1、





Low sampling rate:40points LoD t={0,0.01,0.02,...1}



Low sampling rate:100points LoD t={0,0.2,0.4,...1}





(b) Scale the bitmap result:



Scale the sampled control points:



(c)

1、關於 Bezier curve 依照講義第 13-15 頁的公式,40points 代表要標 39 個點,因為上一個的尾是下一個的頭,所以實際上每次是多讀三個點而已,也就是如此取的點的個數希望盡量是 3 的倍數,唯一要注意的是最後四組的尾是最一開始的點,達到接起來的效果,將結果存進去 outlineVertexList 即可,code 如下。

```
ifor i=1:3:clickedN-1
    if(i+3>=clickedN+1)a=mod(i+3,clickedN);
    else a=i+3;
    end
    if (i+2>=clickedN+1)b=mod(i+2,clickedN);
    else b=i+2;
    end
    if(i+1>=clickedN+1)c=mod(i+1,clickedN);
    else c=i+1;
    end
    if or t=0:level_rate:1

outlineVertexList(index,1)=(1-t)^3*ctrlPointList(i,1)+3*t*(1-t)^2*ctrlPointList(c,1)+3*t^2*(1-t)*ctrlPointList(b,1)+t^3*ctrlPointList(a,1);
    outlineVertexList(index,2)=(1-t)^3*ctrlPointList(i,2)+3*t*(1-t)^2*ctrlPointList(c,2)+3*t^2*(1-t)*ctrlPointList(b,2)+t^3*ctrlPointList(a,2);
    index=index+1;
    end
end
```

2、明顯的可以從 a 小題發現 levels of details 影響曲線的曲度有很大的關聯,這是因為若今天 t=0.2 的間距時,等於我在這四個點(3rd order)中用六個點去逼近一個曲線的方程式,跟我在四個點中用 100 個點去逼近結果是顯而易見的,取的點越多越能逼近一條曲線。

至於 sampling rate 的數量對於曲線的曲度也是呈正向關係的,因為當取的點越多時,每兩點間的間距越短,在同樣的 levels of detail 下距離越短能產出的曲線就越曲。

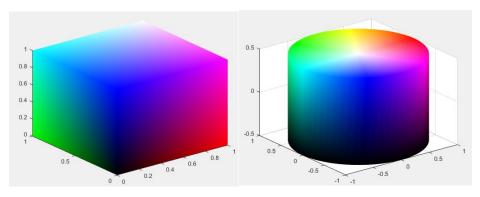
3、



這張是 b 小題 scale sampled control points 局部放大的效果,有鋸齒狀的是我單純去放大結果圖四倍的效果,而去放大 control points 的效果較單純放大四倍的效果好,這是因為 bitmap 跟 vector 的差異,從講義 4-7 頁我們可以發現若是以bitmap 方式去放大的結果容易在邊界有鋸齒狀,vector 好很多,這是因為一個是以向量的方式,一個是以原本 x offset 跟 y offset 有幾個點的方式去做放大,所以 vector 做出來的效果會比 bitmap 好很多。

註:b scale sampled control points 的圖我是將放大四倍的圖當背景去畫曲線,所以顏色較深,並且疊在一起可以方便去比較。

1、



2(a) 這題比較單純,framework 中已經做出上半部分的三角形了,一個正方形是由兩個三角形拼湊而成的,所以我們只要在拚出下半部的三角形即可(兩點在下一點在上), code 如下

```
for vertI = 1 : 4
    faceVert1 = topVertIndex( mod(vertI,4)+1 );
    faceVert2 = topVertIndex( vertI );
    faceVert3 = botVertIndex( vertI );
    faceVert11 = botVertIndex( mod(vertI,4)+1 );
    faceVert21 = botVertIndex( vertI );
    faceVert31 = topVertIndex( mod(vertI,4)+1 );
    faces = [ faces ; faceVert1 faceVert2 faceVert3 ; faceVert21, faceVert31 ];
-end
```

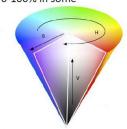
至於圓柱體的話可以視為三個部分拼裝起來,上圓下圓跟側面,上圓的話將 360 度切成 60 個區塊(60 根據 supplement 能看起來有逼近圓面的效果),視為 60 個小三角形的組成,每個三角形的三個點分別是圓心跟邊上兩個點,底部的 圓面也如法炮製,至於側面的話就要應用上一題正方形拚側面的方式,上兩點配下一點跟下二點搭上一點的方式去拚進,可以這樣做的理由是因為若我們將 圓柱的側面攤平其實就是一個長方形,所以可以用跟剛剛正方形的做法去實 踐。

首先透過 linspace 去切點,之後透過 supplement 上給的公式去給出 x、y 點,之後開始對點,最後一個點等於第一個點,對於超出(numOfVertex=60+1)等於繞了一圈,這點要特別去做判斷,以免對到下面的點,code 如下。

```
topvert=[0,0,0.5];
 botvert=[0,0,-0.5];
 faces_c=[];
\exists for i=1:numOfVert
     topvert=[topvert;vertsX(i,1),vertsY(i,1),0.5];
     if i+2>numOfVert+1
          a=i+2;
     faces_c=[faces_c;1,i+1,a];
 [a, h] = size(topvert);
 %Side face
for v=1:numOfVert
        if v+2>numOfVert+1
            a=2;
        else
             a=v+2;
         if numOfVert+v+3>numOfVert*2+2
             b=numOfVert+3;
            b=numOfVert+v+3;
         end
       faceVert1=v+1;
       face {\tt Vert2=a;}
       faceVert3=numOfVert+v+2;
       faceVert11=a;
       faceVert12=b;
       faceVert13=numOfVert+2+v;
       faces_c=[faces_c; faceVert1, faceVert2, faceVert3; faceVert11, faceVert12, faceVert13];
   end
% %Bottom faces
] \begin{array}{ll} \textbf{for} & i \! = \! 1 \! : \! \texttt{numOfVert} \end{array}
     botvert=[botvert;vertsX(i),vertsY(i),-0.5];
     if numOfVert+i+3>numOfVert*2+2
         b=numOfVert+4;
     else
         b=numOfVert+i+3;
     end
     faces_c=[faces_c;num0fVert+2,num0fVert+i+2,b];
[a,b]=size(botvert);
verts=[topvert;botvert];
```

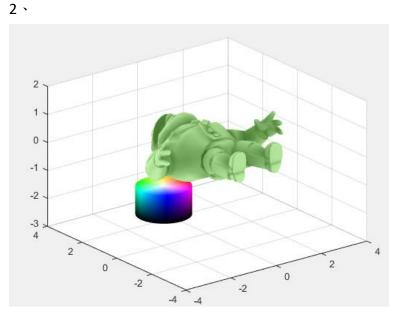
色彩部分的話對照下面這張圖,中心到邊界的 s 為 0-1, v 由上至下為 0-1, h 的 部分看以角度去分。





hrightnock

```
topColor=[0,0,1];
botColor=[0,0,0];
for i=1:numOfVert
    topColor=[topColor;vertsPolarAngle(i)/(2*pi),1,1];
botColor=[botColor;vertsPolarAngle(i)/(2*pi),1,0];
end
...
最後轉為 rgb 輸出。
vertColors = [ topColor; botColor ];
vertColors=hsv2rgb(vertColors);
```

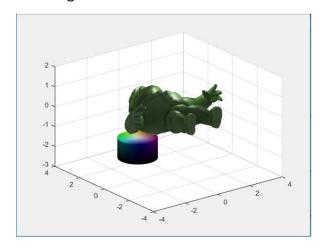


在做 translation 時必須先找到物體的中心點,並減掉(x,y,z),然後加上期望位移的座標,因為 model 希望移到(0,0,0)所以可以不用加,至於 cylinder 因為中心點在(0,0,0)所以不用減去,中心點的求法是分別找出 x,y,z 的 max 和 min 然後除以 2 就是物體的中心點,code 如下。

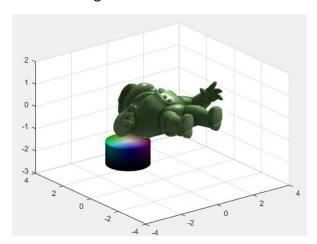
```
x_min=realmax;
y_max=realmin;
                                      y_min=realmax;
 z_max=realmin;
                                       z_min=realmax;
for i=1:m
                                    for i=1:m
     for j=1:n
                                         for j=1:n
         if j==1
                                              if j==1
             if vertex(i,j)>x_max
                                                  if vertex(i,j)<x_min</pre>
                 x_max=vertex(i,j);
                                                      x_min=vertex(i,j);
             end
         elseif j==2
                                              elseif j==2
             if vertex(i,j)>y_max
                                                  if vertex(i,j)<y_min
               y_max=vertex(i,j);
                                                     y_min=vertex(i,j);
                                                  end
         elseif j==3
                                               elseif j==3
             if vertex(i,j)>z_max
                                                  if vertex(i,j)<z_min</pre>
                 z_max=vertex(i,j);
                                                      z_min=vertex(i,j);
             end
                                                  end
                                               end
     end
                                          end
```

```
shift_vert(:,1)=verts(:,1);
shift_vert(:,2)=verts(:,2)+2.5;
shift_vert(:,3)=verts(:,3)-2.5;
vertex=[vertex;shift_vert(:,1),shift_vert(:,2),shift_vert(:,3)];
colors=[colors;vertColors(:,1),vertColors(:,2),vertColors(:,3)];
figure; trisurf(faces,vertex(:,1),vertex(:,2),vertex(:,3), 'FaceVertexCData', colors, 'FaceColor', 'interp', 'EdgeAlpha', 0);
```

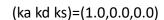
3 \
Points light



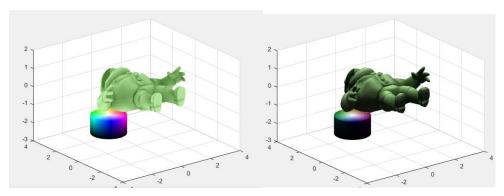
## Directional light



Directional light 跟 Point light 在 ambient、diffuse、specular 的實作其實是一樣的,只不過差在 point light 的 diffuse specular 會受到距離函數 fatt 的影響,也就是當距離光源越遠時,所受到的光照越弱,一般來說 fatt 可表示成 fatt(t)=1/a+b\*t+c+t^2,t 代表與光源的距離。,透過內建函數 light 中將 style 設為 local or infinity 即可,code 如下。

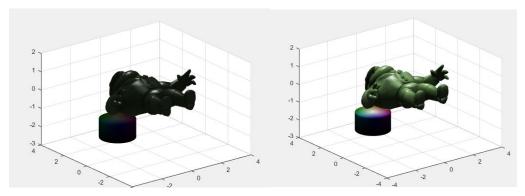


## (ka kd ks)=(0.1,1.0,0.0)



(ka kd ks)=(0.1,0.1,1.0)

(ka kd ks)=(0.1,0.8,1.0)



ambient 代表環境光,diffuse 指的是光的漫射散射,反應在物體的顏色深淺上面,specular 管光的全反射,反應在物體的光澤上。

第一張圖因為只有 ambient 所以不受光的照射效果跟光澤影響,所以呈現的是物體本來的顏色,第二張圖因為沒有 specular 所以沒有光澤,第三圖因為diffuse 很小所以顏色不明顯,但可以清楚地看到光澤,第四張圖就是綜合的效果。