Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Методи оптимізації та планування експерименту ЛАБОРАТОРНА РОБОТА № 3

«ПРОВЕДЕННЯ ТРЬОХФАКТОРНОГО ЕКСПЕРИМЕНТУ 3 ВИКОРИСТАННЯМ ЛІНІЙНОГО РІВНЯННЯ РЕГРЕСІЇ»

ВИКОНАЛА:

студентка II курсу ФІОТ

групи ІО-92

Варіант №211

Карнаухова Анастасія

ПЕРЕВІРИВ:

Доц. Порєв В.М.

ЛАБОРАТОРНА РОБОТА № 3

Тема: ПРОВЕДЕННЯ ТРЬОХФАКТОРНОГО ЕКСПЕРИМЕНТУ 3 ВИКОРИСТАННЯМ ЛІНІЙНОГО РІВНЯННЯ РЕГРЕСІЇ

Мета: провести дробовий трьохфакторний експеримент. Скласти матрицю планування, знайти коефіцієнти рівняння регресії, провести 3 статистичні перевірки.

Завдання на лабораторну роботу

1. Скласти матрицю планування для дробового трьохфакторного експерименту. Провести експеримент в усіх точках факторного простору, повторивши N експериментів, де N – кількість експериментів (рядків матриці планування) в усіх точках факторного простору – знайти значення функції відгуку У. Значення функції відгуку знайти у відповідності з варіантом діапазону, зазначеного далі (випадковим чином).

$$y_{\text{max}} = 200 + x_{\text{cp max}};$$

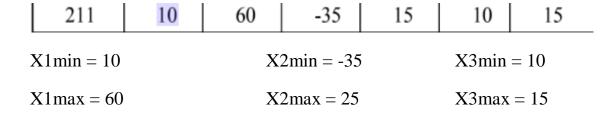
$$y_{\text{min}} = 200 + x_{\text{cp min}}$$

$$y_{\text{min}} = 200 + x_{\text{cp min}}$$

$$y_{\text{min}} = \frac{x_{\text{Imax}} + x_{\text{2max}} + x_{\text{3max}}}{3}, x_{\text{cp min}} = \frac{x_{\text{1min}} + x_{\text{2min}} + x_{\text{3min}}}{3}$$

- 2. Знайти коефіцієнти лінійного рівняння регресії. Записати лінійне рівняння регресії.
- 3. Провести 3 статистичні перевірки.
- 4. Написати комп'ютерну програму, яка усе це виконує.

Варіант завдання:



Код програми:

```
import numpy as np
table0 = PrettyTable()
tableO.field_names = (["Студент", "Группа"])
name = "Карнаухова Анастасія" group = "IO-92"
table0.add row([name, group])
print(table0)
m = 3
prob = 0.95
x1_min = 10
x1_{max} = 60
x2_min = -35
x2_max = 15
k = 3
x ranges = [[x1 min, x1 max], [x2 min, x2 max], [x3 min, x3 max]]
x\overline{0} norm = [1, 1, 1, 1]
x1 \text{ norm} = [-1, -1, 1, 1]
x2_{norm} = [-1, 1, -1, 1]
x3 norm = [-1, 1, 1, -1]
N = len(x1 norm)
xcp max = (x1 max + x2 max + x3 max) / 3
xcp min = (x1 min + x2 min + x3 min) / 3
x \text{ norm} = [x1 \text{ norm}, x2 \text{ norm}, x3 \text{ norm}]
x abs = []
             temp.append(x ranges[i][1])
             temp.append(x ranges[i][0])
    x abs.append(temp)
for i in range(N):
```

```
def y_perevirka_abs(x1, x2, x3):
    return a0 + a1 * x1 + a2 * x2 + a3 * x3
def get_fisher_critical(prob, f3, f4):
def get critical(prob, f3):
flag = True
mx norm list[2]],
```

```
[mx_norm_list[1], a2, a22, a32],
[mx_norm_list[2], a3, a23, a33]])
y_perevirka_norm(x_norm[0][0], x_norm[1][0], x_norm[2][0]))
\{2\} \times 2 + \{3\} \times 3".format(a0, a1, a2, a3))
x abs[1][0], x abs[2][0])
```

```
y var = [np.var(Y exp[i]) for i in range(N)]
         flag = False
         Y_exp[2].append(r.randint(math.floor(Y_min), math.floor(Y_max)))
         Y exp[3].append(r.randint(math.floor(Y min), math.floor(Y max)))
S2B = sum(y_var) / N
S2b = S2B / (N * m)
Sb = math.sqrt(S2b)
beta0 = sum([y aver[i] * x0 norm[i] for i in range(N)]) / N
beta1 = sum([y_aver[i] * x1_norm[i] for i in range(N)]) / N
beta2 = sum([y aver[i] * x2 norm[i] for i in range(N)]) / N
beta3 = sum([y aver[i] * x3 norm[i] for i in range(N)]) / N
tkr = get critical(prob, f3)
d = sum([1 if tkr < i else 0 for i in [t0, t1, t2, t3]])
a0 = a0 \text{ if } tkr < t0 \text{ else } 0
a1 = a1 if tkr < t1 else 0
a3 = a3 if tkr < t3 else 0
y new = [y perevirka abs(x abs[0][i], x abs[1][i], x abs[2][i]) for i in
print("-" * 100)
print("Після перевірки значимості коефіцієнтів: ")
print("Р-ня регресії для X11, X21, X31 =", y new[0])
print("P-ня регресії для X12, X22, X32 =", y_new[0])
print("P-ня регресії для X12, X22, X32 =", y_new[1])
print("P-ня регресії для X13, X23, X33 =", y_new[2])
print("P-ня регресії для X14, X24, X34 =", y_new[3])
```

Результат роботи програми:

```
Студент
                      | Группа |
| Карнаухова Анастасія | ІО-92 |
Абсолютні значення: [[10, 10, 60, 60], [-35, 15, -35, 15], [10, 15, 15, 10]]
Нормалізована матриця:
| X0 | X1 | X2 | X3 | Y1 | Y2 | Y3 |
y = 215.91666666666674 + 4.916666666666671*x1 + 1.75*x2 + -1.75*x3
Перевірка знайденого рівняння
Р-ня регресії для X11, X21, X31 = 211.000000000000006
Середнє у1 = 211.0
Р-ня регресії для X12, X22, X32 = 211.00000000000006
Середнє у2 = 211.0
Р-ня регресії для X13, X23, X33 = 217.33333333333333333
Рівняння регресії для абсолютних значень:
y = 218.4833333333334 + 0.196666666666666685*x1 + 0.07*x2 + -0.7*x3
Перевірка абсолютних значень
Р-ня регресії для X11, X21, X31 = 211.00000000000000
Середнє у1 = 211.0
Р-ня регресії для X12, X22, X32 = 211.000000000000009
Середнє у2 = 211.0
Середнє у3 = 217.333333333333334
Рівняння регресії для абсолютних значень:
y = 218.48333333333334 + 0.19666666666666685*x1 + 0.07*x2 + -0.7*x3
Перевірка абсолютних значень
Р-ня регресії для X11, X21, X31 = 211.00000000000000
Середнє у1 = 211.0
Р-ня регресії для X12, X22, X32 = 211.00000000000009
Середнє у2 = 211.0
Р-ня регресії для X13, X23, X33 = 217.33333333333333333
Середнє у3 = 217.33333333333333
P-ня регресії для X14, X24, X34 = 224.33333333333333333
Середнє у3 = 224.33333333333333
Gkr = 0.7679205583193613 > Gp = 0.46083418107833163 ---> Дисперсії однорідні
Після перевірки значимості коефіцієнтів:
Рівняння регресії для абсолютних значень:
y = 218.48333333333334 + 0*x1 + 0*x2 + 0*x3
Р-ня регресії для X11, X21, X31 = 218.48333333333334
Р-ня регресії для X12, X22, X32 = 218.48333333333334
Р-ня регресії для X13, X23, X33 = 218.4833333333334
Р-ня регресії для X14, X24, X34 = 218.48333333333334
```

Висновок:

провести дробовий трьохфакторний експеримент. Скласти матрицю планування, знайти коефіцієнти рівняння регресії, провести 3 статистичні перевірки.

Проробивши лабораторну роботу, було проведено дробовий трьохфакторний експеримент. Складено матрицю планування та знайдено коефіцієнти рівняння регресії. Також проведено 3 статистичні перевірки. У ході виконання лабораторної роботи проблем не виникло. Результати виконання лабораторної висвітлені на роздруківках.

Відповіді на контрольні запитання:

1. Що називається дробовим факторним експериментом?

У деяких випадках немає необхідності проводити повний факторний експеримент (ПФЕ). Тоді слід скоротити кількість дослідів, використовуючи для планування так звані регулярні дробові репліки від повного факторного експерименту, що містять відповідну кількість дослідів і зберігають основні властивості матриці планування — це означає дробовий факторний експеримент (ДФЕ).

- **2.** Для чого потрібно розрахункове значення Кохрена? Це значення необхідне щоб перевірити однорідність дисперсії, щоб потім було можливо отримати більш точну статистичну оцінку дисперсії функції відгуку.
- 3. Для чого перевіряється критерій Стьюдента?

Після розрахунків значень коефіцієнтів здійснюється ще одна статистична перевірка — перевірка значущості коефіцієнтів рівняння регресії. Якщо буде встановлено, що якийсь коефіцієнт рівняння регресії незначущий (з обраною ймовірністю), це означає, що відповідний теоретичний коефіцієнт ряду Тейлора дорівнює нулю і необхідно вилучити з рівняння регресії відповідний доданок. Саме тому ця перевірка має і іншу назву — нуль-гіпотеза.

4. Чим визначається критерій Фішера і як його застосовувати? Критерії Фішера необхідні, що перевірити адекватність моделі. Для цієї мети необхідно оцінити, наскільки відрізняються середні значення у вихідної величини, отриманої в точках факторного простору, і значення у, отриманого з рівняння регресії в тих самих точках факторного простору.