Einführung in MATLAB

Jochen Schulz Einheit 6

A C 1 4

Aufgabe 1

Lösen Sie die Dgl. $\frac{d}{dt}y(t) = f(y)$ mit

$$f(y_1, y_2) = (y_1 - y_1 y_2, -y_2 + y_2 y_1)$$

und Anfangswert y(0) = (0.5, 0.5). Plotten Sie die Lösung im y_1y_2 -Diagramm.

.....

Aufgabe 2

Betrachten Sie das folgende System gewöhnlicher Differentialgleichungen

$$\begin{array}{rcl} y_1'(t) & = & -0.04y_1(t) + 10^4y_2(t)y_3(t) \\ y_2'(t) & = & 0.04y_1(t) - 10^4y_2(t)y_3(t) - 3 \cdot 10^7y_2(t)^2 \\ y_3'(t) & = & 3 \cdot 10^7y_2(t)^2. \end{array}$$

Lösen Sie das System zum Anfangswert (1,0,0) an 0 auf dem Zeitintervall $0 \le t \le 3$. Nutzen Sie die Solver ode45 und ode15s und vergleichen Sie die Ergebnisse.

Aufgabe 3

Führen Sie einen Vergleich zwischen einer numerischen und analytischen Differentation anhand der Funktion $f(x) = \sin(\beta x), \, \beta, x \in \mathbb{R}$ durch. Fügen Sie den Werten der Funktion einen normalverteilten Fehler hinzu (Hinweis: randn) und wählen sie verschiedene Schrittweiten h. Stellen Sie beide Ableitungen grafisch dar. Denken sie über die Gründe der Unterschiede nach.

........

Aufgabe 4

Betrachten sie das eindimensionale Integral

$$\int_0^1 \phi(x)e^{-|x-y|}\sin(|x-y|)^2 dx, \in \mathbb{R}$$

für $x, y \in [0, 1]$ mit der Dichte $\phi(x) \in \mathbb{R}$. Schreiben Sie das Integral für diskrete Werte um in die Gleichung

$$A\phi = f$$

mit $f(x) = \sin(x), x \in [0, 1]$ und entsprechend konstruierter Matrix A.

- Lösen Sie das Gleichungssystem nach ϕ .
- Machen Sie einen Konsistenz-Check (ist die rechte Seite rekonstruierbar?)
- Werten Sie das Integral für $y \in [2, 4]$ aus.
- Plotten Sie die Werte.

Aufroho 5

Aufgabe 5

Schauen Sie sich die Funktion interpolation. m aus den M-Files von der Vorlesung Einheit 04 an und nutzen sie den Profiler mit der Funktion $f(x) = x^2$.

- Finden Sie heraus wo die Geschwindigkeit der Funktion (und der dort aufgerufenen, selbstgeschriebenen Funktionen) verbesserbar wäre.
- Vergleichen Sie die dort genutzte Funktion vandermonde mit vandermonde2 (welche for-Schleifen nutzt).
- Vergleichen Sie ebenso unsere selbstgebaute Polynom-Interpolation mit der von Matlab.
- Versuchen Sie die Gesamtlaufzeit der Funktion bei gleicher Funktionalität möglichst stark zu reduzieren.

.....

Aufgabe 6

Vergleichen Sie die Fixpunktiteration mit dem Newton-Verfahren für das Beispiel des Newton-Verfahrens aus der Vorlesung. Plotten sie beide Fehler in einer Grafik. Schauen Sie sich dann verschiedene Startwerte und die Geschwindigkeit beider Algorithmen an.