

統計と確率

- 発展の歴史 -

https://l-hospitalier.github.io

2021. 3



臨床医学は「途上技術である*1」から「賭け」の部分がある。 統計確率 ブレーズ パスカル ピエール フェルマー を勉強して至適な意思決定するつもりで勉強したが、確率論は「サンクトペテルブルグ の逆説」のような不安定さがある。【賭事必勝法】Dベルヌーイ(流体力学者)による この逆説は1783年「リスク測定に関する新しい理論」として発表された。 コイント スで勝敗を決め、はじめは賭金を1円、次は2円としn回目は2ⁿ円に賭金を増やし ていけば勝率は 1/2 なのでやがて勝ちが来る。 1回勝ったら勝負を止めれば 2ⁿ-2⁽ⁿ⁻¹⁾ 円獲得。 この計算は正しいが現実はそういかない。 もし連続 26 回負けた後 1 勝すると約1億円だが、この確率は小さいので期待値は約14円。【期待値】の定義は ある試行を行ったときに得る値 X1, X2, X3...の確率が P1, P2, P3...であれば期待値は E =X1 x P1 + X2 x P2 +...。 賭金の単位を 1 億円から始めれば期待値は 14 億円 (必要な 賭金は莫大で、経済学で**限界効用逓減の原則**?という)。 フェラーによる別解は同様 の賭けを無限に近い多数で同時に行い、標本抽出して結果を出すが同結果。【確率論の <mark>始まり】</mark>臨床医学では複数肢からの選択や施行の意思決定の場面が多い。 現在の状態 から短時間後の状態予測はニュートン流の線形微分方程式を解く。 しかし賭博の場合 この解法が機能しない。 B パスカルは 1667 年 7 月 29 日*2 「メレの騎士」からの疑問 を書簡にしてPフェルマー *3 に送付。 この2人の往復書簡が確率論の最初の成果とな った。 内容は「AとBが勝負、5回先勝したものが賭け金をとるゲームでAが4勝、 B が 3 勝した時点でゲームが没となった時の正しい賭け金の分配は?」というもの(但 しA、Bの勝率は1/2)。 一つの考えは、Bは後2勝せねばならず、Aは1勝なので、 A が 2/3、B が 1/3。 別の考えとして A は 4 勝、B は 3 勝しているので A が 4/7、B が 3/7 が自然というもの。 この 2 つは誤りでパスカルもフェルマーも正解の A が 3/4、B が 1/4 を獲得という解を導いた。 正しい計算は残りの勝負の組み合わせを全て考える と勝ちが $A \rightarrow A$ 、 $A \rightarrow B$ 、 $B \rightarrow A$ 、 $B \rightarrow B$ の組み合わせ。 そのうち A が賭金獲得の場合の 数は $A\rightarrow A$ 、 $A\rightarrow B$ 、 $B\rightarrow A$ の 3 個。 B のそれは $B\rightarrow B$ の 1 個。 場合の数の比は 3 対 1 (3/4 対 1/4)。 1回の勝敗はベルヌーイ試行(独ではラプラス試行?)で等確率なの で確率の和が解答 (確率は完全加法族 *4)。 Jベルヌーイ (Dベルヌーイの叔父) は「"事 象の確率"とは**可能な結果の個数**に対するその事象が起こることになる**結果の数**の比で ある」と古典的確率を定義(「大数の法則(中心極限定理)」も J ベルヌーイに始まる)。 この定義の上にAコルモゴロフにより数学的(公理的)確率論が構築され、一見大雑 把に見える統計確率の実験結果(試行)も無限に繰り返される試行の結果の系列を考え る(極限移行)と"平均において"全く厳密な法則性が現れることが明らかになった。 <mark>【ベルヌーイ(ラプラス)の原理】</mark>サイコロの目の出る確率がどれも 1/6 と考えるよう に確率について確からしさの程度の根拠がそれ以上判然とせず、同じ程度と思われる事 象の確率を等確率とみる考え方。 等確率の原理とも。 実際にこの原理が適用可能かど うかは難しい問題で、雑に適用すれば「山勘」に等しい。…岩波数学入門辞典…

#279

^{*1} 郡司篤晃著「安全という幻想 エイズ騒動から学ぶ」2015 年 ^{*2} 「確率論誕生の日」とされる。 ^{*2} 「a^n + b^n = c^n (n は3以上の自然数)を満たす自然数の組a,b,c は存在しない」というフェルマーの最終定理で有名 1995 年 A ワイル ズが証明。 ^{'4} 可算集合で加法(+)の結果が閉じている(元の集合に収まる)もの。 完全加法族の集合では測度(長 さ、面積など大きさ)が定義できる