每日一题(7.2)

李衡岳、程昊一 2022 年 2 月 19 日

1.求所有的整数x, y,满足方程

$$(x^2 - y^2)^2 = 16y + 1.$$

(程昊一供题)

2.我们假设有一个村庄,村庄里有很多户人家.每一户人都有一条狗,可能是正常的狗,也可能是疯狗.如果一个人发现自己的狗是疯狗,那么他会在当天晚上把自己的狗击毙.每一个人只可以判断其他人的狗是否为疯狗,每两个人之间也不能互相交流.一天,一位游客向全部的人宣布:"村庄里有疯狗!"当天晚上,没有人击毙自己的狗;第二天亦是如此;第三天有人击毙了自己的狗.问:村庄里有几条疯狗?

(李衡岳供题)