Санкт-Петербургский политехнический университет Петра Великого

Физико-механический институт Высшая школа прикладной математики и вычислительной Физики

Интервальный анализ Отчёт по лабораторной работе №3

Выполнил:

Студент: Дамаскинский Константин

Группа: 5040102/10201

Принял:

к. ф.-м. н., доцент

Баженов Александр Николаевич

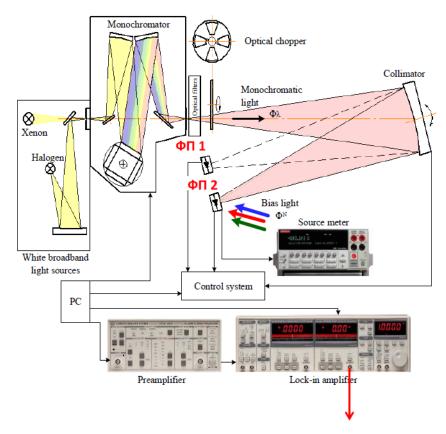
Содержание

1.	Постановка задачи	2
2.	Теория	3
3.	Реализация	4
4.	Результаты	5
5.	Обсуждение	9
6.	Приложения	9
Список иллюстраций		
1.	Схема установки для исследования фотоэлектрических характеристик .	2
	Диаграмма статусов. Канал 1. Радиус интервала $1 \cdot 10^{-4}$	
3.	Диаграмма статусов. Канал 1. Радиус интервала $3 \cdot 10^{-4}$	5
4.	Диаграмма статусов. Канал 1. Радиус интервала $5 \cdot 10^{-4}$	6
5.	Диаграмма статусов. Канал 1. Радиус интервала $6 \cdot 10^{-4}$	6
6.	Диаграмма статусов. Канал 2. Радиус интервала $1 \cdot 10^{-4}$	7
7.	Диаграмма статусов. Канал 2. Радиус интервала $3 \cdot 10^{-4}$	7
	Диаграмма статусов. Канал 2. Радиус интервала $5 \cdot 10^{-4}$	8
9.	Диаграмма статусов. Канал 2. Радиус интервала $6 \cdot 10^{-4}$	8

1. Постановка задачи

Проводится исследование из области солнечной энергетики. На рис. 1 показана схема установки для исследования фотоэлектрических характеристик.

Схема установки для исследования фотоэлектрических характеристик



Измеряемый сигнал (мВ или мА), поступающий с фотоприемника ФП1 (Канал 1) или фотоприемника ФП2 (Канал 2)

Рис. 1. Схема установки для исследования фотоэлектрических характеристик

Калибровка датчика $\Phi\Pi 2$ производится по эталону $\Phi\Pi 1$. Зависимость между квантовыми эффективностями датчиков предполагается постоянной для каждой пары наборов измерений:

$$QE_2 = \frac{I_2}{I_1} \cdot QE_1 \tag{1}$$

где QE_2 , QE_1 — эталонная эффективность эталонного и исследуемого датчика, I_2 , I_1 — измеренные токи. Данные с датчиков находятся в файлах **Канал2_800nm_0.2.csv**, **Канал1_800nm_0.2.csv** и полагаются линейными. Требуется определить статус измерений.

2 ТЕОРИЯ 3

2. Теория

2.1. Классификация измерений

В задаче интервальной регрессии важно классифицировать измерения по влиянию на итоговому модель. Мы будем разделять измерения следующим образом.

- Внутренние это такие измерения, добавление которых в существующую модель не изменяет её (её информационное множество)
- Внешние такие измерения, добавление которых в существующую модель изменяет её информационное множество

У внутренних и внешних измерений имеются важные частные случаи:

- Граничные измерения, определяющие какой-либо фрагмент границы информационного множества задачи. Стоит заметить, что удаление из модели внутренних, но не граничных измерений, не изменит её
- Выбросы такие измерения, которые делают информационное множество пустым

Для того, чтобы определить, к какому классу принадлежит очередное измерение, достаточно соотнести его с прогнозом существующей модели в данной точке.

- Внутреннее измерение полностью содержит в себе прогнозный интервал
- Граничное измерение имеет с ним общий конец
- Внешнее интервальное измерение не содержит в себе полностью прогнозный интервал
- Если пересечение внешнего интервального измерения с прогнозным интервалом пустое, то измерение это выброс

2.2. Размах и относительный остаток

Для дальнейшего анализа измерений введём следующие понятия.

Определение 1 Размах (плечо). Размах – величина, показывающая, как соотносится ширина прогнозного коридора и полученного интервала в данной точке:

$$\ell(x, \mathbf{y}) = \frac{\operatorname{rad}\Upsilon(x)}{\operatorname{rad}\mathbf{y}} \tag{2}$$

Определение 2 Относительный остаток. Относительный остаток показывает, как соотносится расстояние между центром измерения и прогнозного коридора в данной точке и радиусом измерения:

$$r(x, \mathbf{y}) = \frac{\text{mid}\mathbf{y} - \text{mid}\Upsilon(x)}{\text{rad}\mathbf{y}}$$
(3)

Для внутренних измерений, содержащих в себе прогнозный интервал, выполняется неравенство:

$$|r(x, \mathbf{y})| \le 1 - \ell(x, \mathbf{y}) \tag{4}$$

Точное равенство будет выполнено исключительно для граничных наблюдений.

Выбросы удовлеторяют условию:

$$|r(x, \mathbf{y})| > 1 + \ell(x, \mathbf{y}) \tag{5}$$

Интервальные измерения, у которых величина неопределённости меньше, чем ширина прогнозного интервала, то есть плечо больше единицы, оказывают сильное влияние на модель. Их называют **строго внешними**.

2.3. Диаграмма статусов для интервальных измерений

На диаграмме статусов в зелёной области лежат внутренние измерения, в жёлтой – внешние, за вертикальной чертой $\ell=1$ – строго внешние измерения. Наблюдения, расположенные на границе зеленой зоны, являются граничными.

Диаграмма статусов строится по каждому каналу. Для этого необходимо произвести следующие шаги:

- 1. Выполняется кусочно-линейная интервальная регрессия
- 2. Из обынтерваленных входных данных вычитается центральная часть полученной аппроксимации
- 3. Строится прогноз на всю выборку по центральной регрессии. Его используем для вычисления плеча и относительного остатка

3. Реализация

Данная работа реализована на языке программирования Python 3.10 с использованием пакетов numpy и scikit. Также использовался модуль interval вычислительного пакета Octave и библиотека программ С. Жилина. Код данного отчёта подготовлен с использованием редактора TeXstudio и компилятора pdflatex.

4 РЕЗУЛЬТАТЫ

5

4. Результаты

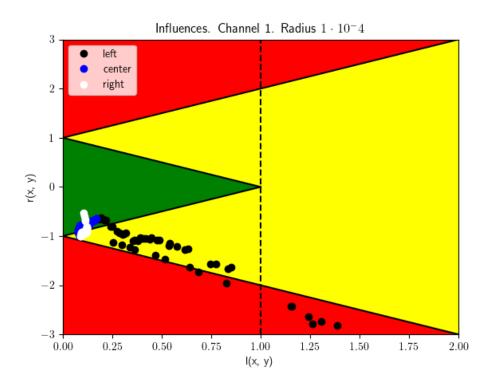


Рис. 2. Диаграмма статусов. Канал 1. Радиус интервала $1 \cdot 10^{-4}$

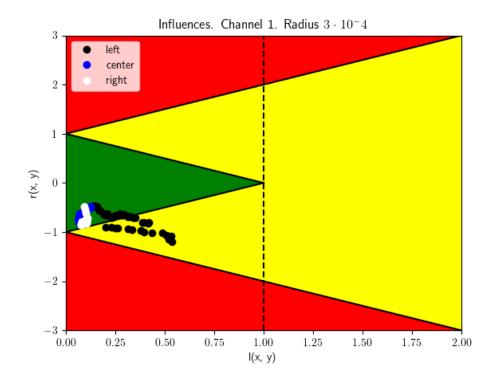


Рис. 3. Диаграмма статусов. Канал 1. Радиус интервала $3 \cdot 10^{-4}$

6 4 *РЕЗУЛЬТАТЫ*

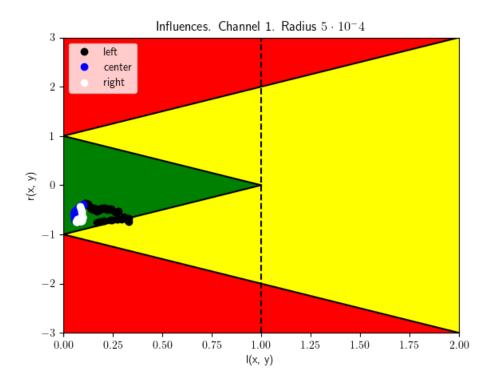


Рис. 4. Диаграмма статусов. Канал 1. Радиус интервала $5 \cdot 10^{-4}$

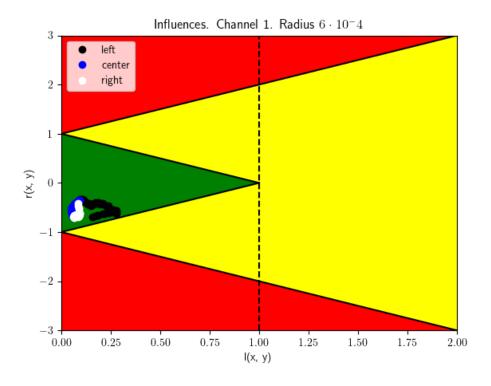


Рис. 5. Диаграмма статусов. Канал 1. Радиус интервала $6 \cdot 10^{-4}$

7

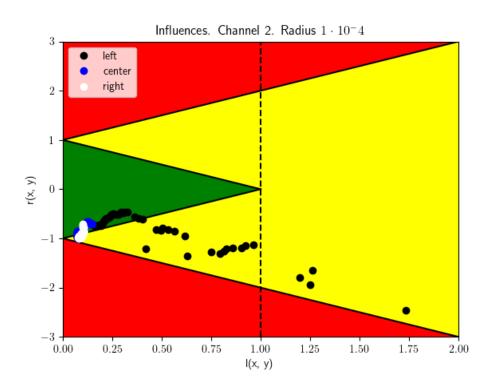


Рис. 6. Диаграмма статусов. Канал 2. Радиус интервала $1 \cdot 10^{-4}$

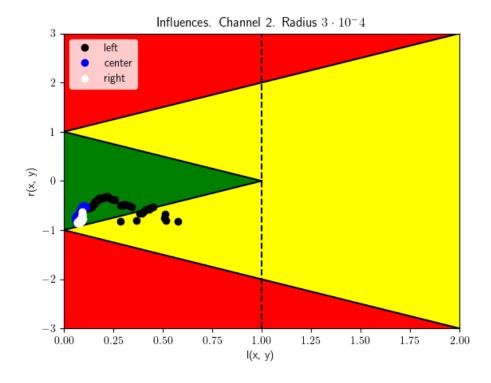


Рис. 7. Диаграмма статусов. Канал 2. Радиус интервала $3 \cdot 10^{-4}$

8 *4 РЕЗУЛЬТАТЫ*

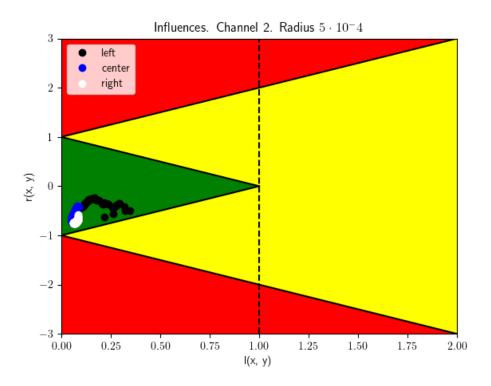


Рис. 8. Диаграмма статусов. Канал 2. Радиус интервала $5 \cdot 10^{-4}$

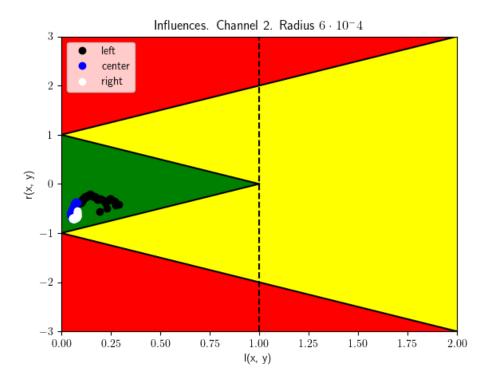


Рис. 9. Диаграмма статусов. Канал 2. Радиус интервала $6 \cdot 10^{-4}$

5. Обсуждение

Видно, что точки из центральной части, как и ожидается, лежат в зелёной зоне. Чем больше увеличивается ширина интервалов, тем больше точек из левой и правой части попадают в зелёную зону. При радиусе в $6 \cdot 10^{-4}$ в обоих выборках точки из всех трёх частей попадают в зелёную зону. Также видно, что строго внешние измерения встречаются только во второй выборке при радиусе интервала 10^{-4} , а выбросы были обнаружены при том же радиусе в первой выборке.

6. Приложения

1. Репозиторий с кодом программы и кодом отчёта:

https://github.com/kystyn/interval2