

Kvadratické rovnice

- každá rovnice v tvare (alebo sa dá na tento tvar upraviť)

$$ax^2 + bx + c = 0 \quad a; b; c \in R; a \neq 0$$

ax^2 - kvadratický člen

bx - lineárny člen

c - absolútny člen

- ak $b = 0$ (kvadratická rovnica nemá lineárny člen) – *rýdzokvadratická rovnica*

$$ax^2 + c = 0$$

- riešenie:

$$x^2 = -\frac{c}{a}$$

$$-\frac{c}{a} \geq 0, \text{ tak } x_{1,2} = \pm \sqrt{-\frac{c}{a}}$$

$$-\frac{c}{a} < 0, \text{ tak } K = \emptyset$$

- ak $c = 0$ (kvadratická rovnica nemá absolútny člen)

$$ax^2 + bx = 0$$

- riešiť ju môžeme vynímaním:

$$ax \left(x + \frac{b}{a} \right) = 0$$

$$x_1 = 0; \quad x_2 = -\frac{b}{a}$$

- ak $a; b; c \neq 0$; riešime rovnicu pomocou *diskriminantu*:

$$ax^2 + bx + c = 0 \quad /: a$$

$$x^2 + \frac{bx}{a} + \frac{c}{a} = 0$$

$$\left(x^2 + \frac{2bx}{2a} + \frac{b^2}{4a^2} \right) - \frac{b^2}{4a^2} + \frac{c}{a} = 0$$

$$\left(x + \frac{b}{2a} \right)^2 - \frac{b^2}{4a^2} + \frac{c}{a} = 0$$

$$\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 = \frac{b^2}{4a^2} - \frac{c}{a}$$

$$\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 = \frac{b^2 - 4ac}{4a^2} \quad / \sqrt{}$$

$$x + \frac{b}{2a} = \pm \sqrt{\frac{b^2 - 4ac}{4a^2}}$$

$$x + \frac{b}{2a} = \pm \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

- od hodnoty diskriminantu ($D = b^2 - 4ac$) závisí počet koreňov kvadratickej rovnice

$D < 0$ - rovnica nemá riešenie, lebo na množine reálnych čísel neexistuje odmocnina zo záporných čísel ($K = \emptyset$)

$D = 0$ - rovnica má jeden dvojnásobný koreň ($x = -\frac{b}{2a}$)

$D > 0$ - rovnica má dva rôzne korene ($x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}$)

- kvadratickú rovnicu $ax^2 + bx + c = 0$ s koreňmi $K = \{x_1; x_2\}$ môžeme zapísať aj v tvare súčinu $a(x - x_1)(x - x_2) = 0$
- ak $a = 1$, tak máme kvadratickú rovnicu v *normovanom tvare* $x^2 + bx + c = 0$, môžeme ju zapísať aj $(x - x_1)(x - x_2) = 0$, kde x_1, x_2 sú korene
- *Vietove vzťahy* (=vzťahy medzi koreňmi a koeficientami kvadratickej rovnice) – pre rovnicu v normovanom tvare sú:

$$x_1 \cdot x_2 = c$$

$$x_1 + x_2 = -b$$

- ak rovnica nie je v normovanom tvare:

$$x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a}$$

$$x_1 + x_2 = -\frac{b}{a}$$

- z grafického hľadiska sú korene kvadratickej rovnice $ax^2 + bx + c = 0$ priesečníkmi grafu kvadratickej funkcie $f(x) = ax^2 + bx + c$ s osou x