

සංයුක්ත ගණිතය - උපකරණ මගින් - සංයුක්ත ගණිතය - උපකරණ මගින් - සංයුක්ත ගණිතය - උපකරණ මගින් - සංයුක්ත ගණිතය  
සංයුක්ත ගණිතය - උපකරණ මගින් - සංයුක්ත ගණිතය - උපකරණ මගින් - සංයුක්ත ගණිතය - උපකරණ මගින් - සංයුක්ත ගණිතය  
සංයුක්ත ගණිතය - උපකරණ මගින් - සංයුක්ත ගණිතය - උපකරණ මගින් - සංයුක්ත ගණිතය - උපකරණ මගින් - සංයුක්ත ගණිතය  
සංයුක්ත ගණිතය - උපකරණ මගින් - සංයුක්ත ගණිතය - උපකරණ මගින් - සංයුක්ත ගණිතය - උපකරණ මගින් - සංයුක්ත ගණිතය

## General Certificate of Education (Adv.Level) Examination 2027

Paper No

06

10

S

I,II

Three hours.

### Instructions

- The paper consists of two parts
- (10 questions of part A and 7 Questions of part B )
- All questions of part A should be answered on the paper itself.
- 5 out of 7 questions should be answered in part B.  
Writing paper should be used for this.

### Examiner Notes

Part A	
01	
02	
03	
04	
05	
06	
07	
08	
09	
10	
Total(A)	

Part B	
11	
12	
13	
14	
15	
16	
17	
Total(B)	
Total(A)	
Final Total	
100%	
Grade	

Part – A

• ANSWER ALL QUESTIONS

01. If  $\frac{\sqrt{x+1}-1}{\sqrt{x+1}+1} = \frac{2}{3}$ , find the value of  $x$

---

02. Simplify  $\frac{1}{2-\sqrt{3}} + \frac{1}{2+\sqrt{3}} + \frac{\sqrt{2}}{6+\sqrt{3}} - \frac{1}{\sqrt{3}-1}$

---

03. a) Express 0.3150150 ... as a fraction

b) Express  $\frac{35}{245}$  as a decimal

---

04. If  $\log_4 x = a$  and  $\log_{12} x = b$ , show that  $\log_3 4 = \frac{b}{a-b}$  and  $\log_3 48 = \frac{a+b}{a-b}$

---

05. Show that  $A \equiv (-1,0)$ ,  $B \equiv (0,3)$ ,  $C \equiv (3,2)$  and  $D \equiv (2,-1)$  are the vertices of a square

---

06. The position vectors of the points  $A, B$  and  $C$  are  $-4\underline{i} + 10\underline{j}$ ,  $14\underline{i} - 2\underline{j}$  and  $2\underline{i} + 6\underline{j}$ . Here  $\underline{i}$  and  $\underline{j}$ , are the unit vectors in the directions  $OX$  and  $OY$ . Find  $\overrightarrow{AC}, \overrightarrow{AB}$ . Show that  $A, B$  and  $C$  are collinear and hence find the ratio of  $\frac{AC}{AB}$

---

07. Show that  $\cos A \sin \left(A - \frac{\pi}{6}\right) \sin \left(A + \frac{\pi}{6}\right) = -\frac{1}{4} \cos 3A$ .

Hence **deduce** that  $\sin 10^\circ \cos 40^\circ \sin 70^\circ = \frac{1}{8}$

---

08. Solve  $2x - \sqrt{x^2 + 5} = 7$

---

09. Let  $2x^2 - 5x - 14 \equiv A(x-1)(x-2) + B(x-1) + C$ .  
Find the values of  $A, B$  and  $C$

---

10. The position vectors of the points  $A$  and  $B$  in terms of  $\underline{i} + 2\underline{j}$  and  $4\underline{i} + k\underline{j}$ .

Here  $k$  is a real constant

i. If  $\angle AOB = \frac{\pi}{2}$ , find the value of  $k$

ii. If  $\angle OAB = \theta$ , show that  $\theta = \cos^{-1} \left( \frac{1}{\sqrt{5}} \right)$

---

## Part-B

---

- Answer 05 Questions Only

11. (a) Find partial fractions for the following

i.  $\frac{3}{(1-x^2)(1+2x)}$       ii.  $\frac{36-2x}{(1-x)(x^2+1)}$

(b) State the remainder theorem

The degree of the polynomial  $f(x)$  is 4. Let  $f(0) = 6$  while  $x - 1, x + 2$  are factors of  $f(x)$ . When  $f(x)$  is divided by  $x^2 - x - 2$  the remainder is  $4(x + 3)$ . Further it is given that the coefficient of the leading term is 1. Find the polynomial  $f(x)$

(c) For  $x \in \mathbb{R}$  let  $f(x) = x^3 + 1$  and  $g(x) = ax + b$ . Here  $a$  and  $b$  are real constants, while  $fg(0) = 2$  and  $g(f(0)) = 3$ . Find  $a$  and  $b$ , and hence find  $g(x)$ .

(d) For the real constants  $x$  and  $y$ , solve the pair of simultaneous equations  
 $2\log_9 x + \log_3 y = 3$  and  $2^{x+3} - 8^{y+1} = 0$

---

12. (a) If  $A + B + C = \pi$ , show that

$$\sin \frac{A}{2} + \sin \frac{B}{2} + \sin \frac{C}{2} = 1 + 4 \sin \left[ \frac{\pi - A}{4} \right] \sin \left[ \frac{\pi - B}{4} \right] \sin \left[ \frac{\pi - C}{4} \right]$$

(b) Let  $\sin \beta = -\frac{1}{2}$ ,  $\cos \alpha = \frac{1}{2}$ , for  $\pi < \beta < \frac{3\pi}{2}$ ,  $\frac{3\pi}{2} < \alpha < 2\pi$

Find the value of  $\sin(\alpha + \beta)$

(c) Show that  $\tan 75^\circ - \tan 30^\circ - \tan 75^\circ \tan 30^\circ = 1$

(d) Show that  $\sec \theta + \tan \theta = \tan \left( \frac{\pi}{4} + \frac{\theta}{2} \right)$

Hence show that  $\tan \frac{5\pi}{12} = 2 + \sqrt{3}$

---

13. (a) Let  $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$ . Show that the coordinate of the point that separates the line  $AB$  in the ratio  $AC:CB = m:n$  can be given by  $\left[ \frac{mx_2 + nx_1}{m+n}, \frac{my_2 + ny_1}{m+n} \right]$
- (b) For the quadrilateral  $ABCD$ , let  $A(1,1), B(3,7), C(5, -3)$
- Find the midpoint of the line  $AC$
  - Find the coordinates of the trisection points of the line  $BD$
  - Find the ratio between the lines  $AC$  and  $BD$
- 

14. Prove the following identities

- (a)  $1 - \frac{\sin^3 \theta}{\sin \theta + \cos \theta} - \frac{\cos^3 \theta}{\sin \theta + \cos \theta} = \sin \theta \cos \theta$
- (b)  $\frac{1 - \cos \alpha + \sin \alpha}{1 + \sin \alpha} = \frac{2 \sin \alpha}{1 + \sin \alpha + \cos \alpha}$
- (b)  $\frac{\tan \alpha}{1 - \cot \alpha} - \cot \alpha + \frac{\cot \alpha}{1 - \tan \alpha} - \tan \alpha = 1$
- (c)  $(\tan \theta + \operatorname{cosec} \alpha)^2 - (\cot \alpha - \sec \theta)^2 = 2 \tan \theta \cot \alpha (\operatorname{cosec} \theta + \sec \alpha)$
- (d) If  $\tan \alpha = -1$  and  $\sin \beta = \frac{1}{5}$ , such that  $\frac{3\pi}{2} < \alpha < 2\pi$  and  $\frac{\pi}{2} < \beta < \pi$  find the value of  $\cos(\alpha + \beta)$
- 

15. (a) Let  $f(x) \equiv 2x^4 + ax^3 + bx^2 - 8x + c$ . Here  $a, b$  and  $c$  are real constants. If  $(x + 2), (x - 1)$  are factors of  $f(x)$  and when divided by  $x - 2$  if the remainder of  $f(x)$  is 16, find the values of  $a, b$  and  $c$ . Hence express  $f(x)$  as a product of its linear factors
-

- (b) Find partial fractions for  $\frac{1}{(x+1)(x-2)}$

**Hence** find partial fractions for  $\frac{1}{(x+1)^2(x-2)}$

- (c) Let  $f(x) = x^3 - 2ax^2 + (ab + a^2 - b^2)x - ab(a - b)$ .

Here  $a$  and  $b$  are real constants such that  $a \neq b$ . Show that  $x - a + b$  is a factor of  $f(x)$  and hence solve the equation  $f(x) = 0$ .

If the roots of  $x^3 + px^2 + qx + r = 0$  are 1, 3 and 4, find the values of  $p, q$  and  $r$

- (d) Let  $p, q, r$  be positive integers. Also let

$$\log_p(qr) = a, \log_r(pq) = c \text{ and } \log_r(pr) = b.$$

Show that  $abc = a + b + c + 2$

16. (a) Let  $A + B + C = \pi$ .

$$\text{Show that } \cos^2 \frac{A}{2} + \cos^2 \frac{B}{2} - \cos^2 \frac{C}{2} = 2 \cos \frac{A}{2} \cdot \cos \frac{B}{2} \sin \frac{C}{2}$$

- (b) Show that  $\sin^3 x \sin 3x = -\frac{1}{8} + \frac{3}{8} \cos 2x - \frac{3}{8} \cos 4x + \frac{1}{8} \cos 6x$ .

Hence find the value of  $\sin^3 \frac{\pi}{12}$

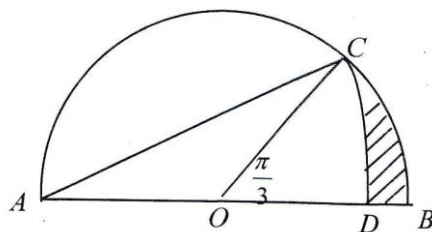
- (c) If  $2A + B = \frac{\pi}{4}$ , show that  $\tan B = \frac{1 - 2 \tan A - \tan^2 A}{1 + 2 \tan A - \tan^2 A}$ . Show

that  $\tan \frac{\pi}{8}$  is one root of the equation  $x^2 + 2x - 1 = 0$  and

**deduce** that its value is  $\sqrt{2} - 1$

17. (a) The radius of a circle whose center is  $O$  is  $7\text{ cm}$ .

The angle that arc  $BC$  subtends at  $O$  is  $\frac{\pi}{3}$ . The arc  $CD$  belongs to a



circle whose center is  $A$ . Point  $D$  lies on  $OB$ .

- i. Find the length of  $AC$
  - ii. Find the area of the sector  $BOC$
  - iii. Find the area of the shaded region
- (b) i. Show that  $\frac{\sin \theta}{1+\cos \theta} + \frac{1+\cos \theta}{\sin \theta} = 2 \operatorname{cosec} \theta$
- ii. If  $\operatorname{cosec} \alpha + \cot \alpha = \frac{5}{2}$ , find the value of  $\tan \alpha$
- iii. If  $\sin A = \frac{1}{\sqrt{10}}$  and  $\sin B = \frac{1}{\sqrt{5}}$ , show that  $A + B = \frac{\pi}{4}$
- (c) Show that  $\sin^4 \frac{\pi}{8} + \cos^2 \frac{\pi}{8} = \frac{7}{8}$

සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය  
සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය  
සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය  
සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2027  
**General Certificate of Education (Adv.Level) Examination 2027**

**ප්‍රශ්න පත්‍ර අංක**  
**Paper No**

**06**

**10**

**S**

**I,II**

**කාලය පැය 3 යි.**  
**Three hours.**

සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය  
සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය  
සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය - දූෂ්‍යන්ත මහබදුගේ - සංයුක්ත ගණිතය

**උපදෙස්**

- ප්‍රශ්න පත්‍රය කොටස් දෙකකි.  
 (A කොටස ප්‍රශ්න 10 ක් හා B කොටස ප්‍රශ්න 7 ක්)
- A කොටසේ සියළුම ප්‍රශ්න සඳහා පිළිතුරු ලිවිය යුතු අතර එම පිළිතුරු මෙම පත්‍රයේ ම සැපයිය යුතුය.
- B කොටසේ ප්‍රශ්න හතෙන් පහකට පමණක් පිළිතුරු සැපයිය යුතු ය. ඒ සඳහා ලියන කඩදාසි භාවිත කළ යුතුය.

**උත්තරපත්‍ර පරීක්ෂක සටහන්**

A කොටසේ ලකුණු විස්තරය	
01	
02	
03	
04	
05	
06	
07	
08	
09	
10	
එකතුව(A)	

B කොටසේ ලකුණු විස්තරය	
11	
12	
13	
14	
15	
16	
17	
එකතුව(B)	
එකතුව(A)	
මුළු එකතුව	
100%	
සංකේතය	

Part – A

- සියළුම ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න.

01.  $\frac{\sqrt{x+1}-1}{\sqrt{x+1}+1} = \frac{2}{3}$  නම්,  $x$  හි අගය සොයන්න.

02.  $\frac{1}{2-\sqrt{3}} + \frac{1}{2+\sqrt{3}} + \frac{\sqrt{2}}{6+\sqrt{3}} - \frac{1}{\sqrt{3}-1}$  සුළු කරන්න.

03. a)  $0.3150150 \dots$  භාගයක ආකාරයෙන් දක්වන්න.

b)  $\frac{35}{245}$  දශම ආකාරයෙන් දක්වන්න.

04.  $\log_4 x = a$  ද,  $\log_{12} x = b$  ද නම්,  $\log_3 4 = \frac{b}{a-b}$  බවත්,  $\log_3 48 = \frac{a+b}{a-b}$  බවත්, පෙන්වන්න.

05.  $A \equiv (-1,0), B \equiv (0,3), C \equiv (3,2)$  සහ  $D \equiv (2,-1)$  යන ලක්ෂ්‍ය සමචතුරස්‍රයක ශීර්ෂ බව සාධනය කරන්න.

06.  $A, B$  සහ  $C$  ලක්ෂ්‍ය 3ක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙලින්  $-4\mathbf{i} + 10\mathbf{j}, 14\mathbf{i} - 2\mathbf{j}$  හා  $2\mathbf{i} + 6\mathbf{j}$  වේ. මෙහි  $\mathbf{i}$  සහ  $\mathbf{j}$  යනු  $OX$  සහ  $OY$  අක්ෂ ඔස්සේ වන ඒකක දෛශික වේ.  $\overrightarrow{AC}, \overrightarrow{AB}$  සොයන්න.  $A, B$  සහ  $C$  ලක්ෂ්‍ය ඒක රේඛීය බව පෙන්වා,  $\frac{AC}{AB}$  හි අගය සොයන්න.

07.  $\cos A \sin \left(A - \frac{\pi}{6}\right) \sin \left(A + \frac{\pi}{6}\right) = -\frac{1}{4} \cos 3A$  බව පෙන්වන්න.  
ඒ නයින්,  $\sin 10^\circ \cos 40^\circ \sin 70^\circ = \frac{1}{8}$  බව අපෝහනය කරන්න.

08.  $2x - \sqrt{x^2 + 5} = 7$  විසඳන්න.

09.  $2x^2 - 5x - 14 \equiv A(x-1)(x-2) + B(x-1) + C$  වන පරිදි  $A, B$  සහ  $C$  නියත සොයන්න.

10.  $O$  මූලය අනුබද්ධයෙන්,  $A$  හා  $B$  ලක්ෂ්‍ය දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙලින්  $\mathbf{i} + 2\mathbf{j}$  සහ  $4\mathbf{i} + k\mathbf{j}$  වේ. මෙහි  $k$  යනු තාත්ත්වික සංඛ්‍යාවකි.  
i.  $\hat{AOB} = \frac{\pi}{2}$  නම්,  $k$  හි අගය සොයන්න.  
ii.  $\hat{OAB} = \theta$  නම්,  $\theta = \cos^{-1} \left( \frac{1}{\sqrt{5}} \right)$  බව පෙන්වන්න.



---

## B -කොටස

---

- ඔබ තෝරාගත් ප්‍රශ්න 05 ක් සඳහා පිළිතුරු සපයන්න.

11. (a) හින්න භාග වලට වෙන් කරන්න.

i.  $\frac{3}{(1-x^2)(1+2x)}$       ii.  $\frac{36-2x}{(1-x)(x^2+1)}$

(b) ශේෂ ප්‍රමේය ප්‍රකාශ කර, සාධනය කරන්න.

$f(x)$  බහුපදයෙහි මාත්‍රය 4 බව දී ඇත.  $f(0) = 6$  වන අතර  $(x-1)$ ,  $(x+2)$  සාධක වේ.  $(x^2 - x - 2)$  මගින්  $f(x)$  බෙදූ විට ශේෂය  $4(x+3)$  වේ. බහු පදයේ වැඩිතම මාත්‍රයේ සංගුණකය 1 බව තවදුරටත් දී ඇත.  $f(x)$  බහු පදය සොයන්න.

(c)  $x \in \mathbb{R}$  සඳහා  $f(x) = x^3 + 1$  හා  $g(x) = ax + b$  යැයි ගනිමු. මෙහි  $a$  හා  $b$  තාත්ත්වික නියත වේ.  $f(g(0)) = 2$  හා  $g(f(0)) = 3$  බව දී ඇත.  $a$  හා  $b$  අගයන් සඳහා  $g^{-1}(x)$  සොයන්න.

(d)  $x$  හා  $y$  සඳහා  $2\log_9 x + \log_3 y = 3$  හා  $2^{x+3} - 8^{y+1} = 0$  යන සමාගම් සමීකරණ විසඳන්න.

---

12. (a)  $A + B + C = \pi$  නම්,

$$\sin \frac{A}{2} + \sin \frac{B}{2} + \sin \frac{C}{2} = 1 + 4 \sin \left[ \frac{\pi-A}{4} \right] \sin \left[ \frac{\pi-B}{4} \right] \sin \left[ \frac{\pi-C}{4} \right]$$

බව පෙන්වන්න.

(b)  $\sin \beta = -\frac{1}{2}$ ,  $\cos \alpha = \frac{1}{2}$  හි අගයන්  $\pi < \beta < \frac{3\pi}{2}$ ,  $\frac{3\pi}{2} < \alpha < 2\pi$  වන පරිදි වේ.  $\sin(\alpha + \beta)$ ,  $\cos(\alpha + \beta)$  යන්නෙහි අගය සොයන්න.

(c)  $\tan 75^\circ - \tan 30^\circ - \tan 75^\circ \tan 30^\circ = 1$  බව පෙන්වන්න.

(d)  $\sec \theta + \tan \theta = \tan \left( \frac{\pi}{4} + \frac{\theta}{2} \right)$  බව පෙන්වන්න.

ඒනයිත්,  $\tan \frac{5\pi}{12} = 2 + \sqrt{3}$  බව පෙන්වන්න.

---

13. (a)  $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$  ලක්ෂ්‍යය යා කරන සරල රේඛාව මත  $AC:CB = m:n$  අභ්‍යන්තරව ඡේදනය වන ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංකය  $\left[ \frac{mx_2 + nx_1}{m+n}, \frac{my_2 + ny_1}{m+n} \right]$  බව පෙන්වන්න.

(b)  $ABCD$  චතුරස්‍රය  $A = (1,1), B = (3,7), C = (9,5), D = (5,-3)$  වන පරිදි වේ.

i.  $AC$  රේඛාවේ මධ්‍ය ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංකය සොයන්න.

ii.  $BD$  රේඛාවේ ත්‍රිච්ඡේද ලක්ෂ්‍යයන් හි ඛණ්ඩාංක සොයන්න.

iii.  $AC$  රේඛාවේ දිග සහ  $BD$  රේඛාවේ දිග අතර අනුපාතය සොයන්න.

14. පහත සර්ව සාම්‍ය සාධනය කරන්න.

(a)  $1 - \frac{\sin^3 \theta}{\sin \theta + \cos \theta} - \frac{\cos^3 \theta}{\sin \theta + \cos \theta} = \sin \theta \cos \theta$

(b)  $\frac{1 - \cos \alpha + \sin \alpha}{1 + \sin \alpha} = \frac{2 \sin \alpha}{1 + \sin \alpha + \cos \alpha}$

(c)  $\frac{\tan \alpha}{1 - \cot \alpha} - \cot \alpha + \frac{\cot \alpha}{1 - \tan \alpha} - \tan \alpha = 1$

(d)  $(\tan \theta + \operatorname{cosec} \alpha)^2 - (\cot \alpha - \sec \theta)^2 = 2 \tan \theta \cot \alpha (\operatorname{cosec} \theta + \sec \alpha)$

(e)  $\tan \alpha = -1$  හා  $\sin \beta = \frac{1}{5}$  වේ. මෙහි  $\frac{3\pi}{2} < \alpha < 2\pi$  හා  $\frac{\pi}{2} < \beta < \pi$  වේ.

$\cos(\alpha + \beta)$  හි අගය සොයන්න.

15. (a)  $f(x) \equiv 2x^4 + ax^3 + bx^2 - 8x + c$  මෙහි  $a, b$  හා  $c$  නියත වේ.

$(x+2), (x-1), f(x)$  හි සාධක වන අතර  $(x-2)$  න්  $f(x)$  බෙදූ විට ශේෂය 16 ක් වේ.  $a, b$  හා  $c$  නියත අගයන්න. ඒනයිත්,  $f(x)$  යන්න රේඛීය සාධක වල ගුණිතයක් ලෙස දැක්වන්න.

(b)  $\frac{1}{(x+1)(x-2)}$  හින්න භාගවලට වෙන් කරන්න.

ඒ නයින්,  $\frac{1}{(x+1)^2(x-2)}$  හින්න භාගවලට වෙන් කරන්න.

(c)  $f(x) = x^3 - 2ax^2 + (ab + a^2 - b^2)x - ab(a - b)$  යැයි ගනිමු.

$a$  සහ  $b$  යනු ( $a \neq b$ ) වන පරිදි වූ තාත්ත්වික නියත වේ.  $(x - a + b)$  යන්න  $f(x)$  බහුපදයෙහි සාධකයක් බව පෙන්වා, ඒනයින්,  $f(x) = 0$  සමීකරණය විසඳන්න.

$x^3 + px^2 + qx + r = 0$  සමීකරණයේ මූල 1,3 සහ 4 වන පරිදි වූ  $p, q$  සහ  $r$  නියත වල අගයන් සොයන්න.

(d)  $p, q, r$  ධන සංඛ්‍යා ලෙසද  $\log_p(qr) = a, \log_q(pr) = b, \log_r(pq) = c$  ලෙස ද ගනිමු.  $abc = a + b + c + 2$  බව පෙන්වන්න.

16. (a)  $A + B + C = \pi$  නම්,

$$\cos^2 \frac{A}{2} + \cos^2 \frac{B}{2} - \cos^2 \frac{C}{2} = 2 \cos \frac{A}{2} \cdot \cos \frac{B}{2} \sin \frac{C}{2} \text{ බව}$$

සාධනය කරන්න.

(b)  $\sin^3 x \sin 3x = -\frac{1}{8} + \frac{3}{8} \cos 2x - \frac{3}{8} \cos 4x + \frac{1}{8} \cos 6x$  බව පෙන්වා,

ඒනයින්,  $\sin^3 \frac{\pi}{12}$  හි අගය ලබාගන්න.

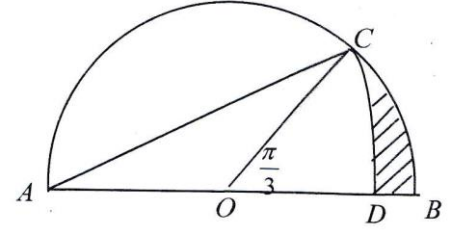
(c)  $2A + B = \frac{\pi}{4}$  නම්,  $\tan B = \frac{1 - 2 \tan A - \tan^2 A}{1 + 2 \tan A - \tan^2 A}$  බව සාධනය කරන්න.

$x^2 + 2x - 1 = 0$  සමීකරණයේ එක් මූලයක්  $\tan\left(\frac{\pi}{8}\right)$  ද, එහි අගය

$\sqrt{2} - 1$  යැයි ද අපෝහනය කරන්න.

17. (a) කේන්ද්‍රය  $O$  වන වෘත්තයක අරය  $7\text{ cm}$  වේ.

එහි  $BC$  වාපය  $O$  කේන්ද්‍රයේ දී  $\frac{\pi}{3}$  කෝණයක් ආපාතනය කරයි. කේන්ද්‍රය  $A$  වන වෘත්තයේ වාපයක්  $CD$  වේ.  $D$  ලක්ෂ්‍යය  $OB$  මත පිහිටයි.



i.  $AC$  දිග

ii.  $OBC$  කේන්ද්‍රික බෂ්ඨයේ වර්ගඵලය

iii. අඳුරු කළ කොටසේ වර්ගඵලය

(b) i.  $\frac{\sin \theta}{1+\cos \theta} + \frac{1+\cos \theta}{\sin \theta} = 2 \operatorname{cosec} \theta$  බව පෙන්වන්න.

ii.  $\operatorname{cosec} \alpha + \cot \alpha = \frac{5}{2}$  නම්,  $\tan \alpha$  හි අගය සොයන්න.

iii.  $\sin A = \frac{1}{\sqrt{10}}$  සහ  $\sin B = \frac{1}{\sqrt{5}}$  නම්,  $A + B = \frac{\pi}{4}$  බව පෙන්වන්න.

(c)  $\sin^4 \left( \frac{\pi}{8} \right) + \cos^2 \left( \frac{\pi}{8} \right) = \frac{7}{8}$  බව පෙන්වන්න.