

集合系 $\{A_i\}_{i=1}^N$ をとる．この時， $\bigcup_{i=1}^N A_i$ が可算集合ならば， $\exists i \in \{1, \dots, N\}$, $|A_i| = \aleph_0$ であることを示せますか？