

Адаптивное и робастное управление
Работа №2
Отчет В-17

Кирилл Лалаянц
Егор Прокопов

September 15, 2024

Преподаватель: Козачёк О.А.

1 Цель работы

Освоение процедуры синтеза адаптивного наблюдателя линейного объекта.

2 Выполнение

В работе проведено моделирование системы для $n = 2$:

$$\begin{cases} \dot{x} = Ax + Bu \\ y = Cx \\ \hat{x} = \sum_{i=0}^n \hat{\theta}_{i+1}(sI - A_0)^{-1}e_{n-i}[y] + \sum_{j=0}^n \hat{\theta}_{j+1+n}(sI - A_0)^{-1}e_{n-j}[u] \\ \varepsilon = y - C\hat{x} \\ \dot{\hat{\theta}} = \gamma\omega\varepsilon \end{cases}$$

$$A = \begin{bmatrix} -a_1 & 1 \\ -a_0 & 0 \end{bmatrix}; A_0 = \begin{bmatrix} -k_1 & 1 \\ -k_0 & 0 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} b_1 \\ b_0 \end{bmatrix}; C = [1 \quad 0];$$

$$\tilde{\theta}^T = [k_0 - a_0 \quad k_1 - a_1]; \omega = \begin{bmatrix} \frac{1}{K(s)}[y] & \frac{s}{K(s)}[y] & \frac{1}{K(s)}[u] & \frac{s}{K(s)}[u] \end{bmatrix};$$

При моделировании использовались следующие значения параметров: $\gamma = 0.25$, начальные условия всех векторов состояний 0.

2.1 Управление с одной гармоникой

Сначала было проведено моделирование при $u_1 = 10\sin(t)$. Так как не выполняется условие незатухающего возбуждения, то параметрическая ошибка $\tilde{\theta} = \theta - \hat{\theta}$ и норма ошибки вектора состояния $\|\hat{x} - x\|$ не сходятся к 0. Результат представлен на рис. 1 - 2.

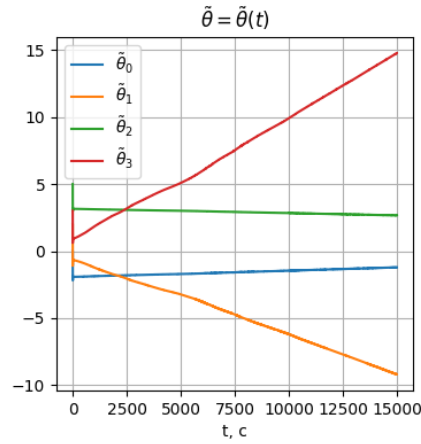


Рисунок 1: График параметрической ошибки адаптивного наблюдателя линейного объекта при управлении u_1 .

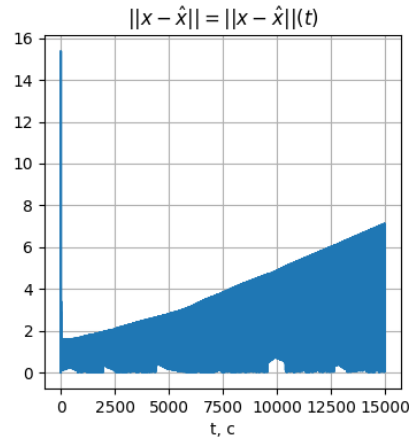


Рисунок 2: График нормы ошибки вектора состояния адаптивного наблюдателя линейного объекта при управлении u_1 .

2.2 Управление с несколькими гармониками

Проведено моделирование при $u_2 = 10\sin(t) + 5\cos(2t) + 4\cos(4t) + 3\cos(8t)$.

Так как выполняется условие незатухающего возбуждения, то параметрическая ошибка $\tilde{\theta} = \theta - \hat{\theta}$ и норма ошибки вектора состояния $\|\hat{x} - x\|$ сходятся к 0. Результат представлен на рис. 3 - 4.

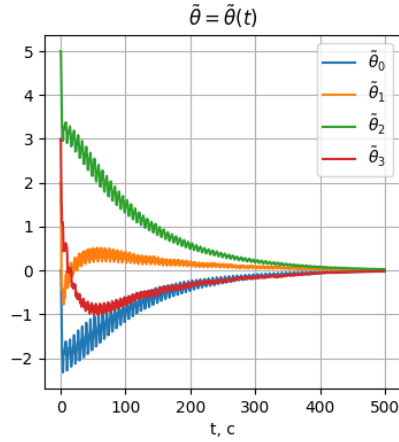


Рисунок 3: График параметрической ошибки адаптивного наблюдателя линейного объекта при управлении u_2 .

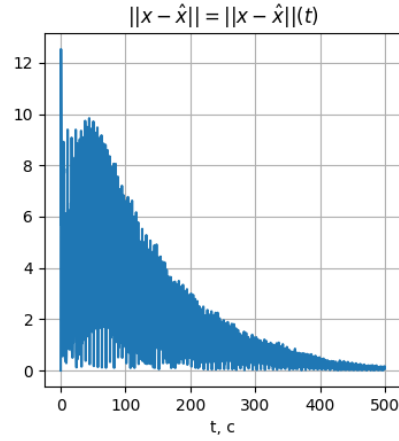


Рисунок 4: График нормы ошибки вектора состояния адаптивного наблюдателя линейного объекта при управлении u_2 .

3 Заключение

При соответствующем условию незатухающего возбуждения управления u , адаптивный наблюдатель линейного объекта имеет следующие свойства:

- все сигналы ограничены;
- $\varepsilon \rightarrow 0$ асимптотически;
- $\tilde{\theta} \rightarrow 0$ экспоненциально;
- $x - \hat{x} \propto \tilde{\theta}$.

Моделирование в среде Simulink подтвердило данные свойства.