### Einführung in Sage - Einheit 9

Strings, interaktive Grafiken, Wärmeleitungsgleichung, Sage-Code, geogebra ?, interface zu anderen

Jochen Schulz

Georg-August Universität Göttingen



#### **Aufbau**

Umgang mit Strings

2 Interaktive Elemente

Programmierung

#### **Klausur**

- Zeit: 01.03.2010 von 10:00 12:00
- Ort: HS1 (A bis J) und AudiMax (K bis Z)
- Hilfsmittlel: Papier, Schreibgerät(e) und Unterlagen in Papierform
- Studenten-Ausweis mitbringen

#### **Aufbau**

1 Umgang mit Strings

2 Interaktive Elemente

Programmierung

## Strings

- Zeichenketten (engl. strings) sind eine geordnete Aneinanderreihung von Zeichen. Zeichen sind z.B. Buchstaben, Ziffern, Sonderzeichen,...
- Mit ihnen kann man in Sage Texte gestalten. Sie sind wichtig für die Ausgabe der Ergebnisse.
- Sie haben den Datentyp str.
- Sie werden innerhalb von Hochkommas oder Anführungszeichen angegeben.

# Beispiele für Strings

```
text1 = 'Dies ist ein String.'; text1
 'Dies ist ein String.'
text2 = "Dies ist noch ein String."; text2
 'Dies ist noch ein String.'
type(text1)
 <type 'str'>
```

# **Zugriff**

Mit dem Indexoperator [] können einzelne Zeichen einer Zeichenkette extrahiert werden.

```
text1[0], text1[3], text1[4]

('D', 's', '')
```

Ersetzungen innerhalb des Strings:

```
text1.replace('Dies','Das')
```

'Das ist ein String.'

## Operationen für Strings I

Zusammenhängen von Strings

```
A='Letzte '; B='Vorlesung'; A+B
```

```
'Letzte Vorlesung'
```

Ausgabe von Zeichenketten

```
print(Unquoted, A.B) ??
```

Letzte Vorlesung

# Operationen für Strings II

• 1en gibt die Anzahl der Zeichen in einer Zeichenkette an.

```
a=len(A+B); a

16

(A+B)[a-1]

'g'
```

 Beliebige Sage-Objekte können durch str() in einen String verwandelt werden.

```
str(x^2+2), str([1,2,3])
('x^2 + 2', '[1, 2, 3]')
```

# Operationen für Strings III

• ??split. , mehr ueber formate

#### **Aufbau**

Umgang mit Strings

2 Interaktive Elemente

3 Programmierung

#### interact

```
var('x')
x0 = 0
f = \sin(x) \cdot e^{-x}
p = plot(f,-1,5, thickness=2)
dot = point((x0, f(x=x0)), pointsize=80, rgbcolor=(1,0,0))
@interact
def tayl(order=(1..12)):
    ft = f.taylor(x,x0,order)
    pt = plot(ft,-1, 5, color='green', thickness=2)
    html('f(x));=\;\%s'\%latex(f))
    html('\hat{f}(x;%s));=\;%s+\mathcal{0}(x^{%s})'%(x0,
       latex(ft), order+1))
    show(dot + p + pt, ymin = -.5, ymax = 1)
```

## interact

#### **Aufbau**

Umgang mit Strings

2 Interaktive Elemente

Programmierung

# Größter gemeinsamer Teiler (ggT)

Berechnung des ggT von natürlichen Zahlen a und b mit Hilfe des euklidischen Algorithmus.

#### Idee: Es gilt:

- **3** ggT(a, a) = a.

#### **Algorithmus:**

Wiederhole, bis a = b

- Ist a > b, so a = a b.
- Ist a < b, so b = b a

# **Implementierung**

```
ggT:= proc(a,b)
/* Bestimme den ggT von a und b */
begin
  while (a<>b) do
    if (a>b)
        then a:=a-b;
        else b:=b-a;
    end_if;
  end_while;
  return(a);
end_proc:
```

## **Beispiel**

```
for i from 2 to 100 do
  if isprime(i)
    then print(i,"ist Primzahl")
    else print(i,"ist keine Primzahl")
  end_if
end_for:
```

#### if-Konstrukt

Die Verzweigung if hat die folgende Struktur:

```
if Bedingung
    then Befehle1
    else Befehle2
end_if
```

Ist die Bedingung wahr, so wird Befehle1 ausgeführt, ansonsten Befehle2. Befehle in den Befehlsfolgen sind durch : oder ; zu trennen. Der else Aufruf ist optional.

# Berechnung von Primzahlzwillingen

```
T:=[]: anz:=0:
for i from 2 to 10000 do
   if (isprime(i) and isprime(i+2))
        then anz:=anz+1;
        T:=T.[[i,i+2]];
   end_if:
end_for:
print("Anzahl = ",anz);
```

### **Beispiel: Betrag**

```
betrag:=proc(a)
     begin
       case(domtype(a))
         of DOM INT do
         of DOM RAT do
         of DOM FLOAT do
           if a>0 then y:=a: else y:=-a: end if:
           break:
         of DOM COMPLEX do
           y := sqrt(Re(a)^2 + Im(a)^2);
           break:
         otherwise
           print("Falscher Eingabetyp");
         end_case:
         return(y);
     end_proc:
```

## Gültigkeit von Variablen I

- Mit der Gültigkeit von Variablen ist die Bestandsdauer von Variablen bzw. der Werten dieser Variablen gemeint.
- Beim interaktiven Gebrauch von MuPAD sind alle Variablen global,
   d.h. die den Variablen zugewiesenen Werte bleiben für die gesamte
   Laufzeit von MuPAD erhalten bis sie geändert werden. Man kann auf die Variablen jederzeit zugreifen und die Werte der Variablen ändern.
- Daneben gibt es aber auch lokale Variablen, die nur innerhalb einer Prozedur gültig sind. Nach Beenden der Prozedur werden diese Variablen wieder gelöscht.

## Gültigkeit von Variablen II

- In MuPAD sind in Prozeduren definierte Variablen standardmäßig global. Die interaktiv erstellten Variablen sind sowieso global.
- Mit dem Schlüsselwort local können in Prozeduren lokale Variablen erzeugt werden. local steht zwischen proc() und begin.
- Die lokalen Bezeichner sind vom Typ DOM\_VAR (nicht wie erwartet DOM\_IDENT).
- Die Input-Argumente von Prozeduren sind lokale Variablen.

## Mandelbrot-Menge

Die Mandelbrot-Menge ist die Menge von Punkten  $c\in\mathbb{C}$  bei denen die Folge  $(z_n)_n$ , die durch

$$z_0 := c$$
,  $z_{n+1} = z_n^2 + c$ ,  $n \in \mathbb{N}$ 

definiert ist, beschränkt ist.

# **Programm - Mandelbrot**

```
mandel:=proc(x,y)
  local it,a0,a,MAX_IT;
  begin
    if not (testtype(x,Type::Real) and
           testtype(x, Type::Real))
     then procname(x,y)
    else
      MAX IT := 150;
      it := 0;
      a0 := x + I*y;
      a := a0;
      while (abs(a)<2 and it<MAX IT) do
        a := a^2 + a0;
        it := it + 1;
      end while;
      return(float(it/MAX_IT));
    end_if;
  end_proc:
```

#### Plot - Mandelbrot

Die Funktion mandel gibt zu x + iy die relative Anzahl der Iterationsschritte zurück.

Geplottet wird die Funktion nun wie folgt:

```
PlotteMandel:=proc()
  begin
    mandelPlot:=plot::Function3d(mandel(x,y),
        x=-2.1..1.2, y=-1.1..1.1, Mesh=[100,100]);
  plot(mandelPlot,Width=20*unit::cm,
        Height=15*unit::cm);
end_proc:
```

## Programmierregeln

- Falls möglich, nur lokale Variablen benutzen.
- Programme vollständig kommentieren. Das heißt zum einen das eine Kommentarzeile zu Beginn steht, was das Programm macht und wieviele und welche Eingabeparameter es erhalten darf und was die Prozedur zurückgibt. Zusätzlich sollten auch alle wesentlichen Operationen kommentiert werden.
- Werte explizit mit return() zürückgeben.
- Programme übersichtlich gestalten, z.B. Schleifen oder Verzweigungen einrücken.
- Keine Umlaute in Programmkommentaren verwenden.

#### Letztes Beispiel I

```
Gadisch:=proc(x,basis)
   Berechnung der Darstellung
   einer natuerlichen Zahl x zur Basis b
   Rueckgabe des Ergebnis als Liste!
  local T,T_r,i; /* lokale Variablen*/
  begin /* Beginn lokale Prozedur */
  /* Abfangen der Eingabe */
    if not testtype(x,Type::PosInt)
       then return(procname(args()));
    end if;
    if (not testtype(basis, Type::PosInt)) or basis=1
       then return(procname(args()));
    end if;
```

#### Letztes Beispiel II

```
T:=[]; /* leere Liste */
  /* Beginn Schleife */
  while x>0 do
    T := [x \mod basis].T;
    print(Unquoted, expr2text(x)." : "
      .expr2text(basis)." = "
      .expr2text(x div basis)." Rest "
      .expr2text(x mod basis));
    x := (x \text{ div basis});
  end while;
  /* Rueckgabe der Liste */
  return(T);
end proc:
```

## Allerletztes Beispiel: Kochsche Kurven I

- Seien  $y_1, y_2$  zwei Punkte im  $\mathbb{R}^2$ .
- Betrachte die Strecke mit Endpunkten  $y_1$  und  $y_2$ .
- Ersetze diese Strecke durch 4 Strecken  $\overline{y_1}\overline{z_1}$ ,  $\overline{z_1}\overline{z_2}$ ,  $\overline{z_2}\overline{z_3}$ ,  $\overline{z_3}\overline{y_2}$  mit Endpunkten

$$z_1 = \frac{2}{3}y_1 + \frac{1}{3}y_2$$

$$z_2 = \frac{\sqrt{3}}{6} \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix} (y_1 - y_2) + \frac{1}{2}(y_1 + y_2)$$

$$z_3 = \frac{1}{3}y_1 + \frac{2}{3}y_2$$

• Dieses Prozedere wird nun für jede einzelne Teilstrecke wiederholt.

## Allerletztes Beispiel II

```
koch:=proc(y1,y2,lev)
  local z1,z2,z3;
  begin
    if (lev = 0)
      then Listelinien: = append(Listelinien,
        plot::Line2d([y1[1],y1[2]],[y2[1],y2[2]]));
    else
      /* Definieren der neuen Punkte */
      z1 := 2/3 * y1 + 1/3 * y2;
      z3 := 1/3 * v1 + 2/3 * v2;
      z2 := sqrt(3)/6*matrix([[0, 1], [-1, 0]])*
              (v1-v2) + 1/2 * (v1 + v2);
      /* Definieren der 4 Strecken */
      koch(y1, z1, lev-1);
      koch(z1, z2, lev-1);
      koch(z2, z3, lev-1);
      koch(z3, y2, lev-1);
    end if;
  end proc:
```

### Allerletztes Beispiel III