Softwareprojekt: Rekonstruktion metrischer Graphen

Terese Haimberger, Lea Helmers, Mahmoud Kassem, Daniel Theus, Moritz Walter

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung: Rekonstruktion metrischer Graphen	2
2	Organisation und Umsetzung des Algorithmus in Java	3
3	Arbeit in den einzelnen Gruppen	3
	3.1 Preprocessing	3
	3.2 Reconstruction	3
	3.3 Visualisierung	3
4	Testen?	3
5	Schwierigkeiten und Verbesserungsvorschläge	3
6	Zusammenfassung	3

1 Einleitung: Rekonstruktion metrischer Graphen

Motivation und Problemstellung

Im Rahmen des Softwareprojekts "Anwendungen effizienter Algorithmen" haben wir uns damit befasst, einen Algorithmus umzusetsen, der aus einer Punktmenge den zugrundeliegenden Graphen sowie dessen Metrik rekonstruiert. Dadurch soll Struktur in große Mengen geometrischer Daten gebracht werden, was deren Analyse und Weiterverarbeitung erleichtert. Zu verarbeitende Daten können Netzwerke im weitesten Sinne sein, wie beispielsweise GPS-Daten, Strom- und Nachrichtennetze oder astrologische Daten. Häufig enthalten diese Daten Rauschen oder Ausreißer und sind zudem im Allgemeinen sehr umfangreich. Ziel des Algorithmus ist es, die Datenmenge kompakt durch ihre wichtigsten Verzweigungen darzustellen, wodurch sie auf ihre wichtigen Aspekte reduziert wird. So kann eine einfachere Visualisierung und die weitere Analyse und Verarbeitung der Daten ermöglicht werden.

Der Algorithmus

Als Grundlage für unsere Arbeit diente uns ein Paper [1], welches einen Algorithmus für die Rekonstruktion metrischer Graphen beschreibt und dessen Richtigkeit beweist. Die Eingabe besteht dabei aus einem metrischen Raum (Y,d_y) , der aus den Rohdaten konstruiert wird und dem ein metrischer Graph (X,d_x) zugrundeliegt, den es zu rekonstruieren gilt. Ziel des Algorithmus ist es, diesen zugrundeliegenden Graphen durch einen metrischen Graphen $(\hat{X},d_{\hat{x}})$ anzunähren und dabei weitestgehend die Abstände von (X,d_x) in $(\hat{X},d_{\hat{x}})$ beizubehalten. Zusätzlich zu (Y,d_y) wird auch ein Parameter r übergeben, der in einigen Schritten des Algorithmus eine wichtige Rolle spielt. Die Erstellung des Graphen $(\hat{X},d_{\hat{x}})$ wird nun wie folgt durchgeführt:

1. Kanten- und Knotenpunkte bestimmen

PSEUDOCODE?

Algorithm 1 Kanten- und Knotenpunkte bestimmen

2. Struktur des Graphen rekonstruieren

Anschließend wird für die beiden Mengen $\mathbb V$ und $\mathbb E$ der Rips-Vietoris-Graph erstellt. Die ent-

stehenden Zusammenhangskomponenten in $\mathbb E$ entsprechen dabei den Kanten und jene in $\mathbb V$ den Knoten im Graphen $(\hat X, d_{\hat x})$. Um dessen Struktur zu vervollständigen müssen nun lediglich noch die Verbindungen die Verbindungen zwischen Kanten und Knoten rekonstruiert werden. Dies geschieht, indem zwei Knoten aus $\mathbb V$ genau dann durch eine Kante $e \in \mathbb E$ verbunden werden, wenn sie in ihrer Zusammenhangskomponente Punkte haben, die zu Punkten der Zusammenhangskomponente von e einen kleineren Abstand als 2r haben.

3. Metrik rekonstruieren

Schlussendlich müssen noch die Längen der Kanten bestimmt werden. Dafür wird jeder Kante in \hat{X} als Länge der Durchmesser ihrer Zusammenhangskomponente zuzüglich 4r zugewiesen.

2 Organisation und Umsetzung des Algorithmus in Java

Da allen Studenten im Team die objektorientierte Programmiersprache Java geläufig war und sie uns durchaus als geeignet für die Aufgabe schien, haben wir uns entschlossen, unser Programm darin zu schreiben. Für das Arbeiten an unserer Software haben wir uns in drei verschiedene Gruppen aufgeteilt. Die eine Gruppe hat sich mit der Vorverarbeitung der Rohdaten beschäftigt, im Wesentlichen also aus den Rohdaten den metrische Raum (Y,d_y) für die Eingabe des Algorithmus konstruiert. Die zweite Gruppe hat sich mit der Implementierung des Algorithmus, genauer der Rekonstruktion von $(\hat{X},d_{\hat{x}})$, in Java auseinandergesetzt, während die dritte für die Visualisierung des Graphen $(\hat{X},d_{\hat{x}})$ zuständig war. Damit wir stets alle über die Arbeit unserer Teammitglieder informiert waren haben wir unsere Ergebnisse bei github. com gespeichert und stets aktualisiert. (GENAUER ERKLÄREN?) Um Aufgaben und den Stand der Arbeit daran für alle zugänglich zu dokumentieren haben wir zusätzlich trello.com genutzt, wo man ein virtuelles Notizbrett erstellen kann. (GENAUER ERKLÄREN!).

Einschränkung auf GPS und Buchstaben

3 Arbeit in den einzelnen Gruppen

- 3.1 Preprocessing
- 3.2 Reconstruction
- 3.3 Visualisierung
- 4 Testen?
- 5 Schwierigkeiten und Verbesserungsvorschläge
- 6 Zusammenfassung

Literatur

[1] Mridul Aanjaneya u. a. "Metric graph reconstruction from noisy data". In: *International Journal of Computational Geometry & Applications* 22.4 (2012), S. 305–325.