# Einführung in MATLAB

Dr. J. Schulz Einheit 1

Hinweis: Alle Aufgaben (bis auf Aufgabe 7) sollen ohne Verwendung von Schleifen gelöst werden.

#### Aufgabe 1:

Finde die Lösung x von Ax = b mit

$$A := \begin{pmatrix} 2 & 3 & 4 & 5 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 9 & 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}, \qquad b := \begin{pmatrix} 14 \\ 4 \\ 2 \\ 15 \end{pmatrix}.$$

## Aufgabe 2:

Finde die Lösung x von Ax = b mit

$$A := \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix}, \qquad b := \begin{pmatrix} 6 \\ 15 \\ 24 \end{pmatrix}.$$

# Aufgabe 3:

Sind die folgenden Vektoren linear unabhängig?

$$v_1 = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, \ v_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix}, \ v_3 = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \ v_4 = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}.$$

#### Aufgabe 4:

Geben Sie die folgende Zeile ein:

$$>> x=1e-15; ((1+x)-1)/x$$

Wie interpretieren Sie das Ergebnis? (Testen Sie auch x=1e-16!)

### Aufgabe 5:

Berechnen Sie  $\sum_{j=2}^{1000} \frac{1}{\log(j)j}$  und  $\sum_{j=1}^{1000} \frac{1}{j}$ .

### Aufgabe 6:

Welchen Grenzwert hat  $\frac{1}{\pi^2} \sum_{j=1}^{\infty} \frac{1}{j^2}$ ?

### Aufgabe 7:

Betrachten Sie die Mandelbrot-Menge in  $[-1, -0.4] \times [-0.6, 0]!$ 

## Aufgabe 8:

Interpretieren Sie das Ergebnis der Eingabe

$$>> a=100:2:200; b=[1 4 10]; a(b)$$

#### Aufgabe 9:

Erzeugen Sie die  $(100 \times 100)$  - Matrix

$$\begin{pmatrix}
2 & -1 & & & 0 \\
-1 & 2 & -1 & & & \\
& \ddots & \ddots & \ddots & \\
& & -1 & 2 & -1 \\
0 & & & -1 & 2
\end{pmatrix}$$

und berechnen Sie ihre Determinante.

## Aufgabe 10:

Zerlegen Sie das Intervall [0,1] durch 0:(1/101):1. Berechnen Sie mit Hilfe von Finiten Differenzen eine approx. Lösung von

$$-u''(x) = 1, x \in (0,1)$$
  
$$u(0) = u(1) = 0$$

## Aufgabe 11:

Erzeugen Sie eine Hilbert Matrix der Größe 50. (Befehl hilb) Addieren Sie die Einträge der dritten Spalte!

## Aufgabe 12:

Berechnen Sie die Frobenius-Norm

$$||A||_F := \sqrt{\sum_{i,j=1}^n a_{ij}^2}, \quad A = (a_{ij}) \in \mathbb{R}^{n \times n}$$

der Vandermode Matrix vander(0:0.02:1)

#### Aufgabe 13:

Ändern Sie in Aufgabe 10 die rechte Seite 1 in  $\sin(4\pi x)$  und berechnen Sie eine Näherungslösung.

## Aufgabe 14:

Berechnen Sie die Eigenwerte und Eigenvektoren der Matrix

$$A = \begin{pmatrix} 30 & 1 & 2 & 3\\ 4 & 15 & -4 & -2\\ -1 & 0 & 3 & 5\\ -3 & 5 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$

Bestimmen Sie auch die QR-Zerlegung.

#### Aufgabe 15:

2

Sei A=hilb(n) und x=ones(n,1). Berechnen Sie für n=5 und n=15 den Vektor b=A\*x, norm(x-A\b) und die Kondition von A. Was stellen Sie fest? Erklären Sie das Ergebnis!