Πείραμα 2 και ημερολόγιο συναντήσεων μετά τις 28 Φεβρουαρίου 2023

Κώστας Παπαδόπουλος

Πειραιάς, 2030

Contents

1	Περιγραφή	3
2	Δεδομένα 2.1 Πηγές δεδομένων	
3	Πειράματα	5
4	Αποτελέσματα 4.1 Πείραμα 1 4.2 Πείραμα 2 4.3 Πείραμα 3 4.4 Πείραμα 4	7 7
5	Προτάσεις	10
6	Ένθετο	10
7	Επανεκίνηση μετά τα Χριστούγεννα	11
8	Δοκιμές για διαφορετικά βάρη στις παραμέτρους	13
9	Για τη 31η Γενάρη	14
10	ΤιΑ την 28η Φεβρουαρίου 10.1 Αλλαγή 1	19
11	. Για τη ${f 14\eta}$ Μαρτίου ${f 11.1}$ Πίναχας ${f r}^2$ με βέλτιστα επιλεγμένα βάρη	23 23

	11.2	Οπτιχοποίηση δεδομένων	5
		11.2.1 Πληθυσμός	5
		11.2.2 Πληθωρισμός	7
		11.2.3 Total energy Supply	
		11.2.4 GDP per capita	
		11.2.5 Verified emissions	
		11.2.6 Agriculture	
		11.2.7 Industry	
		11.2.8 Manufacturing	
12	Για	την 21η Μαρτίου	7
		Γιατί η Πολωνία και η Γαλλία αποτυγχάνουν να εξηγήσουν τις άλλες πριν το 2012;	
		Τα βέλτιστα βάρη για όλα τα σενάρια	
	12.2	Τα ρολιώντα ραφή για όλα τα συναρία	
13	Γ ια	την 28η Μαρτίου	9
		Τι όντως έχανα	9
	13.2	PPS (Purchasing Power Standards)	9
		13.2.1 Χρήση PPS	
		13.2.2 Υπολογισμός	
	13.3	Power Intensity	
	13.4	Γ ια την επόμενη φορά	C
		13.4.1 Σε δεύτερο χρόνο	
		13.4.2 Άμεσα, για το τετρασέλιδο	
14		τις 4 Απριλίου 4	
	14.1	Συσταδοποίηση (έπρεπε)	1
		14.1.1 Πλήθος συστάδων	1
		14.1.2 Βέλτιστες συστάδες	3
		14.1.3 Συστάδες, αν όλα τα δεδομένα ήταν κατά κεφαλήν και κανονικοποιημένα ύστερα 4	3
	14.2	Ικανότητα εξήγησης υπολοίπων μέσα στην ίδια συστάδα	
		Υπάρχει κάποια εύκολη σχέση μεταξύ των δωρεάν αδειών και κάποιου feature;	
		Υστερα από αλλαγή στον τρόπο της κανονικοποίησης	
		To do list	

1 Περιγραφή

Σε αυτό το σημείο θα γίνει η περιγραφή του τι προσπαθήσαμε να κάνουμε σε αυτό το βήμα. Η υπόθεση που θα προσπαθήσουμε να δούμε αν ισχύει είναι πολύ απλή και λογική ταυτόχρονα. "Αν μοιάζουμε, τότε πρέπει να μας μεταχειρίζονται με παρόμοιο τρόπο." Ισχύει κάτι τέτοιο στο ETS;

Για να απαντήσουμε σε αυτό το ερώτημα, θα κάνουμε μία πολύ απλουστευτική παραδοχή. Το ότι χώρες με παρόμοιο κατά κεφαλήν ακαθάριστο προϊόν, πληθωρισμό, πληθυσμό, παροχή ενέργειας και αναλογίες στο ακαθάριστο προϊόν "μοιάζουν". Επομένως, θα ορίσουμε 2 διάνυσματα για κάθε χώρα i:

 $\chi\omega\rho\alpha_i = \langle GDP_PC_i, inflation_i, population_i, total_energy_suply_i \rangle$

```
\chi\omega\rho\alpha 1_{i} = \langle GDP\_PC_{i}, inflation_{i}, population_{i}, total\_energy\_suply_{i} > \\ \chi\omega\rho\alpha 2_{i} = \langle GDP\_PC_{i}, inflation_{i}, population_{i}, total\_energy\_suply_{i}, \\ verified\_emisions_{i}, GDP\_Agricaltural_{i}, GDP\_Industrial_{i}, GDP\_Manufacturing_{i} > \\ \end{pmatrix}
```

Από εκεί, θα υπολογίσουμε τη νόρμα 2 (Ευκλείδεια απόσταση των σημείων) από κάθε χώρα προς κάθε άλλη χώρα.

$$distance_simulated_{i,j} = ||\chi\omega\rho\alpha 2_i - \chi\omega\rho\alpha 2_j||_2$$

Στη συνέχεια, υπολογίζουμε τις αποστάσεις οι οποίες προχύπτουν κάπως έτσι για το 2015, για το διάνυσμα χώρα2 (όπως φαίνεται στους πίναχες 1,2,3 στο ένθετο (οι πίναχες χρησιμοποιούνται ως διαγώνιοι πίναχες, όμως εδώ δεν είχε τόσο νόημα αυτό, καθώς δεν χωρά σε μία σελίδα)).

Στη συνέχεια υπολογίζουμε τον αριθμό των δωρεάν αδειών που έχουν λάβει αυτές οι χώρες. Με σχοπό να υπολογίσουμε τη δεύτερη απόστασή τους.

$$distance 2_{i,j} = ||free_i - free_j||_2$$

Τέλος, προσπαθούμε να δούμε αν υπάρχει κάποια σχέση μεταξύ αυτών των αποστάσεων.

2 Δεδομένα

2.1 Πηγές δεδομένων

Ας δούμε λίγο πιο αναλυτικά όλα τα δεδομένα:

- Total energy supply.
 - Source: https://ec.europa.eu/eurostat/databrowser/view/nrg_bal_s_1/default/table?lang=en
 - Year: 2011 2020
 - Unit: Thousand tonnes of oil equivalent
- Inflation.
 - Source: https://data.worldbank.org/indicator/FP.CPI.TOTL.ZG
 - Year: 1960-2021
 - Unit: %

Σημαντική παρατήρηση: Αυτή η τιμή δε λογαριθμήθηκε όταν λογαριθμήθηκαν οι άλλες.

- GDP per capita.
 - Source: https://data.worldbank.org/indicator/NY.GDP.PCAP.CD
 - Year: 1960 2021
 - Unit: US\$
- Population.
 - Source: https://data.worldbank.org/indicator/SP.POP.TOTL
 - Year: 2011 2021
 - Unit: Persons
- Verified emisions.
 - Source: EU ETS Database
 - Table: eutl_compliance
 - Column: verified
- Free Allowances.
 - Source: EU ETS Database
 - Table: eutl_compliance
 - Column: freeAlloc
- Agriculture.
 - Source: http://wdi.worldbank.org/table/4.2
 - Year: 2020
 - Unit: Billions USD * Argicultural percentage.

Σημαντική παρατήρηση: Για αυτό το δεδομένο χρησιμοποιήθηκε η τιμή του 2020, όχι του 2015.

- Industry.
 - Source: http://wdi.worldbank.org/table/4.2
 - Year: 2020
 - Unit: Billions USD * Industry percentage.

Σημαντική παρατήρηση: Για αυτό το δεδομένο χρησιμοποιήθηκε η τιμή του 2020, όχι του 2015.

- Manufacturing.
 - Source: http://wdi.worldbank.org/table/4.2
 - Year: 2020
 - Unit: Billions USD * Manufacturing percentage.

Σημαντική παρατήρηση: Για αυτό το δεδομένο χρησιμοποιήθηκε η τιμή του 2020, όχι του 2015.

2.2 Επιλογή δεδομένων

Το πρώτο διάνυσμα αποτελείται από

- Τον πληθυσμό.
- Τον πληθωρισμό.
- Το κατά κεφαλήν ακαθάριστο προϊόν.
- Το σύνολο της διαθέσιμης ενέργειας στη χώρα.

Παράλληλα το δεύτερο διάνυσμα έχει όλα τα παραπάνω και επιπλέον:

- Verified Emisions.
- Ακαθάριστο προϊόν το οποίο σχετίζεται με Γεωργικές διαδικασίες.
- Ακαθάριστο προϊόν το οποίο σχετίζεται με Βιομηχανίες.
- Ακαθάριστο προϊόν το οποίο σχετίζεται με Κατασκευαστικά έργα.

Μεριά ενδιαφέροντα στοιχεία είναι τα παρακάτω.

Αρχικά, δε χρησιμοποιήσαμε δεδομένα τα οποία να σχετίζονται με τις υπηρεσίες ως εκατομμύρια του ακαθάριστου προϊόντος της κάθε χώρας, καθώς αυτή η παράμετρος πρέπει να έχει πολύ μικρή συσχέτιση με τους ρύπους του διοξειδίου.

Στο δεύτερο διάνυσμα μπήκαν πολλές τιμές οι οποίες έχουν να κάνουν με το μέγεθος της παραγωγής, αλλά και με πολλές απόλυτες τιμές του ακαθάριστου προϊόντος. Αυτό έχει σαν αποτέλεσμα το να τονίζεται ακόμα περισσότερο η διαφορά της Γερμανίας αλλά και των υπόλοιπων πιο ανεπτυγμένων χωρών με τις υπόλοιπες.

3 Πειράματα

Ουσιαστικά κάναμε 3 πειράματα με αυτά τα δεδομένα.

- 1. Χώρες που μοιάζουν είναι όντως κοντά σε δωρεάν άδειες; (sploiler ναι.)
- 2. Εάν επαναλάβουμε τους υπολογισμούς για διαφορετικές χρονιές, τα αποτελέσματα παραμένουν ίδια ή υπάρχει διακύμανση; (spoiler παραμένουν ίδια.) Σε αυτήν την ερώτηση περιμέναμε από πριν πως η απάντηση θα είναι "παραμένουν ίδια" καθώς καμία από τις τιμές που έχουν στη διάθεσή μας δεν αλλάζει σημαντικά και το μέγεθος με το οποίο συγκρίνουμε τα αποτελέσματά μας παραμένει επίσης αρκετά σταθερό.
- 3. Τι θα συμβεί αν βάλουμε περισσότερες πληροφορίες οι οποίες να περιγράφουν καλύτερα τις διαφορές χωρών με μεγαλύτερη οικονομική δύναμη; Θα μειωθεί η απόκλιση; (sploiler ναι.)
- 4. Εφόσον Η Γερμανία είναι σαν να παίζει άλλο παιχνίδι, αντί να συμμετέχει στην ίδια διαδικασία, θα είχε νόημα να λογαριθμίσουμε όλα τα δεδομένα, προκειμένου να αποκτήσει περισσότερη ανάλυση στις χαμηλές τιμές και να έρθει σε πιο "γήινες" τιμές η Γερμανία. Αν το κάνουμε αυτό, η γραμμική σχέση στέκει; (sploiler Πλέον είναι σαφές πως η σχέση δεν είναι τόσο γραμμική όσο φαινόταν.)

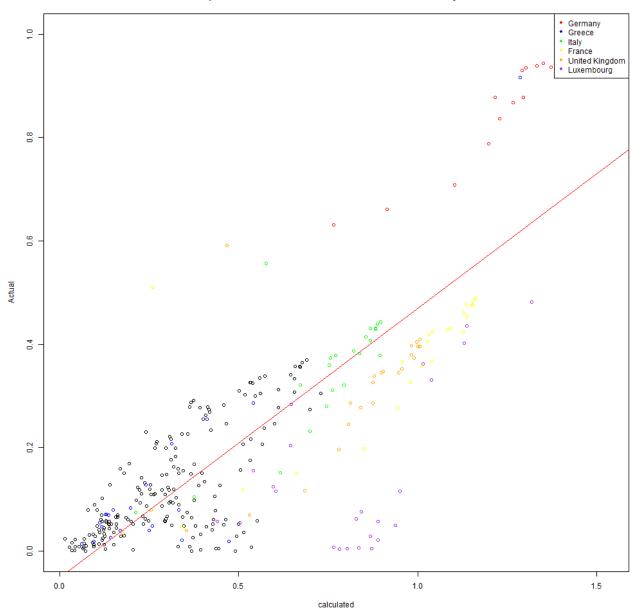
4 Αποτελέσματα

Σε όλα τα ακόλουθα διαγράμματα κάθε σημείο απεικονίζει ένα ζευγάριση χωρών. Ο οριζόντιος άξονας δείχνει το πώς μετρήθηκε η απόσταση αυτών των δύο χωρών, ενώ ο κατακόρυφος άξονας δείχνει την ίδια απόσταση στο πόσες δωρεάν άδειες έλαβαν οι χώρες αυτές. ΟΙ χώρες οι οποίες εμφανώς έχουν διαφορετική συμπεριφορά από το γενικό σύνολο έχουν τα δικά τους χρώματα.

4.1 Πείραμα 1

Το πρώτο πείραμα έχει το παρακάτω αποτέλεσμα για το 2015:

Scatterplot of calculated distance and actual distance for the year 2015



Παρατηρήσεις:

- Η πρώτη παρατήρηση είναι πως τα δεδομένα δείχνουν να έχουν μία σχεδόν γραμμική σχέση, με μερικές εξαιρέσεις, όπως το Λουξεμβούργο, τη Γερμανία και τη Γαλλία.
- Ακόμα και έτσι, οι χώρες οι οποίες παρεκκλίνουν μοιάζουν σαν να υπακούν μία δική τους γραμμική σχέση με παρόμοια κλίση, αλλά διαφορετική dc συνιστώσα. Το οποίο σημαίνει πως δεν έχουν καταφέρει με τα δεδομένα

μας να μαζέψουμε όση πληροφορία χρειάζεται ή πως υπάρχει εγγενώς μία αδικία και η Γερμανία είναι μονίμως ευνοημένη ενώ το Λουξεμβούργο είναι συνεχώς αδικημένο.

4.2 Πείραμα 2

Εδώ δοχιμάζουμε για να δούμε αν υπάρχει χάποια σημαντιχή αλλαγή μέσα στα χρόνια από το 2014 μέχρι το 2019.

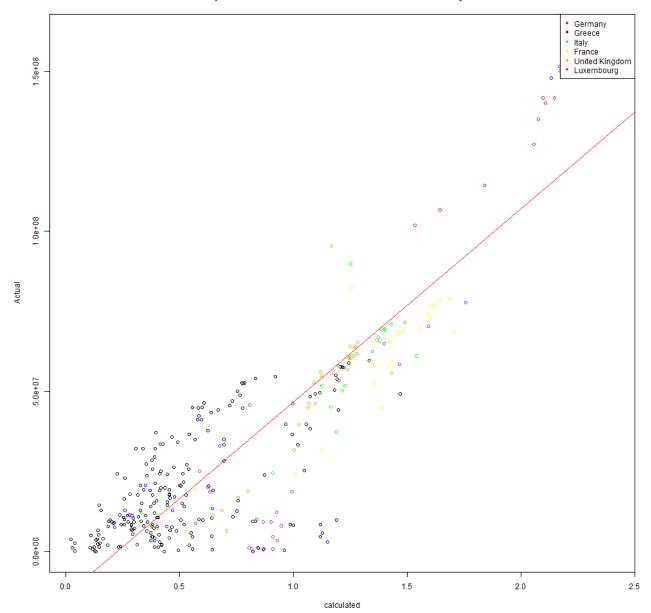


Figure 1: Συγκριτικό διάγραμμα για το πείραμα 2

4.3 Πείραμα 3

Όπως είδαμε ήδη στο πείραμα 1, ή υπάρχει κάποια εγγενής αδικία ή χρειαζόμαστε περισσότερα δεδομένα, τα οποία να κάνουν τις αποστάσεις των χωρών πιο αντιπροσωπευτικές. Για να το πετύχουμε αυτό, συμπεριλάβαμε περισσότερα δεδομένα, τα οποία να μπορούν να δείξουν τη βασική διαφορά μεταξύ του λουξεμβούργου και της Γερμανίας. Τη διαφορά στην κλίμακα της οικονομίας για την οποία μιλάμε. Έτσι βάλαμε 3 μεγέθη τα οποία έχουν να κάνουν και με την ανάπτυξη της οικονομίας αλλά και με τον καταμερισμό της οικονομίας σε διαφορετικούς κλάδους. Φροντίσαμε επίσης, όλα τα νέα στοιχεία να σχετίζονται άμεσα με την παραγωγή διοξειδίου, οπότε για παράδειγμα οι υπηρεσίες της κάθε χώρας αφέθηκαν εκτός. Επίσης, γνωρίζουμε από πριν πως αυτό το μείγμα χαρακτηριστικών δίνει μεγαλύτερη βαρύτητα στο μέγεθος της οικονομίας. Έτσι προκύπτουν τα παρακάτω:

Scatterplot of calculated distance and actual distance for the year 2015



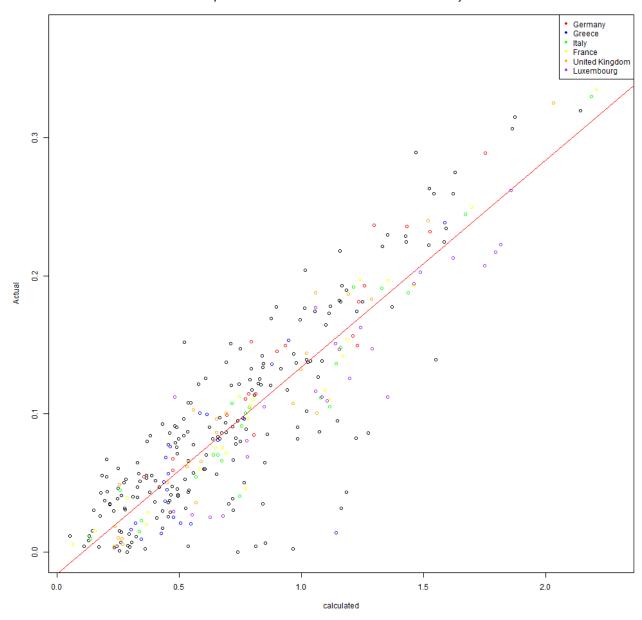
Παρατηρήσεις:

- Παρατηρούμε πως όλες οι χώρες έχουν έρθει πιο κοντά στη γραμμή. Όμως αυτό έχει να κάνει περισσότερο με το ότι η Γερμανία βρέθηκε πιο μακριά από τις υπόλοιπες, με αποτέλεσμα να "μειώνεται η ανάλυση" στις μικρότερες χώρες. Συνεπώς, παρόλο που όλα δείχνουν να είναι πιο κοντά στη γραμμή, στην πραγματικότητα απλώς έχουμε "ξεζουμάρει" και το γράφημα είναι παρόμοιο με πριν.
- Η προηγούμενη παρατήρηση βέβαια δεν αναιρεί το γεγονός ότι αυτό το μοντέλο όντως καταφέρνει να περιγράψει καλύτερα την Γερμανία. Απλώς χάνει σε όλες τις υπόλοιπες χώρες.

4.4 Πείραμα 4

Βλέποντας την αποτυχία του προηγούμενου μοντέλου, θα προσπαθήσουμε να λογαριθμίσουμε τα πάντα, ώστε να έχουμε περισσότερη ανάλυση στις χαμηλές τιμές και να φέρουμε τη Γερμανία σε πιο χαμηλές τιμές. Έτσι προκύπτει το παρακάτω:

Scatterplot of calculated distance and actual distance for the year 2015



Παρατηρήσεις:

- Black Magic.
- Πέρα από την πλάχα, είναι σαφές πως εδώ όλα έχουν έρθει αρχετά πιο χοντά όλες οι τιμές. Επομένως, οι

ίδιες αποκλίσεις με πριν πλέον σηματοδοτούν ακόμα μεγαλύτερη πραγματική απόσταση. Όμως το αποτέλεσμα δείχνει πως κάποια μορφή τέτοιες "δικαιοσύνης" υπάρχει όντως.

5 Προτάσεις

Αρχικά για να επαναλάβει κάποιος τα πειράματα αυτά θα χρειαστεί την βάση EU ETS και αυτό εδώ το github: https://github.com/kwpap/Diplomatiki_kwpap_step_1

- Καλύτερη επιλογή διανυσμάτων.
- Βάρη στην κάθε τιμή του κάθε διανύσματος. Εδώ πρέπει βέβαια να δοθεί προσοχή για να αποφύγουμε το overfiting.
- Συζήτηση για μελλοντικά ενδιαφέροντα πράγματα που μπορούν να γίνουν.
- Θα ήταν ενδιαφέρον αν σε ένα δεύτερο επίπεδο δε μιλούσαμε πλέον για αποστάσεις, αλλά για απόλυτα νούμερα. Ανεξαρτήτως χώρας και πλέον η αναζήτηση είχε ως σκοπό να βρει τα χαρακτηριστικά εκείνα τα οποία μπορούν να αυξήσουν τις δωρεάν άδειες μίας χώρας.

6 Ένθετο

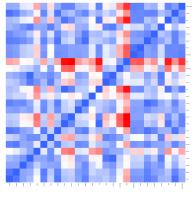
Παρακάτω φαίνονται τα χαρακτηριστικά των γραμμικών παλινδρομήσεων:

Test	Slope	intercept	Multiple R^2	Adjusted \mathbb{R}^2	p-value
2014	0.54185	-0.06402	0.6968	0.6958	< 2.2e-16
2015	0.52049	-0.05067	0.6823	0.6813	< 2.2e-16
2016	0.53501	-0.05890	0.6916	0.6906	< 2.2e-16
2017	0.52720	-0.05817	0.6752	0.6742	< 2.2e-16
2018	0.52966	-0.06977	0.6625	0.6615	< 2.2e-16
2019	0.50753	-0.08467	0.6008	0.5996	< 2.2e-16
2015 all data	60298846	-13563147	0.7886	0.788	< 2.2e-16
$2015 \text{ all } \text{data} + \log$	0.149767	-0.015708	0.7977	0.7971	< 2.2e-16

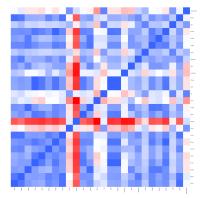
Στα γραφήματα 2 φαίνονται κάποιες από τις διαφορές των χωρών σε μία κλίμακα στην οποία το μπλε είνα η μικρότερη απόσταση και το κόκκινο είναι η μεγαλύτερη απόσταση.

	Austria	Belgium	Bulgaria	Croatia	Cyprus	Denmark	Estonia	Finland	France	Germany
Austria	0.00	0.18	0.49	0.64	1.12	0.26	0.83	0.17	0.69	0.77
Belgium	0.18	0.00	0.49	0.55	1.02	0.20	0.75	0.23	0.77	0.81
Bulgaria	0.49	0.49	0.00	0.40	0.79	0.54	0.49	0.47	1.09	1.21
Croatia	0.64	0.55	0.40	0.00	0.52	0.50	0.33	0.56	1.19	1.26
Cyprus	1.12	1.02	0.79	0.52	0.00	0.98	0.33	1.06	1.70	1.75
Denmark	0.26	0.20	0.54	0.50	0.98	0.00	0.75	0.19	0.74	0.80
Estonia	0.83	0.75	0.49	0.33	0.33	0.75	0.00	0.80	1.46	1.53
Finland	0.17	0.23	0.47	0.56	1.06	0.19	0.80	0.00	0.68	0.78
France	0.69	0.77	1.09	1.19	1.70	0.74	1.46	0.68	0.00	0.29
Germany	0.77	0.81	1.21	1.26	1.75	0.80	1.53	0.78	0.29	0.00
Greece	0.48	0.44	0.55	0.46	0.95	0.30	0.77	0.32	0.78	0.88
Hungary	0.25	0.33	0.30	0.54	1.02	0.36	0.73	0.22	0.80	0.93
Ireland	0.72	0.85	0.85	1.18	1.55	0.97	1.22	0.84	1.12	1.23
Italy	0.67	0.75	1.08	1.16	1.67	0.72	1.44	0.66	0.07	0.26
Latvia	0.79	0.71	0.49	0.18	0.37	0.66	0.23	0.71	1.35	1.43
Lithuania	0.61	0.52	0.41	0.05	0.54	0.46	0.34	0.54	1.17	1.23
Luxembourg	1.14	1.06	0.85	0.78	0.55	1.11	0.48	1.15	1.81	1.86
Malta	1.52	1.47	1.16	1.16	0.86	1.52	0.84	1.54	2.21	2.27
Netherlands	0.38	0.43	0.77	0.83	1.33	0.38	1.10	0.33	0.37	0.47
Poland	0.40	0.46	0.76	0.84	1.35	0.43	1.11	0.36	0.37	0.47
Portugal	0.21	0.25	0.32	0.47	0.97	0.26	0.69	0.15	0.79	0.90
Romania	0.30	0.43	0.49	0.73	1.23	0.46	0.94	0.29	0.65	0.81
Slovenia	0.61	0.52	0.37	0.21	0.52	0.52	0.24	0.58	1.24	1.30
Spain	0.65	0.72	1.02	1.08	1.59	0.66	1.37	0.60	0.15	0.36
Sweden	0.13	0.26	0.56	0.69	1.18	0.28	0.92	0.14	0.58	0.69
United Kingdom	0.53	0.57	0.97	1.02	1.52	0.56	1.29	0.54	0.27	0.25

Table 1: Distance between countries in 2015, part 1



(a) Με βάση το διάνυσμα χώρα $_2$ και λογαριθμημένα δεδομένα.



(b) Με βάση το διάνυσμα χώρα₁.

Figure 2: Αποστάσεις χωρών σε heatmap

7 Επανεχίνηση μετά τα Χριστούγεννα

Έγινε μία καλύτερη επιλογή των πηγών για τα δεδομένα, το οποίο οδήγησε, χωρίς να μπορώ να το εξηγήσω σε κάτι πολύ περίεργες συμπεριφορές. Τα καινούρια δεδομένα ήταν τα:

1. population ίδιο

	Greece	Hungary	Inclored	T+ols:	Latrria	Lithuania	Luxembourg	Molto	Notherlanda	Dolond
Austria	0.48	0.25	0.72	0.67	0.79	0.61	1.14	1.52	0.38	0.40
	1							_		
Belgium	0.44	0.33	0.85	0.75	0.71	0.52	1.06	1.47	0.43	0.46
Bulgaria	0.55	0.30	0.85	1.08	0.49	0.41	0.85	1.16	0.77	0.76
Croatia	0.46	0.54	1.18	1.16	0.18	0.05	0.78	1.16	0.83	0.84
Cyprus	0.95	1.02	1.55	1.67	0.37	0.54	0.55	0.86	1.33	1.35
Denmark	0.30	0.36	0.97	0.72	0.66	0.46	1.11	1.52	0.38	0.43
Estonia	0.77	0.73	1.22	1.44	0.23	0.34	0.48	0.84	1.10	1.11
Finland	0.32	0.22	0.84	0.66	0.71	0.54	1.15	1.54	0.33	0.36
France	0.78	0.80	1.12	0.07	1.35	1.17	1.81	2.21	0.37	0.37
Germany	0.88	0.93	1.23	0.26	1.43	1.23	1.86	2.27	0.47	0.47
Greece	0.00	0.43	1.14	0.75	0.61	0.45	1.20	1.59	0.45	0.46
Hungary	0.43	0.00	0.74	0.79	0.67	0.53	1.08	1.43	0.50	0.49
Ireland	1.14	0.74	0.00	1.12	1.27	1.16	1.35	1.58	0.98	0.98
Italy	0.75	0.79	1.12	0.00	1.33	1.14	1.79	2.19	0.34	0.34
Latvia	0.61	0.67	1.27	1.33	0.00	0.20	0.68	1.04	1.00	1.01
Lithuania	0.45	0.53	1.16	1.14	0.20	0.00	0.78	1.17	0.81	0.82
Luxembourg	1.20	1.08	1.35	1.79	0.68	0.78	0.00	0.48	1.46	1.49
Malta	1.59	1.43	1.58	2.19	1.04	1.17	0.48	0.00	1.86	1.87
Netherlands	0.45	0.50	0.98	0.34	1.00	0.81	1.46	1.86	0.00	0.13
Poland	0.46	0.49	0.98	0.34	1.01	0.82	1.49	1.87	0.13	0.00
Portugal	0.34	0.11	0.81	0.77	0.62	0.46	1.06	1.43	0.46	0.46
Romania	0.51	0.21	0.70	0.64	0.87	0.72	1.29	1.62	0.42	0.39
Slovenia	0.58	0.53	1.07	1.21	0.25	0.18	0.63	1.03	0.88	0.90
Spain	0.66	0.74	1.15	0.14	1.25	1.07	1.75	2.14	0.30	0.29
Sweden	0.00	0.74	0.77	0.14	0.84	0.67	1.73	1.63	0.38	0.23
	0.44			0.37 0.23			1.62		0.24	
United Kingdom	0.05	0.69	1.06	0.23	1.19	1.00	1.02	2.03	0.24	0.25

Table 2: Distance between countries in 2015, part 2

- 2. GDP per capita ίδιο
- 3. Total energy supply ίδιο
- 4. inflation ίδιο
- 5. verified emissions ίδιο
- 6. manufacturing σε δίσεκατομύρια δολλάρια, άλλαξε και πλέον δεν έχουμε δεδομένα μόνο για 2010 και 2020, αλλά έχουμε ξεχωριστά για κάθε χρονιά
- 7. industry σε δίεκατομύρια δολλάρια, ομοίως
- 8. Agricalture σε δίσεκατομύρια δολλάρια, ομοίως

Ένα πιθανό πρόβλημα το οποίο ίσως προχύπτει είναι το ότι $(6+7+8)\approx 1*2$. Όμως ρεαλιστικά: $1*2-(6+7+8)\approx$ services. Οπότε ελπίζω πως αυτό δεν είναι σοβαρό πρόβλημα.

Το δεύτερο που παρατηρώ είναι πως για κάποιο λόγο μετά τις βελτιώσεις στον κώδικα, πλέον αν βάλω τα δεδομένα απλώς να λογαριθμιστούν, τα αποτελέσματα είναι λογικά. Αν βάλω τα αποτελέσματα να κανονικοποιηθούν, πάλι είναι λογικά, αλλά προσεγγίζουν λιγότερο την ευθεία γραμμή. Αν όμως τα βάλω και τα δύο, τότε τα δεδομένα δείχνουν να μην έχουν κάποια γραμμική συσχέτιση, το οποίο δεν το καταλαβαίνω.

Επίσης, λόγω έλειψης δεδομένων για την παραγωγή της Βουλγαρίας, τα δεδομένα υπολογίστηκαν ως GDP - Agriculture - services - industry.

	Portugal	Romania	Slovenia	Spain	Sweden	United Kingdom
Austria	0.21	0.30	0.61	0.65	0.13	0.53
Belgium	0.25	0.43	0.52	0.72	0.26	0.57
Bulgaria	0.32	0.49	0.37	1.02	0.56	0.97
Croatia	0.47	0.73	0.21	1.08	0.69	1.02
Cyprus	0.97	1.23	0.52	1.59	1.18	1.52
Denmark	0.26	0.46	0.52	0.66	0.28	0.56
Estonia	0.69	0.94	0.24	1.37	0.92	1.29
Finland	0.15	0.29	0.58	0.60	0.14	0.54
France	0.79	0.65	1.24	0.15	0.58	0.27
Germany	0.90	0.81	1.30	0.36	0.69	0.25
Greece	0.34	0.51	0.58	0.66	0.44	0.65
Hungary	0.11	0.21	0.53	0.74	0.27	0.69
Ireland	0.81	0.70	1.07	1.15	0.77	1.06
Italy	0.77	0.64	1.21	0.14	0.57	0.23
Latvia	0.62	0.87	0.25	1.25	0.84	1.19
Lithuania	0.46	0.72	0.18	1.07	0.67	1.00
Luxembourg	1.06	1.29	0.63	1.75	1.24	1.62
Malta	1.43	1.62	1.03	2.14	1.63	2.03
Netherlands	0.46	0.42	0.88	0.30	0.28	0.24
Poland	0.46	0.39	0.90	0.29	0.31	0.25
Portugal	0.00	0.28	0.48	0.72	0.25	0.65
Romania	0.28	0.00	0.74	0.60	0.25	0.59
Slovenia	0.48	0.74	0.00	1.15	0.69	1.06
Spain	0.72	0.60	1.15	0.00	0.54	0.27
Sweden	0.25	0.25	0.69	0.54	0.00	0.45
United Kingdom	0.65	0.59	1.06	0.27	0.45	0.00

Table 3: Distance between countries in 2015, part 3

8 Δοκιμές για διαφορετικά βάρη στις παραμέτρους

Ξέρω πως δεν είπαμε να κάνω αυτό, αλλά όταν ξεκίνησα να το κάνω, δεν μπορούσα να σταματήσω τις δοκιμές. Αρχικά. Όλα όσα θα παρουσιαστούν παρακάτω είναι έχοντας ενεργοποιημένη μόνο την κανονικοποίηση και όχι την λογαρίθμηση, γιατί για αυτήν είχα απορία.

Για να κρίνω το πόσο σωστά είναι τα βάρη, διάλεξα να προσπαθώ να μεγιστοποιήσω το r squared της παλινδρόμησης. Εγιναν λοιπόν οι παρακάτω δοκιμές:

Population	GDP pe rCapita	Inflation	Agriculture GDP	Industry GDP	Manufacturing GDP	Total Energy Supply	Verified emissions	r^2
1	1	1	1	1	1	1	1	0.76
4	0	0	0	10	0	3	10	0.93
0	0	0	0	6.8	0	3.2	10	0.9496
100	0	0	50	626	0	400	1000	0.9483
0	0	0	60	570	0	360	981	0.953

Εδώ είναι πολύ εμφανής η τεράστια εξάρτηση από τα verified emissions, το οποίο είναι εντελώς αναμενόμενο. Στην επόμενη δοχιμή, τα verified emissions είχαν αυστηρά τιμή 0.

Population	GDP pe rCapita	Inflation	Agriculture GDP	Industry GDP	Manufacturing GDP	Total Energy Supply	Verified emissions	r^2
1	1	1	1	1	1	1	0	0.70
0	0	0	0	1000	50	500	0	0,913
0	0	0	500	10000	0	2700	0	0,92

Αντίστοιχα, εδώ φαίνεται μία πολύ μεγάλη εξάρτηση από την παράμετρο του ακαθάριστου προϊόντος η οποία αφορά στην βιομηχανία. Αν την αφαιρέσουμε και αυτήν από το παιχνίδι, προσπαθώντας να βρούμε ένα λίγο διαοφρετικό mix βλέπουμε πως:

Population	GDP pe rCapita	Inflation	Agriculture GDP	Industry GDP	Manufacturing GDP	Total Energy Supply	Verified emissions	r^2
1	1	1	1	0	1	1	0	0,63
0.5	0.5	0.5	0.5	0	1	10	0	0.84
0	0	0	0	0	50	1000	0	0.86
0	0	0	0	0	4300	99500	0	0.8645

Η τελευταία δοχιμή για να δούμε αν τα δεδομένα έστω και λίγο βγάζουν κάποιο νόημα είναι αυτήν την οποία βγάζουμε και το total energy supply το οποίο χυριαρχεί ξανά:

Population	GDP pe rCapita	Inflation	Agriculture GDP	Industry GDP	Manufacturing GDP	Total Energy Supply	Verified emissions	r^2
1	1	1	1	0	1	0	0	0.549
200	0	0	0	0	100	0	0	0.767
6640	30	10	350	0	3720	0	0	0.768

9 Για τη 31η Γενάρη

Δεν ξέρω αν έχει νόημα αυτό το pdf να γίνει λίγο σαν ημερολόγιο, αλλά ελπίζω να μην είναι μεγάλο πρόβλημα. Την τελευταία φορα είπαμε:

- 1. Η σύχγριση να γίνει μόνο με μία χώρα.
- 2. Είπε ο χ. Φωτάχης δύο ειχασίες. Πρώτη πως το allocation είναι το αποτέλεσμα ενός optimazation αλγόριθμου. Δεύτερη, πως είναι ένα πολυχριτηριαχό optimazation. Αν αυτά ισχύουν θα ήταν έξυπνο / προφανές να βρούμε, συγχρίνοντάς το με άλλα αντίστοιχα, ποιο πρόβλημα προσπαθεί να λύσει. Στη συνέχεια θα είναι αιτιολογημένο χαι πιο λογικό να προσθέσουμε πάνω σε αυτό οποιοδήποτε επιπλέον constraint θέλουμε.
- 3. "Policy options to impove the effectiveness of the EU emissions trading system: A multi-criteria analysis, stefan clo 2013" ;- Είναι αρχετά γενικό αλλά ίσως είναι χρήσιμο για να δούμε την στοχοθεσία της ΕΕ.
- 4. Για να κρίνουμε μία παλινδρόμηση, καλό είναι να ελέγχονται 3 κριτήρια: r^2 , MSE, MAE
- 5. Είναι λογικό ο πληθωρισμός για αυτά τα δεδομένα να παίζει ελάχιστο ρόλο.

Λοιπόν, το πρώτο βήμα είναι να βάλουμε μία χώρα με την οποία θα συγχρίνουμε όλες τις υπόλοιπες. Επομένως, πλέον δεν χοιτάμε αν για να γίνει η σύγχριση με την μεσαία χώρα πρέπει πρώτα να οριστεί η μεσαία χώρα. Αυτή

προκύπτει ως εξής: Δίνουμε σε κάθε χώρα πόντους ίσους με το άθροισμα των θέσεών της ως προς κάθε feature. Στη συνέχεια διαλέγουμε αυτή με τη μεσαία βαθμολογία. Κάναμε όμως και δοκιμές για άλελς χώρες για σιγουριά. Μία πρώτη εντύπωση είναι πως όσο πιο ακραία μικρή ή ακραία μεγάλη είναι η οικονομία της χώρας, τόσο πιο γραμμική είναι η σχέησ της απόστασης.

2017	r^2
Hungary	0.75
Germany	0.9147
Greece	0.6694
Malta	0.8331

 Σ τη συνέχεια, αν συγκρίνουμε όλες τις χώρες με την Ουγγαρία, τότε προχύπτει αυτό το διάγραμμα. Σ υγκεκριμένα, βλέπουμε:

• Στον x άξονα: Την απόσταση της εκάστοτε χώρας με την Ουγγαρία ως προς το feature set που έχουμε επιλέξει. (GDP per capita, inflation, Population, manufacturing, industry, verified emissions, agriculture, total energy supply)

 Στον υ άξονα: Την απόσταση της εκάστοτε χώρας με την Ουγγαρία ως προς το σύνολο των δωρεάν αδειών που έλαβαν μέσα στο 2017 εταιρείες με έδρα την Ουγγαρία.

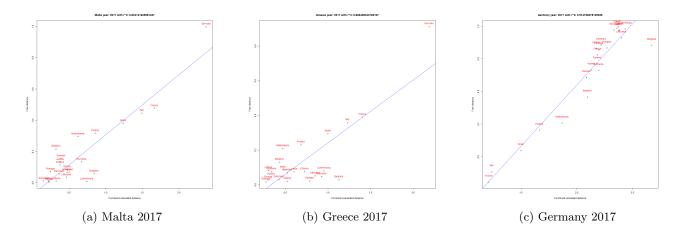
• Τα δεδομένα κανονικοποιήθηκαν στο [0,1] πριν τον υπολογισμό των αποστάσεων, αλλά δε λογαριθμίστηκαν.

Hungary year: 2017 with r^2: 0.750646459162087



Figure 3: Hungary 2017

Το οποίο μπορούμε να το αντιπαραθέσουμε με τις 3 άλλες χώρες που είδαμε και πριν.

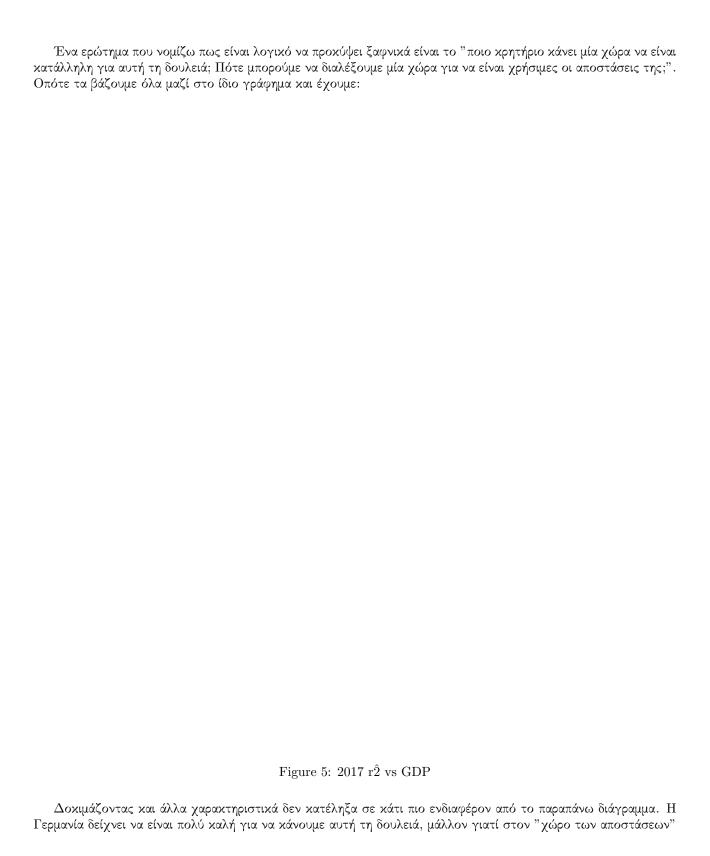


Παράλληλα μπορούμε να δούμε μέσα στις χρονιές επαναλαμβάνοντας το ίδιο πείραμα για όλες τις χώρες, τι θα προχύψει.

year	slope	mean r_squared	min_r_squared	max_r_squared
2008	0.34	0.65	0.00	0.79
2009	0.32	0.60	0.02	0.78
2010	0.33	0.58	0.04	0.79
2011	0.33	0.62	0.04	0.78
2012	0.34	0.64	0.07	0.82
2013	0.37	0.72	0.51	0.92
2014	0.36	0.71	0.46	0.93
2015	0.37	0.75	0.48	0.94
2016	0.35	0.70	0.50	0.91
2017	0.36	0.73	0.47	0.91
2018	0.37	0.74	0.43	0.92

Συμπεράσματα:

- Η χλίση αυτής της ευθείας δείχνει να παραμένει πολύ σταθερή
- Μέχρι το 2012 (δηλαδή και το τέλος της φάσης II) βλέπουμε πως υπάρχουν χώρες για τις οποίες δεν ισχύει το συμπέρασμα το οποίο είχαμε βγάλει, περί δικαιότητας του συστήματος.
- Μετά τη φάση ΙΙΙ αχόμα υπάρχουν χώρες για τις οποίες η μέθοδος αυτή δε δίνει σημαντικά καλές τιμές.



είναι τόσο μαχριά από όλους τους άλλους που οι υπόλοιποι καταλήγουν να είναι συγχριτικά κοντά. Αυτό το λέω σαν διαισθητική παρατήρηση, δεν ξέρω αν στηρίζεται μαθηματικά.

Το επόμενο βήμα είναι να δούμε το προηογούμενο με τα βέλτιστα βάρη.

10 ΓιΑ την 28η Φεβρουαρίου

Την τελευταία φορά προτείναμε να κάνουμε/δούμε/διαβάσουμε, χωρίς κάποια σειρά:

- 1. Να διαβάσω τον αλγόριθμο του benchmark, πώς προχύπτει αχριβώς.
- 2. Να εξετάσουμε αν τα αποτελέσματα σχετικά με το "ποιες χώρες εξηγούν καλύτερα τα δεδομένα είναι consistant μέσα στον χρόνο.
- 3. Υπάρχει κάποιο clustering μεταξύ των χωρών που εξηγούν καλά ή κακά τις άλλες χώρες; Έχουν κάποια κοινά χαρακτηριστικά όλες αυτές;
- 4. Γιατί είναι η Ολλανδία τόσο διαφορετική;
- 5. Να επαναληφθούν οι δοχιμές της προηγούμενη φοράς, αλλά για τις φάσεις 1,2 (πιθανώς θα προχύψει πρόβλημα με τα δεδομένα για αυτές τις περιόδους, αλλά θα το δούμε)
- 6. Κάνε δοχιμές χαι με μία fictional χώρα η οποία να έχει ως τιμές της μόνο τα medians όλων των χωρών.
- 7. Να γίνει καλύτερα η σύγκριση μεταξύ κάθε δύο παλινδρομήσεων, αξιολογώντας και το r^2 , αλλά και άλλες παραμέτρους, όπως το p-value και MSE/MAE.
- 8. Τι συμβαίνει στα πρώτα χρόνια με την Πολωνία και την Γαλλία;
- 9. Να χρησιμοποιηθεί ggplot για τα δραγράμματα και να έχουν πάντα grid.
- 10. Για διάβασμα: A multi-xriteria decision analysis model for carbon emission quota allocation in China's east coastal areas: Efficiency and Equity.

10.1 Αλλαγή 1

Το πρώτο βήμα που έγινε είναι το να ξαναγίνουν πολλά από τα πειράματα, μόνο που αυτή τη φορά, για να θεωρηθεί μία γραμμική παλινδρόμηση καλύτερη από μία άλλη, θα πρέπει να είναι αληθή τα παρακάτω κριτήρια:

- Εχει μεγαλύτερο r^2 .
- Έχει p-value μικρότερο του 0.05.
- Το Mean Square Error δεν είναι πολύ μεγαλύτερο από την προηγούμενη μέγιστη τιμή (1.5 φορά).

10.2 Μεσαία χώρα ανά τα έτη

Εδώ βλέπουμε την πιο μεσαία χώρα κάθε χρονιάς και το πόσο καλά αποδίδει στο να εξηγεί τις άλλες χώρες. Οι τιμές στο p-value βγήκαν όντως 0, η μεγαλύτερη είχε την τιμή 0.00002581...

Year	R^2	p-value	MSE	Country
2008	0.77	0.00	0.01	Denmark
2009	0.69	0.00	0.01	Denmark
2010	0.57	0.00	0.01	Greece
2011	0.65	0.00	0.02	Denmark
2012	0.75	0.00	0.01	Ireland
2013	0.71	0.00	0.01	Portugal
2014	0.58	0.00	0.02	Hungary
2015	0.77	0.00	0.01	Portugal
2016	0.70	0.00	0.01	Portugal
2017	0.75	0.00	0.01	Hungary
2018	0.74	0.00	0.01	Hungary

10.3 Όλες οι χώρες για όλα τα έτη

	2000	2000	2010	2011	0010	0010	0014	0015	0016	0017	0010	1	MOD
	2008	2009	2010	2011		2013						max p-value	
Austria	0.70	0.62	0.66	0.68	0.71	0.74	0.73	0.82	0.72	0.68	0.74	0.00	0.02
Belgium	0.62	0.62	0.62	0.64	0.65	0.67	0.67	0.65	0.57	0.60	0.59	0.00	0.01
Bulgaria	0.75	0.67	0.73	0.67	0.78	0.84	0.85	0.86	0.69	0.81	0.85	0.00	0.01
Cyprus	0.79	0.71	0.69	0.71	0.78	0.67	0.58	0.73	0.72	0.75	0.78	0.00	0.02
Denmark	0.77	0.69	0.61	0.65	0.74	0.71	0.72	0.73	0.72	0.68	0.69	0.00	0.02
Estonia	0.79	0.74	0.67	0.69	0.66	0.64	0.68	0.78	0.68	0.82	0.81	0.00	0.02
Finland	0.71	0.64	0.66	0.73	0.68	0.73	0.77	0.80	0.72	0.69	0.76	0.00	0.01
France	0.08	0.08	0.20	0.19	0.25	0.78	0.79	0.78	0.78	0.73	0.76	0.19	0.01
Germany	0.76	0.75	0.79	0.76	0.80	0.92	0.93	0.94	0.91	0.91	0.92	0.00	0.01
Greece	0.62	0.57	0.57	0.60	0.57	0.51	0.46	0.69	0.65	0.67	0.71	0.00	0.02
Hungary	0.74	0.52	0.58	0.69	0.69	0.67	0.58	0.78	0.73	0.75	0.74	0.00	0.02
Ireland	0.70	0.76	0.47	0.70	0.75	0.73	0.69	0.77	0.73	0.63	0.64	0.00	0.02
Italy	0.63	0.61	0.65	0.64	0.60	0.86	0.82	0.75	0.74	0.72	0.78	0.00	0.01
Latvia	0.76	0.70	0.62	0.66	0.68	0.77	0.74	0.75	0.78	0.84	0.81	0.00	0.02
Lithuania	0.77	0.78	0.63	0.70	0.74	0.79	0.76	0.74	0.74	0.79	0.81	0.00	0.02
Luxembourg	0.79	0.67	0.59	0.77	0.73	0.68	0.65	0.75	0.60	0.74	0.70	0.00	0.02
Malta	0.76	0.65	0.62	0.68	0.78	0.75	0.72	0.82	0.71	0.83	0.82	0.00	0.02
Netherlands	0.51	0.53	0.53	0.44	0.54	0.60	0.60	0.51	0.50	0.47	0.43	0.00	0.01
Poland	0.00	0.02	0.04	0.04	0.07	0.60	0.60	0.48	0.54	0.69	0.69	0.92	0.02
Portugal	0.71	0.66	0.66	0.60	0.59	0.71	0.73	0.77	0.70	0.75	0.77	0.00	0.02
Romania	0.53	0.46	0.42	0.58	0.45	0.60	0.75	0.80	0.64	0.66	0.67	0.00	0.01
Slovenia	0.78	0.59	0.59	0.67	0.70	0.76	0.73	0.77	0.78	0.78	0.81	0.00	0.02
Spain	0.63	0.61	0.63	0.57	0.60	0.84	0.74	0.76	0.72	0.77	0.81	0.00	0.01
Sweden	0.70	0.56	0.61	0.59	0.67	0.74	0.75	0.81	0.75	0.77	0.77	0.00	0.02
United Kingdom	0.75	0.71	0.77	0.78	0.82	0.63	0.69	0.66	0.66	0.72	0.71	0.00	0.01

Το οποίο γραφικά φαίνεται και ως εξής:

R^2 values for each country and year

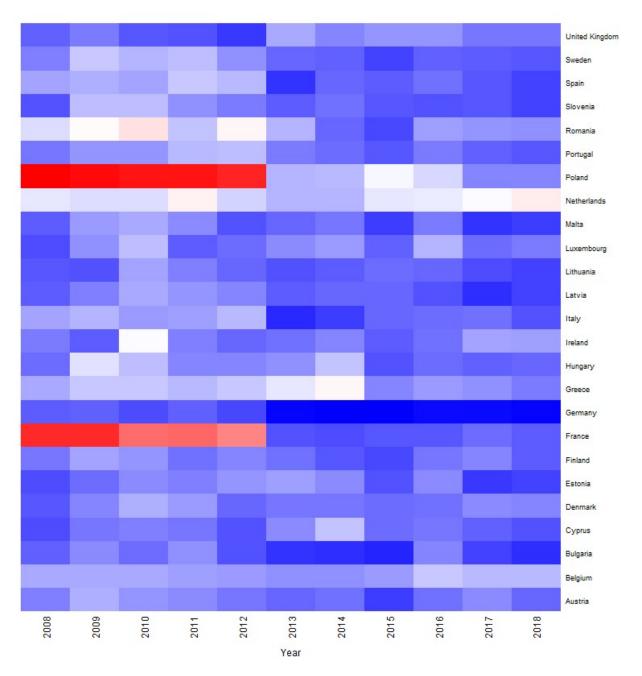


Figure 6: r^2

Το πιο λογικό λοιπόν βήμα είναι το να ελέγξουμε το γιατί αυτές οι δύο χώρες αλλάζουν τόσο πολύ το 2013. Οπότε ας δούμε τα δεδομένα που χρησιμοποιούμε για αυτές:

	2012	2013	2012	2013
GEO	Poland	Poland	France	France
$Total_energy_supply$	0.3083121	0.3038433	0.8215192	0.8080548
GDPpc	0.1163326	0.1141371	0.3630366	0.3550416
Population	0.4732704	0.4716958	0.8164021	0.8183792
Inflation	0.57990986	0.07563843	0.28530815	0.19301719
Verified_emissions	0.4212666	0.4212431	0.2421093	0.2422275
Agriculture	0.3402106	0.3644831	1.0000000	0.8928814
Industry	0.1558893	0.1482026	0.4982965	0.5053396
Manufacturing	0.1166064	0.1091561	0.3911272	0.3913494

Όπως είναι εμφανές, στα δεδομένα των χωρών δεν υπάρχει κάτι προφανές το οποίο να δικαιολογεί αυτήν την τόσο απότομη αλλαγή. Τα δεδομένα τα βλέπουμε κανονικοποιημένα. Επίσης, για το ποιες χώρες τα πηγαίνουν καλύτερα, μπορούμε ν αφτιάξουμε αυτήν την κατάταξη, η οποία είναι αρκετά αντιπροσωπευτική.

	Country	Average R^2
1	Germany	0.85
2	Bulgaria	0.77
3	Lithuania	0.75
4	Malta	0.74
5	Latvia	0.74
6	Estonia	0.72
7	Slovenia	0.72
8	Cyprus	0.72
9	United Kingdom	0.72
10	Finland	0.72
11	Italy	0.71
12	Austria	0.71
13	Sweden	0.70
14	Denmark	0.70
15	Spain	0.70
16	Luxembourg	0.70
17	Portugal	0.70
18	Ireland	0.69
19	Hungary	0.68
20	Belgium	0.63
21	Greece	0.60
22	Romania	0.60
23	Netherlands	0.52
24	France	0.49
25	Poland	0.34

11 Για τη 14η Μαρτίου

Είπαμε να διορθωθούν τα παρακάτω:

- Οι πίνακες με δεδομένα να έχουν 2 δεκαδικά ψηφία ή όσα είναι αναγκαία, όχι παραπάνω.
- Να προστίθενται γραμμές στις αναφορές ανά 5 στοιχεία, ώστε να είναι ευδιάχριτα τα νούμερα.
- Να φτιαχτεί ένα πινακάκι με descriptive statistics για τα δεδομένα τα οποία έχουμε, να περιλαμβάνει min, max, quantiles, median και boxplot.
- Να γίνει η παραπάνω παρουσίαση για τα αρχικά δεδομένα, αλλά και για τα κανονικοποιημένα δεδομένα.
- Πιθανώς να δούμε την διαφορά που θα είχε η χρήση κάποιου διαφορετικού τρόπου κανονικοποίησης. (Μέχρι τώρα η κανονικοποίηση γίνεται διαιρώντας με την μέγιστη τιμή. Ένας άλλος τρόπος θα ήταν ο $\frac{X-X_{min}}{X_{max}-X_{min}}$)

11.1 Πίνακας r^2 με βέλτιστα επιλεγμένα βάρη

Εδώ φαίνεται ο πίνακας της προηγούμενης εβδομάδας, με την διαφορά ότι κάθε χώρα μπορούσε να επιλέξει το "mix" δεδομένων που θα χρησιμοποιήσει ώστε να είναι βέλτιστο το r^2 . Εδώ βλέπουμε πως η Γαλλία έχει πολύ πιο μικρό πρόβλημα.

Ο αλγόριθμος ο οποίος χρησιμοποιήθηκε για να βγει αυτός ο πίνακας είναι πολύ κακός. Θεωρεί πως υπάρχει κάποια γραμμική συσχέτιση της ικανότητας μίας χώρας να περιγράψει τις άλλες και του βάρους κάθε διαφορετικού δεδομένου (για παράδειγμα, τα verfied emissions έχουν μία γνησίως αύξουσα σχέση με την ικανότητα της χώρας να περιγράψει τις άλλες.) Αυτό δεν ισχύει και ίσως είναι ενδιαφέρον το να δούμε πώς μοιάζει η συνάρτηση αυτή.

Πάντως ο αλγόριθμος αυτός κάνει τα παρακάτω:

- 1. Διαλέγει ένα από τα βάρη των διαφορετικών δεδομένων.
- 2. Δοχιμαστικά "ανεβάζει" και "κατεβάζει" το αντίστοιχο βάρος και βλέπει ποιο οδηγεί σε καλύτερη παλινδρόμηση.
- 3. Επαναλαμβάνει το προηγούμενο βήμα μέχρι να χτηπίσει κάποιο όριο ή να είναι χειρότερες και οι δύο επιλογές.
- 4. Προχωρά στο επόμενο βάρος το οποίο μπορεί να βελτιστοποιήσει.
- 5. Οι παράμετροι ήταν:
 - Ελάχιστο βάρος: 0
 - Μέγιστο βάρος: 1000
 - Βήμα: 10
 - Τιμή εκκίνησης: 50
 - Υπάρχουν 8 βάρη, τυχαία διαλέγει το βάρος το οποίο θα προσπαθήσει να βελτιστοποιήσει 100 φορές

	2008	2009	2010	2011	2012	2013	2014	2015	2016	2017	2018	max p-value	max MSE
Austria	0.99	0.98	0.98	0.98	0.99	0.98	0.98	0.98	0.98	0.97	0.97	0.00	0.00
Belgium	0.98	0.98	0.98	0.99	0.98	0.91	0.90	0.91	0.89	0.88	0.89	0.00	0.00
Bulgaria	0.98	0.98	0.98	0.98	0.99	0.97	0.97	0.97	0.97	0.97	0.97	0.00	0.00
Cyprus	0.99	0.98	0.98	0.98	0.99	0.97	0.96	0.97	0.97	0.97	0.97	0.00	0.00
Denmark	0.99	0.98	0.97	0.98	0.99	0.97	0.97	0.97	0.97	0.97	0.96	0.00	0.00
Estonia	0.99	0.98	0.98	0.98	0.98	0.96	0.97	0.97	0.97	0.97	0.97	0.00	0.00
Finland	0.99	0.98	0.98	0.98	0.98	0.97	0.98	0.97	0.98	0.97	0.97	0.00	0.00
France	0.08	0.08	0.97	0.96	0.98	0.98	0.98	0.96	0.98	0.98	0.98	0.19	0.01
Germany	1.00	0.99	0.99	0.99	0.99	0.98	0.98	0.98	0.98	0.97	0.98	0.00	0.00
Greece	0.98	0.98	0.98	0.98	0.98	0.96	0.96	0.97	0.98	0.97	0.97	0.00	0.00
Hungary	0.99	0.97	0.97	0.98	0.98	0.97	0.96	0.97	0.97	0.97	0.97	0.00	0.00
Ireland	0.99	0.98	0.97	0.99	0.99	0.97	0.97	0.97	0.97	0.96	0.96	0.00	0.00
Italy	0.96	0.93	0.97	0.98	0.99	0.96	0.96	0.97	0.97	0.97	0.96	0.00	0.00
Latvia	0.98	0.98	0.97	0.98	0.98	0.97	0.97	0.97	0.98	0.98	0.97	0.00	0.00
Lithuania	0.99	0.98	0.97	0.98	0.99	0.98	0.98	0.98	0.98	0.98	0.97	0.00	0.00
Luxembourg	0.98	0.97	0.97	0.98	0.98	0.96	0.96	0.97	0.97	0.97	0.97	0.00	0.00
Malta	0.99	0.98	0.97	0.98	0.99	0.97	0.97	0.97	0.97	0.98	0.97	0.00	0.00
Netherlands	0.97	0.97	0.97	0.97	0.98	0.81	0.81	0.80	0.79	0.73	0.69	0.00	0.00
Poland	0.00	0.02	0.04	0.04	0.07	0.94	0.94	0.94	0.95	0.95	0.94	0.92	0.02
Portugal	0.99	0.98	0.98	0.98	0.98	0.97	0.98	0.97	0.98	0.97	0.97	0.00	0.00
Romania	0.95	0.95	0.93	0.96	0.96	0.98	0.98	0.98	0.97	0.97	0.97	0.00	0.00
Slovenia	0.99	0.97	0.97	0.98	0.98	0.97	0.97	0.97	0.97	0.97	0.97	0.00	0.00
Spain	0.98	0.97	0.98	0.97	0.98	0.95	0.94	0.95	0.95	0.95	0.95	0.00	0.00
Sweden	0.99	0.98	0.97	0.98	0.99	0.97	0.98	0.98	0.97	0.97	0.97	0.00	0.00
United Kingdom	0.99	0.99	0.99	0.99	0.99	0.92	0.94	0.97	0.98	0.98	0.98	0.00	0.00

 Σ ε αυτόν τον πίνακα τα μέσα βάρη ήταν:

 \bullet Population: 59.63

• GDP per capita: 19.85

 \bullet Inflation: 15.12

• Agriculture: 69.09

• Industry: 407.60

• Manufacturing: 12.69

 $\bullet\,$ Total energy supply: 170.25

• Verified emissions: 849.81

11.2 Οπτικοποίηση δεδομένων

11.2.1 Πληθυσμός

 $\bullet \ \, Source: \ \, https://data.worldbank.org/indicator/SP.POP.TOTL$

 $\bullet~$ Year: 2011 - 2021

• Unit: Persons

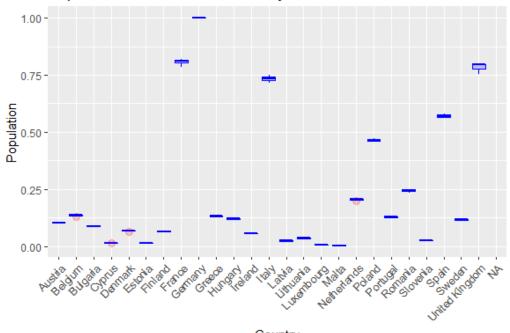
Για τον πληθυσμό δεν έχω τίποτα εντυπωσιαχό να πω. Τσως είναι χάπως εύχολο να δούμε όλα τα δεδομένα ταυτόχρονα και να παρατηρήσουμε τι αλλαγή επιφέρει η κανονιχοποίηση στα δεδομένα. Όπως φαίνεται στα figure 7 και 8. Τα σχήματα είναι ολόιδια. Η διαφορά είναι πως το ένα έχει διαιρεθεί με το 1000000 ενώ το άλλο έχει διαιρεθεί με το μέγιστο χάθε χρονιάς, οπότε είναι ελαφρώς διαφορετιχές οι σχέσεις μεταξύ των αριθμών χάθε χώρας.

Population	min	25-quantile	median	75-quantile	max	Std
Austria	8.32	8.38	8.48	8.69	8.84	0.19
Belgium	10.71	10.97	11.16	11.30	11.43	0.24
Bulgaria	7.03	7.15	7.27	7.37	7.49	0.15
Cyprus	1.08	1.12	1.14	1.17	1.19	0.03
Denmark	5.49	5.56	5.61	5.71	5.79	0.10
Estonia	1.31	1.32	1.32	1.33	1.34	0.01
Finland	5.31	5.38	5.44	5.49	5.52	0.07
France	64.37	65.19	66.00	66.64	67.10	0.93
Germany	80.27	80.81	81.78	82.23	82.91	0.91
Greece	10.73	10.80	10.97	11.09	11.12	0.15
Hungary	9.78	9.83	9.89	9.99	10.04	0.09
Ireland	4.49	4.57	4.62	4.73	4.87	0.12
Italy	58.83	59.33	60.23	60.58	60.79	0.73
Latvia	1.93	1.97	2.01	2.08	2.18	0.08
Lithuania	2.80	2.89	2.96	3.06	3.20	0.13
Luxembourg	0.49	0.51	0.54	0.58	0.61	0.04
Malta	0.41	0.42	0.43	0.45	0.48	0.03
Netherlands	16.45	16.65	16.80	16.99	17.23	0.25
Poland	37.97	37.98	38.04	38.06	38.15	0.06
Portugal	10.28	10.34	10.46	10.56	10.57	0.12
Romania	19.47	19.76	19.98	20.20	20.54	0.33
Slovenia	2.02	2.05	2.06	2.06	2.07	0.01
Spain	45.95	46.46	46.58	46.68	46.80	0.24
Sweden	9.22	9.41	9.60	9.86	10.18	0.31
United Kingdom	61.81	63.01	64.13	65.36	66.46	1.55

Table 4: Population in millions 2008-2018

Παράλληλα, μπορούμε να παρατηρήσουμε τα δεδομένα κάπως καλύτερα, όπου φαίνεται πως η κανονικοποίηση δεν επηρεάζει καθόλου την σχέση μεταξύ των τιμών:

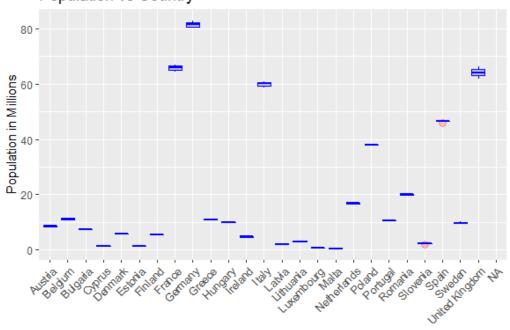
Population Normalized vs Country



Country

(a)

Population vs Country



Country

(b)

11.2.2 Πληθωρισμός

 $\bullet \ \, Source: \ \, https://data.worldbank.org/indicator/FP.CPI.TOTL.ZG$

• Year: 1960-2021

• Unit: %

Inflation	min	25-quantile	median	75-quantile	max	Std
Austria	0.87	1.71	1.85	2.01	2.30	0.45
Belgium	0.53	1.30	1.81	1.90	1.96	0.47
Bulgaria	0.07	1.23	3.32	4.52	8.10	2.45
Cyprus	-1.33	-0.66	1.00	1.65	4.73	1.74
Denmark	0.25	0.58	0.89	1.78	4.13	1.27
Estonia	-0.39	2.00	3.59	4.05	6.80	2.02
Finland	0.09	1.22	1.77	2.59	3.04	1.02
France	0.07	0.55	0.95	1.10	2.37	0.58
Germany	0.65	1.20	1.50	1.87	1.97	0.46
Greece	-2.05	-0.44	-0.18	0.62	4.34	1.85
Hungary	1.32	2.66	2.89	4.11	4.85	1.15
Ireland	-4.62	-0.28	0.71	1.22	7.70	3.10
Italy	0.44	0.92	1.13	1.58	2.40	0.54
Latvia	-9.67	0.49	1.92	3.77	11.65	5.17
Lithuania	-3.30	1.06	2.53	3.88	9.71	3.30
Luxembourg	-1.11	1.94	2.28	3.36	6.61	1.99
Malta	1.12	2.06	2.22	2.75	4.22	0.82
Netherlands	0.19	0.35	0.94	1.36	2.44	0.79
Poland	0.30	0.75	1.65	2.82	3.89	1.34
Portugal	-0.39	0.67	1.51	1.78	2.25	0.90
Romania	1.80	3.33	3.77	4.38	16.02	3.88
Slovenia	-1.03	0.68	1.04	1.86	4.47	1.49
Spain	-0.22	0.06	0.32	0.90	2.25	0.76
Sweden	0.93	1.04	1.74	2.25	3.24	0.75
United Kingdom	0.51	1.60	1.82	2.03	3.23	0.65

Table 5: Πληθωρισμός μεταξύ 2008-2018

Εδώ βέβαια ίσως έχει σημασία να δούμε λίγο τι συμβαίνει στα δεδομένα με την κανονικοποίηση. Ούτε εδώ αλλάζουν σημαντικά οι σχέσεις μεταξύ τους.

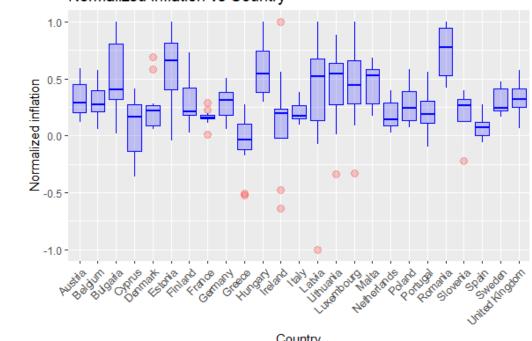
Inflation vs Country



Country

(a)

Normalized Inflation vs Country



Country

(b)

11.2.3 Total energy Supply

 $\bullet \ \ Source: \ https://ec.europa.eu/eurostat/databrowser/view/nrg_bal_s_1/default/table?lang=en$

 $\bullet~$ Year: 2011 - 2020

 \bullet Unit: Thousand tonnes of oil equivalent

	min	25-quantile	median	75-quantile	max	Std
Austria	32011.29	33031.17	33177.75	33562.30	34166.28	660.54
Belgium	52238.38	53015.79	55039.87	55272.03	59313.06	2255.37
Bulgaria	16923.38	17726.43	18234.79	18722.35	19823.90	813.92
Cyprus	1955.96	2121.56	2262.44	2440.09	2616.93	221.87
Denmark	16374.16	16838.22	17383.65	18304.45	19558.31	1128.72
Estonia	4399.62	5378.58	5648.48	5846.32	5978.41	496.84
Finland	32022.99	33165.71	33582.86	34469.06	36251.74	1195.84
France	248383.41	250072.60	256292.91	259845.13	266394.54	6206.33
Germany	305036.83	310746.75	313107.91	318940.66	335474.27	9403.81
Greece	22748.62	23240.71	23407.97	27231.17	30404.91	2854.85
Hungary	23652.51	24816.51	25609.63	26395.50	26900.70	1096.99
Ireland	12776.63	13293.33	13625.33	14225.86	15022.14	727.58
Italy	146769.88	152859.01	156093.49	168758.58	181736.20	10969.89
Latvia	4259.46	4307.46	4407.65	4465.42	4640.00	129.86
Lithuania	6946.51	7067.95	7290.53	7647.47	9553.50	819.46
Luxembourg	3682.05	3785.50	3948.40	4127.44	4212.94	195.48
Malta	594.33	687.68	780.25	834.21	881.48	97.20
Netherlands	71379.09	73882.75	75619.51	77123.41	82743.78	3132.34
Poland	93773.11	96236.75	97971.41	101131.11	108970.23	4555.35
Portugal	21439.29	22060.46	22651.14	23433.93	24716.20	1092.37
Romania	31378.66	31668.07	33454.78	34845.41	39485.27	2432.37
Slovenia	6473.51	6722.90	6875.85	7127.16	7982.69	419.35
Spain	114522.76	119335.11	125486.61	126434.02	138166.04	6411.76
Sweden	44092.81	48432.69	49103.98	49874.22	50118.89	1857.82
United Kingdom	174024.39	177000.66	186386.17	191789.70	208268.88	11384.30

Table 6: Total energy supply μεταξύ 2008-2018

11.2.4 GDP per capita

 $\bullet \ \, Source: \ \, https://data.worldbank.org/indicator/NY.GDP.PCAP.CD$

• Year: 1960 - 2021

• Unit: US\$

	min	25-quantile	median	75-quantile	max	Std
Austria	44.20	47.17	48.56	51.46	51.92	2.75
Belgium	41.01	44.19	44.76	47.48	48.30	2.43
Bulgaria	6.85	7.17	7.57	7.88	9.45	0.74
Cyprus	23.41	26.89	28.91	31.57	35.40	3.57
Denmark	53.25	57.83	58.51	61.67	64.32	3.39
Estonia	14.66	17.40	18.20	19.66	23.06	2.45
Finland	42.80	46.46	47.71	50.16	53.77	3.25
France	36.65	39.73	41.59	42.84	45.52	2.75
Germany	41.10	41.89	44.65	46.50	48.02	2.61
Greece	17.92	19.17	21.79	26.10	32.13	4.84
Hungary	12.72	13.09	13.72	14.46	16.43	1.21
Ireland	48.66	51.83	55.60	62.44	79.11	9.57
Italy	30.24	33.51	35.56	36.63	40.94	3.17
Latvia	11.42	13.56	14.33	15.72	17.87	1.87
Lithuania	11.82	14.32	14.94	16.14	19.19	2.11
Luxembourg	105.46	109.81	112.58	119.51	123.68	6.14
Malta	21.08	22.37	24.77	26.19	31.57	3.23
Netherlands	45.19	49.37	52.20	52.97	57.88	3.66
Poland	11.53	12.60	13.70	13.94	15.47	1.08
Portugal	19.25	21.03	22.10	23.18	24.95	1.68
Romania	8.21	8.76	9.55	10.24	12.40	1.23
Slovenia	20.89	23.07	23.53	24.96	27.60	1.92
Spain	25.74	28.25	29.50	31.11	35.51	2.74
Sweden	46.95	52.42	54.59	59.03	61.13	4.45
United Kingdom	38.95	41.18	42.69	44.56	47.79	2.92

Table 7: GDP per capita in thousands USD

11.2.5 Verified emissions

• Source: EU ETS Database

 \bullet Table: eutl_compliance

• Column: verified

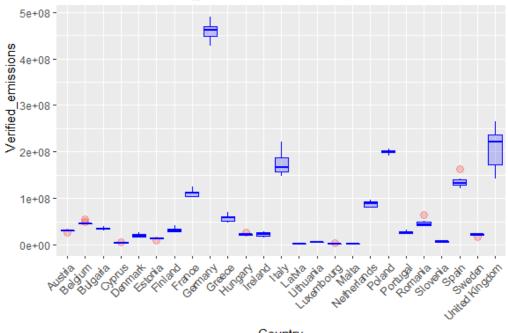
Από όποια μονάδα και να ήταν, εδώ πάνε 1.000.000 φορές κάτω:

	min	25-quantile	median	75-quantile	max	Std
Austria	27.36	29.61	30.51	30.87	32.08	1.27
Belgium	45.03	45.17	45.99	46.29	55.46	3.16
Bulgaria	31.28	33.24	34.57	35.95	40.00	2.63
Cyprus	4.19	4.58	4.61	4.92	5.58	0.41
Denmark	15.50	17.05	19.46	23.71	26.55	4.05
Estonia	10.38	13.50	13.89	14.76	16.00	1.55
Finland	26.18	27.81	30.68	34.72	41.30	4.74
France	101.40	104.86	110.90	114.46	124.13	7.10
Germany	428.29	448.66	462.35	469.31	489.86	18.24
Greece	47.34	50.74	58.84	61.09	69.85	7.10
Hungary	20.08	21.23	22.40	22.61	27.24	1.91
Ireland	15.77	18.88	23.63	27.08	28.53	4.72
Italy	148.37	157.09	166.78	187.42	220.68	21.98
Latvia	2.43	2.59	2.74	2.96	3.24	0.26
Lithuania	5.61	5.92	6.23	6.65	7.56	0.59
Luxembourg	1.73	1.83	2.06	2.17	3.62	0.52
Malta	0.84	1.09	1.89	1.92	2.28	0.51
Netherlands	79.97	82.27	89.14	92.79	96.47	6.31
Poland	191.17	198.28	199.73	203.07	206.35	4.12
Portugal	24.17	25.64	26.99	28.75	31.42	2.23
Romania	40.53	42.21	43.07	48.72	63.82	6.83
Slovenia	6.18	6.60	7.45	8.03	8.86	0.91
Spain	121.48	128.26	132.69	140.52	163.46	11.31
Sweden	17.49	21.05	22.51	22.63	22.86	1.71
United Kingdom	141.76	172.90	220.88	236.57	265.06	42.22

Table 8: Verified emissions

 $\rm E$ δώ επειδή δεν φαίνεται τίποτα, θα βάλω \log απλά για να μπορούμε να διακρίνουμε κάτι, χωρίς κάποια κανονικοποίηση.

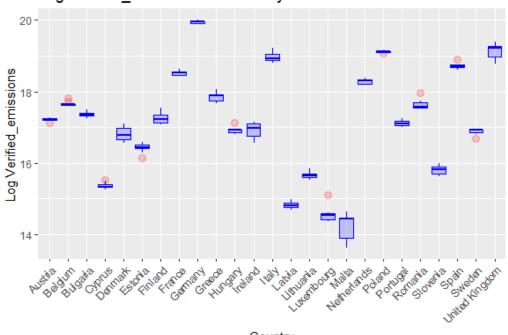
Verified_emissions vs Country



Country

(a)

Log Verified_emissions vs Country



Country

(b)

11.2.6 Agriculture

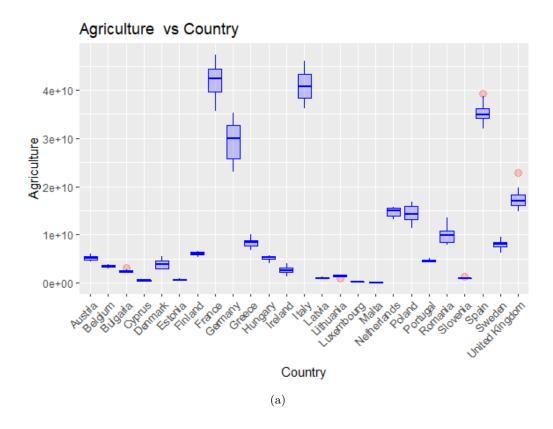
 \bullet Source: http://wdi.worldbank.org/table/4.2

• Year: 2020

 \bullet Unit: Argicultural in Billions USD.

	min	25-quantile	median	75-quantile	max	Std
Austria	4.32	4.79	5.14	5.46	6.05	0.55
Belgium	2.99	3.22	3.39	3.62	3.88	0.27
Bulgaria	2.04	2.20	2.39	2.56	3.20	0.33
Cyprus	0.37	0.44	0.49	0.52	0.59	0.07
Denmark	2.68	3.02	3.87	4.49	5.41	0.91
Estonia	0.49	0.63	0.65	0.80	0.85	0.13
Finland	5.29	5.82	6.03	6.41	6.59	0.43
France	35.54	39.60	42.43	44.42	47.28	3.91
Germany	22.99	25.78	29.91	32.78	35.20	4.54
Greece	6.79	7.71	8.33	8.85	9.99	0.90
Hungary	4.01	4.87	5.31	5.51	5.67	0.60
Ireland	1.32	2.28	2.61	3.06	3.96	0.71
Italy	36.20	38.32	40.70	43.21	45.94	3.17
Latvia	0.85	0.96	0.97	1.07	1.24	0.11
Lithuania	0.95	1.38	1.55	1.66	1.71	0.24
Luxembourg	0.13	0.14	0.15	0.17	0.20	0.02
Malta	0.09	0.10	0.11	0.11	0.13	0.01
Netherlands	13.20	13.89	15.07	15.49	15.71	0.92
Poland	11.25	13.13	14.22	15.96	16.76	1.91
Portugal	4.16	4.38	4.64	4.77	5.17	0.32
Romania	7.87	8.47	9.88	10.88	13.51	1.74
Slovenia	0.89	0.91	0.92	1.01	1.22	0.10
Spain	31.90	34.18	34.84	36.07	39.19	2.23
Sweden	6.27	7.53	8.11	8.47	9.59	0.87
United Kingdom	14.74	16.11	17.05	18.33	22.84	2.28

Table 9: Agriculture



11.2.7 Industry

• Source: http://wdi.worldbank.org/table/4.2

• Year: 2020

• Unit: Industry in Billions USD

Austria 96.16 102.24 106.03 111.06 116.48 6.50 Belgium 90.94 98.13 100.59 104.53 111.72 6.42 Bulgaria 12.04 13.16 13.62 14.01 14.87 0.87 Cyprus 2.03 2.45 2.95 3.63 4.98 0.90 Denmark 60.50 64.40 68.89 69.76 79.84 5.40 Estonia 4.61 5.63 5.97 6.42 7.36 0.81 Finland 54.66 61.38 63.49 65.70 84.47 7.78 France 431.14 459.74 479.72 506.08 551.30 36.97 Germany 843.80 934.68 1000.01 1014.25 1085.27 69.42 Greece 27.44 28.64 35.83 42.48 55.73 9.66 Hungary 32.23 32.95 33.99 36.13 40.79 2.98 Ireland <							
Belgium 90.94 98.13 100.59 104.53 111.72 6.42 Bulgaria 12.04 13.16 13.62 14.01 14.87 0.87 Cyprus 2.03 2.45 2.95 3.63 4.98 0.90 Denmark 60.50 64.40 68.89 69.76 79.84 5.40 Estonia 4.61 5.63 5.97 6.42 7.36 0.81 Finland 54.66 61.38 63.49 65.70 84.47 7.78 France 431.14 459.74 479.72 506.08 551.30 36.97 Germany 843.80 934.68 1000.01 1014.25 1085.27 69.42 Greece 27.44 28.64 35.83 42.48 55.73 9.66 Hungary 32.23 32.95 33.99 36.13 40.79 2.98 Ireland 51.79 57.18 62.99 110.85 141.75 32.57 Italy		min	25-quantile	median	75-quantile		Std
Bulgaria 12.04 13.16 13.62 14.01 14.87 0.87 Cyprus 2.03 2.45 2.95 3.63 4.98 0.90 Denmark 60.50 64.40 68.89 69.76 79.84 5.40 Estonia 4.61 5.63 5.97 6.42 7.36 0.81 Finland 54.66 61.38 63.49 65.70 84.47 7.78 France 431.14 459.74 479.72 506.08 551.30 36.97 Germany 843.80 934.68 1000.01 1014.25 1085.27 69.42 Greece 27.44 28.64 35.83 42.48 55.73 9.66 Hungary 32.23 32.95 33.99 36.13 40.79 2.98 Ireland 51.79 57.18 62.99 110.85 141.75 32.57 Italy 383.06 431.67 449.66 474.26 568.48 50.60 Latvia <t< td=""><td>Austria</td><td>96.16</td><td>102.24</td><td>106.03</td><td>111.06</td><td>116.48</td><td>6.50</td></t<>	Austria	96.16	102.24	106.03	111.06	116.48	6.50
Cyprus 2.03 2.45 2.95 3.63 4.98 0.90 Denmark 60.50 64.40 68.89 69.76 79.84 5.40 Estonia 4.61 5.63 5.97 6.42 7.36 0.81 Finland 54.66 61.38 63.49 65.70 84.47 7.78 France 431.14 459.74 479.72 506.08 551.30 36.97 Germany 843.80 934.68 1000.01 1014.25 1085.27 69.42 Greece 27.44 28.64 35.83 42.48 55.73 9.66 Hungary 32.23 32.95 33.99 36.13 40.79 2.98 Ireland 51.79 57.18 62.99 110.85 141.75 32.57 Italy 383.06 431.67 449.66 474.26 568.48 50.60 Latvia 4.90 5.37 5.81 6.01 7.81 0.78 Lithuania 9.	Belgium	90.94	98.13	100.59	104.53	111.72	6.42
Denmark 60.50 64.40 68.89 69.76 79.84 5.40 Estonia 4.61 5.63 5.97 6.42 7.36 0.81 Finland 54.66 61.38 63.49 65.70 84.47 7.78 France 431.14 459.74 479.72 506.08 551.30 36.97 Germany 843.80 934.68 1000.01 1014.25 1085.27 69.42 Greece 27.44 28.64 35.83 42.48 55.73 9.66 Hungary 32.23 32.95 33.99 36.13 40.79 2.98 Ireland 51.79 57.18 62.99 110.85 141.75 32.57 Italy 383.06 431.67 449.66 474.26 568.48 50.60 Latvia 4.90 5.37 5.81 6.01 7.81 0.78 Lithuania 9.38 11.12 12.22 13.05 13.97 1.52 Luxembourg	Bulgaria	12.04	13.16	13.62	14.01	14.87	0.87
Estonia 4.61 5.63 5.97 6.42 7.36 0.81 Finland 54.66 61.38 63.49 65.70 84.47 7.78 France 431.14 459.74 479.72 506.08 551.30 36.97 Germany 843.80 934.68 1000.01 1014.25 1085.27 69.42 Greece 27.44 28.64 35.83 42.48 55.73 9.66 Hungary 32.23 32.95 33.99 36.13 40.79 2.98 Ireland 51.79 57.18 62.99 110.85 141.75 32.57 Italy 383.06 431.67 449.66 474.26 568.48 50.60 Latvia 4.90 5.37 5.81 6.01 7.81 0.78 Lithuania 9.38 11.12 12.22 13.05 13.97 1.52 Luxembourg 5.99 6.42 6.93 7.48 7.80 0.62 Malta 1	Cyprus	2.03	2.45	2.95	3.63	4.98	0.90
Finland 54.66 61.38 63.49 65.70 84.47 7.78 France 431.14 459.74 479.72 506.08 551.30 36.97 Germany 843.80 934.68 1000.01 1014.25 1085.27 69.42 Greece 27.44 28.64 35.83 42.48 55.73 9.66 Hungary 32.23 32.95 33.99 36.13 40.79 2.98 Ireland 51.79 57.18 62.99 110.85 141.75 32.57 Italy 383.06 431.67 449.66 474.26 568.48 50.60 Latvia 4.90 5.37 5.81 6.01 7.81 0.78 Lithuania 9.38 11.12 12.22 13.05 13.97 1.52 Luxembourg 5.99 6.42 6.93 7.48 7.80 0.62 Malta 1.36 1.48 1.54 1.59 1.84 0.14 Netherlands <	Denmark	60.50	64.40	68.89	69.76	79.84	5.40
France 431.14 459.74 479.72 506.08 551.30 36.97 Germany 843.80 934.68 1000.01 1014.25 1085.27 69.42 Greece 27.44 28.64 35.83 42.48 55.73 9.66 Hungary 32.23 32.95 33.99 36.13 40.79 2.98 Ireland 51.79 57.18 62.99 110.85 141.75 32.57 Italy 383.06 431.67 449.66 474.26 568.48 50.60 Latvia 4.90 5.37 5.81 6.01 7.81 0.78 Lithuania 9.38 11.12 12.22 13.05 13.97 1.52 Luxembourg 5.99 6.42 6.93 7.48 7.80 0.62 Malta 1.36 1.48 1.54 1.59 1.84 0.14 Netherlands 138.29 155.19 166.89 173.29 204.75 19.28 Portugal	Estonia	4.61	5.63	5.97	6.42	7.36	0.81
Germany 843.80 934.68 1000.01 1014.25 1085.27 69.42 Greece 27.44 28.64 35.83 42.48 55.73 9.66 Hungary 32.23 32.95 33.99 36.13 40.79 2.98 Ireland 51.79 57.18 62.99 110.85 141.75 32.57 Italy 383.06 431.67 449.66 474.26 568.48 50.60 Latvia 4.90 5.37 5.81 6.01 7.81 0.78 Lithuania 9.38 11.12 12.22 13.05 13.97 1.52 Luxembourg 5.99 6.42 6.93 7.48 7.80 0.62 Malta 1.36 1.48 1.54 1.59 1.84 0.14 Netherlands 138.29 155.19 166.89 173.29 204.75 19.28 Poland 129.76 146.41 150.02 156.35 169.32 10.65 Portugal	Finland	54.66	61.38	63.49	65.70	84.47	7.78
Greece 27.44 28.64 35.83 42.48 55.73 9.66 Hungary 32.23 32.95 33.99 36.13 40.79 2.98 Ireland 51.79 57.18 62.99 110.85 141.75 32.57 Italy 383.06 431.67 449.66 474.26 568.48 50.60 Latvia 4.90 5.37 5.81 6.01 7.81 0.78 Lithuania 9.38 11.12 12.22 13.05 13.97 1.52 Luxembourg 5.99 6.42 6.93 7.48 7.80 0.62 Malta 1.36 1.48 1.54 1.59 1.84 0.14 Netherlands 138.29 155.19 166.89 173.29 204.75 19.28 Poland 129.76 146.41 150.02 156.35 169.32 10.65 Portugal 38.81 41.82 43.54 47.46 53.70 4.42 Romania <td< td=""><td>France</td><td>431.14</td><td>459.74</td><td>479.72</td><td>506.08</td><td>551.30</td><td>36.97</td></td<>	France	431.14	459.74	479.72	506.08	551.30	36.97
Hungary 32.23 32.95 33.99 36.13 40.79 2.98 Ireland 51.79 57.18 62.99 110.85 141.75 32.57 Italy 383.06 431.67 449.66 474.26 568.48 50.60 Latvia 4.90 5.37 5.81 6.01 7.81 0.78 Lithuania 9.38 11.12 12.22 13.05 13.97 1.52 Luxembourg 5.99 6.42 6.93 7.48 7.80 0.62 Malta 1.36 1.48 1.54 1.59 1.84 0.14 Netherlands 138.29 155.19 166.89 173.29 204.75 19.28 Poland 129.76 146.41 150.02 156.35 169.32 10.65 Portugal 38.81 41.82 43.54 47.46 53.70 4.42 Romania 54.81 61.02 63.42 67.76 78.81 7.80 Slovenia <	Germany	843.80	934.68	1000.01	1014.25	1085.27	69.42
Ireland 51.79 57.18 62.99 110.85 141.75 32.57 Italy 383.06 431.67 449.66 474.26 568.48 50.60 Latvia 4.90 5.37 5.81 6.01 7.81 0.78 Lithuania 9.38 11.12 12.22 13.05 13.97 1.52 Luxembourg 5.99 6.42 6.93 7.48 7.80 0.62 Malta 1.36 1.48 1.54 1.59 1.84 0.14 Netherlands 138.29 155.19 166.89 173.29 204.75 19.28 Poland 129.76 146.41 150.02 156.35 169.32 10.65 Portugal 38.81 41.82 43.54 47.46 53.70 4.42 Romania 54.81 61.02 63.42 67.76 78.81 7.80 Slovenia 12.08 12.77 13.77 13.95 16.62 1.31 Spain <td< td=""><td>Greece</td><td>27.44</td><td>28.64</td><td>35.83</td><td>42.48</td><td>55.73</td><td>9.66</td></td<>	Greece	27.44	28.64	35.83	42.48	55.73	9.66
Italy 383.06 431.67 449.66 474.26 568.48 50.60 Latvia 4.90 5.37 5.81 6.01 7.81 0.78 Lithuania 9.38 11.12 12.22 13.05 13.97 1.52 Luxembourg 5.99 6.42 6.93 7.48 7.80 0.62 Malta 1.36 1.48 1.54 1.59 1.84 0.14 Netherlands 138.29 155.19 166.89 173.29 204.75 19.28 Poland 129.76 146.41 150.02 156.35 169.32 10.65 Portugal 38.81 41.82 43.54 47.46 53.70 4.42 Romania 54.81 61.02 63.42 67.76 78.81 7.80 Slovenia 12.08 12.77 13.77 13.95 16.62 1.31 Spain 240.11 268.98 278.66 328.16 429.02 57.54 Sweden <	Hungary	32.23	32.95	33.99	36.13	40.79	2.98
Latvia 4.90 5.37 5.81 6.01 7.81 0.78 Lithuania 9.38 11.12 12.22 13.05 13.97 1.52 Luxembourg 5.99 6.42 6.93 7.48 7.80 0.62 Malta 1.36 1.48 1.54 1.59 1.84 0.14 Netherlands 138.29 155.19 166.89 173.29 204.75 19.28 Poland 129.76 146.41 150.02 156.35 169.32 10.65 Portugal 38.81 41.82 43.54 47.46 53.70 4.42 Romania 54.81 61.02 63.42 67.76 78.81 7.80 Slovenia 12.08 12.77 13.77 13.95 16.62 1.31 Spain 240.11 268.98 278.66 328.16 429.02 57.54 Sweden 97.80 114.87 122.21 126.94 135.67 10.52	Ireland	51.79	57.18	62.99	110.85	141.75	32.57
Lithuania 9.38 11.12 12.22 13.05 13.97 1.52 Luxembourg 5.99 6.42 6.93 7.48 7.80 0.62 Malta 1.36 1.48 1.54 1.59 1.84 0.14 Netherlands 138.29 155.19 166.89 173.29 204.75 19.28 Poland 129.76 146.41 150.02 156.35 169.32 10.65 Portugal 38.81 41.82 43.54 47.46 53.70 4.42 Romania 54.81 61.02 63.42 67.76 78.81 7.80 Slovenia 12.08 12.77 13.77 13.95 16.62 1.31 Spain 240.11 268.98 278.66 328.16 429.02 57.54 Sweden 97.80 114.87 122.21 126.94 135.67 10.52	Italy	383.06	431.67	449.66	474.26	568.48	50.60
Luxembourg 5.99 6.42 6.93 7.48 7.80 0.62 Malta 1.36 1.48 1.54 1.59 1.84 0.14 Netherlands 138.29 155.19 166.89 173.29 204.75 19.28 Poland 129.76 146.41 150.02 156.35 169.32 10.65 Portugal 38.81 41.82 43.54 47.46 53.70 4.42 Romania 54.81 61.02 63.42 67.76 78.81 7.80 Slovenia 12.08 12.77 13.77 13.95 16.62 1.31 Spain 240.11 268.98 278.66 328.16 429.02 57.54 Sweden 97.80 114.87 122.21 126.94 135.67 10.52	Latvia	4.90	5.37	5.81	6.01	7.81	0.78
Malta 1.36 1.48 1.54 1.59 1.84 0.14 Netherlands 138.29 155.19 166.89 173.29 204.75 19.28 Poland 129.76 146.41 150.02 156.35 169.32 10.65 Portugal 38.81 41.82 43.54 47.46 53.70 4.42 Romania 54.81 61.02 63.42 67.76 78.81 7.80 Slovenia 12.08 12.77 13.77 13.95 16.62 1.31 Spain 240.11 268.98 278.66 328.16 429.02 57.54 Sweden 97.80 114.87 122.21 126.94 135.67 10.52	Lithuania	9.38	11.12	12.22	13.05	13.97	1.52
Netherlands 138.29 155.19 166.89 173.29 204.75 19.28 Poland 129.76 146.41 150.02 156.35 169.32 10.65 Portugal 38.81 41.82 43.54 47.46 53.70 4.42 Romania 54.81 61.02 63.42 67.76 78.81 7.80 Slovenia 12.08 12.77 13.77 13.95 16.62 1.31 Spain 240.11 268.98 278.66 328.16 429.02 57.54 Sweden 97.80 114.87 122.21 126.94 135.67 10.52	Luxembourg	5.99	6.42	6.93	7.48	7.80	0.62
Poland 129.76 146.41 150.02 156.35 169.32 10.65 Portugal 38.81 41.82 43.54 47.46 53.70 4.42 Romania 54.81 61.02 63.42 67.76 78.81 7.80 Slovenia 12.08 12.77 13.77 13.95 16.62 1.31 Spain 240.11 268.98 278.66 328.16 429.02 57.54 Sweden 97.80 114.87 122.21 126.94 135.67 10.52	Malta	1.36	1.48	1.54	1.59	1.84	0.14
Portugal 38.81 41.82 43.54 47.46 53.70 4.42 Romania 54.81 61.02 63.42 67.76 78.81 7.80 Slovenia 12.08 12.77 13.77 13.95 16.62 1.31 Spain 240.11 268.98 278.66 328.16 429.02 57.54 Sweden 97.80 114.87 122.21 126.94 135.67 10.52	Netherlands	138.29	155.19	166.89	173.29	204.75	19.28
Romania 54.81 61.02 63.42 67.76 78.81 7.80 Slovenia 12.08 12.77 13.77 13.95 16.62 1.31 Spain 240.11 268.98 278.66 328.16 429.02 57.54 Sweden 97.80 114.87 122.21 126.94 135.67 10.52	Poland	129.76	146.41	150.02	156.35	169.32	10.65
Slovenia 12.08 12.77 13.77 13.95 16.62 1.31 Spain 240.11 268.98 278.66 328.16 429.02 57.54 Sweden 97.80 114.87 122.21 126.94 135.67 10.52	Portugal	38.81	41.82	43.54	47.46	53.70	4.42
Spain 240.11 268.98 278.66 328.16 429.02 57.54 Sweden 97.80 114.87 122.21 126.94 135.67 10.52	Romania	54.81	61.02	63.42	67.76	78.81	7.80
Sweden 97.80 114.87 122.21 126.94 135.67 10.52	Slovenia	12.08	12.77	13.77	13.95	16.62	1.31
	Spain	240.11	268.98	278.66	328.16	429.02	57.54
United Kingdom 448.57 473.78 494.10 522.75 583.44 40.55	Sweden	97.80	114.87	122.21	126.94	135.67	10.52
0 m c m c m c m c m c m c m c m c m c m	United Kingdom	448.57	473.78	494.10	522.75	583.44	40.55

Table 10: Industry

11.2.8 Manufacturing

• Source: http://wdi.worldbank.org/table/4.2

• Year: 2020

• Unit: Manufacturing in Billions USD.

Εδώ φαίνεται εμφανώς πως έχω κάνει ένα τεράστιο λάθος. Λείπουν οι τιμές για το Manufacturing στην Βουλγαρία και νόμιζα πως το είχα βάλει να παίρνει έναν μέσο όρο και πως αυτό δεν θα άλλαζε σημαντικά τα αποτελέσματα. Όμως είναι εμφανές πως η Βουλγαρία όχι μόνο δεν έπαιρνε τις τιμές που ήθελα, αλλά και να συνέβαινε αυτό είναι πολύ πιθανό και πάλι να μην ήταν αρκετά λογικό το αποτέλεσμα. Η Βουλγαρία μάλλον θα πρέπει να αφαιρεθεί από τις δοκιμές, μαζί με χώρες όπως η Σλοβακία.

	min	25-quantile	median	75-quantile	max	Std
Austria	63.75	66.61	70.28	72.47	76.57	4.24
Belgium	58.69	62.46	64.21	66.70	72.39	4.02
Bulgaria	-470.74	-453.31	-432.37	-420.07	-399.33	22.79
Cyprus	0.85	0.95	1.12	1.33	1.52	0.23
Denmark	35.21	37.47	40.47	41.64	46.70	3.45
Estonia	2.41	3.20	3.35	3.56	4.13	0.47
Finland	34.44	38.11	39.73	42.29	59.40	6.76
France	254.30	268.11	278.31	292.38	325.40	20.87
Germany	603.23	697.07	743.97	755.59	796.43	56.32
Greece	15.64	16.78	18.19	22.95	30.27	4.63
Hungary	22.45	24.56	25.39	27.39	29.71	2.23
Ireland	43.26	47.00	49.10	100.06	126.39	31.76
Italy	264.39	290.81	301.69	308.97	372.63	28.24
Latvia	2.57	2.85	3.20	3.32	3.63	0.32
Lithuania	5.65	7.20	8.00	8.15	8.91	0.96
Luxembourg	2.53	2.88	3.14	3.41	3.93	0.42
Malta	0.83	0.96	1.00	1.06	1.23	0.11
Netherlands	82.70	89.39	91.54	95.12	109.07	7.43
Poland	71.81	82.05	85.70	88.28	98.64	7.14
Portugal	24.20	25.62	27.24	27.71	31.35	2.12
Romania	35.95	37.70	39.72	44.53	49.91	4.70
Slovenia	8.43	8.69	9.28	9.90	11.00	0.87
Spain	135.09	148.07	155.06	166.17	207.17	19.84
Sweden	60.02	69.65	72.99	77.49	83.80	6.77
United Kingdom	218.33	242.14	251.42	268.16	286.56	20.19

Table 11: Manufacturing



Figure 11

12 Για την 21η Μαρτίου

Είχαμε πει, να βάλουμε κάποια πρόταση για δουλειά, ώστε να αρχίσει να ετοιμάζεται το paper. Αυτά που έπρεπε να κάνω εγώ είναι:

- Να δούμε αν τα free ήταν το πρόβλημα για την πολωνία και την Γαλλία για το 2012 και το 2013.
- Να βρεθούν βάρη τα οποία να λειτουργούν για όλους καλά. Χωρίς να αλλάζουν κάθε φορά
- Διάβασμα για Nass Wellfare
- Να αναφερθούν ελλείψεις στα data

12.1 Γιατί η Πολωνία και η Γαλλία αποτυγχάνουν να εξηγήσουν τις άλλες πριν το 2012;

Τελικά η απάντηση ήταν απίστευτα απλή. Κάτι πάει λάθος με τις δωρεάν άδειες, ή απλά έπαιρναν υπέρβολικά πολλές στην προηγούμενη φάση. όλες οι χώρες έχασαν πολλές δωρεάν άδειες από το 2012 στο 2013. Αλλά ας δούμε τι ποσοστό έχασαν και όλα θα βγάλουν νόημα. Spoiler, δεν βγάζει. Όχι μόνο δεν είναι παό τις πιο "ακραίες", αλλά μάλιστα είναι και σχετικά στην μέση.:

Country	2012 free in Millions	2013 free in Millions	Percentage drop in %
Malta	2.37	0.18	-92.52
Cyprus	6.70	1.15	-82.89
Estonia	14.30	3.11	-78.25
Greece	65.92	14.50	-78.01
Bulgaria	43.08	10.68	-75.22
United Kingdom	283.33	72.30	-74.48
Slovenia	8.31	2.32	-72.04
Poland	213.47	63.63	-70.20
Luxembourg	4.80	1.45	-69.79
Romania	75.61	24.06	-68.18
Portugal	35.04	12.37	-64.69
Ireland	28.76	10.54	-63.36
Germany	467.32	173.23	-62.93
Spain	163.59	67.11	-58.98
Italy	197.62	87.81	-55.56
Hungary	25.79	12.24	-52.54
Denmark	25.17	12.65	-49.72
Netherlands	99.37	50.24	-49.44
Latvia	5.30	2.77	-47.83
France	159.96	84.38	-47.25
Finland	40.28	23.05	-42.77
Belgium	61.61	37.56	-39.04
Austria	35.38	22.88	-35.33
Lithuania	8.43	6.55	-22.33
Sweden	25.72	30.21	17.47

Άρα καμία απάντηση ακόμα...

12.2 Τα βέλτιστα βάρη για όλα τα σενάρια

Το πρώτο βήμα είναι λογικά να δοκιμαστούν τα πρώτα τα βάτη που προέκυψαν ως μέσος όρος όλων των βέλτιστων βαρών. Σε δεύτερο βήμα, πιθανότατα έχει νόημα να δοκιμάσουμε να μεγιστοποιήσουμε το γινόμενο όλων.

 \bullet Population: 59.63

• GDP per capita: 19.85

• Inflation: 15.12

• Agriculture: 69.09

 \bullet Industry: 407.60

• Manufacturing: 12.69

 $\bullet\,$ Total energy supply: 170.25

• Verified emissions: 849.81

	2008	2009	2010	2011	2012	2013	2014	2015	2016	2017	2018	max p-value	max MSE
Austria	0.94	0.93	0.94	0.94	0.95	0.97	0.97	0.97	0.96	0.95	0.95	0.00	0.00
Belgium	0.91	0.90	0.93	0.93	0.93	0.86	0.83	0.82	0.80	0.78	0.78	0.00	0.00
Bulgaria	0.92	0.91	0.93	0.92	0.94	0.96	0.96	0.97	0.95	0.96	0.96	0.00	0.00
Cyprus	0.95	0.94	0.94	0.95	0.96	0.95	0.94	0.96	0.96	0.96	0.96	0.00	0.00
Denmark	0.95	0.94	0.93	0.94	0.96	0.96	0.96	0.96	0.96	0.95	0.95	0.00	0.00
Estonia	0.94	0.94	0.94	0.94	0.95	0.94	0.95	0.96	0.95	0.96	0.96	0.00	0.00
Finland	0.94	0.93	0.94	0.94	0.95	0.96	0.97	0.96	0.97	0.96	0.95	0.00	0.00
France	0.58	0.53	0.73	0.77	0.83	0.90	0.86	0.85	0.85	0.90	0.89	0.00	0.01
Germany	0.92	0.92	0.93	0.94	0.95	0.97	0.96	0.95	0.95	0.94	0.93	0.00	0.00
Greece	0.87	0.88	0.89	0.89	0.91	0.94	0.94	0.96	0.97	0.96	0.96	0.00	0.00
Hungary	0.94	0.92	0.93	0.94	0.95	0.96	0.95	0.97	0.96	0.96	0.96	0.00	0.00
Ireland	0.95	0.94	0.93	0.95	0.95	0.96	0.96	0.95	0.95	0.94	0.94	0.00	0.00
Italy	0.83	0.80	0.87	0.91	0.93	0.88	0.90	0.94	0.94	0.94	0.93	0.00	0.00
Latvia	0.94	0.94	0.94	0.94	0.95	0.96	0.96	0.96	0.96	0.97	0.96	0.00	0.00
Lithuania	0.94	0.94	0.94	0.94	0.95	0.97	0.97	0.97	0.97	0.97	0.96	0.00	0.00
Luxembourg	0.94	0.93	0.93	0.94	0.95	0.94	0.94	0.95	0.94	0.95	0.95	0.00	0.00
Malta	0.94	0.93	0.94	0.94	0.96	0.96	0.96	0.96	0.96	0.97	0.96	0.00	0.00
Netherlands	0.88	0.87	0.88	0.86	0.88	0.76	0.74	0.71	0.72	0.67	0.62	0.00	0.01
Poland	0.19	0.21	0.28	0.35	0.45	0.81	0.86	0.89	0.93	0.93	0.92	0.04	0.01
Portugal	0.94	0.93	0.94	0.94	0.95	0.96	0.97	0.97	0.96	0.96	0.96	0.00	0.00
Romania	0.84	0.82	0.83	0.86	0.87	0.96	0.98	0.98	0.96	0.95	0.96	0.00	0.00
Slovenia	0.95	0.93	0.93	0.94	0.95	0.96	0.96	0.96	0.96	0.96	0.96	0.00	0.00
Spain	0.93	0.92	0.89	0.88	0.90	0.80	0.87	0.90	0.88	0.92	0.90	0.00	0.00
Sweden	0.94	0.93	0.93	0.93	0.94	0.94	0.94	0.94	0.94	0.93	0.93	0.00	0.00
United Kingdom	0.92	0.94	0.95	0.94	0.94	0.84	0.89	0.89	0.96	0.94	0.94	0.00	0.00

Εδώ πλέον γίνεται πολύ αμφισβητήσιμο το αν χρειάζεται να ψάξουμε για κάτι καλύτερο. Με εξαίρεση την Πολωνία και την Γαλλία, οι υπόλοιποι δείχνουν να τα πηγαίνουν πολύ καλά.

13 Για την 28η Μαρτίου

Είπαμε να γίνουν τα παρακάτω:

- Να δούμε αν η Πολωνία είναι τόσο ανώμαλη, εξαιτίας του κανόνα 10c.
- Να προστεθούν στα features ξεχωριστά η πράσινη ενέργεια και ξεχωριστά η υπόλοιπη ενέργεια.
- Να οριστεί και να προσομοιωθεί το παρακάτω πρόβλημα:
 - $-\max \sum u_i(x_i) * GDP_i$
 - $-\sum x_i \leq \text{Cap.}$
 - Όπου x_i είναι το allocation στην χώρα i.
 - Η u_i είναι ξεχωριστή για κάθε χώρα και δηλώνει την ικανοποίηση που λαμβάνει η αντίστοιχη χώρα με το αντίστοιχο allocation.
- Πιθανότατα η u_i θα μπορούσε να είναι το energy intensity.
- Μετά μπορούν να προστεθούν επιπλέον constrains
- Να προστεθεί το energy Intensity στα features της κάθε χώρας.

13.1 Τι όντως έκανα

- Δεν υλοποίησα κανένα κομμάτι του κώδικά.
- Το power intensity δεν είναι απλώς μία τιμή.

13.2 PPS (Purchasing Power Standards)

Το PPS είναι ένα ειχχονικό νόμισμα. Το οποίο προσπαθεί να πετύχει να είναι αποπληθωρισμένο, ενώ ταυτόχρονα προσπαθεί να αφαιρέσει διαφορές λόγω άλλης αγοραστικής δύναμης.

13.2.1 Χρήση PPS

Το PPS χρησιμοποιείται προχειμένου να κάνουμε συγχρείσεις μεταξύ διαφορετικών χωρών. Το βρίσκουμε συνήθως στα dataset της eurostat ως MPPS (Million Purchasing Power Standarts).

13.2.2 Υπολογισμός

Ένα PPS ισοδυναμεί με ένα καλάθι στην εκάστοτε χώρα. Το καλάθι αυτό έχει ένα μείγμα από διάφορα προϊόντα και υπηρεσίες. Το κόστων αυτών συμπεριλαμβωάνεται σε έναν σταθμισμένο μέσο, εκ του οποίου προκύπτει μία τιμή, η οποία είναι το κόστος του καλαθιού. Στην συνέχεια, μπορούμε να χρησιμοποιήσουμε αυτήν την τιμή για να κανονικοποιήσουμε διαφορετικές "αξίες" μεταξύ διαφορετικών χωρών ώστε να μπορούμε να κάνουμε συγκρίσεις με βάση την αγοραστική δύναμη και όχι απλά ευρώ.

13.3 Power Intensity

Energy intensity can be considered as an approximation of the energy efficiency of a country's economy, and shows the amount of energy needed to produce a unit of GDP. There are various reasons for observed improvements in energy intensity: a general shift from industry towards a service-based economy in Europe, a shift within industry to less energy-intensive activities and production methods, the closure of inefficient units, and more energy-efficient appliances.

Το Power Intensoty υπολογίζεται ως

$$Power_Instenstity = \frac{Units_of_Energy}{Units_of_GDP}$$

Αυτό λοιπόν μπορούμε να το υπολογίσουμε με δύο διαφορετικούς τρόπους.

- Chain Linked Volumes. Χρησιμοποιείται για να κάνουμε συγκερίσεις για μία χώρα σε βάθος χρόνου. Εδώ
 είναι σημαντικό το να σημειωθεί πως είναι πιθανό να μην αρκεί μία τιμή για να κάνουμε την δουλειά μας. Οι
 τιμές προκύπτουν σε επίπεδο έτους. Όμως οι οικονομικές αλλαγές στις χώρες (όπως αλλαγές σε φορολογίες)
 δημιουργούν μεγάλες ανωμαλίες στα δεδομένα, επομένως είναι καλύτερο να χρησιμοποιούνται περισσότερα
 από 4 data points.
- Η άλλη επιλογή είναι το να χρησιμοποιήσουμε τα δεςδομένα σε PPS, αυτή η επιλογή μας επιτρέπει να βγάλουμε συμπεράσματα μεταξύ χωρών.

13.4 Για την επόμενη φορά

13.4.1 Σε δεύτερο χρόνο

• Ορίζουμε ένα πρόβλημα βελτιστοποίησης. Χρησιμοποιούμε το power instensity ως το εργαλείο το οποίο θα μας εξηγεί ποια χώρα είναι σε θέση να διαχειρσιτεί με πιο αποτελεσματικό τρόπου τους ρίπους. Μας ενδιαφέρει το power intensity όπως αυτό βρίσκεται στην eurostat στο NRG_IND_EI, από όπου θα αναζητήσουμε την έτοιμη τιμή PPS.

Στην συνέχεια θα υλοποιηθούν τα παρακάτω:

- Vanila version. Θα είναι λογικά ίδιο με αυτό που είχαμε κάνει στο παρελθόν, μόνο που εκεί αντί για το power intensity είχαμε τον λόγο $\frac{GDP}{verified}.$
- Διάφορα constrains και συνδυασμοί αυτών.
- Να πλησιάσουμε να βρούμε συνδυασμό από περιορισμούς οι οποίοι να προσεγγίζει τις τιμές που προκύπτουν από το EU ETS.
- Διάβασμα το "Cap and Trade and Emission Clustering : A spatial-temporal analysis of the EU ETSheme".

Ορίζουμε ένα πρόβλημα βελτιστοποίησης. Χρησιμοποιούμε το power instensity ως το εργαλείο το οποίο θα μας εξηγεί ποια χώρα είναι σε θέση να διαχειρσιτεί με πιο αποτελεσματικό τρόπου τους ρίπους. Μας ενδιαφέρει το power intensity όπως αυτό βρίσκεται στην eurostat στο NRG_IND_EI, από όπου θα αναζητήσουμε την έτοιμη τιμή PPS.

Στην συνέχεια θα υλοποιηθούν τα παρακάτω:

- Vanila version. Θα είναι λογικά ίδιο με αυτό που είχαμε κάνει στο παρελθόν, μόνο που εκεί αντί για το power intensity είχαμε τον λόγο $\frac{GDP}{verified}$.
- Διάφορα constrains και συνδυασμοί αυτών.
- Να πλησιάσουμε να βρούμε συνδυασμό από περιορισμούς οι οποίοι να προσεγγίζει τις τιμές που προκύπτουν από το EU ETS.

13.4.2 Άμεσα, για το τετρασέλιδο

 Γ ια κάθε χώρα έχουμε έναν συνδυασμό από features. Με βάση αυτά τα δεδομένα μπορούμε να τις ομαδοποιήσουμε σε 3 ή 4 κατηγορίες οι οποίες θα έχουν κοινά χαρακτηριστικά. Ύστερα, να απαντηθούν τα παρακάτω ερωτήματα:

- Να προστεθούν και άλλα features για τις χώρες αυτές, όπως είναι το power intensity, το ποσοστό της πράσινης ενέργειας που παράγουν.
- Οι χώρες οι οποίες είμαι μέσα στο ίδιο cluster μπορούν να εξηγήσουν καλά τις υπόλοιπες του cluster τους;
- Μήπως χώρες διαφορετικών χωρών μπορούν να εξηγήσουν καλύτερη η μία την άλλη; (Υπόθεση Κώστα, μπορεί να ελεγχθεί τρέχοντας το ίδιο πρόβλημα, αλλά αφιαρώντας όλες τις άλλες χώρες του ίδιου cluster)
- Αν πάρω την χώρα που δρα ως κέντρο σε κάθε cluster τι προκύπτει;
- Μήπως μέσα στο ίδιο cluster παρατηρείται κάποια απλή σχέση των free με κάποιον από τα features ή με κάποιο συνδυασμό αυτών;

14 Για τις 4 Απριλίου

Καλό μήνα!

14.1 Συσταδοποίηση (έπρεπε...)

14.1.1 Πλήθος συστάδων

Στην R υπάρχει ένα πολύ όμορφο εργαλείο το οποίο προτείνει τον αριθμό των βέλτιστων clusters με 30 διαφορετιχούς δείχτες (elbow, silouette χλπ). Με βάση τα δεδομένα μας, νομίζω πως οι 3 συστάδες είναι η βέλτιστη λύση.

- * Among all indices:
- * 6 proposed 2 as the best number of clusters
- * 9 proposed 3 as the best number of clusters
- * 1 proposed 4 as the best number of clusters
- * 1 proposed 5 as the best number of clusters
- * 5 proposed 9 as the best number of clusters
- * 2 proposed 10 as the best number of clusters

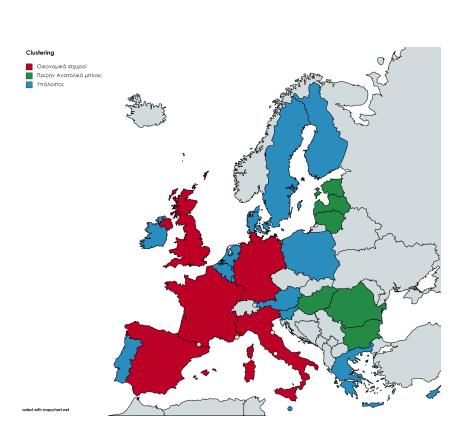
* According to the majority rule, the best number of clusters is 3 Συγκεκριμένα, για όλες τις διαφορετικές μεθόδους προκύπτουν τα παρακάτω:

^{*****} Conclusion *****

Clusters	KL	СН	Hartigan	CCC	Scott	Marriot	TrCovW	TraceW	Friedman	Rubin	Cindex	DB	Silhouette
2	4.16	30.55	10.06	5.49	140.15	0.00	0.91	5.56	221.35	4.54	0.35	0.76	0.56
3	6.73	25.81	2.74	5.51	191.04	0.00	0.30	3.87	252.61	6.53	0.27	0.90	0.41
4	0.13	19.34	13.76	4.39	219.59	0.00	0.25	3.44	276.56	7.34	0.26	1.27	0.31
5	4.75	26.15	3.77	6.65	303.07	0.00	0.12	2.08	590.66	12.16	0.33	0.83	0.35
6	3.09	24.33	1.65	6.22	370.12	0.00	0.09	1.75	1,054.45	14.45	0.30	0.70	0.40
7	0.16	21.14	7.77	5.22	383.36	0.00	0.08	1.61	1,044.11	15.70	0.30	0.79	0.34
8	1.56	25.54	6.22	6.54	459.86	0.00	0.03	1.12	$1,\!440.67$	22.48	0.24	0.82	0.32
9	3.17	29.46	2.31	7.46	587.08	0.00	0.02	0.82	$3,\!137.27$	30.71	0.20	0.70	0.42
10	5.57	28.34	0.68	6.99	613.29	0.00	0.02	0.72	3,743.78	35.14	0.19	0.71	0.38

Clusters	Duda	Pseudot2	Beale	Ratkowsky	Ball	Ptbiserial	Frey	McClain	Dunn	Hubert	SDindex	Dindex	SDbw
2	0.56	14.33	3.99	0.47	2.78	0.76	2.96	0.20	0.40	0.16	8.57	0.42	0.64
3	0.74	4.29	1.74	0.46	1.29	0.59	6.15	0.66	0.14	0.16	8.25	0.33	0.45
4	0.63	2.99	2.37	0.42	0.86	0.43	-0.07	1.53	0.14	0.16	10.58	0.31	0.54
5	2.03	-3.05	-2.30	0.41	0.42	0.46	0.36	1.46	0.21	0.18	8.82	0.25	0.21
6	1.03	-0.17	-0.13	0.38	0.29	0.46	14.61	1.58	0.21	0.19	9.19	0.22	0.15
7	0.35	14.73	7.30	0.36	0.23	0.41	0.10	2.04	0.14	0.19	9.54	0.21	0.15
8	3.69	-3.64	-2.57	0.34	0.14	0.41	0.35	2.04	0.21	0.20	9.06	0.18	0.13
9	5.57	-3.28	-0.00	0.32	0.09	0.39	1.45	2.27	0.32	0.21	11.70	0.15	0.08
10	5.93	-1.66	-2.93	0.31	0.07	0.36	-1.40	2.77	0.25	0.21	11.91	0.14	0.07

14.1.2 Βέλτιστες συστάδες



Χώρα	partition
France	1
Germany	1
Italy	1
Spain	1
United Kingdom	1
Bulgaria	2
Estonia	2
Hungary	2
Latvia	2
Lithuania	2
Romania	2
Austria	3
Belgium	3
Cyprus	3
Denmark	3
Finland	3
Greece	3
Ireland	3
Luxembourg	3
Malta	3
Netherlands	3
Poland	3
Portugal	3
Slovenia	3
Sweden	3
EUROZONE	

Figure 12: Συστάδες

Είναι λοιπόν σαν να εχουμε 3 βασικές κατηγορίες και σε αυτό ίσως φταίνε τα δεδομένα τα οποία έχω χρησιμοποιήσει. Μοιάζει σαν να είναι:

- Εκβιομηχανισμένες χώρες
- Μέρος του ανατολικού μπλοκ
- Υπόλοιποι

14.1.3 Συστάδες, αν όλα τα δεδομένα ήταν κατά κεφαλήν και κανονικοποιημένα ύστερα

Αυτό δεν είχαμε πει να γίνει, όμως ένοιωσα την ανάγκη να το δοκιμάσω.

Εδώ λοιπόν φαίνεται πως κάτι πήγε πολύ λάθος. Δεν ξέρω τι κοινό έχει η πρώτη συτστάδα. Μπορώ να δεκτώ πως η Βουλγαρία είναι μία κατηγορία από μόνης της, αλλά τα μπλε δεν ξέρω πώς σχετίζονται. Το περίεργο είναι πως δεν είναι ο πληθυσμός η ειδοποιός διαφορά, καθώς το Λουξεμβούργο, η Μάλτα και η Βουλγαρία είναι σε 3 διαφορετικές ομάδες. Σημείωση, αυτή τη φορά 15 από τα 23 κριτήρια πρότειναν τις 3 συστάδες.



GEO	partition
Austria	1
Denmark	1
Finland	1
Ireland	1
Luxembourg	1
Netherlands	1
Sweden	1
Belgium	2
Cyprus	2
Estonia	2
France	2
Germany	2
Greece	2
Hungary	2
Italy	2
Latvia	2
Lithuania	2
Malta	2
Poland	2
Portugal	2
Romania	2
Slovenia	2
Spain	2
United Kingdom	2
Bulgaria	3

Figure 13: Συστάδες αλλά όλα τα δεδομένα είναι κατά κεφαλήν.

14.2 Ικανότητα εξήγησης υπολοίπων μέσα στην ίδια συστάδα

Θα διατηρήσουμε τις συστάδες έτσι όπως διαμορφώθηκαν από την πρώτη διαδικασία:

Εκβιομηχανισμένες	Μισό ανατολικό μπλοκ	Λοιποί
Γαλλία	Βουλγαρία	Αυστρία
Γερμανία	Εσθονία	Βέλγιο
Ιταλία	Ουγγαρία	Κύπρος
Ισπανία	Λετωνία	Δανία
Ηνωμένο Βασίλειο	Λιθουανία	Φινλανδία
	Ρουμανία	Ελλάδα
		Ιρλανδία
		Λουξεμβούργο
		Μάλτα
		Ολλανδία
		Πολωνία
		Πορτογαλία
		Σλοβενία
		Σουιδία

Εδώ λοιπόν αφήνουμε τον αλγόριθμο μόνο του να ψάξει για τη μεσαία χώρα και στην συνέχεια να προσπαθήσει μέσω αυτής να εξηγήσει τις υπόλοιπες της ίδιας συστάδας. Έχουμε λοιπόν:

1. Εκβιομηχανισμένες, διάγραμμα 16

• Μεσαία χώρα: Ιταλία

• Ικανότητα εξήγησης των άλλων r^2 : 0.99966 Ουάου, μπορεί να περάσει ευθεία από 3 σημεία όταν τα δύο είναι δίπλα... Απίστευτο

2. Ανατολικό Μπλοκ, διάγραμμα 14

• Μεσαία χώρα: Λιθουανία

Ικανότητα εξήγησης των άλλων r^2 : 0.0117745

3. Λοιποί, διάγραμμα 15

• Μεσαία χώρα: Δανία

• Ικανότητα εξήγησης των άλλων r^2 : 0.5614167

14.3 Υπάρχει κάποια εύκολη σχέση μεταξύ των δωρεάν αδειών και κάποιου feature;

Εδώ ένας εύχολος τρόπος να προβλέψουμε την σχέση αυτή είναι να αναζητήσουμε τα καταλληλότερα βάρη ώστε να γίνεται βέλτιστη η γραμμική παλινδρόμηση. Οπότε τρέχοντάς το προχύπτει:

Τιμή	Εκβιομηχανισμένες	Ανατολικό Μπλοκ	Λοιποί
r^2	0.9999999	0.976670	0.9463548
Βάρη			
Population	9	0	0
GDPpc	50	1	1
Inflation	50	0	0
Agriculture	59	100	5
Industry	50	100	0
Manufacturing	50	0	0
Total Energy Supply	50	0	100
Verified Emissions	50	1	1
Πιθανή αναλογία free	Οτιδήποτε	Industry + Agriculture	Total energy supply





Figure 14

Distances from Denmark, third cluster

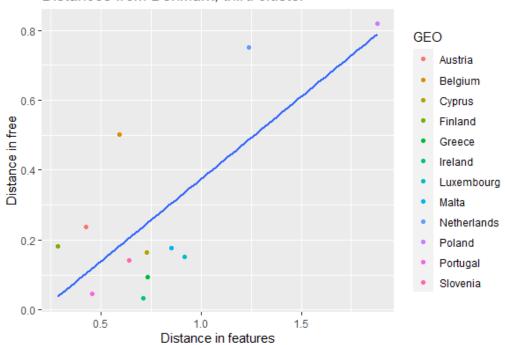


Figure 15

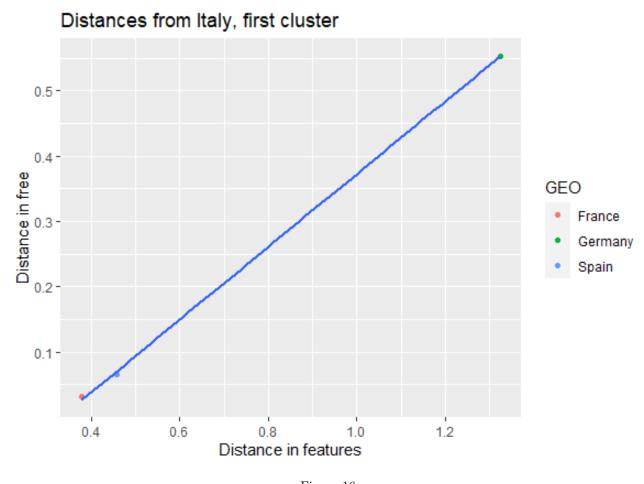


Figure 16

14.4 Υστερα από αλλαγή στον τρόπο της κανονικοποίησης

Μέχρι τώρα η κανονικοποίηση γίνεται χρησιμοποιώντας την μέγιστη τιμή σε κάθε feature. Τα επόμενα όμως θα γίνουν διαιρώντας τα πάντα με την τιμή που εμφανίζεται στην Γερμανία. Οπότε προκύπτουν τα παρακάτω:

Σε περίπτωση που κάποιος ήθελε να δει τα νέα κανονικοποιημένα δεδομένα με βάση την Γερμανία, έχουμε: Όπως είναι εμφανές, η μόνη χώρα που άλλαξε κατά την αλλαγή αυτή είναι η Πολωνία. Αντίστοιχα λοιπόν προκύπτει:

GEO	Tot_en_sup	GDPpc	Ροπ.	Infl.	Verified_em.	Agr.	Industry	Manu.	partition
France	0.80	0.87	0.81	0.35	0.25	1.27	0.44	0.35	1
Germany	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1
Italy	0.50	0.73	0.73	0.48	0.35	1.23	0.41	0.39	1
Poland	0.33	0.31	0.46	1.24	0.45	0.50	0.15	0.12	1
Spain	0.40	0.63	0.56	0.86	0.32	1.16	0.26	0.20	1
United Kingdom	0.56	0.92	0.80	1.21	0.33	0.51	0.47	0.32	1
Bulgaria	0.06	0.19	0.09	3.20	0.08	0.08	0.01	-0.57	2
Estonia	0.02	0.46	0.02	2.39	0.03	0.02	0.01	0.00	2
Hungary	0.08	0.33	0.12	2.68	0.05	0.17	0.04	0.04	2
Latvia	0.01	0.35	0.02	1.96	0.01	0.03	0.01	0.00	2
Lithuania	0.02	0.38	0.03	2.82	0.01	0.05	0.01	0.01	2
Romania	0.11	0.24	0.24	3.11	0.09	0.30	0.06	0.06	2
Austria	0.11	1.06	0.11	0.67	0.07	0.16	0.10	0.09	3
Belgium	0.18	0.99	0.14	1.22	0.10	0.11	0.10	0.08	3
Cyprus	0.01	0.60	0.01	0.69	0.01	0.01	0.00	0.00	3
Denmark	0.05	1.29	0.07	0.79	0.04	0.14	0.07	0.06	3
Finland	0.11	1.04	0.07	0.54	0.06	0.19	0.06	0.05	3
Greece	0.07	0.42	0.13	0.19	0.11	0.25	0.03	0.02	3
Ireland	0.04	1.56	0.06	0.62	0.06	0.13	0.12	0.14	3
Luxembourg	0.01	2.47	0.01	1.43	0.00	0.00	0.01	0.00	3
Malta	0.00	0.65	0.01	1.40	0.00	0.00	0.00	0.00	3
Netherlands	0.24	1.09	0.21	0.84	0.21	0.49	0.15	0.12	3
Portugal	0.07	0.48	0.12	1.01	0.07	0.15	0.04	0.04	3
Slovenia	0.02	0.53	0.02	0.97	0.01	0.03	0.01	0.01	3
Sweden	0.16	1.20	0.12	1.42	0.05	0.25	0.12	0.09	3

Τιμή	Εκβιομηχανισμένες	Ανατολικό Μπλοκ	Λοιποί	
r^2	0.9388624	0.987699	0.891066	
Βάρη				
Population	0	0	100	
GDPpc	14	1	1	
Inflation	50	50	50	
Agriculture	0	79	1	
Industry	1	1	0	
Manufacturing	0	0	0	
Total Energy Supply	100	0	100	
Verified Emissions	100	1	1	
Πιθανή αναλογία free	Tot energy + Verified	Agriculture	Pop + Tot energy	

Εδώ είναι πολύ σημαντικό να γίνει αλλαγή ώστε ο αλγόριθμος να βάζει στο 0 κάτι που δεν αλλάζει σημαντικά το αποτέλεσμα.

14.5 To do list

• Αλλαγή αλγορίθμου υπολογισμού βαρών για να ελέγξουμε το 50 που εμφανίζεται στα βέλτιστα βάρη.

- Εκτέλεση αλλαγή ώστε να βλέπουμε απευθείας τα free ως συνάρτηση των features. Όχι αυτό με τις αποστάσεις.
- Βρες το σωστό τρόπο να γίνει κανονικοποίηση στα δεδομένα.
- Δοχιμαστικά να γίνει το ίδιο πράγμα, αλλά χρατώντας τυχαία χώρες από διαφορετικά clusters.

	GEO	modifier	sol
1	Austria	35.61	0.00
2	Belgium	29.62	0.00
3	Bulgaria	10.06	0.00
4	Cyprus	22.23	0.00
5	Denmark	47.83	0.00
6	Estonia	7.08	0.00
7	Finland	23.43	0.00
8	France	62.70	0.00
9	Germany	22.94	0.00
10	Greece	14.22	0.00
11	Hungary	29.68	0.00
12	Ireland	30.83	0.00
13	Italy	37.10	0.00
14	Latvia	53.59	0.00
15	Lithuania	35.18	0.00
16	Luxembourg	91.99	1.00
17	Malta	48.35	0.00
18	Netherlands	23.44	0.00
19	Poland	12.90	0.00
20	Portugal	25.24	0.00
21	Romania	29.71	0.00
22	Slovenia	26.63	0.00
23	Spain	30.28	0.00
24	Sweden	54.00	0.00
25	United Kingdom	50.14	0.00

Table 14: GDP per capita PPS

	GEO	modifier	last_year	actual	solution
1	Austria	35.6065	0.0273	0.0266	0.0300
2	Belgium	29.6232	0.0453	0.0437	0.0407
3	Bulgaria	10.0627	0.0179	0.0160	0.0161
4	Cyprus	22.2329	0.0032	0.0029	0.0028
5	Denmark	47.8350	0.0116	0.0107	0.0127
6	Estonia	7.0784	0.0066	0.0044	0.0059
7	Finland	23.4298	0.0247	0.0233	0.0223
8	France	62.7004	0.0971	0.0927	0.1068
9	Germany	22.9363	0.2071	0.1996	0.1864
10	Greece	14.2248	0.0198	0.0194	0.0178
11	Hungary	29.6837	0.0144	0.0141	0.0157
12	Ireland	30.8299	0.0139	0.0137	0.0153
13	Italy	37.0977	0.0954	0.0935	0.1049
14	Latvia	53.5870	0.0026	0.0024	0.0029
15	Lithuania	35.1782	0.0077	0.0073	0.0085
16	Luxembourg	91.9900	0.0018	0.0017	0.0020
17	Malta	48.3540	0.0002	0.0002	0.0003
18	Netherlands	23.4438	0.0610	0.0601	0.0549
19	Poland	12.9007	0.0964	0.0892	0.0867
20	Portugal	25.2398	0.0153	0.0150	0.0137
21	Romania	29.7109	0.0367	0.0285	0.0404
22	Slovenia	26.6280	0.0025	0.0024	0.0022
23	Spain	30.2807	0.0829	0.0810	0.0912
24	Sweden	53.9986	0.0329	0.0311	0.0362
25	United Kingdom	50.1382	0.0760	0.0733	0.0836

Table 15: GDP per capita PPS

Country	efficiency	last_year	low_free	up_free	pop	min	max	forecasted	change
Luxembourg	107.5132	0.0017	0.0014	0.0021	0.0012	0.0002	0.0036	0.0014	-20 %
France	65.1380	0.0984	0.0788	0.1181	0.1361	0.0272	0.4084	0.1181	20 %
Latvia	63.4842	0.0024	0.0019	0.0029	0.0040	0.0008	0.0119	0.0019	-20 %
Sweden	62.0909	0.0322	0.0258	0.0386	0.0205	0.0041	0.0614	0.0258	-20 %
United Kingdom	52.8965	0.0735	0.0588	0.0882	0.1344	0.0269	0.4031	0.0882	20 %
Ireland	52.0695	0.0071	0.0057	0.0086	0.0098	0.0020	0.0293	0.0057	-20 %
Denmark	49.7555	0.0115	0.0092	0.0138	0.0117	0.0023	0.0352	0.0092	-20 %
Italy	38.1931	0.0959	0.0767	0.1150	0.1231	0.0246	0.3694	0.1150	20 %
Austria	36.5967	0.0277	0.0222	0.0333	0.0179	0.0036	0.0537	0.0222	-20 %
Lithuania	35.5613	0.0080	0.0064	0.0097	0.0058	0.0012	0.0173	0.0064	-20 %
Hungary	32.7181	0.0140	0.0112	0.0168	0.0199	0.0040	0.0597	0.0112	-20 %
Spain	31.7875	0.0816	0.0653	0.0979	0.0948	0.0190	0.2843	0.0746	-8.549 %
Belgium	30.6643	0.0464	0.0371	0.0557	0.0231	0.0046	0.0694	0.0371	-20 %
Romania	30.3832	0.0379	0.0303	0.0454	0.0398	0.0080	0.1195	0.0303	-20 %
Slovenia	27.0485	0.0025	0.0020	0.0030	0.0042	0.0008	0.0126	0.0020	-20 %
Portugal	26.3706	0.0152	0.0122	0.0183	0.0210	0.0042	0.0629	0.0122	-20 %
Finland	24.4140	0.0251	0.0201	0.0301	0.0112	0.0022	0.0336	0.0201	-20 %
Netherlands	24.1686	0.0618	0.0494	0.0741	0.0348	0.0070	0.1045	0.0494	-20 %
Germany	23.4216	0.2088	0.1670	0.2506	0.1681	0.0336	0.5044	0.2506	20 %
Cyprus	22.7209	0.0033	0.0026	0.0039	0.0024	0.0005	0.0072	0.0026	-20 %
Greece	14.5357	0.0198	0.0158	0.0237	0.0219	0.0044	0.0656	0.0158	-20 %
Poland	12.9609	0.0998	0.0799	0.1198	0.0772	0.0154	0.2317	0.0799	-20 %
Bulgaria	10.1351	0.0184	0.0147	0.0220	0.0144	0.0029	0.0432	0.0147	-20 %
Estonia	7.0940	0.0068	0.0055	0.0082	0.0027	0.0005	0.0080	0.0055	-20 %

Table 16: GDP per capita PPS