

[◀ Back to Week 2](#)[✕ Lessons](#)[Prev](#)[Next](#)

Programming Assignment: Линейная алгебра: сходство текстов и аппроксимация функций

You have not submitted. You must earn 10/10 points to pass.

Deadline Pass this assignment by December 10, 11:59 PM PST

Instructions

[My submission](#)

[Discussions](#)

Линейная алгебра: сходство текстов и аппроксимация функций

Данное задание основано на материалах секции, посвященной введению в линейную алгебру. Вам понадобится компьютер с установленным интерпретатором Python и подключенными библиотеками NumPy и SciPy.

Вы научитесь:

- читать тексты из файла с помощью Python и разбивать их на слова
- переводить тексты в векторные пространства, вычислять расстояния в этих пространствах
- решать системы линейных уравнений
- приближать любые функции с помощью многочленов

Введение

В этом задании вы познакомитесь с некоторыми базовыми методами из линейной алгебры, реализованными в пакете SciPy — в частности, с методами подсчета косинусного расстояния и решения систем линейных уравнений. Обе эти задачи еще много раз встретятся нам в специализации. Так, на решении систем линейных уравнений основана настройка линейных моделей — очень большого и важного класса алгоритмов машинного обучения. Косинусное расстояние же часто используется в анализе текстов для измерения сходства между ними.

Материалы

Справка по функциям пакета `scipy.linalg`:

<http://docs.scipy.org/doc/scipy/reference/linalg.html>

Справка по работе с файлами в Python:

<https://docs.python.org/2/tutorial/inputoutput.html#reading-and-writing-files>

Справка по регулярным выражениям в Python (если вы захотите узнать про них чуть больше): <https://docs.python.org/2/library/re.html>

Инструкция по выполнению

Данное задание состоит из двух частей. В каждой ответом будет набор чисел, который вам нужно будет ввести в соответствующее поле через пробел.

Задача 1: сравнение предложений

Дан набор предложений, скопированных с Википедии. Каждое из них имеет "кошачью тему" в одном из трех смыслов:

- кошки (животные)
- UNIX-утилита `cat` для вывода содержимого файлов
- версии операционной системы OS X, названные в честь семейства кошачьих

Ваша задача — найти два предложения, которые ближе всего по смыслу к расположенному в самой первой строке. В качестве меры близости по смыслу мы будем использовать косинусное расстояние.

sentences.txt

Выполните следующие шаги:

1. Скачайте файл с предложениями (`sentences.txt`).
2. Каждая строка в файле соответствует одному предложению. Считайте их, приведите каждую к нижнему регистру с помощью строковой функции `lower()`.

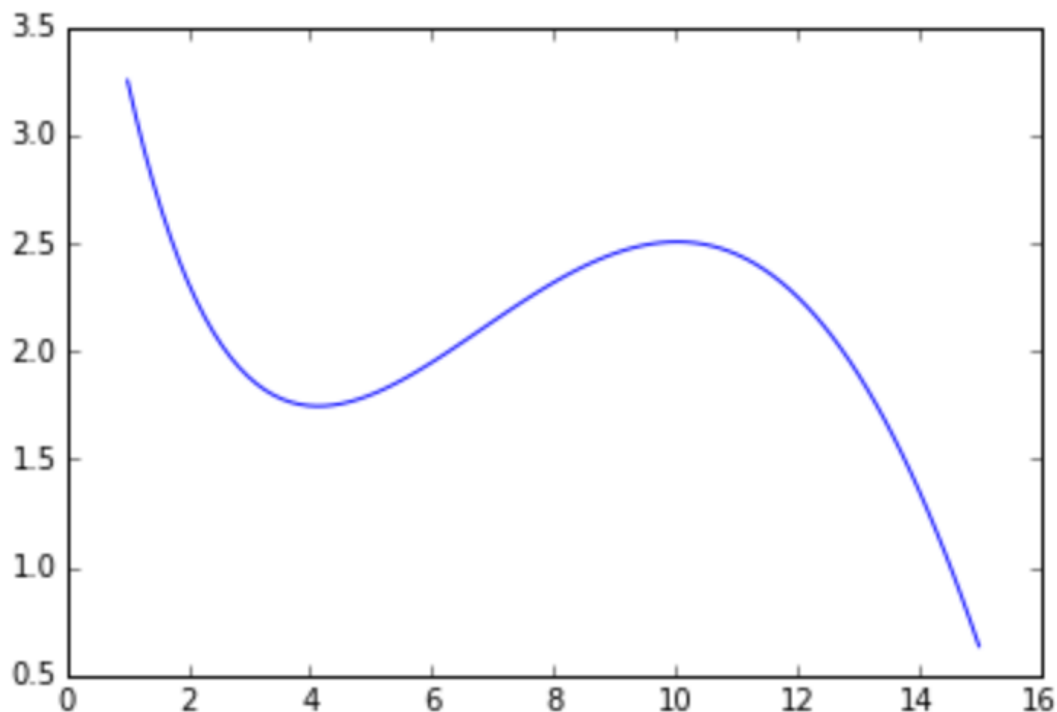
3. Произведите токенизацию, то есть разбиение текстов на слова. Для этого можно воспользоваться регулярным выражением, которое считает разделителем любой символ, не являющийся буквой: `re.split('[^a-z]', t)`. Не забудьте удалить пустые слова после разделения.
4. Составьте список всех слов, встречающихся в предложениях. Сопоставьте каждому слову индекс от нуля до $(d - 1)$, где d — число различных слов в предложениях. Для этого удобно воспользоваться структурой `dict`.
5. Создайте матрицу размера $n * d$, где n — число предложений. Заполните ее: элемент с индексом (i, j) в этой матрице должен быть равен количеству вхождений j -го слова в i -е предложение. У вас должна получиться матрица размера $22 * 254$.
6. Найдите косинусное расстояние от предложения в самой первой строке (In comparison to dogs, cats have not undergone...) до всех остальных с помощью функции `scipy.spatial.distance.cosine`. Какие номера у двух предложений, ближайших к нему по этому расстоянию (строки нумеруются с нуля)? Эти два числа и будут ответами на задание. Само предложение (In comparison to dogs, cats have not undergone...) имеет индекс 0.
7. Запишите полученные числа в файл, разделив пробелом. Обратите внимание, что файл должен состоять из одной строки, в конце которой не должно быть переноса. Пример файла с решением вы можете найти в конце задания (submission-1.txt).
8. Совпадают ли ближайшие два предложения по тематике с первым? Совпадают ли тематики у следующих по близости предложений?

Разумеется, использованный вами метод крайне простой. Например, он не учитывает формы слов (так, `cat` и `cats` он считает разными словами, хотя по сути они означают одно и то же), не удаляет из текстов артикли и прочие ненужные слова. Позже мы будем подробно изучать анализ текстов, где выясним, как достичь высокого качества в задаче поиска похожих предложений.

Задача 2: аппроксимация функции

Рассмотрим сложную математическую функцию на отрезке $[1, 15]$:

$$f(x) = \sin(x / 5) * \exp(x / 10) + 5 * \exp(-x / 2)$$



Она может описывать, например, зависимость оценок, которые выставляют определенному сорту вина эксперты, в зависимости от возраста этого вина. По сути, задача машинного обучения состоит в том, чтобы приблизить сложную зависимость с помощью функции из определенного семейства. В этом задании мы будем приближать указанную функцию с помощью многочленов.

Как известно, многочлен степени n (то есть $w_0 + w_1 x + w_2 x^2 + \dots + w_n x^n$) однозначно определяется любыми $n + 1$ различными точками, через которые он проходит. Это значит, что его коэффициенты w_0, \dots, w_n можно определить из следующей системы линейных уравнений:

$$\begin{cases} w_0 + w_1 x_1 + w_2 x_1^2 + \dots + w_n x_1^n = f(x_1) \\ \dots \\ w_0 + w_1 x_{n+1} + w_2 x_{n+1}^2 + \dots + w_n x_{n+1}^n = f(x_{n+1}) \end{cases}$$

где через x_1, \dots, x_n, x_{n+1} обозначены точки, через которые проходит многочлен, а через $f(x_1), \dots, f(x_n), f(x_{n+1})$ — значения, которые он должен принимать в этих точках.

Воспользуемся описанным свойством, и будем находить приближение функции многочленом, решая систему линейных уравнений.

1. Сформируйте систему линейных уравнений (то есть задайте матрицу коэффициентов A и свободный вектор b) для многочлена первой степени, который должен совпадать с функцией f в точках 1 и 15. Решите данную систему с помощью функции `scipy.linalg.solve`. Нарисуйте функцию f и полученный многочлен. Хорошо ли он приближает исходную функцию?

2. Повторите те же шаги для многочлена второй степени, который совпадает с функцией f в точках 1, 8 и 15. Улучшилось ли качество аппроксимации?
3. Повторите те же шаги для многочлена третьей степени, который совпадает с функцией f в точках 1, 4, 10 и 15. Хорошо ли он аппроксимирует функцию? Коэффициенты данного многочлена (четыре числа в следующем порядке: w_0 , w_1 , w_2 , w_3) являются ответом на задачу. Округлять коэффициенты не обязательно, но при желании можете произвести округление до второго знака (т.е. до числа вида 0.42)
4. Запишите полученные числа в файл, разделив пробелами. Обратите внимание, что файл должен состоять из одной строки, в конце которой не должно быть переноса. Пример файла с решением вы можете найти в конце задания (submission-2.txt).

submission-2.txt

submission-1.txt

How to submit

When you're ready to submit, you can upload files for each part of the assignment on the "My submission" tab.

