

සංස්කරණ ගතිය - පුදාරීත මිටියුල් - සංස්කරණ ගතිය - පුදාරීත මිටියුල් - සංස්කරණ ගතිය - පුදාරීත ගතිය - පුදාරීත මිටියුල් - සංස්කරණ ගතිය - පුදාරීත මිටියුල් - සංස්කරණ ගතිය - පුදාරීත ගතිය - පුදාරීත මිටියුල් - සංස්කරණ ගතිය - පුදාරීත ගතිය - පුදාරීත මිටියුල් - සංස්කරණ ගතිය - පුදාරීත ගතිය - පුදාරීත මිටියුල් - සංස්කරණ ගතිය - පුදාරීත ගතිය - පුදාරීත මිටියුල් - සංස්කරණ ගතිය - පුදාරීත ගතිය - පුදාරීත මිටියුල් - සංස්කරණ ගතිය - පුදාරීත ගතිය - පුදාරීත මිටියුල් - සංස්කරණ ගතිය

General Certificate of Education (Adv.Level) Examination 2027

Paper No

06

10

S

I,II

Three hours.

Instructions

- The paper consists of two parts
- (10 questions of part A and 7 Questions of part B)
- All questions of part A should be answered on the paper itself.
- 5 out of 7 questions should be answered in part B.
Writing paper should be used for this.

Examiner Notes

Part A	
01	
02	
03	
04	
05	
06	
07	
08	
09	
10	
Total(A)	

Part B	
11	
12	
13	
14	
15	
16	
17	
Total(B)	
Total(A)	
Final Total	
100%	
Grade	

Part – A

- ANSWER ALL QUESTIONS

01. If $\frac{\sqrt{x+1}-1}{\sqrt{x+1}+1} = \frac{2}{3}$, find the value of x

02. Simplify $\frac{1}{2-\sqrt{3}} + \frac{1}{2+\sqrt{3}} + \frac{\sqrt{2}}{6+\sqrt{3}} - \frac{1}{\sqrt{3}-1}$

03. a) Express 0.3150150 ... as a fraction

b) Express $\frac{35}{245}$ as a decimal

04. If $\log_4 x = a$ and $\log_{12} x = b$, show that $\log_3 4 = \frac{b}{a-b}$ and $\log_3 48 = \frac{a+b}{a-b}$

05. Show that $A \equiv (-1,0)$, $B \equiv (0,3)$, $C \equiv (3,2)$ and $D \equiv (2,-1)$ are the vertices of a square

06. The position vectors of the points A , B and C are $-4\hat{i} + 10\hat{j}$, $14\hat{i} - 2\hat{j}$ and $2\hat{i} + 6\hat{j}$. Here \hat{i} and \hat{j} , are the unit vectors in the directions OX and OY . Find \vec{AC} , \vec{AB} . Show that A , B and C are collinear and hence find the ratio of $\frac{AC}{AB}$

07. Show that $\cos A \sin\left(A - \frac{\pi}{6}\right) \sin\left(A + \frac{\pi}{6}\right) = -\frac{1}{4} \cos 3A$.

Hence deduce that $\sin 10^\circ \cos 40^\circ \sin 70^\circ = \frac{1}{8}$

08. Solve $2x - \sqrt{x^2 + 5} = 7$

09. Let $2x^2 - 5x - 14 \equiv A(x-1)(x-2) + B(x-1) + C$.
Find the values of A , B and C

10. The position vectors of the points A and B in terms of $\hat{i} + 2\hat{j}$ and $4\hat{i} + k\hat{j}$.

Here k is a real constant

i. If $A\hat{O}B = \frac{\pi}{2}$, find the value of k

ii. If $O\hat{A}B = \theta$, show that $\theta = \cos^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{5}}\right)$

Part-B

- Answer 05 Questions Only

11. (a) Find partial fractions for the following

i. $\frac{3}{(1-x^2)(1+2x)}$ ii. $\frac{36-2x}{(1-x)(x^2+1)}$

(b) State the remainder theorem

The degree of the polynomial $f(x)$ is 4. Let $f(0) = 6$ while $x - 1, x + 2$ are factors of $f(x)$. When $f(x)$ is divided by $x^2 - x - 2$ the remainder is $4(x + 3)$. Further it is given that the coefficient of the leading term is 1. Find the polynomial $f(x)$

(c) For $x \in \mathbb{R}$ let $f(x) = x^3 + 1$ and $g(x) = ax + b$. Here a and b are real constants, while $f(g(0)) = 2$ and $g(f(0)) = 3$. Find a and b , and hence find $g(x)$.

(d) For the real constants x and y , solve the pair of simultaneous equations
 $2\log_9 x + \log_3 y = 3$ and $2^{x+3} - 8^{y+1} = 0$

12. (a) If $A + B + C = \pi$, show that

$$\sin \frac{A}{2} + \sin \frac{B}{2} + \sin \frac{C}{2} = 1 + 4 \sin \left[\frac{\pi - A}{4} \right] \sin \left[\frac{\pi - B}{4} \right] \sin \left[\frac{\pi - C}{4} \right]$$

(b) Let $\sin \beta = -\frac{1}{2}$, $\cos \alpha = \frac{1}{2}$, for $\pi < \beta < \frac{3\pi}{2}, \frac{3\pi}{2} < \alpha < 2\pi$

Find the value of $\sin(\alpha + \beta)$

(c) Show that $\tan 75^\circ - \tan 30^\circ - \tan 75^\circ \tan 30^\circ = 1$

(d) Show that $\sec \theta + \tan \theta = \tan \left(\frac{\pi}{4} + \frac{\theta}{2} \right)$

Hence show that $\tan \frac{5\pi}{12} = 2 + \sqrt{3}$

13. (a) Let $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$. Show that the coordinate of the point that separates the line AB in the ratio $AC:CB = m:n$ can be given by
$$\left[\frac{mx_2+nx_1}{m+n}, \frac{my_2+ny_1}{m+n} \right]$$
-

- (b) For the quadrilateral $ABCD$, let $A(1,1), B(3,7), C(5,-3)$
- Find the midpoint of the line AC
 - Find the coordinates of the trisection points of the line BD
 - Find the ratio between the lines AC and BD
-

14. Prove the following identities

(a)
$$1 - \frac{\sin^3\theta}{\sin\theta + \cos\theta} - \frac{\cos^3\theta}{\sin\theta + \cos\theta} = \sin\theta \cos\theta$$

(b)
$$\frac{1 - \cos\alpha + \sin\alpha}{1 + \sin\alpha} = \frac{2 \sin\alpha}{1 + \sin\alpha + \cos\alpha}$$

(b)
$$\frac{\tan\alpha}{1 - \cot\alpha} - \cot\alpha + \frac{\cot\alpha}{1 - \tan\alpha} - \tan\alpha = 1$$

(c)
$$(\tan\theta + \operatorname{cosec}\theta)^2 - (\cot\alpha - \sec\theta)^2 = 2 \tan\theta \cot\alpha (\operatorname{cosec}\theta + \sec\alpha)$$

- (d) If $\tan\alpha = -1$ and $\sin\beta = \frac{1}{5}$, such that $\frac{3\pi}{2} < \alpha < 2\pi$ and $\frac{\pi}{2} < \beta < \pi$ find the value of $\cos(\alpha + \beta)$
-

15. (a) Let $f(x) \equiv 2x^4 + ax^3 + bx^2 - 8x + c$. Here a, b and c are real constants. If $(x + 2), (x - 1)$ are factors of $f(x)$ and when divided by $x - 2$ if the remainder of $f(x)$ is 16, find the values of a, b and c . Hence express $f(x)$ as a product of its linear factors
-

(b) Find partial fractions for $\frac{1}{(x+1)(x-2)}$

Hence find partial fractions for $\frac{1}{(x+1)^2(x-2)}$

(c) Let $(x) = x^3 - 2ax^2 + (ab + a^2 - b^2)x - ab(a - b)$.

Here a and b are real constants such that $a \neq b$. Show that $x - a + b$ is a factor of $f(x)$ and hence solve the equation $f(x) = 0$.

If the roots of $x^3 + px^2 + qx + r = 0$ are 1,3 and 4, find the values of p, q and r

(d) Let p, q, r be positive integers .Also let

$$\log_p(qr) = a, \log_r(pq) = c \text{ and } \log_r(pr) = b.$$

Show that $abc = a + b + c + 2$

16. (a) Let $A + B + C = \pi$.

$$\text{Show that } \cos^2 \frac{A}{2} + \cos^2 \frac{B}{2} - \cos^2 \frac{C}{2} = 2\cos \frac{A}{2} \cdot \cos \frac{B}{2} \sin \frac{C}{2}$$

(b) Show that $\sin^3 x \sin 3x = -\frac{1}{8} + \frac{3}{8} \cos 2x - \frac{3}{8} \cos 4x + \frac{1}{8} \cos 6x$.

Hence find the value of $\sin^3 \frac{\pi}{12}$

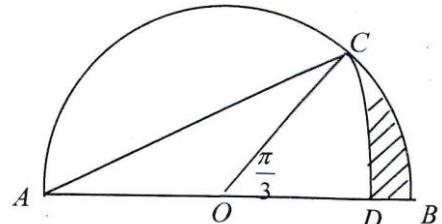
(c) If $2A + B = \frac{\pi}{4}$, show that $\tan B = \frac{1 - 2 \tan A - \tan^2 A}{1 + 2 \tan A - \tan^2 A}$. Show that $\tan \frac{\pi}{8}$ is one root of the equation $x^2 + 2x - 1 = 0$ and deduce that its value is $\sqrt{2} - 1$

17. (a) The radius of a circle whose center is O is 7 cm .

The angle that arc BC subtends at O is $\frac{\pi}{3}$. The arc CD belongs to a

circle whose center is A . Point D lies on OB .

- Find the length of AC
 - Find the area of the sector BOC
 - Find the area of the shaded region
- (b) i. Show that $\frac{\sin \theta}{1+\cos\theta} + \frac{1+\cos\theta}{\sin\theta} = 2 \cosec\theta$
- ii. If $\cosec\alpha + \cot\alpha = \frac{5}{2}$, find the value of $\tan\alpha$
- iii. If $\sin A = \frac{1}{\sqrt{10}}$ and $\sin B = \frac{1}{\sqrt{5}}$, show that $A + B = \frac{\pi}{4}$
- (c) Show that $\sin^4 \frac{\pi}{8} + \cos^2 \frac{\pi}{8} = \frac{7}{8}$



සංයුත්ත ගතිය - දුප්සන්ත මහබලුගේ - සංයුත්ත ගතිය - දුප්සන්ත මහබලුගේ - සංයුත්ත ගතිය
සංයුත්ත ගතිය - දුප්සන්ත මහබලුගේ - සංයුත්ත ගතිය - දුප්සන්ත මහබලුගේ - සංයුත්ත ගතිය
සංයුත්ත ගතිය - දුප්සන්ත මහබලුගේ - සංයුත්ත ගතිය - දුප්සන්ත මහබලුගේ - සංයුත්ත ගතිය
සංයුත්ත ගතිය - දුප්සන්ත මහබලුගේ - සංයුත්ත ගතිය - දුප්සන්ත මහබලුගේ - සංයුත්ත ගතිය

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2027

General Certificate of Education (Adv.Level) Examination 2027

පූර්ණ පත්‍ර අංක
Paper No

06

10

S

I,II

කාලය පැය 3 ක්.
Three hours.

සංයුත්ත ගතිය - දුප්සන්ත මහබලුගේ - සංයුත්ත ගතිය - දුප්සන්ත මහබලුගේ - සංයුත්ත ගතිය
සංයුත්ත ගතිය - දුප්සන්ත මහබලුගේ - සංයුත්ත ගතිය - දුප්සන්ත මහබලුගේ - සංයුත්ත ගතිය
සංයුත්ත ගතිය - දුප්සන්ත මහබලුගේ - සංයුත්ත ගතිය - දුප්සන්ත මහබලුගේ - සංයුත්ත ගතිය
සංයුත්ත ගතිය - දුප්සන්ත මහබලුගේ - සංයුත්ත ගතිය - දුප්සන්ත මහබලුගේ - සංයුත්ත ගතිය

උපදෙස්

- පූර්ණ පත්‍රය කොටස් දෙකක්.
(A කොටස පූර්ණ 10 ක් හා B කොටස පූර්ණ 7 ක්)
- A කොටසේ සියලුම පූර්ණ සඳහා පිළිතුරු ලිවිය යුතු අතර එම පිළිතුරු මෙම පත්‍රයේ ම සැපයිය යුතුය.
- B කොටසේ පූර්ණ හතෙන් පහකට පමණක් පිළිතුරු සැපයිය යුතු ය.
එම් සඳහා ලියන කඩාසී හාවිත කළ යුතුය.

උත්තරපත්‍ර පරිජිනා සටහන්

A කොටසේ ලකුණු විස්තරය	
01	
02	
03	
04	
05	
06	
07	
08	
09	
10	
එකතුව(A)	

B කොටසේ ලකුණු විස්තරය	
11	
12	
13	
14	
15	
16	
17	
එකතුව(B)	
එකතුව(A)	
මුළු එකතුව	
100%	
සංකේතය	

Part – A

- සියලුම ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න.

01. $\frac{\sqrt{x+1}-1}{\sqrt{x+1}+1} = \frac{2}{3}$ නම්, x හි අගය සොයන්න.

02. $\frac{1}{2-\sqrt{3}} + \frac{1}{2+\sqrt{3}} + \frac{\sqrt{2}}{6+\sqrt{3}} - \frac{1}{\sqrt{3}-1}$ සුළු කරන්න.

03. a) $0.3150150 \dots$ භාගයක ආකාරයෙන් දක්වන්න.

b) $\frac{35}{245}$ දශම ආකාරයෙන් දක්වන්න.

04. $\log_4 x = a$ අ, $\log_{12} x = b$ ද නම්, $\log_3 4 = \frac{b}{a-b}$ බවත්, $\log_3 48 = \frac{a+b}{a-b}$ බවත්, පෙන්වන්න.

05. $A \equiv (-1,0), B \equiv (0,3), C \equiv (3,2)$ සහ $D \equiv (2, -1)$ යන ලක්ෂා සම්වතුරසුයක ගීර්ෂ බව සාධනය කරන්න.

06. A, B සහ C ලක්ෂා 3ක පිහිටුම් දෙකක පිළිවෙළින් $-4\underline{i} + 10\underline{j}, 14\underline{i} - 2\underline{j}$ හා $2\underline{i} + 6\underline{j}$ වේ. මෙහි \underline{i} සහ \underline{j} යනු OX සහ OY අක්ෂ මස්සේ වන ඒකක දෙකක වේ. $\overrightarrow{AC}, \overrightarrow{AB}$ සොයන්න. A, B සහ C ලක්ෂා ඒක රේඛීය බව පෙන්වා, $\frac{AC}{AB}$ හි අගය සොයන්න.

07. $\cos A \sin \left(A - \frac{\pi}{6}\right) \sin \left(A + \frac{\pi}{6}\right) = -\frac{1}{4} \cos 3A$ බව පෙන්වන්න.
ල් තයින්, $\sin 10^\circ \cos 40^\circ \sin 70^\circ = \frac{1}{8}$ බව අපෝහනය කරන්න.

08. $2x - \sqrt{x^2 + 5} = 7$ විසඳුන්න.

09. $2x^2 - 5x - 14 \equiv A(x-1)(x-2) + B(x-1) + C$ වන පරිදි A, B සහ C තියත සොයන්න.

10. O මූලය අනුබද්ධයෙන්, A හා B ලක්ෂා දෙකක පිහිටුම් දෙකක පිළිවෙළින් $\underline{i} + 2\underline{j}$ සහ $4\underline{i} + k\underline{j}$ වේ. මෙහි k යනු කාන්ත්වික සංඛ්‍යාවකි.

- $A \hat{\theta} B = \frac{\pi}{2}$ නම්, k හි අගය සොයන්න.
- $O \hat{A} B = \theta$ නම්, $\theta = \cos^{-1} \left(\frac{1}{\sqrt{5}} \right)$ බව පෙන්වන්න.

B -කොටස

- මධ්‍ය තොරාගත් ප්‍රශ්න 05 ක් සඳහා පිළිතුරු සපයන්න.

11. (a) හින්න භාග වලට වෙන් කරන්න.

i. $\frac{3}{(1-x^2)(1+2x)}$ ii. $\frac{36-2x}{(1-x)(x^2+1)}$

(b) ගේජ ප්‍රමේණ ප්‍රකාශ කර, සාධනය කරන්න.

$f(x)$ බහුපදය හි මාත්‍රය 4 බව දී ඇත. $f(0) = 6$ වන අතර $(x - 1)$, $(x + 2)$ සාධක වේ. $(x^2 - x - 2)$ මගින් $f(x)$ බෙදා විට ගේජය $4(x + 3)$ වේ. බහු පදයේ වැඩිතම මාත්‍රයේ සංග්‍රහකය 1 බව තවදුරටත් දී ඇත.
 $f(x)$ බහු පදය සොයන්න.

(c) $x \in \mathbb{R}$ සඳහා $f(x) = x^3 + 1$ හා $g(x) = ax + b$ යැයි ගනිමු. මෙහි a හා b තාත්ත්වික නියත වේ. $f(g(0)) = 2$ හා $g(f(0)) = 3$ බව දී ඇත. a හා b අගයන් සඳහා $g^{-1}(x)$ සොයන්න.

(d) x හා y සඳහා $2\log_9 x + \log_3 y = 3$ හා $2^{x+3} - 8^{y+1} = 0$ යන සමාගම් සම්බන්ධ විසඳුන්න.

12. (a) $A + B + C = \pi$ නම්,

$$\sin \frac{A}{2} + \sin \frac{B}{2} + \sin \frac{C}{2} = 1 + 4 \sin \left[\frac{\pi-A}{4} \right] \sin \left[\frac{\pi-B}{4} \right] \sin \left[\frac{\pi-C}{4} \right] \text{ බව}$$

පෙන්වන්න.

(b) $\sin \beta = -\frac{1}{2}$, $\cos \alpha = \frac{1}{2}$ හි අගයන් $\pi < \beta < \frac{3\pi}{2}$, $\frac{3\pi}{2} < \alpha < 2\pi$ වන පරිදි වේ.
 $\sin(\alpha + \beta)$, $\cos(\alpha + \beta)$ යන්නෙහි අගය සොයන්න.

(c) $\tan 75^\circ - \tan 30^\circ - \tan 75^\circ \tan 30^\circ = 1$ බව පෙන්වන්න.

(d) $\sec \theta + \tan \theta = \tan \left(\frac{\pi}{4} + \frac{\theta}{2} \right)$ බව පෙන්වන්න.

එනයින්, $\tan \frac{5\pi}{12} = 2 + \sqrt{3}$ බව පෙන්වන්න.

13. (a) $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2)$ ලක්ෂ්‍යය යා කරන සරල රේඛාව මත $AC:CB = m:n$ අභ්‍යන්තරව ජේදනය වන ලක්ෂ්‍යයේ බණ්ඩාංකය $\left[\frac{mx_2+nx_1}{m+n}, \frac{my_2+ny_1}{m+n} \right]$ බව පෙන්වන්න.
- (b) $ABCD$ ව්‍යුරුස්‍ය $A = (1,1), B = (3,7), C = (9,5), D = (5,-3)$ වන පරිදි වේ.
- AC රේඛාවේ මධ්‍ය ලක්ෂ්‍යයේ බණ්ඩාංකය සොයන්න.
 - BD රේඛාවේ ත්‍රිවේජේද ලක්ෂ්‍යයන් හි බණ්ඩාංක සොයන්න.
 - AC රේඛාවේ දිග සහ BD රේඛාවේ දිග අතර අනුපාතය සොයන්න.
-

14. පහත සර්ව සාමාන්‍ය සාධනය කරන්න.

$$(a) 1 - \frac{\sin^3 \theta}{\sin \theta + \cos \theta} - \frac{\cos^3 \theta}{\sin \theta + \cos \theta} = \sin \theta \cos \theta$$

$$(b) \frac{1 - \cos \alpha + \sin \alpha}{1 + \sin \alpha} = \frac{2 \sin \alpha}{1 + \sin \alpha + \cos \alpha}$$

$$(c) \frac{\tan \alpha}{1 - \cot \alpha} - \cot \alpha + \frac{\cot \alpha}{1 - \tan \alpha} - \tan \alpha = 1$$

$$(d) (\tan \theta + \operatorname{cosec} \alpha)^2 - (\cot \alpha - \sec \theta)^2 = 2 \tan \theta \cot \alpha (\operatorname{cosec} \theta + \sec \alpha)$$

$$(e) \tan \alpha = -1 \text{ හා } \sin \beta = \frac{1}{5} \text{ වේ. } \text{මෙහි } \frac{3\pi}{2} < \alpha < 2\pi \text{ හා } \frac{\pi}{2} < \beta < \pi \text{ වේ.}$$

$\cos(\alpha + \beta)$ හි අගය සොයන්න.

15. (a) $f(x) \equiv 2x^4 + ax^3 + bx^2 - 8x + c$ මෙහි a, b හා c නියත වේ.
- $(x+2), (x-1), f(x)$ හි සාධක වන අතර $(x-2)$ න් $f(x)$ බෙදා විට ගෙෂය 16 ක් වේ. a, b හා c නියත අගයන්න. ඒනැයින්, $f(x)$ යන්න රේඛීය සාධක වල ගුණීතයක් ලෙස දක්වන්න.
-

(b) $\frac{1}{(x+1)(x-2)}$ හින්ත භාගවලට වෙන් කරන්න.

ඒ නයින්, $\frac{1}{(x+1)^2(x-2)}$ හින්ත භාගවලට වෙන් කරන්න.

(c) $f(x) = x^3 - 2ax^2 + (ab + a^2 - b^2)x - ab(a - b)$ යැයි ගනිමු.

a සහ b යනු ($a \neq b$) වන පරිදි වූ තාත්ත්වික නියත වේ. $(x - a + b)$ යන්න $f(x)$ බහුපදයෙහි සාධකයක් බව පෙන්වා, ඒනයින්, $f(x) = 0$ සම්කරණය විසඳුන්න.

$x^3 + px^2 + qx + r = 0$ සම්කරණයේ මුළු 1,3 සහ 4 වන පරිදි වූ p, q සහ r නියත වල අගයන් සොයන්න.

(d) p, q, r අන සංඛ්‍යා ලෙසේ $\log_p(qr) = a, \log_q(pr) = b, \log_r(pq) = c$ ලෙස ද ගනිමු. $abc = a + b + c + 2$ බව පෙන්වන්න.

16. (a) $A + B + C = \pi$ නම්,

$$\cos^2 \frac{A}{2} + \cos^2 \frac{B}{2} - \cos^2 \frac{C}{2} = 2 \cos \frac{A}{2} \cdot \cos \frac{B}{2} \sin \frac{C}{2} \text{ බව}$$

සාධනය කරන්න.

(b) $\sin^3 x \sin 3x = -\frac{1}{8} + \frac{3}{8} \cos 2x - \frac{3}{8} \cos 4x + \frac{1}{8} \cos 6x$ බව පෙන්වා,

ඒනයින්, $\sin^3 \frac{\pi}{12}$ හි අගය ලබාගන්න.

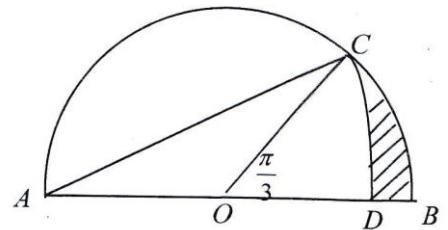
(c) $2A + B = \frac{\pi}{4}$ නම්, $\tan B = \frac{1 - 2 \tan A - \tan^2 A}{1 + 2 \tan A - \tan^2 A}$ බව සාධනය කරන්න.

$x^2 + 2x - 1 = 0$ සම්කරණයේ එක් මූලයක් $\tan \left(\frac{\pi}{8}\right)$ ද, එහි අගය $\sqrt{2} - 1$ යැයි ද අපෝහනය කරන්න.

17. (a) කේන්දුය O වන වෘත්තයක අරය 7 cm වේ.

එහි BC වාපය O කේන්දුයේ දී $\frac{\pi}{3}$ කේතුයක්

ආපාතනය කරයි. කේන්දුය A වන වෘත්තයේ වාපයක් CD වේ. D ලක්ෂාය OB මත පිහිටයි.



i. AC දිග

ii. OBC කේන්දුක බණ්ඩයේ වර්ගලිලය

iii. අදුරු කළ කොටසේ වර්ගලිලය

$$(b) \quad \text{i. } \frac{\sin \theta}{1+\cos \theta} + \frac{1+\cos \theta}{\sin \theta} = 2 \cosec \theta \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

$$\text{ii. } \cosec \alpha + \cot \alpha = \frac{5}{2} \text{ නම්, } \tan \alpha \text{ හි අගය සොයන්න.}$$

$$\text{iii. } \sin A = \frac{1}{\sqrt{10}} \text{ සහ } \sin B = \frac{1}{\sqrt{5}} \text{ නම්, } A + B = \frac{\pi}{4} \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

$$(c) \quad \sin^4 \left(\frac{\pi}{8} \right) + \cos^2 \left(\frac{\pi}{8} \right) = \frac{7}{8} \text{ බව පෙන්වන්න.}$$