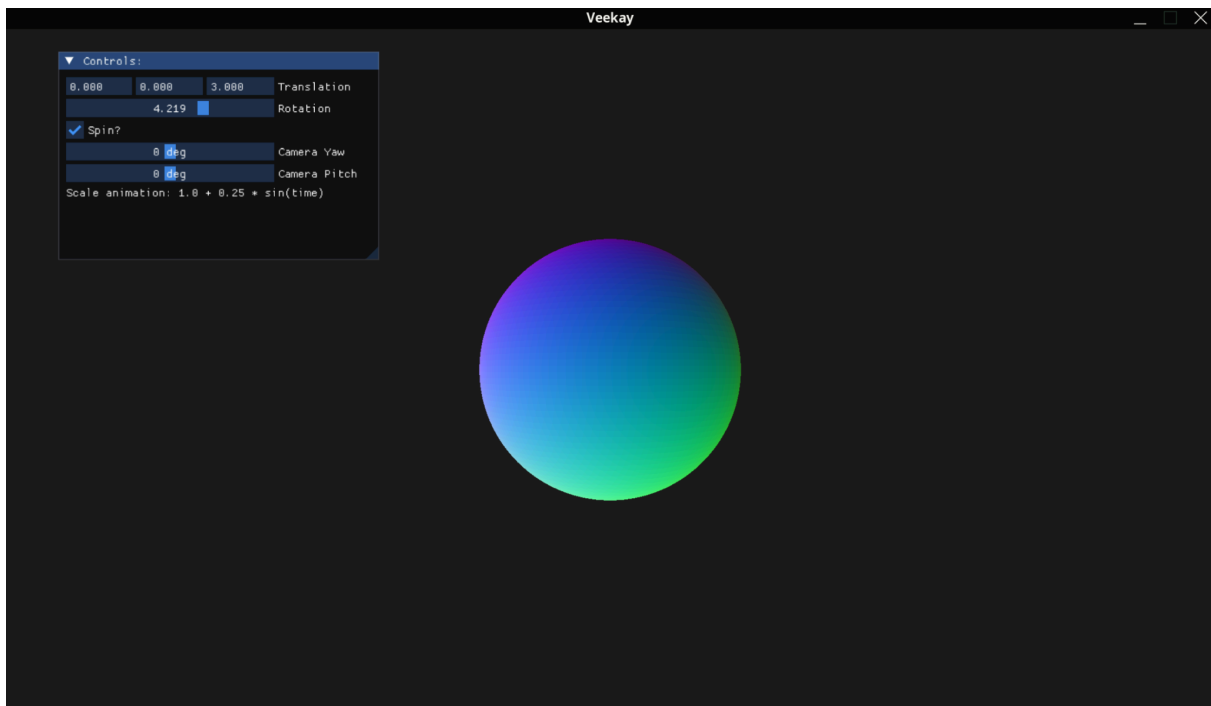
- `VkShaderModule`: загружаются `shader.vert.spv` и `shader.frag.spv` (функция `loadShaderModule()`).
- `VkPipelineLayout`: содержит диапазон `push constants` (`VkPushConstantRange`) для передачи `ShaderConstants`.
- `VkPipeline` (Graphics pipeline): настраивается с `vertex input` (`stride = sizeof(Vertex)`, атрибуты `position` и `color`), `input assembly` (`triangle list`), `rasterization` (`cull back`), `depth/stencil` (`depth test & write enabled`), `viewport/scissor` и связью с `render pass` (`veekay::app.vk_render_pass`).
- Командные буферы и команды отрисовки: `vkCmdBindPipeline`, `vkCmdBindVertexBuffers`, `vkCmdBindIndexBuffer`, `vkCmdPushConstants`, `vkCmdDrawIndexed`.
- `Render pass` и `framebuffer`: используются из фреймворка `veekay` (контекст рендеринга и управление `swarchain` берёт на себя обвязка приложения).

6. Алгоритм выполнения кадра:

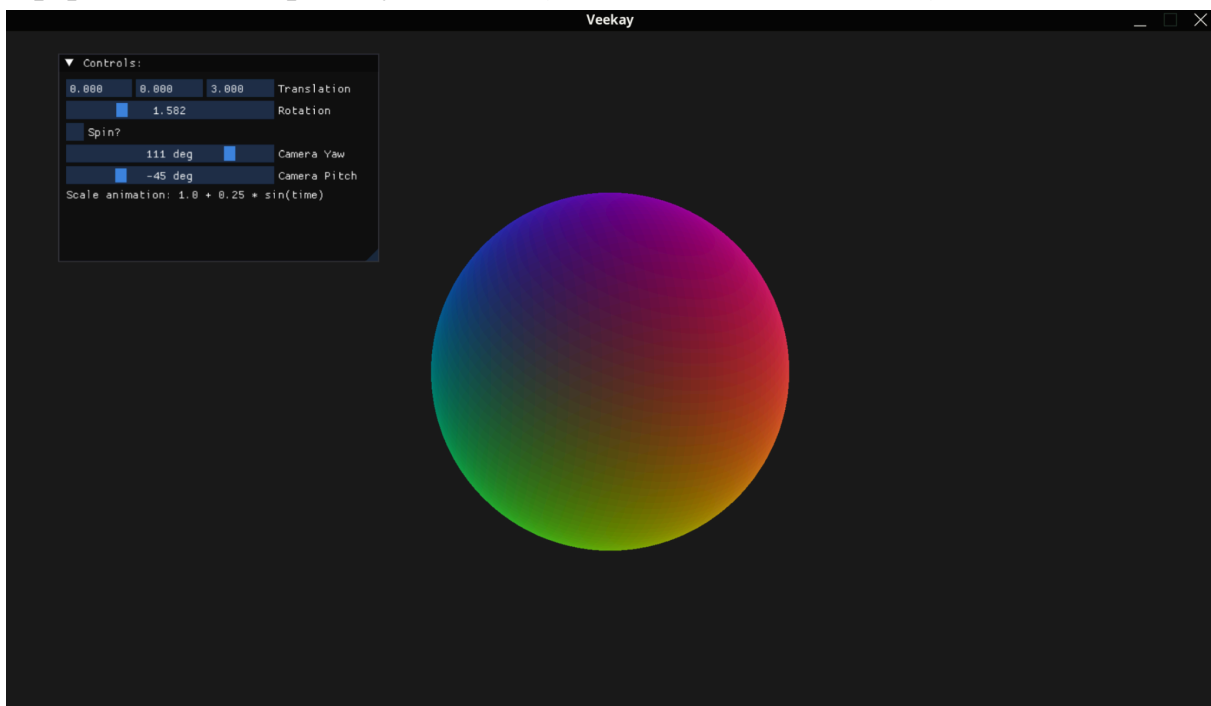
- При инициализации генерируется сетка вершин и индексов сферы, создаются `vertex/index buffers`.
- Каждого кадра: обновляются параметры анимации (`model_scale = 1.0 + 0.25 * sin(time)`; `model_rotation` при включённой анимации), формируются матрицы `model`, `view` и `projection`.
- Формируется структура `ShaderConstants` и отправляется в шейдер через `push constants`.
- Выполняется привязка `pipeline`, буферов и вызывается `vkCmdDrawIndexed` для отрисовки всей сетки.

Результаты

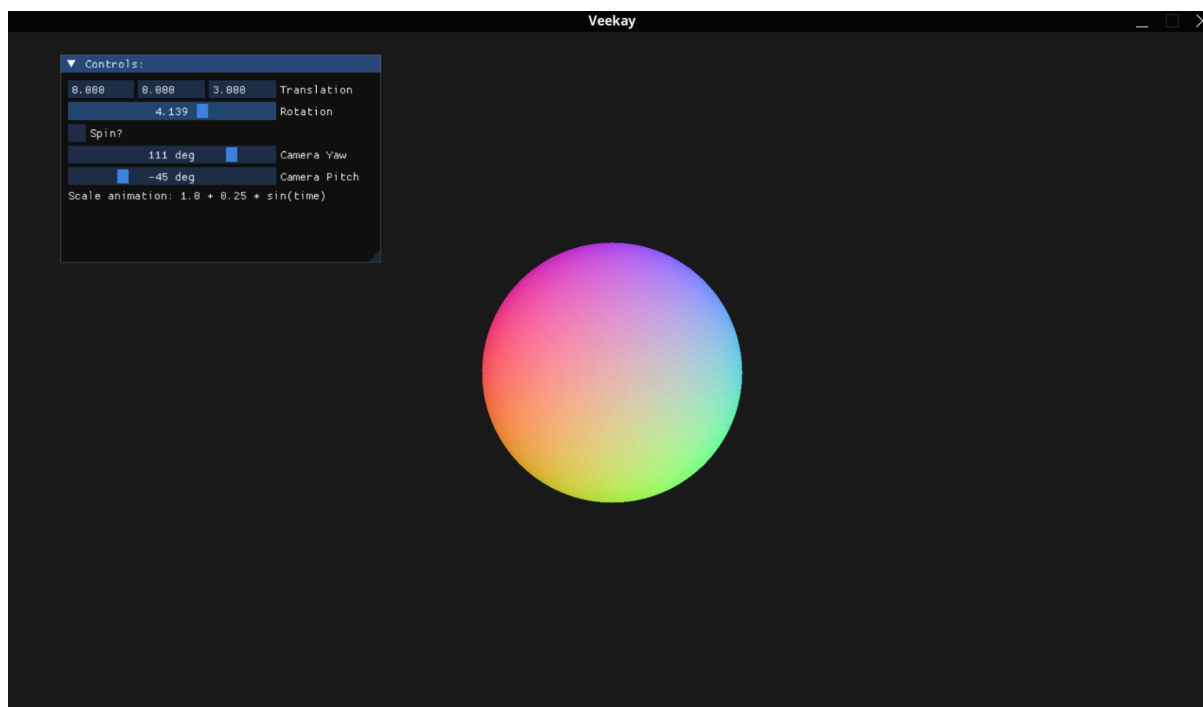
Сцена в исходной конфигурации: сгенерированная параметрически сфера (поля `stacks/slices`) с пер-вершинной окраской, слева видна панель `Control` для управления трансформациями и камерой. Масштаб примерно 1.0, видны плавные градиенты цвета по поверхности.



Сфера в пиковой фазе пульсации (максимальный масштаб).



Сцена с повернутой камерой — проверка view-матрицы и глубинного теста.



Выводы

Я научился генерировать параметрическую сетку сферы и строить для неё индексный буфер, задавать пер-вершинные атрибуты цвета и получать их аппаратную интерполяцию в шейдерах; формировать и комбинировать модельную, видовую и перспективную матрицы, а также реализовывать анимированную шкалу модели $s(t)=1.0+0.25 \cdot \sin(t)$. Практически освоил создание и загрузку vertex/index буферов в Vulkan, настройку графического пайплайна и передачу небольших структур в шейдеры через push-constants; научился управлять камерой через ImGui и проверять корректность глубинного теста и видовых преобразований. В результате получено работающее приложение, демонстрирующее базовые принципы 3D-рендеринга и готовое для включения в отчёт.