Заняття 9. Оператори, власні функції, власні значення.

Аудиторне заняття

- 1. Знайти комутатор операторів
- a) $\hat{A} = x$ ta $\hat{B} = \frac{d}{dx}$; 6) $\hat{A} = 4 \frac{\partial^2}{\partial x \partial y}$ ta $\hat{B} = \frac{\partial}{\partial y}$. (No. 2.18a,r)
- 2. Відомо, що $[\hat{A}, \hat{B}] = 1$. Знайти комутатор $[\hat{A}, \hat{B}]^2$]. (№2.21)
- 3. Знайти власне значення оператора $\stackrel{\wedge}{A}$, що належить власній функції ψ_A :
- a) $\hat{A} = -\frac{d^2}{dx^2}$, $\psi_A = \sin(2x)$;
- 6) $\hat{A} = -\frac{d^2}{dx^2} + x^2$, $\psi_A = \exp\left(-\frac{x^2}{2}\right)$. (No. 2.24 a)
- 4. Знайти власні функції та власні числа операторів:
- a) $\frac{d}{dx}$;
- $6) \frac{d^2}{d\phi^2}.$

(№2.25a,д)

Домашнє завдання

1. Знайти комутатор операторів

a)
$$\hat{A} = 4y^2$$
 ta $\hat{B} = \frac{\partial}{\partial x}$

а)
$$\hat{A} = 4y^2$$
 та $\hat{B} = \frac{\partial}{\partial x}$; б) $\hat{A} = \frac{\partial^2}{\partial x^2}$ та $\hat{B} = x\frac{\partial}{\partial y}$. (№2.18д)

2. Довести, що
$$\hat{A}^{-1} \hat{B}^{2} \hat{A} = (\hat{A}^{-1} \hat{B} \hat{A})^{2}$$
. (№2.22)

3. Знайти власне значення оператора \hat{A} , що належить власній функції ψ_A :

а)
$$\hat{A} = \frac{d^2}{dx^2} + \frac{2}{x} \frac{d}{dx}$$
, $\psi_A = \frac{\sin \alpha x}{x}$, де α - стала. (№2.246)

- 4. Знайти власні функції та власні числа операторів:
- a) $i\frac{d}{dx}$;
- 6) $\left(x + \frac{d}{dx}\right)$.

(№2.256,B)