# Signaux Physiques

CHAPITRE 7 Notions sur l'Amplificateur Opérationnel

Dr N'CHO Janvier Sylvestre

#### Introduction

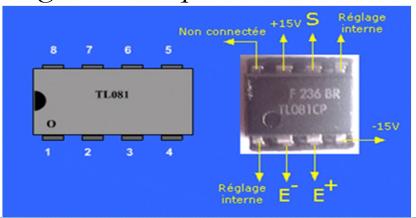
L'Amplificateur Opérationnel (abréviation AO) est un circuit intégré complexe constitué de résistances, de condensateurs, de transistors etc...

De façon beaucoup plus simple, l'AO est une **« boîte noire** » qui permet de réaliser diverses opérations mathématiques sur les signaux électriques : amplification, sommation, intégration, dérivation, comparateur...

Il peut aussi adapter des résistances pour les besoins d'un circuit.

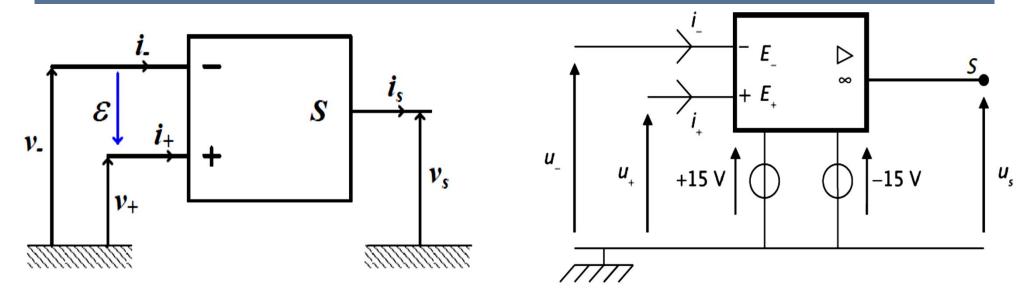
# Présentation de l'AO (1)

l'amplificateur opérationnel est un composant à 8 bornes. La borne 8 n'est pas connectée. Les bornes 1 et 5 ne sont pas à connaitre, elles servent à un réglage interne. L'amplificateur opérationnel doit être polarisé grâce à un générateur de tension symétrique  $-15 \, V$ ,  $+15 \, V$  ou ordinaire  $0 \, V/4,5 \, V$ . On utilise pour cela les bornes 4 et 7. C'est la première chose à brancher. La dernière chose à faire est de déconnecter ce générateur. Ce générateur n'est pas représenté dans les schémas des montages électriques.



- ✓  $E^-$ : entrée inverseuse (borne 2)
- ✓  $E^+$ : entrée non inverseuse (borne 3)
- ✓ Une borne S appelée sortie (borne 6).

# Présentation de l'AO (2)

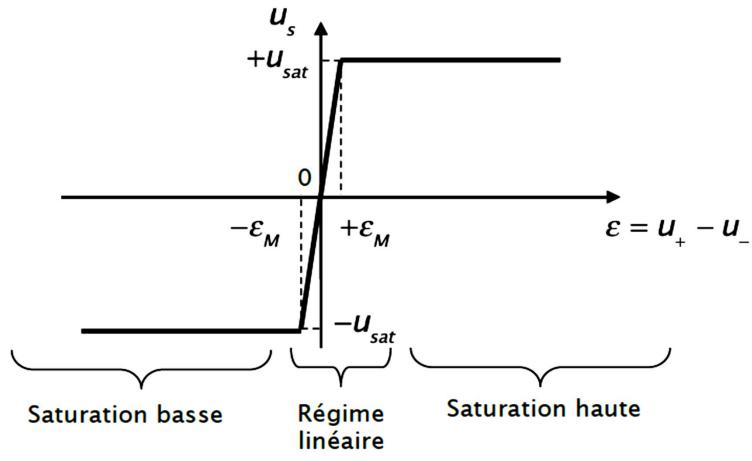


- $\square$  Borne : entrée inverseuse, Potentiel  $v_{-}$ , intensité  $i_{-}$ .
- $\square$  Borne + : entrée non inverseuse, Potentiel  $v_+$ , intensité  $i_+$ .
- $\square$  Borne S: sortie. Potentiel  $v_s$ , intensité  $i_s$ .
- $\square \varepsilon = v_+ v_-$ : c'est la tension différentielle d'entrée

L'amplificateur Opérationnel est donc un composant actif avec 3 bornes de sortie délivrant les tensions  $-V_{CC}$ ; 0;  $+V_{CC}$ .

### Caractéristique statique de transfert (1)

Il existe deux types de régime de fonctionnement : le régime de saturation et le régime linéaire.



### Caractéristique statique de transfert (2)

$$u_{s} = \mu \left( u_{+} - u_{-} \right) = \mu \, \varepsilon$$

• Régime linéaire  $\Rightarrow$   $u_s = \mu(u_+ - u_-) = \mu \varepsilon$   $\mu = \text{amplification différentielle} \approx 10^5$ 

• Régime de saturation  $\Rightarrow u_s = \pm u_{sat} \approx 14 \text{ V}$ 

On est en régime linéaire quand  $-\varepsilon_M < \varepsilon < +\varepsilon_M$  avec  $\varepsilon_M = \mu_{sat}/\mu \approx 10^{-4} V$ . On constate qu'en régime linéaire  $\pm \varepsilon_M$  sont très faibles.

# AO idéal (1)

Un **AO** idéal est un amplificateur différentiel de tension tel que :

- gain infini  $\mu \to \infty$
- courant  $i_{\perp} = i_{\perp} = 0$
- $u_s$  est fini,  $u_s = \mu \varepsilon$  donc  $\varepsilon = 0$

Ces trois résultats sont indispensables pour faire les exercices

# AO idéal (2)

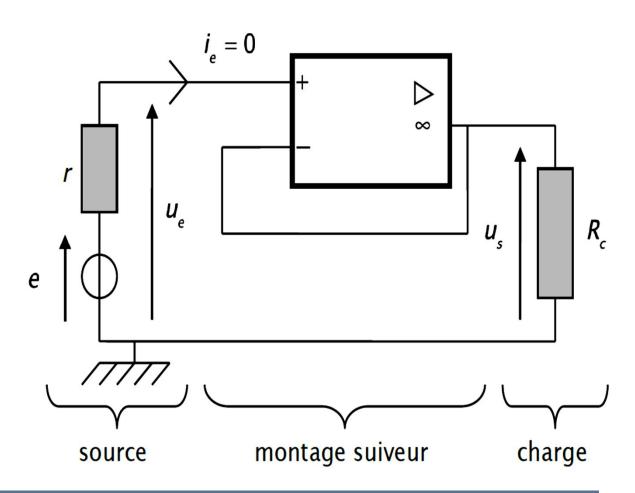
Valeur typique des caractéristiques d'un AO		
Caractéristiques	Valeur réelle	Valeur idéale
Gain $\mu$	10 <sup>5</sup> à 10 <sup>8</sup>	∞
Impédance de sortie $Z_s$	10 à 100 Ω	0 Ω
Impédance d'entrée $\left  \frac{Z_e}{z_e} \right $	$10^{5} \text{ à } 10^{13} \Omega$	∞ Ω

### Montages usuels à AO idéal (1)

#### ☐Suiveur de tension

$$i_e = i_+ = 0$$
  $u_e = u_+ = u_- = u_s$   
 $u_e = e - ri_e = e$   $u_s = u_e = e$ 

$$\Rightarrow \left( \frac{u_s}{u_e} = \frac{u_s}{e} = 1 \right)$$



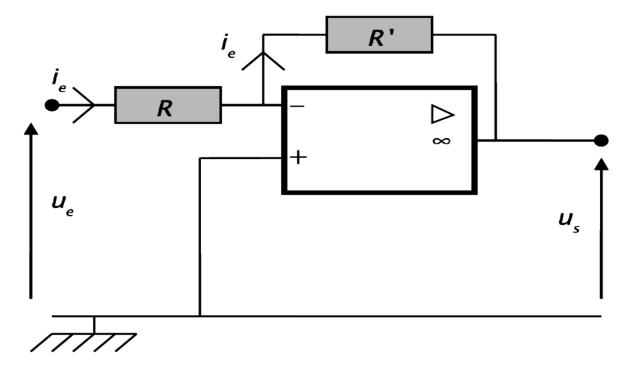
### Montages usuels à AO idéal (2)

#### Amplificateur de tension

$$u_{+} = u_{-} = 0$$
  $u_{e} = Ri_{e}$   $u_{s} = -R'i_{e}$ 

$$\Rightarrow \overline{\left(\frac{u_s}{u_e} = -\frac{R'}{R}\right)}$$

On a un gain de -R'/R.



□Changeur de signe

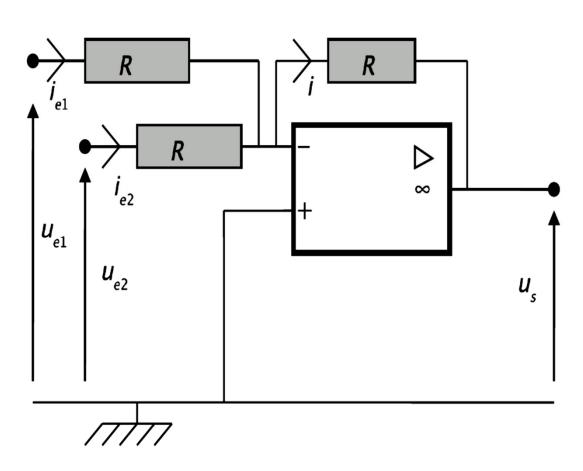
$$R = R' \Rightarrow u_s = -u_e$$

## Montages usuels à AO idéal (3)

#### ☐ Sommateur de tensions

$$u_{+} = u_{-} = 0$$
  $u_{s} = -Ri$   $u_{e1} = Ri_{e1}$   
 $u_{e2} = Ri_{e2}$   $i = i_{e1} + i_{e2}$ 

$$\Rightarrow \boxed{u_s = -\left(u_{e1} + u_{e2}\right)}$$

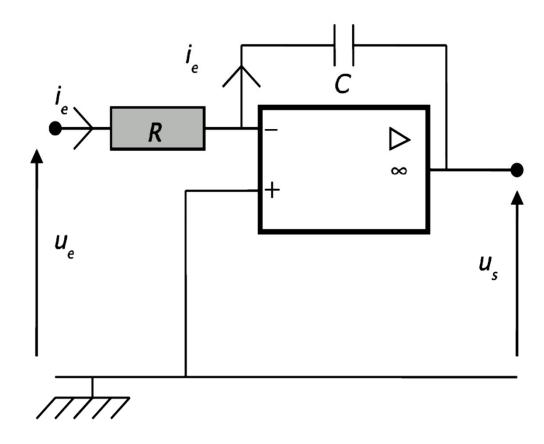


### Montages usuels à AO idéal (4)

### ☐ Intégrateur simple

$$u_e = Ri_e$$
  $i_e = \frac{dq}{dt} = C\frac{du_C}{dt}$ ,  
 $u_s = -u_C$  à  $t = 0$   $u_s(0) = 0$ ,  
condensateur déchargé  $i_e = \frac{u_e}{R} = -C\frac{du_s}{dt}$ ,

$$\Rightarrow \left( u_s(t) = -\frac{1}{RC} \int_0^t u_e(t) dt \right)$$



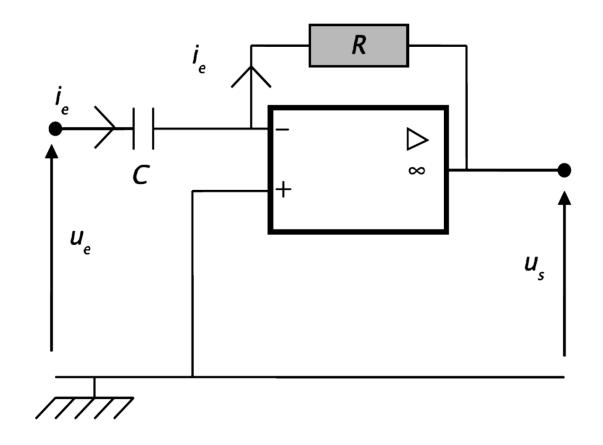
## Montages usuels à AO idéal (5)

#### ☐ Dérivateur simple

On permute *R* et *C* dans le montage intégrateur.

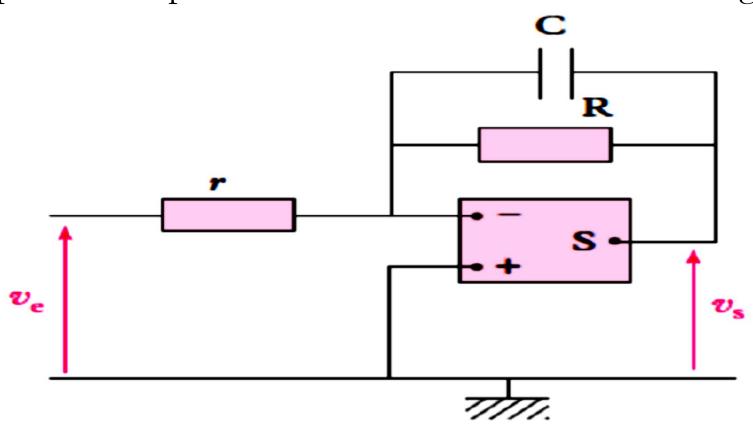
$$i_e = C \frac{du_e}{dt} = -\frac{u_s}{R}$$

$$\Rightarrow u_s(t) = -RC \frac{du_e}{dt}$$



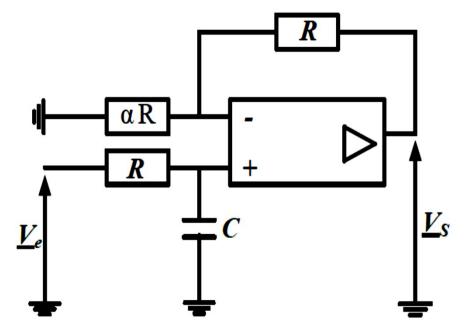
# Exercices d'application (1)

Déterminer la fonction de transfert du montage suivant. L'amplificateur opérationnel est idéal et fonctionne en régime linéaire.



# Exercice d'applications (2)

Nous considérons le filtre ci-dessous alimenté par un générateur sinusoïdal de pulsation  $\omega$ . L'amplificateur est idéal et en mode linéaire.



- 1) Déterminer la nature du filtre à partir de son comportement asymptotique.
- 2) Exprimer la fonction de transfert en tension en fonction de  $R,C,\alpha$  et  $\omega$ , sous la forme :

$$\underline{H} = \frac{H_0}{1 + j\frac{\omega}{\omega_0}}$$

Préciser  $\omega_0$  et  $H_0$ .

3) Déterminer la pulsation de coupure  $\omega_c$  à -3 dB. En déduire la fréquence de coupure  $f_c$ .