## ERA-Obungsblatt M

- a) Dus Aufsklun der Wahrheitstabelle sollte straightforword sein, siehe ML
  - b) Wir füllen mithilfe der in a) besechseln Wahrheitstabelle die K-Maps aus: Wiehlig: Die Zeilen/Spallen worden in Gray-Gode beschriftet: Banachbark Zeilen/Spallen dürfn sich inner in einer Stelle enterscheiden, sost funktioniert die Kereinfachung nicht!

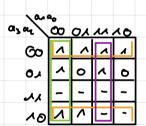
Vorgehan bei K-Map:

- ( K- Map aufsteller, Zailan Kspalton beschriften, 0/1/- (don't care) einztzen
- @ Größtmögliche Gruppe von 2° Zellen (also 1, 2,4,8,...) mit 1/ bow. '-' findh D extradir direkt benachbort in Zeik/Spulk
  - D city The beauthout
  - P über Erle benchbert

00 01 M 10

- - - - مر 10 1 1 --

- D falls who Embosiolog con don't aris (-) we propue 2n- Gouppe möglich ist, dam auch nitreknen
- 3 Formel für die abzedechten Zellen finden auch zum Erzebnispolynom dazu- verodum (+)
- (4) noch nicht alk 11 abgusteht + Schritt (2). Sonst > Minimalpolynom gefunda!

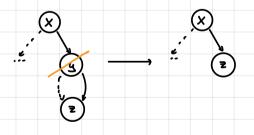


ς <u>,</u> :	az	+	a,	+ a2 a0	+	azao

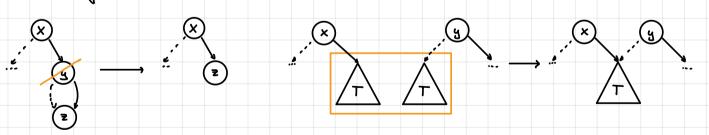
S6: siehe ML

Sz: az + a, a + a, ao

2. Zeur Erimany:



5-Reduktion: Zeigen bride ausgehalen Kanten eines Knokus (4) zem selben Kindknoken (2) ist dur Knoken (4) übes flüssig: alle einzehenden kan ten zum Knoton (g) könner om den Kindlanden (z) "meilegeleikt" werden



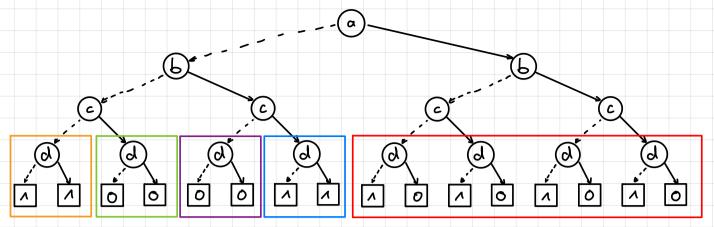
gegenüler (ingenole Seiler

werden "ensommengelelebt" => ergild onen Toms (Donat)

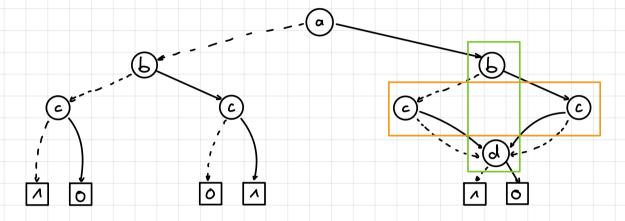
Konnich aler micht zeichen : C

1 - Reduktion: Somorphe (ol.h. gleiche) Knoten bew. Teil grapher (T) könn Eusamman gelegt werder.

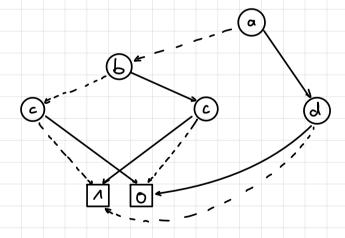
Teilgraphe auch möglich!

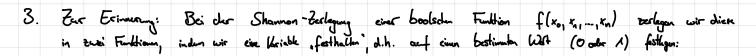


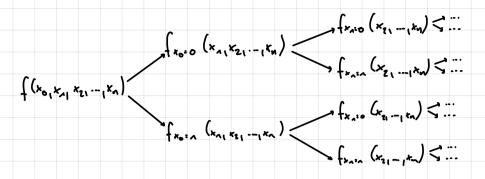
Bei , , , st jeneils eine S-Reduktion möglich, weil die Kindknot gleich sind Bei ist eine 1-Reduktion möglich, weil alk isomorph sind



Bei lam eine [-Reduktion angenendet werden (c's sind isomorph). Anschließend feiben euir auf eine S-Reduktion aus (c überflüssig), dann nachmal (b überflüssig) und echallen nach Euramenführeg der Terminale (O/1) folgendes redusiertes BDD:



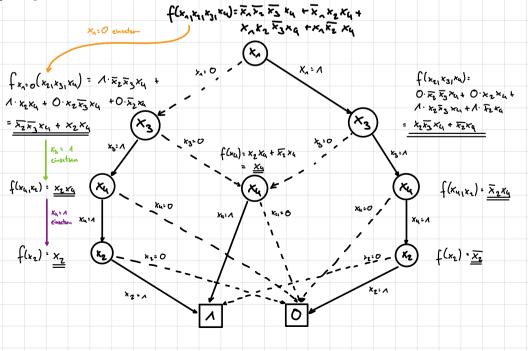




Die Zerlegung entspricht einen BDD, nobei eine Fulton inner ein High-Kind (fx:.n) and ein Low-Kind (fx:no) hat. Da in jeden Kodo die représentierle Feathin behaunt ist, komm Kuden mit gleicher Feathin sehen Lein Afflow redución worden. Die Reilenfolge, in welder die Veriablen substituient worden, entspricht einer Ordung. Also lame uit de Chamon-Zalega que fett ROBODS extellet wesden!

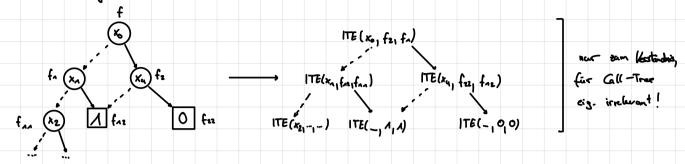
Vorgelun bei ROBDO-Konstraktion:

- Setze fi:= f
- @ Zeichne einen Knoten. Bonome ihn nit oler ersten Ubrioble in der vorzegebenen Ordnung, die in f. anthallen ist
- 3 Zerlege fi(xi, xk1 1xn) wittels der Shamon Zurlegung  $P = \int_{x_{i}=0}^{x_{i}} (x_{k_{i}}, \dots, x_{n})$ : Ersetze alk Vorkonnen von  $x_{i}$  in  $f_{i}$  mit O.  $f_{x_{i}}$  ist jetzt von waniger Voriablen albhanjig  $P = \int_{x_{i}=1}^{x_{i}} (x_{k_{i}}, \dots, x_{n})$ : Ersetze alk Vorkonnen von  $x_{i}$  in  $f_{i}$  mit A.  $f_{x_{i}}$  ist jetzt von waniger Voriablen albhanjig
- @ Oberprüfe new jeweils für beide fajeo, frjen:
- Dist frij. schon irgundus im bisher Konstruierten Graphen besechent worden? Falls ja zeiche eine Kank ein die zem enteprechade Known zeigt
  - Dist for un lainer Kariake mehr abhanjag also konstant O oder 12 Falls ja zeiche eine Kank zur oder Tanial D andomfells stark releasir wieder bei 2
- a) siehe ML
- b) x, ( x3 (x4 (x2



Wichtig: Die folgenden Inhalk weurden, als ich ERA gehört habe, <u>nicht</u> eingeführt. Ich habe frotodum verseicht, alles nach meinem Kerständnis zusammen zu fassen. Meldet euch bei mir, falls ihr einen Fehler findet!

<u>Eur Houson fabe:</u> Der If-then-clse-Operator (ITE) entspricht eigentlich einer Shamon-Borkgrung, da  $f(x_0,x_n) = x_0 \cdot f_{x_0,0}(x_n) + x_0 \cdot f_{x_0,n}(x_n) = ITE(x_n, f_{x_0,n}(x_n), f_{x_0,0}(x_n))$ . Deshalb kann ein BOD thoselisch als Graph mit ITEs on facultus under:



Interessent ist each, does alle binoin legischen Operatoren als ITE dangesklit worden können, beges. A+B = ITE(A, 1, B). D.h. wir können BDDs mit legischen Operatoren verknippen.

Vorgehen bei der Verknäpfung von BODs:

lun Folgenden sei A; ober akthell behandelsk Knoben im BDD A, wood B; respektiv im BDD B. Die Top-Koriable Eist jewe Voriable 1947 1872 cm. aus den BDDs, auchand oberer gesach verglichen wird.

a. Konstruktion des Call-Trees:

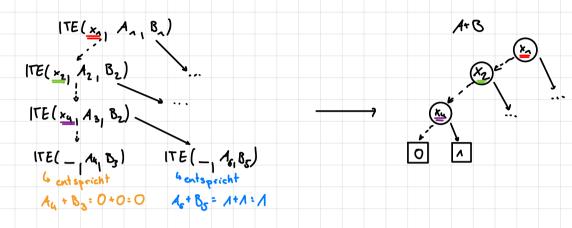
- @ Setze Ai, B; jourils and den Wordburden (obsestion Knoton) von A bow. B and to out die Knotoble in A; /B;
- @ Ersklk einen Knokn ITE (t, A; Bi). Falls dieser schon workanda ist, einfich eine Kank einsichen (ertl. auch S-Badutton)
- (3) Bestime die neue Top-Kriebk t: Die nächt Kriebt, die in A; B; vorkommt. Falme auschließend relarsiv far die Kinder von A; bew. B; folgrade Schnitt aus:
  - P Besitzen beide Known A; and B; t, down otinge soughl in A; als each in B; ins (int think ab and gate 3m @
  - In thomast near in A; vor: Skige in s link Kind on Ai ab could gate on 10
  - A thought near in B; vor: Skige ins links Kind on B; ab and gale on O
  - D Reprisontion beide Knokn eine konstank Finktion (also anabhängig an Kriehlen Objan. 1), setze t:= \_ (him Top-Variable)
    und gele en ②
  - D lest from even workriger Schrift school and "-", sind wir in even Terminalbunde und Leinen wieder eine Ebene nach ohn skipen und das rechte Kind abarbeiter. Setze 6, A; B; dementsprechend und gele zu C

Beispiel and the Vorkson, Ordning  $A_{A} \subset K_{2} \subset K_{3} \subset K_{4}$ :  $A = B_{A} \times A_{A} \times A_{A$ 

b. Ausweltung: Wichtig: Dec Call-Tree ist and bhinging an oler Operation. Einsmal sufferent, Kann man darauf alle binima Looleden Operation amender!

Mit den leastroirelle GU-Tree ist die Auswertung relativ augenehm: Wir statten gers anten (bri den 1EC-1,1,8;) und führ ware Operation aus. A; op B; entspricht also dem West diess Knokus. Bei den inneren Knokus steht in 1TE(x;, 1;, 8u) x; für die Variable des Knokus im BDD

Beispiel mit Operator + out einem Ausschnitt des obigen Call-Trees;



Abschließend konn der extstandre Boum eventuell reduziert werden