Адаптивное и робастное управление Работа №4(6) Отчет В-17

Кирилл Лалаянц Егор Прокопов

September 15, 2024

Преподаватель: Козачёк О.А.

1 Цель работы

Освоение процедуры синтеза адаптивного наблюдателя линейного объекта.

2 Выполнение

В работе проведено моделирование системы для n=2:

$$\begin{cases} \dot{x} = Ax + Bu \\ y = Cx \\ \hat{x} = \sum_{i=0}^{n} \hat{\theta}_{i+1} (sI - A_0)^{-1} e_{n-i}[y] + \sum_{j=0}^{n} \hat{\theta}_{j+1+n} (sI - A_0)^{-1} e_{n-j}[u] \\ \varepsilon = y - C\hat{x} \\ \dot{\hat{\theta}} = \gamma \omega \varepsilon \end{cases}$$

$$A = \begin{bmatrix} -a_1 & 1 \\ -a_0 & 0 \end{bmatrix}; A_0 = \begin{bmatrix} -k_1 & 1 \\ -k_0 & 0 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} b_1 \\ b_0 \end{bmatrix}; C = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix};$$

$$A_0 = A - \theta C - \text{условие согласования, где } \theta^T = \begin{bmatrix} k_0 - a_0 & k_1 - a_1 \end{bmatrix};$$

$$\omega = \begin{bmatrix} \frac{1}{K(s)}[y] & \frac{s}{K(s)}[y] & \frac{1}{K(s)}[u] & \frac{s}{K(s)}[u] \end{bmatrix}; K(s) = s^2 + k_1 s + k_0.$$

При моделировании использовались следующие значения параметров:

- $a_1 = 2; a_0 = 4;$
- $b_1 = 3$; $b_0 = 5$;
- $k_1 = 4$; $k_0 = 4$;
- $\gamma = 0.25$ (субоптимальное значение, подобранное экспериментально);
- начальные условия всех векторов состояния равны 0.

2.1 Управление с одной гармоникой

Сначала было проведено моделирование при $u_1=10sin(t)$. Так как не выполняется условие незатухающего возбуждения, параметрическая ошибка $\tilde{\theta}=\theta-\hat{\theta}$ и норма ошибки вектора состояния $||\hat{x}-x||$ не сходятся к 0. Результаты представлены на рис. 1 - 2.

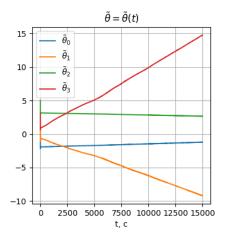


Рисунок 1: График параметрической ошибки адаптивного наблюдателя линейного объекта при управлении u_1 .

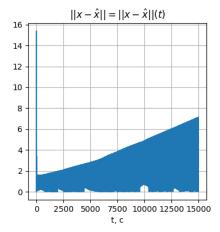


Рисунок 2: График нормы ошибки вектора состояния адаптивного наблюдателя линейного объекта при управлении u_1 .

2.2 Управление с несколькими гармониками

Проведено моделирование при $u_2=10sin(t)+5cos(2t)+4cos(4t)+3cos(8t)$. Так как выполняется условие незатухающего возбуждения, параметрическая ошибка $\tilde{\theta}=\theta-\hat{\theta}$ и норма ошибки вектора состояния $||\hat{x}-x||$ сходятся к 0. Результаты представлены на рис. 3 - 4.

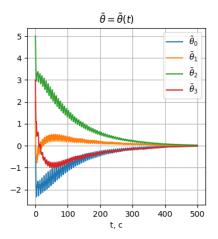


Рисунок 3: График параметрической ошибки адаптивного наблюдателя линейного объекта при управлении u_2 .

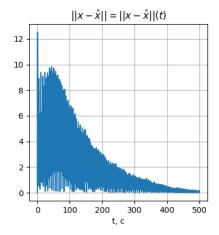


Рисунок 4: График нормы ошибки вектора состояния адаптивного наблюдателя линейного объекта при управлении u_2 .

3 Заключение

При соответствующем условию незатухающего возбуждения управлении u, адаптивный наблюдатель линейного объекта имеет следующие свойства:

- все сигналы ограничены;
- $\varepsilon \to 0$ асимптотически;
- $\tilde{\theta} \to 0$ экспоненциально;
- $x \hat{x} \propto \tilde{\theta}$.

Моделирование в среде Simulink подтвердило данные свойства.