

## 每日一题(3.2)

王一丁,李政毅

2021 年 12 月 27 日

1. 求所有这样的素数,它加上10或14后,仍为素数.
2. 证明:从1至100(包括1和100)中任选51个数,其中必有两个数互素.  
思考:题中的“51”还可以更小吗?
3. 将平面上所有的点都染成红、蓝两色,证明:存在一条长为1的线段,它的端点同色.  
思考:若平面不为全红或全蓝,是否总存在一条长为1的线段,其端点异色?若将平面染成三种颜色,是否仍然存在长为1的端点同色的线段?