## 1 Quantifizierung

$$\sum_{i=1}^{n} i^2 = 1^2 + 2^2 + \dots + n^2$$

$$\sum_{i=1}^{-1} i^2 = 0$$
 (neutrales Element)

$$\sum_{i=1}^{n} i^2 + 1 = 1^2 + 2^2 + \dots + n^2 + 1 \ (?)$$

$$\sum_{i=1}^{n} (i^2 + 1) = (1^2 + 1) + (2^2 + 1) + \dots + (n^2 + 1)$$
(?)

$$\textstyle \sum_{\substack{i=1 \\ odd(i)}}^{n} i^2 = 1^2 + 3^2 + \ldots + n^2$$

$$\prod_{i=1}^{n} i^2 = 1^2 * 2^2 * \dots * n^2$$

$$\prod_{i=1}^{-1} i^2 = 1$$
 (neutrales Element)

$$\forall_{i=0}^{n-1} b[i] == 0 = b[0] == 0 \land b[1] == 0 \land \dots \land b[n-1] == 0$$

$$\exists_{i=0}^{n-1}b[i] == 0 = b[0] == 0 \lor b[1] == 0 \lor \dots \lor b[n-1] == 0$$

$$\textstyle\sum_{i=1}^n i^2 = (\sum i : \mathbb{N} \mid 1 \leqslant i \leqslant n : i^2)$$

$$(\sum i:\mathbb{N},j:\mathbb{N}\,|\,1\leqslant i\leqslant 2\wedge 1\leqslant j\leqslant 3:i^j)$$

$$(\circ v_1: T_1, ..., v_n: T_n \mid R: P)$$

-   
 
$$\circ: T \times T \to T$$
 (wobei T ein Typ ist)

Bsp: 
$$+: \mathbb{N} \times \mathbb{N} \to \mathbb{N}$$
  
 $+(3,4) = 7$ 

 $a \circ b = b \circ a$  fuer alle a,b : T (Symmetrie) — ABELSCHES MONOID

$$(a \circ b) \circ c = a \circ (b \circ c)$$
 fuer alle a,b,c : T (Assoziativitaet)

$$u \circ a = a = a \circ u$$

es gibt ein u : T, so dass fuer alle a : T (neutrales Element) — MONOID

$$\begin{array}{cccc} \circ & T & u \\ +\sum & \mathbb{Z} & 0 \\ *\prod & \mathbb{Z} & 1 \\ \forall & \mathbb{B} & true \\ \exists & \mathbb{B} & false \end{array}$$

String mit Konkatenation nicht-abelsches Monoid ("a" + "b") + "c" equals "a" + ("b" + "c")

```
"a" + "" \ equals "a" \\ "a" + "b" \ !equals "b" + "a"
```

- $T_1, ..., T_n$  Datentypen
- $V_1, ..., V_n$  Variablen

alle paarweise verschieden

 $V_i \ vom \ Typ \ T_i$ 

- R : boolescher Ausdruck, kann  $V_1...V_n$  enthalten, Bereich (Range)
- P : beliebiger Ausdruck vom Typ T, kann  $V_1...V_n$  enthalten, Koerper (Body)

Typ der Quantifizierung : T

$$(\forall i:\mathbb{N} \mid 0\leqslant i\leqslant n:b[i]=0)$$
 und das Ganze ist :  $\mathbb{B}$   $(\circ V_1:T_1\mid R:P)$  wobei  $T_1:\mathbb{N},P:\mathbb{B}$ 

 $\wedge: \mathbb{B} \times \mathbb{B} \to \mathbb{B}$ 

$$P: T_1 \times T_2 \times ... \times T_n \to T$$

## 2 This is another section

## 2.1 This is a subsection