#### **DEVOIR DE MAISON DE CHIMIE**

### Synthèse de l'ammoniac

$$N_2(g) + 3H_2(g) \rightleftharpoons 2NH_3(g)$$

Ces gaz seront supposés parfaits. On prendra la constante des gaz parfaits  $R = 8,314 \text{ J.K}^{-1}.\text{mol}^{-1}$ .

## I Grandeurs standards

1°) On donne à 25 °C = 298,15 K :

	$N_2(g)$	$H_2(g)$	$NH_3(g)$
Entropie molaire en J.K <sup>-1</sup> .mol <sup>-1</sup>	191.3	130.4	92.2

Déterminer les entropies standards de formation  $\Delta_f S^\circ$  de  $N_2$ ,  $H_2$  et  $NH_3$  à 298,15 K.

- **2°)** Préfère-t-on utiliser en général les  $\Delta_f S^\circ$  ou les  $S_m^\circ$ , pourquoi ?
- 3°) On donne à 25 °C = 298,15 K:

	N <sub>2</sub>	H <sub>2</sub>	NH <sub>3</sub>
Enthalpie libre standard de formation $\Delta_f G^\circ$ en kJ.mol <sup>-1</sup>	0	0	-16,47

Déterminer les enthalpies standards de formation  $\Delta_{\rm f}{\rm H}^{\circ}$  de N $_2$ , H $_2$  et NH $_3$  à 298,15 K.

**4°)** On admet que, dans le domaine de température que l'on aura à considérer, on a, à peu près :

	N <sub>2</sub>	H <sub>2</sub>	NH <sub>3</sub>
Capacité thermique molaire standard,			
à pression constante, $c_{p,m}^{\circ}$ en J.K <sup>-1</sup> .mol <sup>-1</sup>	29,4	29,1	38,9

Calculer l'enthalpie standard de réaction  $\Delta_r H^\circ$  de l'équilibre

$$N_2(g) + 3 H_2(g) \rightleftarrows 2 NH_3(g)$$
 à 450 K.

- **5°)** Calculer l'entropie standard de réaction  $\Delta_r$ S° de l'équilibre
- **6°)**  $N_2(g) + 3 H_2(g) \rightleftharpoons 2 NH_3(g)$  toujours à 450 K.
- **7°)** En déduire la constante K°(T) de l'équilibre  $N_2(g) + 3 H_2(g) \rightleftarrows 2 NH_3(g)$ :
  - a) à 298,15 K;
  - b) à 450 K.
- **8°)** Conclure quant au déplacement de l'équilibre chimique par augmentation de la température de 298,15 K à 450 K.

- 9°) Aurait-on pu le prédire à partir des résultats du I 3°) uniquement ? Discuter.
- **10°)** Un industriel souhaitant synthétiser l'ammoniac peut-il en déduire la température qu'il aurait intérêt à choisir ?

# II Affinité chimique

- 1°) Calculer numériquement la variance v dans le cas le plus général de l'existence de l'équilibre  $N_2(g) + 3H_2(g) \rightleftharpoons 2NH_3(g)$ Interpréter.
- 2°) Dans quel sens l'équilibre  $N_2(g)+3\,H_2(g)\rightleftarrows 2\,NH_3(g)$  se déplace-t-il si on augmente la pression ?
- 3°) Exprimer l'affinité chimique A de la réaction  $N_2(g)+3$   $H_2(g) \rightleftarrows 2$   $NH_3(g)$  en fonction de son K°(T), de la température T, de la pression P et des fractions molaires des gaz :  $x_{N_2}$ ,  $x_{H_2}$  et  $x_{NH_3}$ .
- 4°) Que signifie un signe positif pour l'affinité chimique A?
- 5°) Combien vaut A à l'équilibre ?

## III Rendement de la synthèse

On part d'un mélange contenant initialement 1 mole de dihydrogène et a moles de diazote, donc sans ammoniac au début.

On maintient définitivement la température T à 450 K et la pression P à 2 bars.

- 1°) Par un calcul différentiel sur les fractions molaires, trouver a pour que la fraction molaire d'ammoniac  $x_{\rm NH_3}$  soit maximale. On ne demande pas de calculer  $x_{\rm NH_3}$ .
- **2°)** Le diazote étant moins onéreux que le dihydrogène, on peut préférer s'intéresser au maximum de moles d'ammoniac que l'on peut espérer à partir d'une mole de dihydrogène. Il faut donc calculer a pour que n<sub>NH3</sub> soit maximal. Un calcul littéral étant délicat, on se limitera à une recherche purement numérique.
  - a) Par une résolution numérique, calculer  $n_{NH_3}$  (3 chiffres significatifs exacts suffiront) pour a variant de 0 à 2 de 0,2 en 0,2. Il est fortement conseillé de vérifier à chaque fois la vraisemblance de la valeur numérique trouvée.
  - b) En déduire l'ordre de grandeur de a rendant  $n_{NH_3}$  maximal.

Remarque : une autre méthode (calcul différentiel) permet de déterminer exactement cette valeur de a.

- 3°) Déduire du III 2°) le sens de déplacement de l'équilibre
- $N_2(g) + 3 H_2(g) \rightleftharpoons 2 NH_3(g)$  lors d'un ajout d'une petite quantité de diazote. Discuter : peutil y avoir exaltation aussi bien que modération ?