데이터 통계 분석 기초 2

환경생태데이터사이언스 실습 November 19, 2019

오늘의 학습 목표

R을 이용한 자료의 통계적 해석

- 1. 상관분석
- 2. 단순 회귀분석

상관분석

상관분석 (Correlation Analysis)

- 상관분석¹
 - 특정한 변수들 사이의 관계 분석
 - 1. 서로 관계가 있는가?
 - 2. 어느 정도의 관계를 갖고 있는가?
 - 관계: 변수 간 밀접한 상호작용의 결과물
 - 상관분석을 통해 각 변수에 대한 이해도 높임.
 - 변수의 변화에 대한 설명력 혹은 예측력 향상.

¹출처: R을 활용한 기초 환경자료 분석 및 시각화

상관분석의 목적

- 1. 상시 측정 수질 항목 중 조류 발생량과 연관이 높은 항목은?
- 2. 내 몸무게와 연관이 높은 생활습관은?
- 3. 자동차의 제동거리와 연관 관계가 높은 요소는?

상관계수 (Correlation coefficient)

- 상관계수²
 - 두 변수의 관련성 정도.
 - 대표적인 방법
 - 1. 피어슨 (Pearson) 상관계수
 - 2. 스피어만 (Spearman) 상관계수
 - 3. 켄달 (Kendal) 상관계수
 - 일반적으로 상관계수는 피어슨 상관계수를 의미.
 - 상관계수는 -1 ~ 1 사이의 값을 갖는다.
 - 1에 가까울수록 높은 양의 상관관계.
 - -1에 가까울수록 높은 음의 상관관계.
 - 0에 가까울수록 두 변수는 독립적이며 서로 관계가 없다.
 - 상관계수는 인과관계에 대한 어떤 정보도 제공하지 않는다.

²출처: R을 활용한 기초 환경자료 분석 및 시각화

피어슨 상관분석의 가정

- 피어슨 상관분석의 기본 가정3
 - 1. 두 변수의 모분포는 정규분포 (정규성)
 - 2. 두 변수는 직선관계를 이룬다 (선형성)
- 두 변수의 비선형 상관관계 → 스피어만 상관계수
- 쌍을 이루는 두 변수의 상관관계 → 켄달 상관계수

³출처: R을 활용한 기초 환경자료 분석 및 시각화

상관계수 검정

- 상관계수 검정⁴
 - 상관계수의 절댓값이 어느 수준에 미쳐야 실질적으로 상관관계에 있는 것인가?
 - 절대적인 상관계수 크기는 존재하지 않음.
 - 상관계수 검정을 통해 상관계수의 통계적 유의성 검정
 - p value가 0.05 이하이면 "상관계수가 0"이라는 귀무가설 기각.
 - R에서는 cor.test를 이용하여 검정.

⁴출처: R을 활용한 기초 환경자료 분석 및 시각화

미세먼지 측정 자료를 이용한 상관관계 분석

- 미세 먼지가 높은 날에는 다른 오염물질도 높을까?
- 미세 먼지와 가장 연관성이 높은 오염물질은 무엇일까?

```
# Read Data
AirKoreaData <- read.csv("./Data/AirQuality.csv", header=T)
# Remove all rows which have at least one "NA"
AirKoreaData <- na.omit(AirKoreaData)
# Calculate correlation between PM10 and PM2.5
# Check normality
# lapply(AirKoreaData[,2:7], FUN=shapiro.test)</pre>
```

미세먼지 간 상관관계 분석

```
# Check correlation between PM10 and PM2.5
#cor(AirKoreaData$PM10, AirKoreaData$PM2 5, method="pearson")
cor.test(AirKoreaData$PM10, AirKoreaData$PM2 5, method="pearson")
##
    Pearson's product-moment correlation
##
##
## data: AirKoreaData$PM10 and AirKoreaData$PM2_5
## t = 17.427, df = 325, p-value < 2.2e-16
## alternative hypothesis: true correlation is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## 0.6343998 0.7471706
## sample estimates:
##
         cor
## 0.6950357
```

미세먼지(PM10)와 이산화질소 간 상관관계 분석

```
# Check correlation between PM10 and NO2
#cor(AirKoreaData$PM10, AirKoreaData$N02, method="pearson")
cor.test(AirKoreaData$PM10, AirKoreaData$NO2, method="pearson")
##
    Pearson's product-moment correlation
##
##
## data: AirKoreaData$PM10 and AirKoreaData$NO2
## t = 1.8758, df = 325, p-value = 0.06158
## alternative hypothesis: true correlation is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
##
    -0.005024136 0.209596814
## sample estimates:
##
         cor
## 0.1034908
```

미세먼지(PM2.5)와 이산화질소 간 상관관계 분석

```
# Check correlation between PM2.5 and NO2
#cor(AirKoreaData$PM2 5, AirKoreaData$N02, method="pearson")
cor.test(AirKoreaData$PM2 5, AirKoreaData$NO2, method="pearson")
##
    Pearson's product-moment correlation
##
##
## data: AirKoreaData$PM2_5 and AirKoreaData$NO2
## t = 4.614, df = 325, p-value = 5.692e-06
## alternative hypothesis: true correlation is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## 0.1433418 0.3470708
## sample estimates:
##
         cor
## 0.2479456
```

모든 요소간 상관관계 분석

cor(AirKoreaData[,2:7], method="pearson")

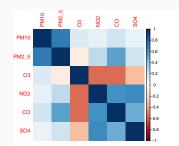
```
##
              PM10
                        PM2_5
                                      03
                                                N<sub>0</sub>2
        1.00000000 0.6950357 0.1630690 0.1034908
## PM10
## PM2 5 0.69503571 1.0000000 -0.1055996 0.2479456
##
  03
        0.16306901 -0.1055996 1.0000000 -0.5609327
## NO2
       0.10349084 0.2479456 -0.5609327 1.0000000
## CO
        0.19126634 0.5276100 -0.5737108 0.5973933
## S04
        0.08683864 0.2033191 -0.3118459 0.6250192
                           S04
##
                CO
## PM10 0.1912663 0.08683864
## PM2 5 0.5276100 0.20331914
## 03
        -0.5737108 -0.31184589
## NO2
         0.5973933 0.62501918
## CO
         1.0000000 0.48658100
## S04
         0.4865810 1.00000000
```

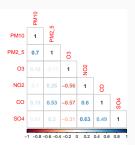
PM2.5와 일산화탄소 간 상관관계 분석

```
cor.test(AirKoreaData$PM2 5, AirKoreaData$CO, method="pearson")
##
    Pearson's product-moment correlation
##
##
## data: AirKoreaData$PM2 5 and AirKoreaData$CO
## t = 11.197, df = 325, p-value < 2.2e-16
## alternative hypothesis: true correlation is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## 0.4445927 0.6016404
## sample estimates:
##
       cor
## 0.52761
```

Check significance of correlations between PM2.5 and others, statis

corrplot 패키지를 이용한 시각화.





회귀분석

회귀분석 (Regression analysis)

- 회귀 (regression)⁵
 - 유전학자 프란시스 골턴의 유전 법칙 연구 중 나온 명칭
 - 한 세대의 유전적 형질은 그 세대의 평균으로 접근한다.
 - "평균으로의 회귀 (Regression toward mean)"
- 회귀분석
 - 한 개 또는 그 이상의 변수 (독립변수)에 대한 다른 변수 (종속변수) 사이의 관계.
 - 변수간 관계를 수학적 모형으로 산출
 - 상관분석과 다르게 변수간의 관계를 이용하여 무엇인가를 예측.
 - 단순회귀분석/다중회귀분석
 - 선형회귀분석/비선형회귀분석
 - 인과 관계를 나타내지는 않는다.
- R에서는 lm 함수를 이용하여 회귀분석이 가능하다.

⁵출처: R을 활용한 기초 환경자료 분석 및 시각화

회귀분석의 목적

- 1. 조류 발생량과 상관관계가 높은 수질 항목들로 수학적 함수를 만들 수 있을까?
- 2. 만들 수 있다면 향후 조류 발생량을 예측 가능한가?
- 3. 미세먼지에 영향을 주는 환경 요소들은 무엇일까?
- 4. 환경 요소들을 어떻게 조절하면 우리가 원하는 수준의 미세먼지 농도로 낮출 수 있을까?
- 5. 자동차 제동거리와 상관관계가 높은 항목들을 이용하여 차량 간 안전거리를 제시할 수 있을까?

회귀분석의 기본 가정

- 회귀식의 구조
 - $Y_i = \beta_0 + \beta_1 X_{i1} + \beta_2 X_{i2} + \dots + \beta_p X_{ip} + \epsilon_i$
- 회귀분석의 기본 가정
 - 독립변수와 종속변수 간에는 통계적으로 유의한 상관관계가 존재한다.
 - 잔차 (residuals)의 평균은 0이며, 분산은 σ^2 인 정규분포를 따라야 한다.
 - 잔차는 모든 i에 대해 평균과 분산이 일정하다.
 - 다중 회귀분석의 경우 각 독립변수 간에는 다중공선성 (multicollinearity)가 적어야 한다.

선형 회귀 분석과 최소 자승법 (Least square method)

- 선형 회귀는 수학적으로 잔차 즉 오차의 합이 가장 작게 만드는 식을 선택하는 것이다.
 - $\sum (Y_i \beta_0 \beta_1 X_i)^2$
 - RSS: Residual sum of squares (잔차 제곱합)

자동차의 주행 속도에 따른 제동 거리 예측 (데이터 호출)

```
# Use "cars" data embedded in R
data(cars)
# Check data using head function.
head(cars)
```

```
## speed dist
## 1 4 2
## 2 4 10
## 3 7 4
## 4 7 22
## 5 8 16
## 6 9 10
```

Data has two columns of "speed" and "dist".

자동차의 주행 속도에 따른 제동 거리 예측 (모형 작성 및 평가)

```
# Create the model
TestModel <- lm(dist ~ speed, data = cars)
summary(TestModel)
##
## Call:
## lm(formula = dist ~ speed, data = cars)
##
## Residuals:
## Min 10 Median 30
                                   Max
## -29.069 -9.525 -2.272 9.215 43.201
##
## Coefficients:
             Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
## (Intercept) -17.5791 6.7584 -2.601 0.0123 *
## speed 3.9324 0.4155 9.464 1.49e-12 ***
## ---
```

회귀분석과 결정계수

- 결정 계수 (Coefficient of determination: \mathbb{R}^2)
 - Y_i 의 총변동에 대비해 회귀모형이 얼마나 그 변동을 설명하는지 알려준다 (설명력)
 - 총제곱합 (SST: Total sum of squares) = $\sum (Y_i \bar{Y})^2$
 - 회귀제곱합 (SSR: Sum of squares due to Regression) = $\sum (\hat{Y}_i \bar{Y})^2$
 - $R^2 = \frac{SSR}{SST}$
 - 결정계수는 독립 변수 숫자가 커짐에 따라 늘어나는 경향이 있다.
 - $R_{adjusted}^2 = 1 \frac{RSS/(n-k-1)}{SST/(n-1)}$

자동차의 주행 속도에 따른 제동 거리 예측 (최종 모형)

- 위의 모형에 따른 주행 속도와 제동 거리간의 관계식
 - $dist = -17.759 + 3.932 \times speed + \epsilon$

자동차의 주행 속도에 따른 제동 거리 예측 (모형 확인)

```
# Check regression coefficient
coef(TestModel)
## (Intercept)
                 speed
## -17.579095 3.932409
# Check the fitted values for each predictor values.
fitted(TestModel)[1:5]
##
## -1.849460 -1.849460 9.947766 9.947766 13.880175
# Check residuals of the model for each predictor values.
residuals(TestModel)[1:5]
##
```

3.849460 11.849460 -5.947766 12.052234 2.119825

##

자동차의 주행 속도에 따른 제동 거리 예측 (모형 확인2)

```
# fitted value + residual = measured distance
(fitted(TestModel) + residuals(TestModel))[1:5] == cars$dist[1:5]
## 1 2 3 4 5
## TRUE TRUE TRUE TRUE TRUE
# Check confidential interval of the model
confint(TestModel)
##
                   2.5 % 97.5 %
## (Intercept) -31.167850 -3.990340
## speed
         3.096964 4.767853
# RSS of the model
deviance(TestModel)
## [1] 11353.52
```

자동차의 주행 속도에 따른 제동 거리 예측 (예측)

• 회귀식을 통한 예측 (predict)

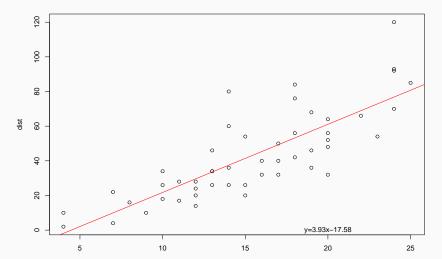
1 179.0413 136.4865 221.5962

```
# prediction without consideration of residuals
predict(TestModel, newdata=data.frame(speed=c(seq(50,100,10))), inter
         fit
##
                 lwr
                            upr
## 1 179,0413 149,8060 208,2766
## 2 218.3654 180.8489 255.8820
## 3 257,6895 211,8651 303,5139
## 4 297,0136 242,8670 351,1602
## 5 336.3377 273.8603 398.8151
## 6 375,6618 304,8480 446,4755
# prediction considering residuals
predict(TestModel, newdata=data.frame(speed=c(seq(50,100,10))), inter
         fit
##
                   lwr
                            upr
```

모형 가정 평가 및 이상치 확

```
# Check using plot of the model
# plot(TestModel)
# Check outliers using "car" package
# install.packages("car")
library(car)
outlierTest(TestModel)
## No Studentized residuals with Bonferroni p < 0.05
## Largest |rstudent|:
##
     rstudent unadjusted p-value Bonferroni p
## 49 3.184993
                       0.0025707 0.12853
```

```
plot(dist ~ speed, data = cars) # Draw scatter plot
abline(TestModel, col="red") # add regression line
text(x=20, y=0, "y=3.93x-17.58") # add text
```



시각화

TestPlot

