

МОСКОВСКИЙ АВИАЦИОННЫЙ ИНСТИТУТ  
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ)

Институт №8 «Компьютерные науки и прикладная математика»  
Кафедра 806 «Вычислительная математика и программирование»

**Лабораторная работа №1  
по курсу “Компьютерная графика”**

*Основы 3D графики*

Выполнил: В. Н. Шиширин  
Группа: М8О-310Б-23  
Преподаватель: В. Д. Бахарев

Москва, 2025

## Условие

В этой лабораторной работе вы познакомитесь с основами 3D-графики: построением простых 3D-объектов, проекцией на 2D-плоскость, а также научитесь работать с матрицами перспективы, ортографической проекции и аффинными преобразованиями.

Вариант задания: Сфера с пульсирующим масштабом. Сгенерировать сферу (~100 вершин, параметрические уравнения). Цвет фиксированный. Перспективная проекция. Анимация: сфера масштабируется по синусоиде ( $\sin(\text{time})$ ). Добавить элементы UI для поворота камеры. Интерполяция цвета между вершинами. Модифицировать вершинный буфер, добавив к каждой вершине атрибут цвета (RGB). В vertex-шейдере передать цвет во fragment-шейдер для интерполяции.

Например, для куба можно задать разные цвета углам, чтобы получить градиентный эффект.

## Метод решения

Краткое описание задачи

Вариант: сфера с пульсирующим масштабом. Требуется сгенерировать сетку сферы (параметрическая формула), назначить каждой вершине цвет (пер-вершинный RGB), реализовать перспективную проекцию, анимацию масштаба по синусоиде и дать управление положением/ориентацией камеры через UI.

### 1. Построение сетки сферы:

Сфера строится параметрически по двум параметрам: меридианам (stacks) и параллелям (slices). Для каждой пары параметров вычисляются координаты вершины по формулам:

$$x = r * \sin(\phi) * \cos(\theta)$$

$$y = r * \cos(\phi)$$

$$z = r * \sin(\phi) * \sin(\theta)$$

где  $\phi \in [0, \pi]$  (stacks),  $\theta \in [0, 2\pi]$  (slices),  $r$  — радиус. В реализации (файл main.cpp) используется вложенный цикл по стэкам и слайсам: каждая ячейка сетки разбивается на два треугольника (6 индексов), поэтому применяется индексный буфер для экономии памяти и повторного использования вершин.

### 2. Интерполяция цвета:

Каждой вершине присваивается атрибут цвета color (RGB). Вершинный буфер содержит структуру Vertex { position, color }. Цвет вычисляется

как простая функция от координат (например,  $r = (x + 1) * 0.5$ ,  $g = (y + 1) * 0.5$ ,  $b = (z + 1) * 0.5$ ). Вершинный шейдер передаёт цвет во фрагментный шейдер; аппаратная интерполяция выдаёт плавный градиент по поверхности.

### 3. Модель — Вид — Проекция (Model / View / Projection):

- Модельная матрица  $M_{model}$  строится как последовательность аффинных преобразований: масштабирование  $S(s)$ , поворот  $R(axis, angle)$  и трансляция  $T(t)$ . В коде матрицы реализованы явными функциями `scaleMatrix(s)`, `rotation(axis, angle)` и `translation(t)`, а итог вычисляется как:  
$$modelMat = R * (S * T)$$
 (в коде — композиция матриц через функцию `multiply`).
- Анимация масштаба: масштаб анимируется функцией времени:  
$$s(t) = 1.0 + 0.25 * \sin(t)$$
Значение  $s(t)$  подставляется в модельную матрицу перед отрисовкой.
- Видовая матрица  $view$  реализована как два поворота по осям ( $yaw$  и  $pitch$ ):  
$$viewMat = R_{pitch} * R_{yaw}$$
Параметры  $yaw$  и  $pitch$  меняются через элементы UI (`ImGui`).
- Проекционная матрица  $projection(fov, aspect, near, far)$  реализована в коде функцией `projection()` и передаётся в шейдер вместе с  $transform = viewMat * modelMat$ .

### 4. Передача данных в шейдер:

Для передачи малых по размеру данных (матрицы проекции, итоговый трансформ, цвет) используется механизм `push constants`. Структура `ShaderConstants` содержит поля `projection` (матрица), `transform` (матрица) и `color` (вектор). В коде данные отправляются вызовом:

```
vkCmdPushConstants(cmd, pipeline_layout, stages, 0,  
sizeof(ShaderConstants), &constants)
```

### 5. Взаимодействие с Vulkan (используемые объекты)

Перечень ключевых Vulkan-объектов, используемых в реализации (`main.cpp`):

- `VkBuffer + VkDeviceMemory`: vertex buffer (`VK_BUFFER_USAGE_VERTEX_BUFFER_BIT`) и index buffer (`VK_BUFFER_USAGE_INDEX_BUFFER_BIT`). Буферы создаются и заполняются через функцию `createBuffer(...)`, память выделяется с

флагами HOST\_VISIBLE | HOST\_COHERENT для простой загрузки с CPU.

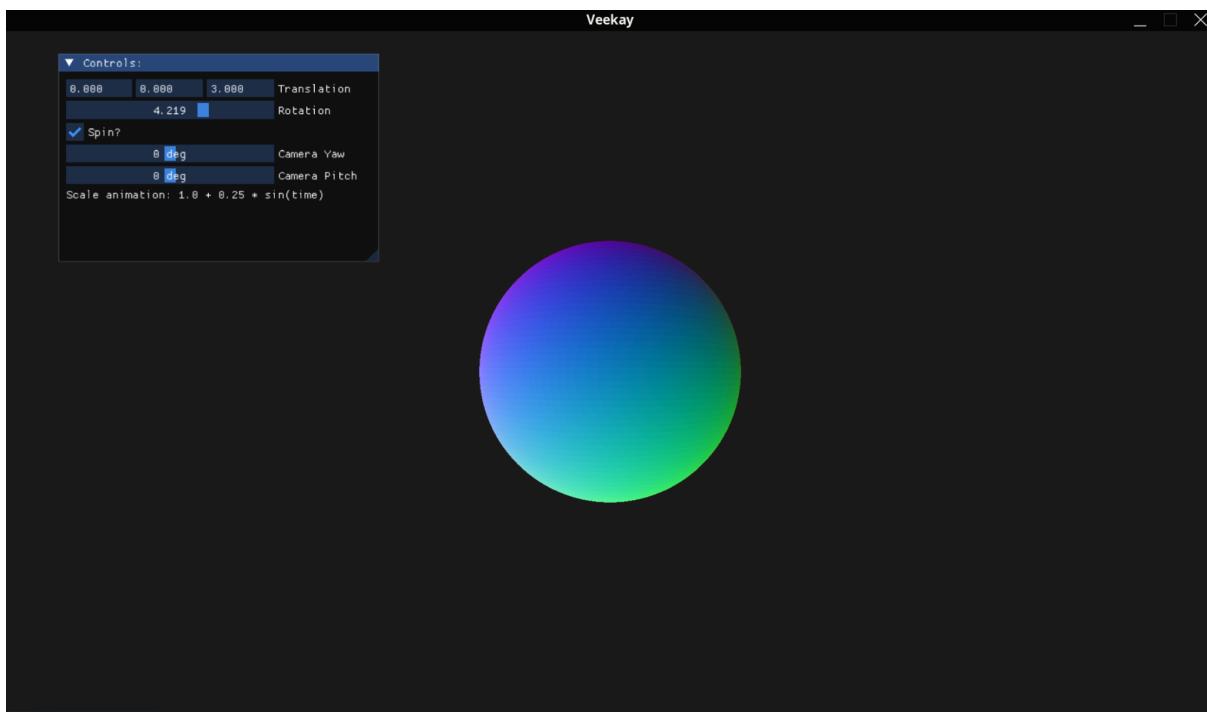
- VkShaderModule: загружаются shader.vert.spv и shader.frag.spv (функция loadShaderModule()).
- VkPipelineLayout: содержит диапазон push constants (VkPushConstantRange) для передачи ShaderConstants.
- VkPipeline (Graphics pipeline): настраивается с vertex input (stride = sizeof(Vertex), атрибуты position и color), input assembly (triangle list), rasterization (cull back), depth/stencil (depth test & write enabled), viewport/scissor и связью с render pass (veekay::app.vk\_render\_pass).
- Командные буферы и команды отрисовки: vkCmdBindPipeline, vkCmdBindVertexBuffers, vkCmdBindIndexBuffer, vkCmdPushConstants, vkCmdDrawIndexed.
- Render pass и framebuffer: используются из фреймворка veekay (контекст рендеринга и управление swapchain берёт на себя обвязка приложения).

## 6. Алгоритм выполнения кадра:

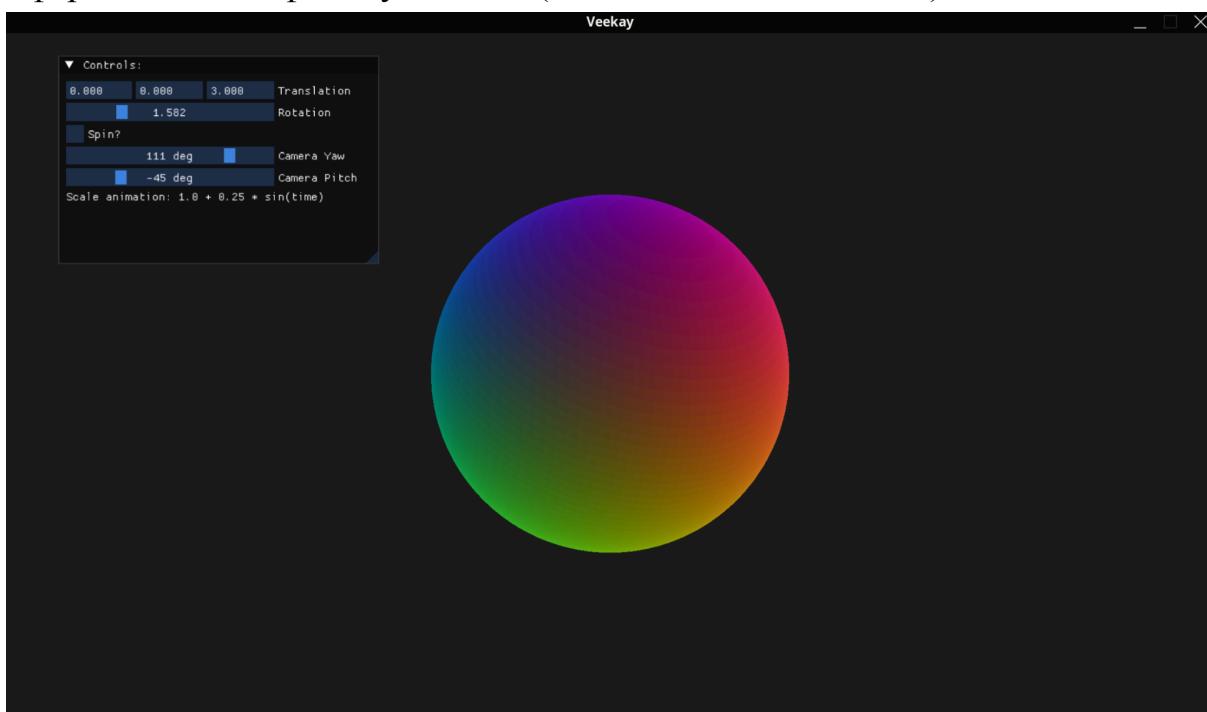
- При инициализации генерируется сетка вершин и индексов сферы, создаются vertex/index buffers.
- Каждого кадра: обновляются параметры анимации (model\_scale = 1.0 + 0.25 \* sin(time); model\_rotation при включённой анимации), формируются матрицы model, view и projection.
- Формируется структура ShaderConstants и отправляется в шейдер через push constants.
- Выполняется привязка pipeline, буферов и вызывается vkCmdDrawIndexed для отрисовки всей сетки.

## Результаты

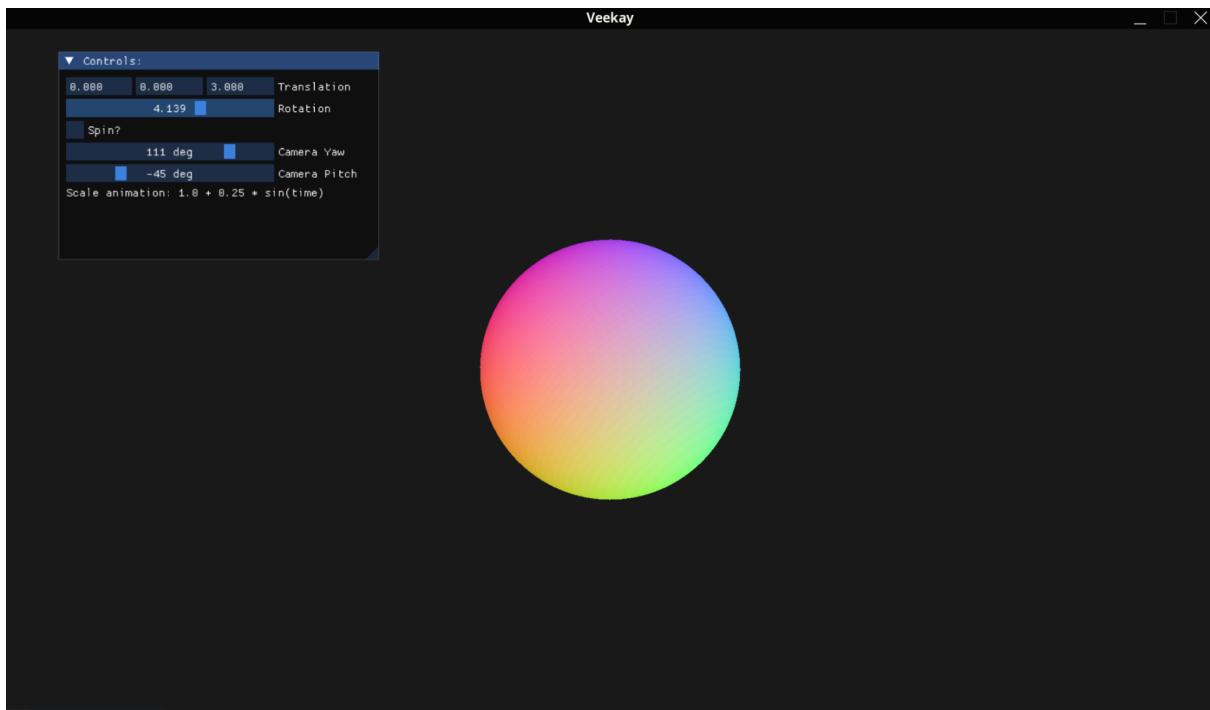
Сцена в исходной конфигурации: сгенерированная параметрически сфера (поля stacks/slices) с пер-вершинной окраской, слева видна панель Control для управления трансформациями и камерой. Масштаб примерно 1.0, видны плавные градиенты цвета по поверхности.



Сфера в пиковой фазе пульсации (максимальный масштаб).



Сцена с повернутой камерой — проверка view-матрицы и глубинного теста.



## Выводы

Я научился генерировать параметрическую сетку сферы и строить для неё индексный буфер, задавать пер-вершинные атрибуты цвета и получать их аппаратную интерполяцию в шейдерах; формировать и комбинировать модельную, видовую и перспективную матрицы, а также реализовывать анимированную шкалу модели  $s(t)=1.0+0.25\cdot\sin(t)$ . Практически освоил создание и загрузку vertex/index буферов в Vulkan, настройку графического пайплайна и передачу небольших структур в шейдеры через push-constants; научился управлять камерой через ImGui и проверять корректность глубинного теста и видовых преобразований. В результате получено работающее приложение, демонстрирующее базовые принципы 3D-рендеринга и готовое для включения в отчёт.