# Elementi di sicurezza e crittografia

LAB61

18 Novembre 2016

Distribuito sotto licenza CC BY-NC-SA 3.0



Nessun software proprietario è stato utilizzato per realizzare questa presentazione

Introduzione alla sicurezza La crittografia

## La comunicazione

#### Definizione

Definiamo un modello di comunicazione:

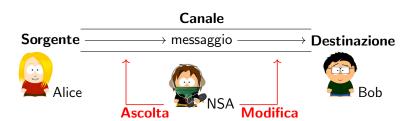
**Sorgente** (S) - **Canale** (C) - **Destinazione** (D).

Il messaggio per arrivare da S a D transita per C.

	Canale	
Sorgente ——	→ messaggio —	——— Destinazione
<u></u>		
Δlice		Roh

## La necessità della sicurezza

Quando comunichiamo spesso necessitiamo di certe proprietà di sicurezza.



## Le proprietà fondamentali (1)

#### Confidenzialità

#### Definizione

È la proprietà che assicura che il messaggio non venga compreso da un utente esterno mentre transita nel canale.

#### **A**utenticità

#### Definizione

È la proprietà che assicura che il messaggio sia stato spedito realmente da chi ci aspettiamo che l'abbia spedito.

# Le proprietà fondamentali (2)

#### Disponibilità

#### Definizione

È la proprietà che assicura che una volta arrivato, il messaggio sia subito disponibile.

### Integrità

#### Definizione

È la proprità che ci assicura che il messaggio non sia cambiato dal momento dell'invio a quello della ricezione, ovvero durante il transito nel canale.

# Soluzioni? (1)

#### Soluzione banale

Non comunico.

Spesso è la maniera migliore di risolvere il problema, rimuovendo il messaggio rimuovo anche il pericolo che altri lo conoscano.

#### Soluzione meno banale

Nascondo il messaggio.

È una soluzione praticabile e praticata, chiamata **steganografia**. I messaggi possono ad esempio essere nascosti in immagini o occultati nei modi più diversi.

# Soluzioni? (2)

#### Soluzione naïve

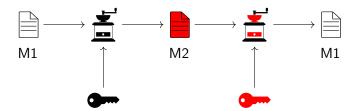
Blindare il canale.

È una soluzione chiaramente inattuabile data la natura di internet. Internet è infatti una **rete distribuita** e i messaggi passano da molti intermediari prima di arrivare a destinazione.

# Sorgente Canale Destinazione

## L'idea della crittografia

Perciò nasce l'idea della crittografia, ovvero un meccanismo che permette di trasformare il messaggio M1 in un altro altro M2, incomprensibile per chiunque, e che solo il possessore della chiave potrà ritrasformare in quello originale M1.



### Formalmente

#### Definizione

Un **crittosistema**  $\Xi$  è una quintupla  $(\mathcal{P}, \mathcal{C}, \mathcal{K}, \mathcal{E}, \mathcal{D})$  dove:

- $m{\mathcal{P}}$  è l'insieme dei messaggi in chiaro,
- ullet  $\mathcal C$  è l'insieme dei messaggi cifrati,
- K è l'insieme delle chiavi,
- $\mathcal{E} = \{E_k | k \in \mathcal{K}\}$  è la famiglia di funzioni di cifratura iniettive tale che  $E_k : \mathcal{P} \to \mathcal{C}$  per ogni  $k \in \mathcal{K}$ ,
- $\mathcal{D} = \{D_k | k \in \mathcal{K}\}$  è la famiglia di funzioni di decifratura biiettive tale che  $D_k : \mathcal{C} \to \mathcal{P}$  per ogni  $k \in \mathcal{K}$ ,

tale che per ogni  $e \in \mathcal{K}$  esiste unica  $d \in \mathcal{K}$  tale  $D_d(E_e(m)) = m$ , per ogni  $m \in \mathcal{P}$ .

#### Le tecniche

Esistono fondamentalmente due diversi meccanismi di cifratura: a chiave pubblica e a chiave privata che a loro volta si basano su diversi tipi di algoritmi.

Crittografia simmetrica	Crittografia asimmetrica
DES	Diffie-Hellman
3DES	Curve ellittiche
AES	RSA

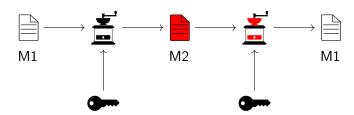
Gli algoritmi che permettono l'effettivo funzionamento della crittografia si basano su della matematica parecchio avanzata e in particolare sulla teoria dei numeri, sull'algebra (tipicamente dei campi finiti), sulla teoria della probabilità e sulla teoria della complessità computazionale.

## Crittografia simmetrica

#### Definizione

La **crittografia simmetrica** è un meccanismo che utilizza la stessa chiave per cifrare e decifrare il messaggio.

Formalmente  $D_k(E_k(m))=m$  per ogni  $m\in\mathcal{P}$  e per ogni  $k\in\mathcal{K}$ , con  $D_k$  e  $E_k$  semplici (veloci) da calcolare.



#### Problema!

#### E lo scambio della chiave?

Nella crittografia simmetrica sia il mittente che il ricevente devono conoscere la chiave, cioè devono essersela scambiata in qualche momento. A questo punto però lo scambio della chiave come fa ad avvenire in maniera sicura? Se utilizzassimo di nuovo un metodo di cifratura simmetrico per cifrare la chiave saremmo al punto di partenza.

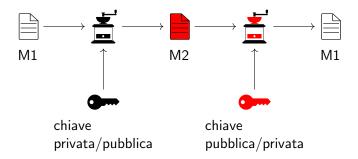
Per questo tipicamente o si utilizza per scambiare la chiave un altro canale considerato sicuro oppure si ricorre alla...

## Crittografia asimmetrica

#### **Definizione**

La **crittografia asimmetrica** è un meccanismo che funziona con due chiavi. Se si cifra il messaggio con la prima, con la seconda lo si decifra e viceversa.

In realtà non è così, ma possiamo immaginarlo in questo modo.



## Dogma della crittografia asimmetrica

La seguente regola è sempre da rispettare quando si utilizza un sistema crittografico asimmetrico.

#### Dogma

Ogni utente deve mantenere segreta una delle chiavi, che chiameremo **privata** e distribuire l'altra, che chiameremo **pubblica**.

ntroduzione alla sicurezza La crittografia

## Funzionamento nella comunicazione - confidenzialità

Vediamo ora come utilizzare la **crittografia asimmetrica** per ottenere la proprietà di **confidenzialità**.

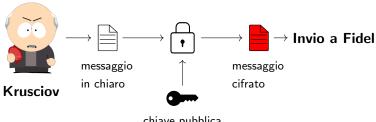
Per la comunicazione bisogna seguire questi passaggi:

## Algoritmo per la comunicazione confidenziale

- 1° passo: cifro il messaggio con la chiave pubblica del destinatario.
- 2° passo: invio il messaggio cifrato.
- **3° passo**: il destinatario lo decifra con la sua chiave privata.

In questa maniera mentre il messaggio transita nel canale il messaggio è cifrato e solo chi è in possesso della chiave privata corrispondente a quella pubblica con cui è stato cifrato potrà decrittarlo.

## Esempio di comunicazione confidenziale



chiave pubblica di Fidel



Introduzione alla sicurezza La crittografia

## Funzionamento nella comunicazione - autenticità

Vediamo ora come utilizzare la **crittografia asimmetrica** per ottenere la proprietà di **autenticità**.

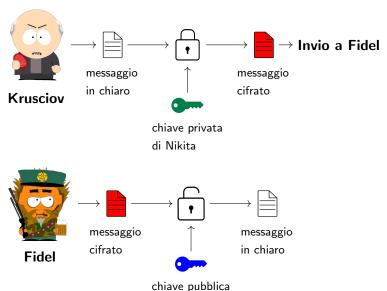
Per la comunicazione bisogna seguire questi passaggi:

## Algoritmo per la comunicazione autentica

- 1° passo: cifro il messaggio con la mia chiave privata.
- 2° passo: invio il messaggio cifrato.
- 3° passo: il destinatario lo decifra con la mia chiave pubblica.

In questa maniera il destinatario è sicuro che il mittente sia proprio chi deve essere (ha infatti utilizzato la propria chiave privata) perché altrimenti non riuscirebbe a decrittare il messaggio con la sua chiave pubblica.

## Esempio di comunicazione autentica



18 / 22

### Mettiamo tutto insieme!

Combinando entrambe le metodologie riusciamo ad ottenere sia confidenzialità, sia l'autenticità.

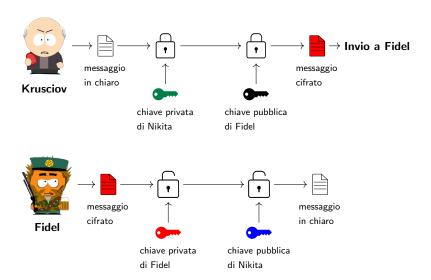
Per la comunicazione sicura bisogna seguire questi passaggi:

#### Algoritmo per la comunicazione sicura

- 1° passo: cifro il messaggio con la mia chiave privata.
- 2° passo: cifro il messaggio con la chiave pubblica del destinatario.
- 3° passo: invio il messaggio cifrato.
- 4° passo: il destinatario lo decifra con la sua chiave privata.
- 5° passo: il destinatario lo decifra con la mia chiave pubblica.

Introduzione alla sicurezza La crittografia

## Esempio conclusivo



#### Conclusioni

Non abbiamo parlato della disponiblità e dell'integrità.

La prima è assicurata dal fatto che operazioni di decrittazione sono "veloci".

Per l'**integrità** si può utilizzare uno dei tanti protocolli che calcolano l'**hash** di un testo, ovvero una "impronta digitale". Inviando insieme al testo anche l'hash il destinatario potrà ricalcolare l'hash sul testo arrivato e confrontarlo con quello arrivato. Se coincidono c'è un'altissima probabilità che il testo sia integro, se non coincidono certamente il testo arrivato è diverso da quello spedito.

Esempi di protocolli di hash sono SHA e MD5.

## Bibliografia

- http://web.math.unifi.it/users/fumagal/documenti/Crittografia\_Capitoli1-6.pdf
- http://poisson.phc.unipi.it/~papini/TCC.pdf
- https://www.iacr.org/authors/tikz/
- https://thenounproject.com/ Viktor Vorobyev, Apirat Ditsayarak, Guilhem