### Escuela de verano



### Universidad Autónoma del Estado de Morelos

Centro de Investigación en Ciencias

Laboratorio de Semántica Computacional





### Presentación



#### **David Torres Moreno**

Licenciatura en Ciencias área terminal Computación

Maestría en Ciencias Cognitivas

Estudiante del Doctorado en Ciencias



### Contenido



- 1. Modelado del lenguaje
- 2. N-grams
- 3. Modelo vectorial Bag of words





- 1. El niño corrió detrás de la \_\_\_\_\_.
- 2. El \_\_\_\_ ladró al cartero.
- 3. La \_\_\_\_\_ está podrida.





- 1. El niño corrió detrás de la pelota.
- 2. El perro ladró al cartero.
- 3. La manzana está podrida.





¿Cómo modelamos este fenómeno en la computadora?





Enfoque estadístico





Hoy es martes. Mañana será \_\_\_\_\_.

Empezó a llover, me tendré que llevar mi





Para calcular la probabilidad conjunta de un lanzamiento de dos monedas en el que podemos obtener águila en una (suceso x) y en la otra un sol (suceso y).

En este caso, la probabilidad del suceso x es del 50% y la probabilidad del suceso y también es del 50%. Entonces tenemos:

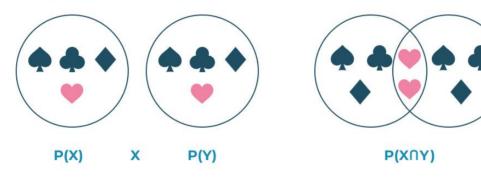
$$P(x="aguila", y="sol") = P(x) P(y | x)$$
$$= P(y) P(x | y)$$





$$P(x,y) = P(x) P(y|x)$$

#### **Joint Probability Formula**



InvestingAnswers.com

$$P(y|x)=P(y)$$





Para medir la probabilidad conjunta, ambos sucesos deben ocurrir al mismo tiempo y deben ser independientes entre sí.

Esto significa que el resultado de un suceso no puede afectar al impacto del resultado del otro suceso.

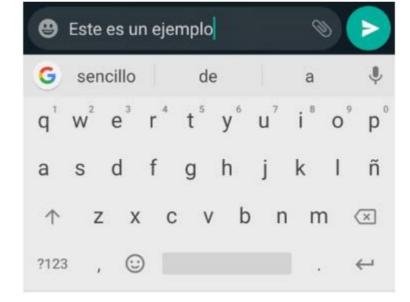
El objetivo del modelado estadístico del lenguaje, es aprender la función de probabilidad conjunta de las secuencias de palabras de una lengua.





El modelo de lenguaje es una parte fundamental de varias tareas de NLP, como reconocimiento de lenguaje hablado, reconocimiento de lenguaje escrito, traducción automática, corrección de ortografía, sistemas de predicción de

escritura, etc.







Frase= "Today is wednesday"
$$x = \text{"Today"}$$

$$y = \text{"is"}$$

$$z = \text{"Wednesday"}$$

$$P(x, y, z) = P(x) P(y) P(z)$$





El modelo estadístico del lenguaje es representado por la probabilidad condicional de la siguiente palabra, dadas las anteriores (contexto).

Es decir, para una palabra W<sub>t</sub> (que es la t-ava palabra) de la secuencia:

$$\hat{P}(w_1^T) = \prod_{t=1}^T \hat{P}(w_t | w_1^{t-1}),$$

Una de las ventajas al construir un modelo estadístico de lenguaje es el orden de las palabras, y que las palabras contiguas son más dependientes entre ellas.





Frase= "Today is wednesday"
$$x = \text{"Today"}$$

$$y = \text{"is"}$$

$$z = \text{"Wednesday"}$$

$$P(x, y, z) = P(x) P(y \mid x) P(z \mid x y)$$





Esto es intrínsecamente difícil debido al problema de la dimensionalidad.

Por ejemplo, si se quiere modelar la distribución conjunta de 10 palabras consecutivas en un lenguaje natural, con un vocabulario V de tamaño 100,000, hay potencialmente  $100,000^{10} - 1 = 10^{50} - 1$  parámetros libres.





Una secuencia de palabras con la que se va a probar el modelo, es probable que sea diferente de todas las secuencias de palabras vistas en un corpus.

La mayoría de las posibles secuencias de palabras no serán observadas en el corpus. Una solución es hacer la hipótesis de que la probabilidad sea posible.

Los enfoques tradicionales y muy exitosos para un primer acercamiento del modelado del lenguaje, son los de n-gramas, estos obtienen una generalización del lenguaje concatenando secuencias cortas (n) y vistas en el corpus.



Corpus: un conjunto de textos.



Cadena de Márkov o modelo de Márkov a un tipo especial de proceso estocástico discreto en el que la probabilidad de que ocurra un evento depende solamente del evento inmediatamente anterior.

$$P(w_1,\ldots,w_m) = \prod_{i=1}^m P(w_i|w_1,\ldots,w_{i-1}) pprox \prod_{i=1}^m P(w_i|w_{i-(n-1)},\ldots,w_{i-1})$$



$$\hat{P}(w_t|w_1^{t-1}) \approx \hat{P}(w_t|w_{t-n+1}^{t-1}).$$



Un n-grama es una subsecuencia de n elementos de una secuencia dada.

N = 1 : This is a sentence unigrams: this, is, a, sentence

N = 2 : This is a sentence bigrams: this is, is a, is a, a sentence

N = 3 : This is a sentence trigrams: this is a, is a sentence





Frase: I saw the red house

#### Bigrama

 $P(I, saw, the, red, house) \approx P(I| < s >) P(saw|I) P(the|saw) P(red|the) P(house|red) P(< /s > |house)$ 

#### Trigrama

 $P(I, saw, the, red, house) \approx P(I| < s >, < s >) P(saw| < s >, I) P(the|I, saw) P(red|saw, the) P(house|the, red) P(</s> |red, house)$ 





Estos modelos usan un corpus y se puede obtener una probabilidad condicional para una frase de longitud *n*.

¿Cómo calculamos la probabilidad de que ocurra la siguiente palabra w<sub>i</sub>?





¿Cómo calculamos la probabilidad de que ocurra la siguiente palabra w<sub>i</sub>?

Unigram LM : 
$$p(w_1^N) = \prod_{n=1}^N p(w_n)$$

Bigram LM : 
$$p(w_1^N) = \prod_{n=1}^{N} p(w_n | w_{n-1})$$

Trigram LM : 
$$p(w_1^N) = \prod_{n=1}^{N} p(w_n|w_{n-2}, w_{n-1})$$





¿Cómo calculamos la probabilidad de que ocurra la siguiente palabra w<sub>i</sub>?

$$P(w_i|w_{i-(n-1)},\ldots,w_{i-1}) = rac{count(w_{i-(n-1)},\ldots,w_{i-1},w_i)}{count(w_{i-(n-1)},\ldots,w_{i-1})}$$





Pero que pasa para las frases compuestas que no se encuentran o no se ven en el corpus.

No se le puede asignar una probabilidad nula puesto que se pueden obtener en otros corpus.

¿Cómo tratar este problema?





#### Palabras desconocidas

Podemos entrenar nuestro modelo con una palabra adicional que denota palabras desconocidas. Una estrategia es tomar las palabras con frecuencia baja y sustituirlas por <ukn> y establecer su probabilidad.





#### Laplace:

Este suavizado cambia la forma en que se calculan las probabilidades de los N-gramas, agregando un conteo a todos los N-gramas, incluso si no están en el corpus de entrenamiento, de esta forma evita que las probabilidades se hagan 0 para N-gramas que no estén en el corpus.

$$p(w_n|w_1^{n-1}) pprox rac{C(w_n|w_1^{n-1}) + 1}{\sum_{w \in V} C(w|w_1^{n-1}) + |V|}$$





#### **Backoff:**

Aproxima la probabilidad de un N-grama no encontrado como la probabilidad de un (N-1)-grama similar, por ejemplo si se busca la probabilidad del N-grama:

$$P(corre|el, perro) \approx P(corre|perro)$$

$$P(w_n|w_1^{n-1}) \approx P(w_n|w_2^{n-1}) \approx ... \approx P(w_n|w_i^{n-1}) \approx ... \approx P(w_n)$$



### Evaluación del modelo



La evaluación de modelos se hace calculando la perplejidad en una muestra de textos de prueba, que no fueron utilizados para entrenar los modelos.

La perplejidad es la medida más frecuentemente reportada en modelos de lenguaje. Mejores modelos tienen valores más bajos de perplejidad.

$$LP(W) = -\frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} \log P(w_i | w_{i-1})$$





¿Qué tipos de fenómenos lingüísticos se capturan en estas estadísticas?





## **Modelo vectorial**

- Bag of words
- TF-IDF





Un espacio vectorial es una estructura matemática creada a partir de un conjunto no vacío, con una operación suma interna al conjunto y una operación producto externa entre dicho conjunto y un cuerpo, cumpliendo una serie de propiedades o requisitos iniciales.

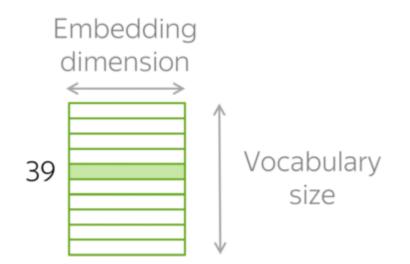
A los elementos de un espacio vectorial se les llamará vectores y a los elementos del cuerpo se les llamará escalares.





Queremos asignar un vector numérico a cada palabra del vocabulario de un texto.

El vector de características representa diferentes aspectos de la palabra: cada palabra se asocia a un punto en un espacio vectorial.







Codificaremos en un vector binario (vector de 0 y 1) de tamaño |V|, donde V es el vocabulario de palabras en un texto dado. Este vector tendrá ceros en todas partes excepto en el índice correspondiente al número que le asignamos a la palabra donde pondremos 1.

I think therefore I am.

I	think	therefore	am
1	2	3	4

```
1 2 3 4
I [1, 0, 0, 0]
think [0, 1, 0, 0]
therefore [0, 0, 1, 0]
am [0, 0, 0, 1]
```





- Un corpus es una colección de textos (o habla) del lenguaje que nos interesa.
- El vocabulario es una colección de palabras que ocurren en el corpus (o más general, en el lenguaje).
- La definición de palabra (token) depende de la tarea de NLP que nos interesa.





- Cada palabra está definida como una unidad separada por espacios o signos de puntuación.
- ·Los signos de puntuación pueden o no considerarse como palabras.
- •Pueden considerarse palabras distintas las que tienen mayúscula y las que no.
- •Pueden considerarse palabras distintas las que están escritas incorrectamente, o no.





- •Pueden considerarse plurales como palabras distintas, formas en masculino/femenino, etc. (por ejemplo, en clasificación de textos quizá sólo nos importa saber la raíz en lugar de la forma completa de la palabra).
- •Comienzos y terminación de oraciones pueden considerarse como "palabras" (por ejemplo, en reconocimiento de texto hablado).





•Al proceso que encuentra todas las palabras en un texto se le llama **tokenización** o **normalización de texto**. Los **tokens** de un texto son las ocurrencias en el texto de las palabras en el vocabuario.





#### Representación de texto y vectorización de palabras en documentos

	the	book	is	good	I	like	it	books	а	table
The book is good	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0
I like it	0	0	0	0	1	1	1	0	0	0
I like good books	0	0	0	1	1	1	0	1	0	0
Book a table	0	1	0	0	0	0	0	0	1	1





De la misma forma se puede realizar una representación que codifique fragmentos de texto en lugar de palabras individuales en vectores basados en sus palabras constituyentes.

Asignamos a cada palabra un número único, pero en lugar de representar palabras con estos números, usamos la frecuencia correspondiente para construir una representación útil para un documento dado.

Document 1: I think therefore I am

Document 2: I love dogs Document 3: I love cats

```
I think therefore am love dogs cats
1 2 3 4 5 6 7
```





El tamaño de nuestros nuevos vectores de documentos todavía está determinado por el tamaño del vocabulario y esto acarrea el problema de alta dimensionalidad.

Aunado a esto, existe el problema de palabras que no están en el vocabulario.

El orden en las oraciones puede cambiar sustancialmente el significado, por lo que tratar las oraciones como una mera colección de palabras sin orden ni contexto da como resultado que documentos como "El perro comió comida" y "La comida comió perro" se representen con el mismo vector.





La razón por la que el enfoque de la bolsa de palabras carece de contexto es porque trata las palabras como unidades atómicas independientes.

El contexto, por otro lado, normalmente no se puede determinar a partir de una palabra, sino que surge en presencia de secuencias de palabras.

Otro enfoque consiste en n-gramas y, como antes, asignaremos un número único a cada elemento de vocabulario y representaremos los documentos con vectores que codifican las frecuencias de los elementos presentes en el documento.





Document 1: I think therefore I am

Document 2: I love dogs
Document 3: I love cats

Si dividimos cada documento en 2 palabras contiguas (es decir, bigrama), obtenemos el siguiente vocabulario:

Tendremos la siguiente representación vectorial:

```
LABSEMCO
Data Science
```

```
I think: 1
think therefore: 2
therefore I: 3
I am: 4
I love: 5
love dogs: 6
love cats: 7
```

```
1 2 3 4 5 6 7

Document 1: [ 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0 ]

Document 2: [ 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0 ]

Document 3: [ 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1 ]
```



En lugar de asignar números arbitrarios, queremos asociar cada palabra del documento con algún tipo de puntuación de importancia o relevancia y representar el documento con un vector de estas puntuaciones.

$$TF$$
- $IDF(t,d) = TF(t,d) \times IDF(t)$ 

$$TF(t,d) = \frac{(Number\,of\,occurrences\,of\,term\,\textbf{t}\,in\,document\,\textbf{d})}{(Total\,number\,of\,terms\,in\,the\,document)}$$

$$IDF(t) = \log_e \frac{(Total \, number \, of \, documents)}{(Number \, of \, documents \, with \, term \, \mathbf{t} \, in \, them)}$$





```
Document 1: I think therefore I am
```

Document 2: I love dogs
Document 3: I love cats

#### Representación de texto y la vectorización de palabras con TF-IDF.

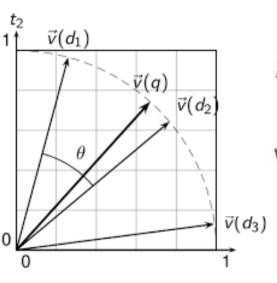
```
word TF score IDF score TF-IDF score I 1/3 = 0.33 \quad \log(3/3) = 0 \quad 0.33 \quad 0 = 0 love 1/3 = 0.33 \quad \log(3/2) = 0.18 \quad 0.33 \quad 0.18 = 0.059 dogs 1/3 = 0.33 \quad \log(3/1) = 0.48 \quad 0.33 \quad 0.48 = 0.158 I think therefore am love dogs cats Document 2 vector: [0 \quad 0 \quad 0 \quad 0 \quad 0.059 \quad 0.158 \quad 0]
```

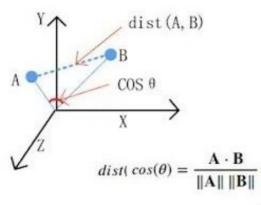


# **Information Retrieval System (IRS)**

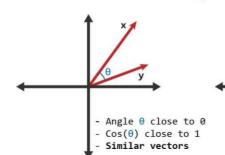


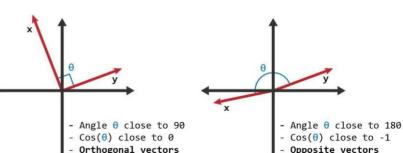
El modelo vectorial se basa en el grado de similaridad.





$$Sim(q, d_i) = \frac{\sum_{j=1}^{m} t_{qj} \cdot t_{ij}}{\sqrt{\sum_{j=1}^{m} t_{qj}^2 \cdot \sum_{j=1}^{m} t_{ij}^2}}$$

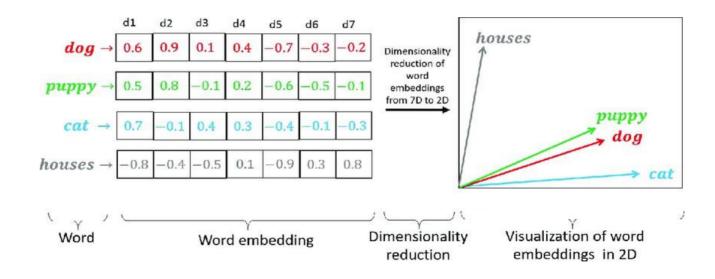






#### Reducción de dimensionalidad









¿Qué tipos de fenómenos lingüísticos se capturan estas representaciones?



# Word embeddings



#### Gracias



#### Referencias



- Jurafsky, D. (2018). \*Speech and Language Processing: An Introduction to Natural Language Processing, Computational Linguistics, and Speech Recognition.
- Manning, C. (2000). \*Foundations of Statistical Natural Language Processing\*. London, England: The MIT Press.

