

Cache-oblivious algoritmy a ich vizualizácia

Ladislav Pápay

Vedúci: Mgr. Jakub Kováč, PhD.

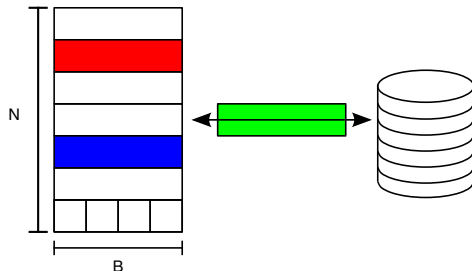
16.04.2014

Ciele práce

- ▶ Vysvetlenie pamäťového modelu
- ▶ Prehľad cache-oblivious algoritmov a DŠ
- ▶ Vizualizácia vybraných DŠ

External-memory model

- ▶ Cache celkovej veľkosti M
- ▶ Obsahuje $N = \frac{M}{B}$ blokov veľkosti B
- ▶ Disk (neobmedzenej) veľkosti
- ▶ Počíta sa počet prenesených blokov (operácie v cache sú zadarmo)



External-memory model

- ▶ Známe tiež ako cache-aware (kontrast voči cache-oblivious)
- ▶ Poznáme B a M , každá operácia čítania/zápisu na disk je explicitne vykonaná algoritmom
- ▶ Ak je cache plná musí vybrať, ktorý blok zahodí

Problémy

- ▶ Treba explicitne čítať a zapisovať bloky, riešiť asociatívnosť cache
- ▶ Čo ak sa zmenia parametre B alebo M ?
- ▶ Čo v prípade viac úrovní? Treba pre každú susediacu dvojicu poznať B , M a spravovať bloky.

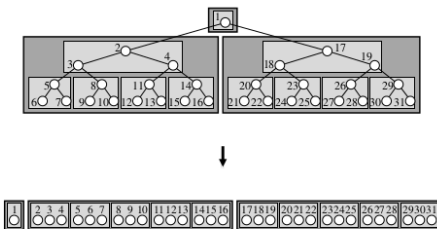
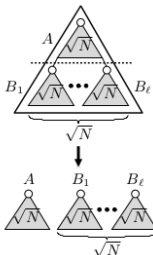
Úroveň	Veľkosť	Odozva
L1	$\approx 128\text{KiB}$	$4\text{clk} \approx 1\text{ns}$ (pri 3.5GHz)
L2	$\approx 1\text{MiB}$	$10\text{-}12\text{clk} \approx 3\text{ns}$ (pri 3.5GHz)
L3	$\approx 8\text{MiB}$	$20\text{-}50\text{clk} \approx 10\text{ns}$ (pri 3.5GHz)
RAM	$\approx 4\text{GiB}$	$\approx 100\text{ns}$
HDD	$\approx 1\text{TiB}$	$\approx 0.1\text{-}10\text{ms}$

Cache-oblivious model

- ▶ Rovnaká architektúra, presun blokov prebieha automaticky
 - ▶ Predpokladá optimálne nahrádzanie blokov (offline), ale FIFO/LRU je len konštantne horšie
- ▶ Chceme (asymptoticky) rovnaký počet presunov ako optimálny cache-aware algoritmus, ale bez znalosti parametrov B a M

Statický strom

- ▶ Binárny vyhľadávací strom
- ▶ V pamäti uložený podľa *van Emde Boas* usporiadania
 - ▶ Rozdelíme uprostred na horný podstrom a \sqrt{N} spodných podstromov veľkosti \sqrt{N}
 - ▶ Tie rekurzívne rozdelíme a uložíme do súvislého bloku pamäte



Analýza

- ▶ Vyhľadávanie ako v klasickom BST (cache-ignorant prístup)
 - ▶ Pozrime sa na takú úroveň delenia, že sú podstromy $\leq B$ a teda zmestia sa do najviac dvoch blokov
 - ▶ Tieto podstromy majú výšku $< \lg B$ ale $\geq \frac{1}{2} \lg B$
 - ▶ Vyhľadávanie prejde cestu od koreňa do listu dĺžky $\lg N$
 - ▶ Prejdeme najviac cez $\frac{\lg N}{\frac{1}{2} \lg B}$ podstromov a na každý treba najviac 2 pamäťové presuny
- ▶ Spolu teda $\mathcal{O}(\log_B N)$ čo je spodná hranica pre external-memory model

Dynamický strom

Ordered file

Vizualizácie