

МИНОБРНАУКИ РОСИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«МИРЭА – Российский технологический университет»

РТУ МИРЭА

Отчет по выполнению практического задания №5.1 **Тема:**

Битовые операции. Сортировка числового файла с помощью битового массива. Дисциплина: «Структуры и алгоритмы обработки данных»

Выполнил студент: Васильев Б.А.

Группа: ИКБО-20-23

СОДЕРЖАНИЕ

ЗАДАНИЕ 1	3
Формулировка задачи	3
Математическая модель решения (описание алгоритма)	4
Коды программ	5
Результаты тестирования	7
ЗАДАНИЕ 2	9
Формулировка задачи	9
Математическая модель решения (описание алгоритма)	9
Коды программ	11
Результаты тестирования	13
ЗАДАНИЕ 3	15
Формулировка задачи	15
Математическая модель решения (описание алгоритма)	16
Коды программ	17
Результаты тестирования	18
ВЫВОД	
СПИСОК ИНФОРМАЦИОННЫХ ИСТОЧНИКОВ	

ЦЕЛЬ РАБОТЫ

Освоить приёмы работы с битовым представлением беззнаковых целых чисел, реализовать эффективный алгоритм внешней сортировки на основе битового массива.

ЗАДАНИЕ 1

Формулировка задачи

Определить делится ли число на каждую из своих цифр.

- **1.а.** Реализуйте нижеприведённый пример с рисунка 1, проверьте правильность результата в том числе и на других значениях х.
- **1.6.** Реализуйте по аналогии с предыдущим примером установку 7-го бита числа в единицу.
- **1.в.** Реализуйте код с рисунка 2, объясните выводимый программой результат.

```
unsigned char x=255; //8-разрядное двоичное число 11111111
unsigned char maska = 1; //1=0000001 — 8-разрядная маска
x = x & (~ (maska<<4)); //результат x=239
```

Рисунок 1 — Установка 5-го бита произвольного целого числа в 0

```
1
        //Битовые операции
 2
      =#include <cstdlib>
 3
        #include <iostream>
        #include <Windows.h>
4
       #include <bitset>
 6
        using namespace std;
      ⊡int main()
8
9
10
            SetConsoleCP(1251);
            SetConsoleOutputCP(1251);
11
12
13
            unsigned int x = 25;
            const int n = sizeof(int)*8; //=32 - количество разрядов в числе типа int
14
            unsigned maska = (1 << n - 1); //1 в старшем бите 32-разрядной сетки cout << "Начальный вид маски: " << bitset<n> (maska) << endl;
16
17
            cout << "Результат: ";
            for (int i = 1; i <= n; i++) //32 раза - по количеству разрядов:
18
19
                 cout << ((x & maska) >> (n - i));
                 maska = maska >> 1; //смещение 1 в маске на разряд вправо
21
22
23
            cout << endl;</pre>
            system("pause");
24
25
            return 0;
26
```

Рисунок 2 – к задаче 1.в

Математическая модель решения (описание алгоритма)

В заданиях 1.а. и 1.б. происходит установка n-го бита целого числа в 0. Сначала у пользователя запрашивается целое число от 0 до 255 (максимальное число представимое восемью двоичными разрядами). Затем создаётся маска вида 0000001. Далее с помощью побитового сдвига влево на n разрядов, получаем маску с единицей в том разряде, в котором у исходного числа требуется выставить ноль, инвертируем маску и с помощью операции "побитовое И" получаем необходимый результат.

Коды программ

Реализуем алгоритмы на языке программирования С++ (рис. 3-5)

```
#include <iostream>
     #include <limits>
     #include <bitset>
    using namespace std;
     int main()
         const int size = sizeof(unsigned char) * 8;
         int input;
             cout << "Provide a number between 0 and 255: ";</pre>
             if (cin >> input && input >= 0 && input <= 255) break;
             cin.clear();
             cin.ignore(numeric_limits<streamsize>::max(), '\n');
             cout << "Invalid input, try again\n";</pre>
         unsigned char x = static_cast<unsigned char>(input);
         cout << "Binary representation: " << bitset<size>(x);
         unsigned char maska = 1;
         x = x & (\sim(maska << 4));
25
         cout << "\nResult with 5th bit set to 0: " << (int) x;</pre>
         cout << "\nBinary representation: " << bitset<size>(x);
         return 0;
```

Рисунок 3 – Код к задаче 1.а

```
#include <iostream>
     #include <limits>
     #include <bitset>
     using namespace std;
     int main()
         const int size = sizeof(unsigned char) * 8;
         int input;
         while (true)
              cout << "Provide a number between 0 and 255: ";</pre>
             if (cin >> input && input >= 0 && input <= 255) break;
             cin.clear();
              cin.ignore(numeric_limits<streamsize>::max(), '\n');
              cout << "Invalid input, try again\n";</pre>
         unsigned char x = static_cast<unsigned char>(input);
         cout << "Binary representation: " << bitset<size>(x);
         unsigned char maska = 1;
         x = x \mid (maska << 6);
         cout << "\nResult with 7th bit set to 1: " << (int) x;</pre>
25
         cout << "\nBinary representation: " << bitset<size>(x);
         return 0;
```

Рисунок 4 – Код к задаче 1.б

Рисунок 5 – Код к задаче 1.в и его объяснение

Результаты тестирования

Provide a number between 0 and 255: 255
Binary representation: 11111111
Result with 5th bit set to 0: 239
Binary representation: 11101111

Рисунок 6 – Тестирование кода к задаче 1.а (часть 1)

Provide a number between 0 and 255: 16
Binary representation: 00010000
Result with 5th bit set to 0: 0
Binary representation: 00000000

Рисунок 7 – Тестирование кода к задаче 1.а (часть 2)

Provide a number between 0 and 255: 61
Binary representation: 00111101
Result with 5th bit set to 0: 45
Binary representation: 00101101

Рисунок 8 – Тестирование кода к задаче 1.а (часть 3)

Provide a number between 0 and 255: 0
Binary representation: 00000000
Result with 7th bit set to 1: 64
Binary representation: 01000000

Рисунок 9 – Тестирование кода к задаче 1.б (часть 1)

```
Provide a number between 0 and 255: 191
Binary representation: 10111111
Result with 7th bit set to 1: 255
Binary representation: 11111111
```

Рисунок 10 – Тестирование кода к задаче 1.б (часть 2)

```
Provide a number between 0 and 255: 165
Binary representation: 10100101
Result with 7th bit set to 1: 229
Binary representation: 11100101
```

Рисунок 11 – Тестирование кода к задаче 1.б (часть 3)

Рисунок 12 – Тестирование кода к задаче 1.в

Тестирование показало, что программы работают исправно (рис. 6-12).

ЗАДАНИЕ 2

Формулировка задачи

Определить делится ли число на каждую из своих цифр.

- **2.а.** Реализуйте сортировку последовательности чисел с помощью двоичного массива с вводом произвольного набора до 8-ми чисел (со значениями от 0 до 7) и его сортировкой битовым массивом в виде числа типа unsigned char. Проверьте работу программы.
- **2.6.** Адаптируйте вышеприведённый пример для набора из 64-х чисел (со значениями от 0 до 63) с битовым массивом в виде числа типа unsigned long long.
- **2.в.** Исправьте программу задания 2.б, чтобы для сортировки набора из 64-х чисел использовалось не одно число типа unsigned long long, а линейный массив чисел типа unsigned char.

Математическая модель решения (описание алгоритма)

Алгоритм решения задания 2.а:

1. Ввод размера массива:

- о Программа просит у пользователя ввести размер массива, который должен быть в пределах от 1 до 8 включительно.
- о Если введённое значение не является числом или находится вне указанного диапазона, программа выводит сообщение об ошибке и повторяет запрос.

2. Ввод уникальных чисел:

- о После успешного ввода размера массива программа запрашивает у пользователя ввести уникальные числа в диапазоне от 0 до 7.
- Если введённое число не соответствует условиям (например, не число или вне диапазона), программа выводит сообщение об ошибке и повторяет запрос.
- о Введённые числа используются для установки соответствующих битов в переменной bit array.

3. Установка битов:

о Программа использует побитовое ИЛИ с присвоением (|=) для установки битов в переменной bit_array на основе введённых чисел. Единица из битовой маски перемещается влево на количество разрядов равное введённому числу, а затем идёт установка в единицу соответствующего разряда в переменной bit array.

4. Вывод отсортированного массива:

- о Программа проходит по всем 8 битам переменной bit_array ,начиная с младшего, и проверяет, установлены ли они в единицу.
- о Если бит установлен, программа выводит соответствующее число.

Алгоритм решения задания 2.б аналогичен предыдущему:

1. Ввод размера массива:

- о Программа просит у пользователя ввести размер массива, который должен быть в пределах от 1 до 64 включительно.
- о Если введённое значение не является числом или находится вне указанного диапазона, программа выводит сообщение об ошибке и повторяет запрос.

2. Ввод уникальных чисел:

- о После успешного ввода размера массива программа запрашивает у пользователя ввести уникальные числа в диапазоне от 1 до 63.
- Если введённое число не соответствует условиям (например, не число или вне диапазона), программа выводит сообщение об ошибке и повторяет запрос.
- о Введённые числа используются для установки соответствующих битов в переменной bit array.

3. Установка битов:

о Программа использует побитовое ИЛИ с присвоением (|=) для установки битов в переменной bit_array на основе введённых чисел. Единица из битовой маски перемещается влево на количество разрядов равное введённому числу, а затем идёт установка в единицу соответствующего разряда в переменной bit array.

4. Вывод отсортированного массива:

- о Программа проходит по всем 64 битам переменной bit_array и проверяет, установлены ли они в единицу.
- о Если бит установлен, программа выводит соответствующее число.

Алгоритм решения задания 2.в:

1. Инициализация данных:

- о Создаётся вектор целых чисел numbers размером 64 для хранения вводимых значений
- о Переменная max_num используется для определения наибольшего числа из введённых.

2. Ввод чисел:

- о Программа просит пользователя ввести 64 числа.
- о Если очередное введённое число превосходит значение переменной max num, то происходит обновление значения этой переменной.

3. Подготовка битового массива:

- о Вычисляется количество байтов, необходимых для хранения битовой маски, используя наибольшее число из введённых. Это количество байтов хранится в bytes size.
- o Maccub bytes инициализируется нулями. Размер массива bytes равен bytes_size.

4. Установка битов:

о Для каждого введённого числа определяется соответствующий байт и устанавливается соответствующий бит в этом байте. Это делается с помощью побитового ИЛИ с присвоением (|=) и сдвига маски (>>).

5. Вывод отсортированной последовательности:

о Происходит проход по каждому биту каждого байта из массива bytes. Если очередной бит установлен в 1, то индекс этого бита из сквозной нумерации выводится в консоль.

Коды программ

Реализуем алгоритмы на языке программирования С++ (рис. 13-16)

Рисунок 13 – Код к задаче 2.а

Рисунок 14 – Код к задаче 2.б

```
int main()
   const size_t SIZE = 64;
   vector<int> numbers(SIZE); // создание вектора целочисленных чисел
   int max num = -1;
   cout << "Enter an array of " << SIZE << " numbers: "; // запрос пользователя ввести последовательность из 64 чисел
   for (auto &el: numbers)
       cin >> el; // сохранение введённого числа в вектор
       if (el > max_num) max_num = el; // обновление значения максимального введённого числа
   size_t bytes_size = (max_num / 8) + 1; // подсчёт необходимого количества байтов для последующих операций
   unsigned char bytes[bytes_size]; // создание массива из байтов
   for (int i = 0; i < bytes_size; i++)</pre>
       bytes[i] = 0; // установка каждого байта в нулевое значение (а соответственно и обнуление всех битов)
   for (auto &el: numbers) // проход по вектору введённых чисел
       bytes[el / 8] |= (1 << (el%8)); // установка нужного бита нужного бита в 1 в соотвествии с числом из вектора
   cout << "\nBit array (Left byte has the most significant bit): "; // вывод массива байтов в двоичном виде
   for (int i = 0; i < bytes_size; i++)</pre>
       cout << bitset<8>(bytes[bytes_size - 1 - i]) << " ";</pre>
```

Рисунок 15 – Код к задаче 2.в (часть 1)

```
cout << "\n\nSorted array: ";
unsigned char mask;
for (int i = 0; i < bytes_size; i++) // проход по всем байтам из массива
{
    mask = 1; // создание маски вида 00000001
    for (int j = 0; j < 8; j++) // проход по всем битам байта
    {
        if (bytes[i] & mask) // если текущий бит установлен в единицу
        {
            cout << i*8 + j << " "; // вывод соответствующего числа
        }
        mask <<= 1; // сдвиг единицы в маске на одну позицию влево
    }
}</pre>
```

Рисунок 16 – Код к задаче 2.в (часть 2)

Результаты тестирования

```
Enter array size between 1 and 8: 3
Enter an array of 3 unique numbers between 0 and 7: 7 2 5
Sorted array: 2 5 7
```

Рисунок 17 – Тестирование кода к задаче 2.а (часть 1)

```
Enter array size between 1 and 8: 8
Enter an array of 8 unique numbers between 0 and 7: 5 1 3 7 2 0 4 6
Sorted array: 0 1 2 3 4 5 6 7
```

Рисунок 18 – Тестирование кода к задаче 2.а (часть 2)

```
Enter array size between 1 and 64: 3
Enter an array of 3 unique numbers between 0 and 63: 52 14 39
Sorted array: 14 39 52
```

Рисунок 19 – Тестирование кода к задаче 2.б (часть 1)

```
Enter array size between 1 and 64: 64

Enter an array of 64 unique numbers between 0 and 63: 56 28 24 63 25 52

58 45 32 10 9 31 22 12 36 14 61 60 6 43 29 18 26 5 40 16 50 11 2 48 3 37

54 0 46 8 21 19 55 62 30 44 33 47 42 53 15 39 20 59 7 51 23 41 35 38 17

34 13 49 27 4 57 1

Sorted array: 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22

23 24 25 26 27 28 29 30 31 32 33 34 35 36 37 38 39 40 41 42 43 44 45 46

47 48 49 50 51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63
```

Рисунок 20 – Тестирование кода к задаче 2.б (часть 2)

```
Enter array size between 1 and 64: 32

Enter an array of 32 unique numbers between 0 and 63: 26 35 28 12 49 5 38 27 44 37 50 56 52 61 31 30 1 48 7 43 20 17 2 45 4 62 10 46 53 63 11 18

Sorted array: 1 2 4 5 7 10 11 12 17 18 20 26 27 28 30 31 35 37 38 43 44 45 46 48 49 50 52 53 56 61 62 63
```

Рисунок 21 – Тестирование кода к задаче 2.б (часть 3)

Рисунок 22 – Тестирование кода к задаче 2.в (часть 1)

Рисунок 23 – Тестирование кода к задаче 2.в (часть 2)

Тестирование показало, что программы работают исправно (рис.17-23).

ЗАДАНИЕ 3

Формулировка задачи

Входные данные: файл, содержащий не более $n=10^7$ неотрицательных целых чисел, среди них нет повторяющихся.

Результат: упорядоченная по возрастанию последовательность исходных чисел в выходном файле.

Время работы программы: ~ 10 с (до 1 мин. для систем малой вычислительной мощности).

Максимально допустимый объём ОЗУ для хранения данных: 1 МБ.

3.а. Реализуйте задачу сортировки числового файла с заданными условиями. Добавьте в код возможность определения времени работы программы.

В отчёт внесите результаты тестирования для наибольшего количества входных чисел, соответствующего битовому массиву длиной 1МБ.

3.6. Определите программно объём оперативной памяти, занимаемый битовым массивом

Математическая модель решения (описание алгоритма)

Алгоритм решения задания 3.а и 3.б:

1. Входные данные:

о Считываем набор целых чисел из файла. Необходимо определить, какие числа встречаются, и сохранить эту информацию в ОЗУ.

2. Хранение чисел в виде битов:

- о Используем динамический массив (вектор) байтов. Каждый байт в векторе содержит 8 битов, и каждый бит отвечает за информацию о наличии одного конкретного числа.
- Размер вектора увеличивается по мере необходимости: если текущее число превышает количество уже доступных бит для его хранения, вектор автоматически расширяется, добавляя новые байты.

3. Привязка чисел к битам:

- Для каждого числа N определяем, в каком байте и в каком бите этого байта оно должно храниться:
 - 1. Индекс нужного байта находим как целую часть от деления N на 8.
 - 2. Индекс нужного бита внутри байта находим как остаток от деления N на 8.
- Устанавливаем соответствующий бит в единицу с помощью битовой маски и операций побитового ИЛИ с присваиванием (|=) и сдвига (<<).

4. Установка битов:

 Для каждого введённого числа определяется соответствующий байт и устанавливается соответствующий бит в этом байте. Это делается с помощью побитового ИЛИ с присвоением (|=) и сдвига маски (<<).

5. Сохранение отсортированной последовательности:

- о Закрываем файл со входными данным, он нам больше не потребуется
- о Открываем файл для записи.
- о Проходим последовательно по каждому биту каждого байта, начиная с самого младшего, если значение двоичного разряда равно 1, то записываем индекс этого бита в файл

Коды программ

Реализуем алгоритм на языке программирования С++ (рис. 25-26)

```
#include <fstream>
#include <chrono>
using namespace std;
int main()
    vector<unsigned char> bytes;
    size_t byte_size = sizeof(unsigned char) * 8;
    string input_file_name;
    cin >> input_file_name;
    auto start_time = chrono::high_resolution_clock::now(); // начало отсчёта времени выполнения
    ifstream input_file(input_file_name);
    if (input_file.is_open()) // проверка успешного открытия файла для считывания
        while (input_file >> num) // считывается каждое число из файла
            while (num >= (bytes.size() * byte_size))
                bytes.push back(0);
            bytes[num / byte_size] |= (1 << (num % byte_size)); // установка соответствующего бита в единицу
        input_file.close(); // закрываем файл
        cerr << "Error reading input file";</pre>
        return 1:
```

Рисунок 24 – Код к задаче 3.а и 3.б (часть 1)

Рисунок 25 – Код к задаче 3.а и 3.б (часть 2)

Результаты тестирования

Ограничение длины битового массива в 1 МБ позволяет обработать файл входных данных с неповторяющимися целыми неотрицательными числами, каждое из которых не превосходит по значению число 8 388 607, т.к 1 МБ = 1024*1 КБ = 1024*1024*1 байт = 1024*1024*8 бит = 8 388 608 бит. Создадим файл из 8 388 608 чисел (рис. 27) и проверим нашу программу на нём (рис. 28).

8388583 6472939 8388584 4535136 8388585 718196 8388586 3458890 8388587 4378708
8388585 718196 8388586 3458890 8388587 4378708
8388586 3458890 8388587 4378708
8388587 4378708
8388588 2411551
8388589 6670314
8388590 1884055
8388591 1599609
8388592 667069
8388593 113609
8388594 1722047
8388595 1985796
8388596 5274387
8388597 7211774
8388598 7388919
8388599 1411027
8388600 7105150
8388601 7506536
8388602 3949056
8388603 7507736
8388604 4929521
8388605 7839893
8388606 2634979
8388607 7403467
8388608 1462925
8388609

Рисунок 27 – Фрагмент файла входных данных

```
Enter input file name: input.txt
Completion time in milliseconds: 1038
RAM utilization in bits: 8388608
```

Рисунок 28 – Тестирование кода к задаче 3.а и 3.б

Как видно, программа работает корректно и укладывается в поставленные ограничения по времени работы и количеству используемой памяти.

ВЫВОД

В результате выполнения работы освоены приёмы работы с битовым представлением беззнаковых целых чисел, а также реализован эффективный алгоритм внешней сортировки на основе битового массива.

СПИСОК ИНФОРМАЦИОННЫХ ИСТОЧНИКОВ

- 1. Рысин, М. Л. Введение в структуры и алгоритмы обработки данных : учебное пособие / М. Л. Рысин, М. В. Сартаков, М. Б. Туманова. Москва : РТУ МИРЭА, 2022 Часть 2 : Поиск в тексте. Нелинейные структуры данных. Кодирование информации. Алгоритмические стратегии 2022. 111 с. Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. URL: https://e.lanbook.com/book/310826 (дата обращения: 10.09.2024).
- 2. Документация по языку C++ [Электронный ресурс]. URL: https://docs.microsoft.com/ruru/cpp/cpp/ (дата обращения 10.09.2024).