



컴퓨터프로그래밍 보충 자료

최광훈

연세대학교 원주캠퍼스
컴퓨터정보통신공학부



목차

- 재귀 함수
- 포인터
- 전 처리기
- 식과 문장

재귀 함수 - 귀납법

□ 귀납법(induction) 증명의 예

- 모든 n 에 대해 명제 $P(n)$ 이 참임을 증명
 - “ 1부터 n 까지의 합은 $n(n+1)/2$ ”
 - $P(n) : \sum_{i=1}^n i = \frac{n(n+1)}{2}$
- $n=1$ 일 때 : $1 = \frac{1(1+1)}{2}$ (cf. $P(1)$ 이 참)
- $n=k$ 일 때 : 이 명제가 성립한다고 가정하고 $n=k+1$ 일 때도 성립함을 보임 (cf. $P(k)$ 가 참이면 $P(k+1)$ 도 참)
 - $\sum_{i=1}^k i = \frac{k(k+1)}{2}$ 을 참이라고 가정하고,
 - $\sum_{i=1}^{k+1} i = \sum_{i=1}^k i + (k+1) = \frac{k(k+1)}{2} + (k+1) = \frac{(k+1)(k+2)}{2}$

□ 귀납법(induction) 증명

- 모든 n 에 대해 주어진 명제 $P(n)$ 이 참임을 아래의 단계로 증명
 - $P(1)$ 이 참임을 증명하고, (base case)
 - $P(k)$ 가 참이라 가정하고 $P(k+1)$ 이 참임을 증명 (inductive case)
 - cf. $P(k) \Rightarrow P(k+1)$ 을 증명

재귀 함수

□ 재귀 함수와 귀납법(induction)의 유사성 활용

- 1부터 N까지 합을 구하는 함수 $\text{sum}(N)$ 을 작성하는 예

$\text{sum}(N) = N(N+1)/2$ 임을 증명

$N=1$)

$$\text{sum}(1) = 1*2/2 = 1$$

$N=k-1$)

$$\text{sum}(k-1) = (k-1)((k-1)+1)/2$$

라고 가정하면,

$N=k$)

$$\begin{aligned}\text{sum}(k) &= \text{sum}(k-1) + k \\ &= (k-1)k/2 + k \\ &= k(k+1)/2 \text{ 가 성립}\end{aligned}$$

따라서 모든 N 에 대해
 $\text{sum}(N) = N(N+1)/2$ 이다.

```
int sum(N) {
```

```
    if (N == 1)
```

```
        return 1;
```

```
    else {
```

```
        /* 함수 호출 sum(N-1)이  
        1부터 N-1까지의 합을  
        리턴 한다 가정하고, */  
        return sum(N-1) + N
```

```
    }
```

```
}
```

따라서 모든 N 에 대해
 $\text{sum}(N)$ 은 1~ N 까지 합이다.



재귀 함수

□ 재귀함수를 이해하는 한 가지 요령

- 재귀함수 안에서 “base case”와 “inductive case”를 구분해서 파악
 - cf. 귀납법에서 $n=1$, $n=k$ 의 경우 구분
- “inductive case”에서 이뤄지는 재귀함수 호출에서 결과 값이 제대로 반환된다고 가정하고 살펴봄
 - cf. 귀납법에서 k 의 경우에 성립한다고 가정하고 $k+1$ 의 경우도 성립하는지 살펴봄

□ 아래 재귀함수 예제를 위의 요령으로 이해하기

- 재귀함수 fib (교재 5장, 종합문제 8번)
- 재귀함수 gcd (교재 5장 9절, 예제 5.19번)
- 재귀함수 printdigit (교재 5장 9절, 예제 5.20번)
- 재귀함수 hanoi (교재 5장 8절, 예제 5.13번)

포인터

□ 포인터 자료형의 *를 변수 이름 앞이 아닌 자료형 뒤에 붙임

- `int *p;`
 - `int *p; ==> int* p;`
- `int main(int argc, char *argv[]) { ... }`
 - `char *argv[] ==> char* argv[]`

□ 포인터 규칙과 오류 여부 판단

- `e`의 자료형이 `T` ==> `&e`의 자료형은 `T*` (`e`는 식, `T`는 자료형)
 - 예: `int x;` `x`의 자료형이 `int` ==> `&x`의 자료형은 `int*`
- `e`의 자료형이 `T*` ==> `*e`의 자료형은 `T`
 - 예: `int* p;` `p`의 자료형이 `int*` ==> `*p`의 자료형은 `int`
- 배열 타입은 포인터 타입과 동일 (cf. `const` 수정자의 유무는 다름)
 - `argv`는 `char*[]` 타입 또는 `char**` 타입
 - `*argv`는 `char*` 타입, `**argv`는 `char` 타입
- 치환문(=)의 오른쪽과 왼쪽의 자료형은 동일해야 함
 - `p = 10;` => `p`는 `int*` 타입, `10`은 `int` 타입.
 - `printf("%c", argv[0]);` => `%c`는 `char` 자료형, `argv[0]`은 `char*` 자료형.

전처리기

- 전처리를 통해 MyFile.c가 MyFile.i로 변환 (교재 11장에서 발췌)

MyFile.c

```
#define PI 3.141592
#define PRterr() \
    printf("에러가 발생\n");
#define LOOP while (1)

a = 2 * PI * r;
PRterr();
LOOP { ... }

#define mul(a,b) (a)*(b)
#define putint(x) \
    printf("%d", (x));

x = mul(100,n);
y = mul(a+b,c-d);
putint(d);
```

MyFile.i

```
a = 2 * 3.141592 * r;
printf("에러가 발생\n");
while(1) { ... }

x = (100) * (n);
y = (a+b) * (c-d);
printf("%d", (d));
```

식과 문장

□ 식과 문장의 유사점과 차이점

- 유사점 : 식에 ;을 붙이면 문장이 됨
 - 예) `x = 1 ;` // 치환문 \implies 치환식에 ;을 붙임
 - 예) `f() ;` // 함수 호출문 \implies 함수 호출 식에 ;을 붙임
- 차이점 : 식을 계산하면 반드시 결과값이 있음
 - 예) `y = x = 3;` // 식 “`x = 3`”의 결과값은 3
 - 예) `y = x == 10 ;` // 식 “`x == 10`”의 결과값은 0 또는 1
- 결과 값과 Side effect는 서로 독립적인 개념
 - `x == 1` : 식의 결과값은 0 또는 1, x의 값은 불변(side effect는 없음)
 - `x = 1` : 치환식의 결과값은 1, x에 1을 할당(side effect)
 - `x++` : 결과값은 변수 x의 값, x의 값을 1 증가(side effect)
 - 예: `x=7; (x++) + 1` \implies 결과값 8, x의 값 8
 - `++x` : 결과값은 x+1의 값, x의 값을 1 증가 (side effect)
 - 예: `x=7; (++x) + 1` \implies 결과값 9, x의 값 8