Introduction

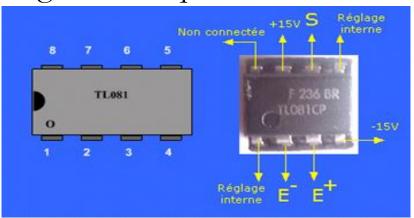
L'Amplificateur Opérationnel (abréviation AO) est un circuit intégré complexe constitué de résistances, de condensateurs, de transistors etc...

De façon beaucoup plus simple, l'AO est une « boîte noire » qui permet de réaliser diverses opérations mathématiques sur les signaux électriques : amplification, sommation, intégration, dérivation, comparateur...

Il peut aussi adapter des résistances pour les besoins d'un circuit.

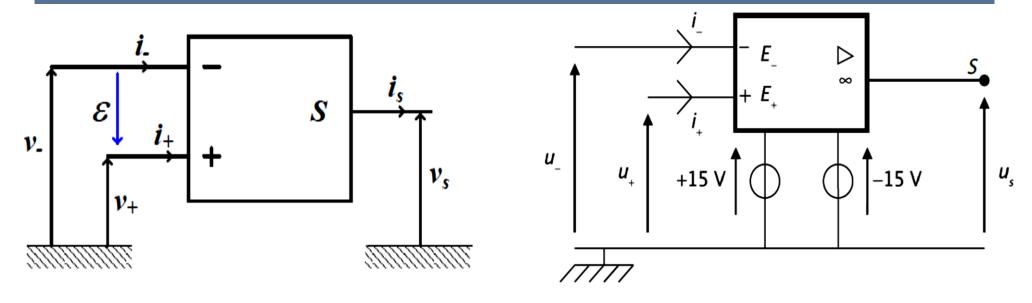
Présentation de l'AO (1)

l'amplificateur opérationnel est un composant à 8 bornes. La borne 8 n'est pas connectée. Les bornes 1 et 5 ne sont pas à connaitre, elles servent à un réglage interne. L'amplificateur opérationnel doit être polarisé grâce à un générateur de tension symétrique -15 V, +15 V ou ordinaire 0 V/4,5 V. On utilise pour cela les bornes 4 et 7. C'est la première chose à brancher. La dernière chose à faire est de déconnecter ce générateur. Ce générateur n'est pas représenté dans les schémas des montages électriques.



- ✓ E^- : entrée inverseuse (borne 2)
- ✓ E^+ : entrée non inverseuse (borne 3)
- ✓ Une borne S appelée sortie (borne 6).

Présentation de l'AO (2)

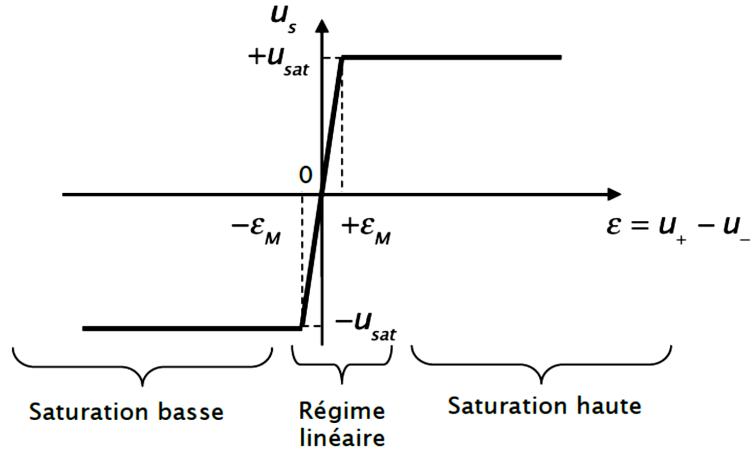


- \square Borne : entrée inverseuse, Potentiel v_{-} , intensité i_{-} .
- \square Borne + : entrée non inverseuse, Potentiel v_+ , intensité i_+ .
- \square Borne S: sortie. Potentiel v_s , intensité i_s .
- $\square \varepsilon = v_+ v_-$: c'est la tension différentielle d'entrée

L'amplificateur Opérationnel est donc un composant actif avec 3 bornes de sortie délivrant les tensions $-V_{CC}$; 0; $+V_{CC}$.

Caractéristique statique de transfert (1)

Il existe deux types de régime de fonctionnement : le régime de saturation et le régime linéaire.



Caractéristique statique de transfert (2)

$$u_{s} = \mu \left(u_{+} - u_{-} \right) = \mu \, \varepsilon$$

• Régime linéaire \Rightarrow $u_s = \mu(u_+ - u_-) = \mu \varepsilon$ $\mu = \text{amplification différentielle} \approx 10^5$

• Régime de saturation $\Rightarrow u_s = \pm u_{sat} \approx 14 \text{ V}$

On est en régime linéaire quand $-\varepsilon_M < \varepsilon < +\varepsilon_M$ avec $\varepsilon_M = \mu_{sat}/\mu \approx 10^{-4} V$. On constate qu'en régime linéaire $\pm \varepsilon_M$ sont très faibles.

AO idéal (1)

Un **AO** idéal est un amplificateur différentiel de tension tel que :

- gain infini $\mu \to \infty$
- courant $i_{+} = i_{-} = 0$
- u_s est fini, $u_s = \mu \varepsilon$ donc $\varepsilon = 0$

Ces trois résultats sont indispensables pour faire les exercices

AO idéal (2)

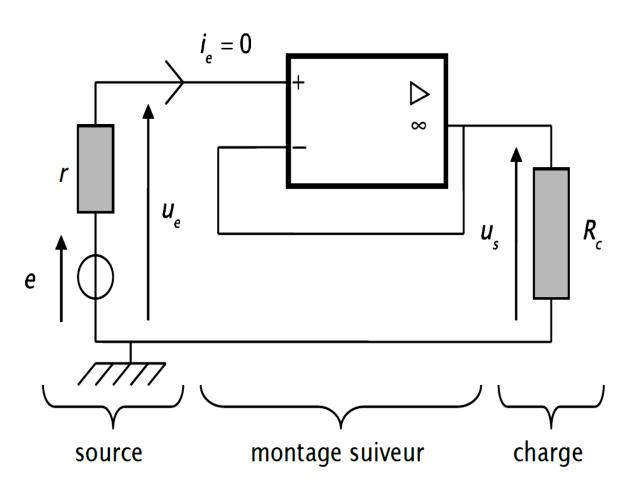
Valeur typique des caractéristiques d'un AO		
Caractéristiques	Valeur réelle	Valeur idéale
Gain μ	10 ⁵ à 10 ⁸	∞
Impédance de sortie Z_{s}	10 à 100 Ω	0 Ω
Impédance d'entrée $\left \frac{Z_e}{z} \right $	10^5 à 10^{13} Ω	∞ Ω

Montages usuels à AO idéal (1)

■Suiveur de tension

$$i_e = i_+ = 0$$
 $u_e = u_+ = u_- = u_s$
 $u_e = e - ri_e = e$ $u_s = u_e = e$

$$\Rightarrow \overline{\frac{u_s}{u_e} = \frac{u_s}{e} = 1}$$



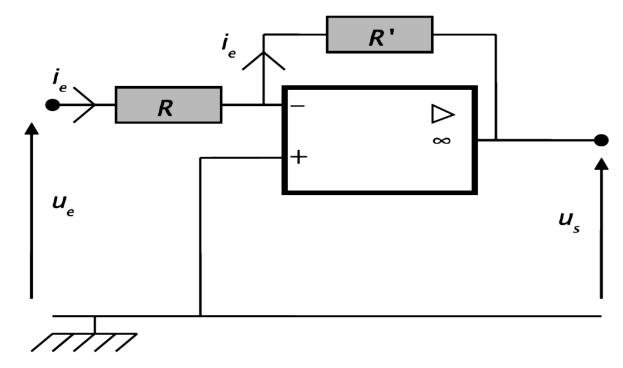
Montages usuels à AO idéal (2)

Amplificateur de tension

$$u_{+} = u_{-} = 0$$
 $u_{e} = Ri_{e}$ $u_{s} = -R'i_{e}$

$$\Rightarrow \overline{\left(\frac{u_s}{u_e} = -\frac{R'}{R}\right)}$$

On a un gain de -R'/R.



□Changeur de signe

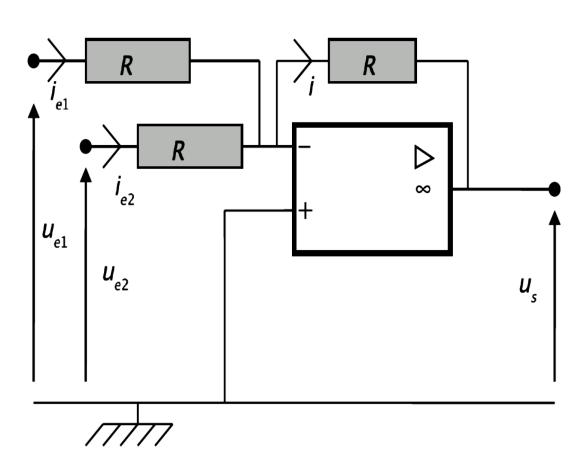
$$R = R' \Rightarrow u_s = -u_e$$

Montages usuels à AO idéal (3)

☐ Sommateur de tensions

$$u_{+} = u_{-} = 0$$
 $u_{s} = -Ri$ $u_{e1} = Ri_{e1}$
 $u_{e2} = Ri_{e2}$ $i = i_{e1} + i_{e2}$

$$\Rightarrow \left(u_s = -\left(u_{e1} + u_{e2} \right) \right)$$



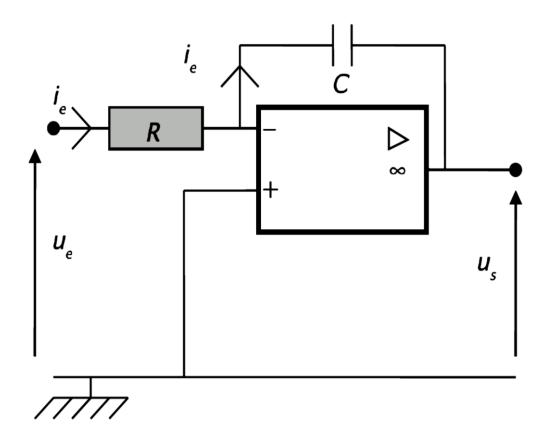
Montages usuels à AO idéal (4)

☐ Intégrateur simple

$$u_e = Ri_e$$
 $i_e = \frac{dq}{dt} = C\frac{du_C}{dt}$,
 $u_s = -u_C$ à $t=0$ $u_s(0) = 0$,

condensateur déchargé $i_e = \frac{u_e}{R} = -C \frac{du_s}{dt}$,

$$\Rightarrow \left(u_s(t) = -\frac{1}{RC} \int_0^t u_e(t) dt \right)$$



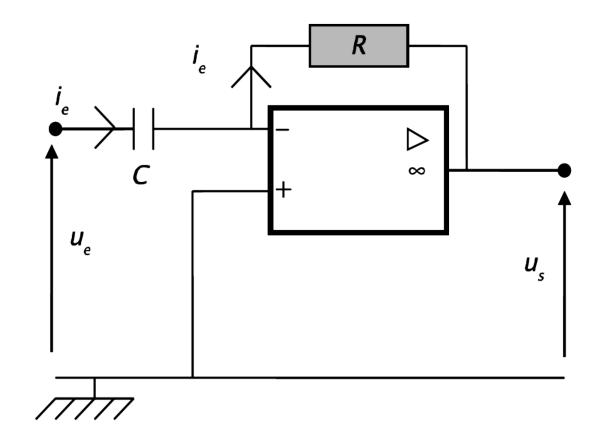
Montages usuels à AO idéal (5)

☐ Dérivateur simple

On permute R et C dans le montage intégrateur.

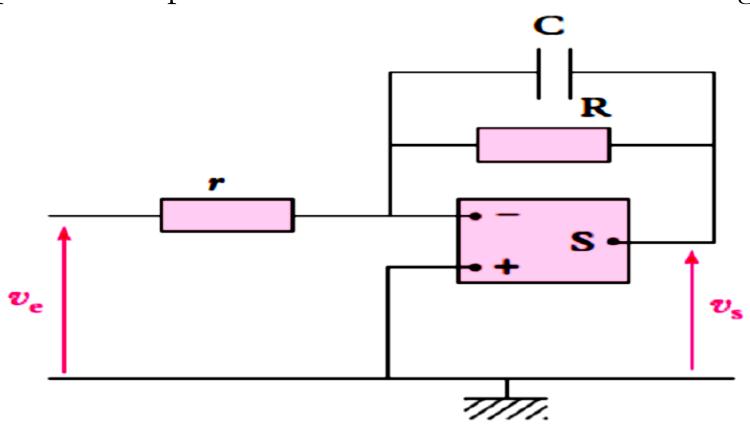
$$i_e = C \frac{du_e}{dt} = -\frac{u_s}{R}$$

$$\Rightarrow u_s(t) = -RC \frac{du_e}{dt}$$



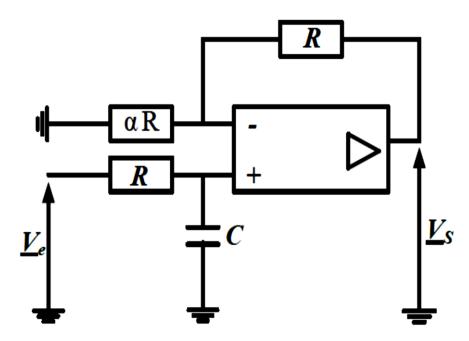
Exercices d'application (1)

Déterminer la fonction de transfert du montage suivant. L'amplificateur opérationnel est idéal et fonctionne en régime linéaire.



Exercice d'applications (2)

Nous considérons le filtre ci-dessous alimenté par un générateur sinusoïdal de pulsation ω . L'amplificateur est idéal et en mode linéaire.



- 1) Déterminer la nature du filtre à partir de son comportement asymptotique.
- 2) Exprimer la fonction de transfert en tension en fonction de R,C,α et ω , sous la forme :

$$\underline{H} = \frac{H_0}{1 + j\frac{\omega}{\omega_0}}$$

Préciser ω_0 et H_0 .

3) Déterminer la pulsation de coupure ω_c à -3 dB. En déduire la fréquence de coupure f_c .