Einführung in MATLAB und Python

Einheit 2 Jochen Schulz Aufgabe 1 Geben Sie die folgende Zeile ein: x=1e-15; ((1+x)-1)/xWie interpretieren Sie das Ergebnis? (Testen Sie auch x=1e-16!) Aufgabe 2 Differenzieren Sie f(x) = exp(x) in x = 0 durch den zentralen Differenzen- quotienten. Plotten Sie den Approximationsfehler für die Approximation der ersten Ableitung durch den zentralen Differenzenquotienten für die Exponentialfunktion an der Stelle x=0 mit doppelt logarithmischen Achsen und interpetieren sie das Ergebnis. Tips: 1. Bauen Sie sich einen Vektor, der eine passende Anzahl von positiven h-Werten $h_1 \dots h_n$ enthält. 2. Daraus bauen Sie sich Vektoren, die die Werte $exp(h_j)$ bzw. $exp(-h_j)$ enthalten, und dann 3. einen Vektor, der alle zentralen Differenzenquotienten enthält. 4. Berechnen Sie dann den Vektor, der die absoluten Fehler enthält, 5. und plotten Sie ihn gegen den Vektor der h-Werte. 6. Schauen Sie in der Doku nach, wie man einen doppelt logarithmischen Plot macht. 7. Vermutlich werden Sie Gründe haben, Ihre Wahl der h_j noch einmal zu revidieren, um den Effekt klarer herauskommen zu lassen. Aufgabe 3 Lösen Sie näherungsweise die Fixpunktgleichung $x_f = e^{(-x_f)}.$ Aufgabe 4 Berechnen Sie eine Nullstelle von $f(x) = \cos^2(x) - x.$

Aufgabe 5

Schreiben Sie eine Funktion, die für $n \in \mathbb{N}$ die Hilbert-Matrix $H = (h_{ij})_{i,j=1}^n$ mit $h_{ij} = \frac{1}{i+j-1}$ berechnet. Berechnen Sie H^{-1} für n=4.

Aufgabe 6

Berechnen Sie die Nullstellen von

$$x^2 - 2$$
, $x^2 - 2x + 1$, $x^2 - 4x + 10$.

A -- C -- 1 - - 17

Aufgabe 7

Die Fibonacci-Folge ist definiert durch

$$f_1 := 1$$
, $f_2 := 1$, $f_{k+2} := f_{k+1} + f_k$, $k \in \mathbb{N}$.

Schreiben Sie ein Programm, das

$$g_k := \frac{f_{k+1}}{f_k}, \quad k \in \mathbb{N}$$

berechnet. Stoppen Sie, falls $|g_k-g_{k+1}| \leq TOL$. Geben Sie für $TOL=10^{-3}$ und $TOL=10^{-4}$ das entsprechende k und das entsprechende g_k an.

Hinweis: Benutzen Sie eine while-Schleife.

......

Aufgabe 8

Schreiben Sie eine Funktion, die einen String 'invertiert' (D.h. die Reihenfolge der Buchstaben umkehrt).

.....

Aufgabe 9

Schreiben Sie eine Funktion, die als Input-Parameter einen String und ein Zeichen erhält und berechnet wie oft das gegebene Zeichen (char) in dem String auftritt.

Aufgabe 10

Speichern sie die folgende Tabelle möglichst elegant:

| Index | Wert |
|------------------------|----------|
| 1 | ln(1) |
| 2 | ln(2) |
| 3 | $\ln(3)$ |
| : | |
| 10 | ln(10) |

Erstellen Sie aus der gespeicherten Tabelle eine Liste aller Indizes und eine Liste aller Werte und geben diese mit Hilfe der print-Befehle aus.