1. Знайти власні значення оператора  $\hat{L}^2$ , які відповідають функції  $Y = A(\cos\theta + 2\sin\theta\cos\phi)$ , де A- константа.

$$\hat{L}^2 = -\hbar^2 \left\{ \frac{1}{\sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left( \sin \theta \frac{\partial}{\partial \theta} \right) + \frac{1}{\sin^2 \theta} \frac{\partial^2}{\partial \phi^2} \right\}$$

- 2. Чи може стан електрону в одномірній нескінченно-глибокій потенціальній ямі шириною 2a описуватись хвильовою функцією  $\psi = Ax^2$  (де A константа)? Відповідь обґрунтувати.
- 3. Яким може бути максимальний спіновий механічний момент атому, в якого 5 електронів знаходяться у другій енергетичній оболонці? Яким при цьому буде максимальне значення орбітального механічного моменту?
- 4. Магнітний потік через нерухомий контур з опором R змінюється протягом інтервалу часу  $\tau$  за законом  $\Phi(t) = at(t-\tau)$ . Знайти кількість теплоти Q, яка при цьому виділиться в контурі.
- 5. Електрон в атомі водню перейшов з третього енергетичного рівня на основний. Відповідно до теорії Бора, визначити енергію фотону, що при цьому випромінився.

- 1. Знайти результати дії операторів  $\frac{d^2}{\partial x^2}x^2$  та  $\left(\frac{d}{\partial x}x\right)^2$  на функцію  $\cos x$ .
- 3. Визначити можливі мультиплетності атомів літію  $_3Li^6$  та вуглецю  $_6C^{12}$ , якщо вважати, що збуджуватися можуть лише електрони зовнішніх, незамкнутих підоболонок.
- 4. Два конденсатори ємностями  $C_1$  та  $C_2$  увімкнено послідовно в коло змінного струму з амплітудою напруги U та частотою  $\omega$ . Знайти амплітуду струму в колі і падіння напруги на кожному з конденсаторів.
- 5. Потужність випромінювання абсолютно чорного тіла дорівнює P. Знайти площу випромінюючої поверхні, якщо максимум спектральної густини його енергетичної світності припадає на довжину хвилі  $\lambda$ .

- 1. Знайти комутатор операторів  $\hat{L}_{x}$  та  $\hat{p}^{2}$ .
- 2. Визначити найбільш імовірне значення кута  $\theta$  для електрону в атомі водню з хвильовою функцією  $\psi = A r \exp(-r/2r_0) \sin\theta \exp(i\varphi)$ , де A константа.
- 3. Обчислити множник Ланде для атому в стані  $^{3}P$ .
- 4. Знайти зсув фаз між напругою і силою струму в колі, що складається з паралельно увімкнених резистора опором R, конденсатора ємністю C та послідовно під'єднаної до них котушки індуктивністю L. Частота змінного струму дорівнює  $\omega$ .
- 5. Визначити температуру тіла при якій воно б випромінювало в n разів більше ніж поглинало. Температура оточуючого середовища  $T_0$ .

- 1. Знайти комутатор  $[f(x), \hat{p}]$ , де f(x) довільна функція координати.
- 2. Знайти середнє значення потенціальної енергії електрону в атомі водню, стан якого описується хвильовою функцією  $\psi = 1/\sqrt{\pi \ r_0^3} \ \exp(-r/r_0)$ .
- 3. Зобразити схему можливих переходів у слабкому магнітному полі для спектральної лінії, яка відповідає переходу  $^2D_{\scriptscriptstyle 3/2} \to ^2P_{\scriptscriptstyle 3/2}$ .
- 4. Конденсатор та резистор опором R увімкнені паралельно у коло змінного струму частотою  $\omega$ . Знайти ємність конденсатора, якщо зсув між напругою і струмом у колі  $\varphi$ .
- 5. Червона границя фотоефекту для цинку  $\lambda_0 = 310$  нм Визначити максимальну кінетичну енергію  $E_{\rm k,max}$  фотоелектронів в електрон-вольтах, якщо на цинк падає світло з довжиною хвилі  $\lambda = 200$  нм.

- 1. Знайти комутатор операторів  $\hat{L}_{\star}$  та  $\hat{x}$ .
- 2. Стан електрону, що знаходиться в одномірній нескінченно-глибокій потенціальній ямі шириною 2a описується хвильовою функцією  $\psi = \frac{1}{\sqrt{a}} \cos \left( \frac{\pi}{2a} x \right)$ . Знайти середнє значення імпульсу цієї частинки.
- 3. Записати можливі терми атому з електронною конфігурацією  $2p^1 3f^1$ .
- 4. Коливальний контур радіоприймача, який складається з конденсатора та котушки, настроєний на радіостанцію, частота якої  $v_0$ . У скільки разів потрібно змінити ємність конденсатора, щоб приймач був настроєний на довжину хвилі  $\lambda$ ?
- 5. Електрон вибито з атому водню що перебуває в основному стані фотоном з енергією E = 17.7 еВ. Визначити швидкість електрону  $\upsilon$  за межами атому.

- 1. Знайти комутатор операторів  $\hat{L}_x$  та  $\hat{y}$ .
- 2. Стан електрону в атомі описується хвильовою функцією  $\psi = A \frac{r}{r_0} \exp \left( -\frac{r}{2r_0} \right)$ , де A та  $r_0$  сталі величини. Знайти його найбільш імовірну відстань від ядра.
- 3. Скориставшись правилами Хунда знайти основний терм атомів  ${}_4\mathrm{Be}^9, {}_6\mathrm{C}^{12}$  та  ${}_7\mathrm{N}^{14}.$
- 4. В коло змінного струму частотою  $\omega$  послідовно з резистором вмикають спочатку індуктивність L, а потім ємність C. Визначити опір резистора, якщо відношення амплітуд струмів, що проходять через резистор у першому та другому випадках, дорівнює k.
- 5. Розрахувати довжину хвилі, яка відповідає червоній границі фотоефекту для срібла, якщо робота виходу електронів для цього матеріалу дорівнює 4.28 еВ.

- 1. Знайти комутатор операторів  $\hat{L}_x$  та  $\hat{z}$ .
- 2. Частинка знаходиться в одномірній прямокутній потенційній ямі з нескінченно високими стінками. Знайти масу частинки, якщо ширина ями дорівнює 2a, а різниця енергій між 3-ім та 2-им енергетичними рівнями дорівнює  $\Delta E$ .
- 3. Зобразити схему можливих переходів у слабкому магнітному полі для спектральної лінії, яка відповідає переходу  $^2D_{\scriptscriptstyle 5/2} \to ^2P_{\scriptscriptstyle 3/2}$ .
- 4. Дротяна квадратна рамка зі стороною L та загальним опором R входить у простір де існує магнітне поле під дією зовнішньої сили F. Визначити індукцію магнітного поля, якщо рамка рухається зі сталою швидкістю V, а площина рамки перпендикулярна вектору магнітної індукції. Скільки тепла виділяється в рамці в одиницю часу в процесі входження? В який момент виділення тепла припиниться?
- 5. Знайти потужність P теплового випромінювання абсолютно чорної кульки радіусом r = 15 см, нагрітої до температури T = 1500 К. На якій довжині хвилі  $\lambda$  буде спостерігатися максимум інтенсивності випромінювання?

1. Обчислити середнє значення квадрату моменту імпульсу в стані  $\psi(\theta, \phi) = A \sin \theta \cos \phi$ .

$$\hat{L}^2 = -\hbar^2 \left\{ \frac{1}{\sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left( \sin \theta \frac{\partial}{\partial \theta} \right) + \frac{1}{\sin^2 \theta} \frac{\partial^2}{\partial \phi^2} \right\}$$

- 2. Для електрону в атомі водню, стан якого описується хвильовою функцією  $\psi = 1/\sqrt{\pi \, r_0^3} \, \exp(-r/r_0)$  знайти середнє значення проекції моменту імпульсу  $L_{\rm z}$ .
- 3. Визначити максимально можливий орбітальний механічний момент атому, що знаходиться в стані, мультиплетність якого п'ять, а число можливих значень проекції повного механічного моменту 7. Записати спектральне позначення цього терму.
- 4. Соленоїд, що має індуктивність L = 0.3 Гн і опір R = 10 Ом, вмикається в коло змінного струму (v = 50 Гц) з діючою напругою  $U_d = 120$  В. Визначити амплітудне значення сили струму  $I_0$ , зсув фаз  $\phi$  між струмом і напругою в колі та потужність теплових втрат P.
- 5. Протон рухається в однорідному магнітному полі з індукцією B по колу радіусом R. Визначити довжину хвилі де Бройля для нього.

- 1. Знайти результати дії операторів  $\frac{d^2}{\partial x^2}x^2$  та  $\left(\frac{d}{\partial x}x\right)^2$  на функцію  $\exp(x)$ .
- 2. Знайти середнє значення сили взаємодії з ядром електрону в атомі водню, стан якого описується хвильовою функцією  $\psi(r) = \frac{1}{\sqrt{\pi} \; r_0^3} \exp \left( -\frac{r}{r_0} \right)$ .
- 3. Записати можливі терми для системи з двох d електронів, що знаходяться в різних електронних оболонках.
- 4. Котушка, яка складається з N витків дроту, розміщена в магнітному полі, лінії індукції якого направлені вздовж осі котушки. Площа поперечного перерізу котушки S, її опір R. Знайти потужність теплових втрат, якщо індукція магнітного поля рівномірно змінюється в часі зі швидкістю  $\upsilon$ .
- 5. Поверхня тіла спочатку була нагріта до температури T. Через деякий час одна половина цієї поверхні нагрілась на  $\Delta T$ , а друга на  $\Delta T$  охолонула. В скільки разів при цьому змінилась потужність випромінювання?

- 1. Відомо, що  $[\hat{A}, \hat{B}] = 1$ . Знайти комутатор  $[\hat{A}^2, \hat{B}^2]$ .
- 2. Знайти найбільш ймовірне значення координати частинки, стан якої описується хвильовою функцією  $\psi(x) = Bx \exp(-\alpha^2 x^2)$ , де B та  $\alpha$  відомі сталі.
- 3. Записати можливі терми атому з електронною конфігурацією  $p^5$ .
- 4. Літак летить горизонтально зі швидкістю V. Знайти різницю потенціалів, яка виникає між кінцями крил літака, якщо вертикальна складова індукції магнітного поля землі дорівнює B, а розмах крил літака L.
- 5. Знайти довжини хвиль де Бройля для електрона ( $m_0 = 9,11 \cdot 10^{-31}$  кг), що рухається зі швидкістю  $\upsilon_0 = 10^6$  м/с та кульки масою m = 1 г що рухається зі швидкістю  $\upsilon = 1$  см/с.

- 1. Знайти комутатор операторів  $\hat{A} = 6y + 5x$  та  $\hat{B} = \frac{\partial^2}{\partial y \partial x}$
- 2. Частинка масою m перебуває у потенціальному полі  $U = k x^2/2$ , а її хвильова функція має вигляд:  $\psi(x) = Bx \exp(-\alpha^2 x^2)$ , де B та  $\alpha$  додатні сталі. За допомогою рівняння Шрьодінгера знайти величину  $\alpha$  та енергію частинки у цьому стані.
- 3. Атом знаходиться у стані, мультиплетність якого дорівнює 3, а повний механічний момент  $\hbar\sqrt{20}$  . Яким може бути відповідне квантове число L?
- 4. Визначити потужність, що виділяється в колі змінного струму, яке складається з паралельно з'єднаних котушки індуктивністю L, конденсатора ємністю C та послідовно приєднаного до них резистора опором R. Діюче значення напруги у колі дорівнює  $U_{\rm d}$ , циклічна частота струму  $\omega$ .
- 5. Яка напруженість електричного поля, що створюється ядром на четвертій борівській орбіті атома водню?

- 1. Відомо, що  $[\hat{A}, \hat{B}] = 1$ . Знайти комутатор  $[\hat{A}, \hat{B}^3]$ .
- 2. Частинка масою m знаходиться в основному стані в одномірній прямокутній потенційній ямі з нескінченно високими стінками. Максимальне значення густини ймовірності місцеперебування частинки дорівнює  $P_{\rm m}$ . Знайти ширину ями та енергію частинки у цьому стані.
- 3. Записати можливі терми атому з електронною оболонкою  $1s^2 2s^2 p^6 3s^1 p^1$ .
- 4. Конденсатор і електрична лампочка з'єднані послідовно і увімкнені в коло змінного струму напругою U і частотою  $\omega$ . Яку ємність має мати конденсатор, щоб через лампочку протікав струм I, а падіння потенціалу на ній було рівним  $U_1$ .
- 5. Цезій (робота виходу A = 1,88 eB) освітлюється спектральною лінією водню ( $\lambda = 476$  нм). Яку найменшу затримуючу різницю потенціалів  $U_3$  треба прикласти, щоб фотострум припинився?

- 1. Знайти комутатор операторів  $\hat{x}$  та  $\hat{p}_x^2$ .
- 2. Частинка масою m перебуває у деякому одномірному потенціальному полі U(x) в стаціонарному стані, для якого хвильова функція має вигляд  $\psi(x) = A \exp(-\alpha x^2)$ , де A та  $\alpha$  відомі сталі  $(\alpha > 0)$ . Маючи на увазі, що U(0) = 0, знайти вигляд U(x) та енергію частинки у цьому стані.
- 3. Знайти максимально можливий спіновий механічний момент атому з електронною конфігурацією  $3p^4 d^1$ .
- 4. При збільшенні температури абсолютно чорного тіла в n разів довжина хвилі, на яку припадає максимум енергетичної світності зменшилась на  $\Delta \lambda$ . Визначити початкову температуру тіла.
- 5. По вертикальним рейкам, розташованим в горизонтальному магнітному полі з індукцією B на відстані L одна від одної ковзає провідник масою m і опором R. Якої максимальної швидкості він зможе досягти?