Estructuras Hidráulicas [2015961]

Tema # 4: Flujo rápidamente variado - Estructuras hidráulicas

Luis Alejandro Morales, Ph.D

Profesor Asistente

Universidad Nacional de Colombia-Bogotá Facultad de Ingeniería Departamento de Ingenieria Civil y Agrícola

Contents

1	Introducción	1
2	Leyes de conservación para flujo rápidamente variado	2
	2.1 Conservación de la masa	2
	2.2 Conservación de la cantidad de movimiento	3
	2.3 Conservación de la energía	3
3	Transiciones en canales	4
	3.1 Características generales	4
	3.2 Flujo subcrítico	4
	3.2.1 Expansiones	4
	3.2.2 Contracciones	5
	3.3 Supercritical flow	6
	3.3.1 Resalto hidráulico oblicuo	6
4	Vertederos	7
	4.1 Vertedero de cresta delgada	7
5	Vertederos de cresta ancha	8
6	Aliviaderos	9
	6.1 Aliviadero de excesos	9
	6.1.1 cresta de un aliviadero de excesos	9
	6.1.2 Curva de calibración	10
	6.1.3 Perfil de la lámina de agua	10
	6.1.4 Canal de descarga	10
7	Culverts	10

1 Introducción

El estudio de estructuas hidráulicas hace referencia al análisis de flujo rápidamente variado (FRV) en canales. Este tipo de fluidos presente en diferentes estructuras hidráulicas es caracterizado por altos

gradientes de presión que hace que el comportamiento hidroestático de presiones no se cumpla. Un ejemplo de ello es el resalto hidráulico en donde se tiene un cambio de régimen supercrítico a subcrítico por cambios en la geometría del canal. Teniendo en cuenta que la distribución hidroestática de presiones no es aplicable para FRV ya que las líneas de flujo no son aproximadamente paralelas, el análisis de estos flujos se ha realizado desde aproximaciones empíricas analizando diferentes fenómenos y estructuras hidráulicas por separado. Para estos análisis empíricos se han empleado las aproximaciones de Boussinesq y Fawer en donde la velocidad vertical sigue una ley lineal y exponencial, respectivamente, en donde la velocidad en el fondo es 0.

El FRV ocurre en distancias cortas por lo que la pérdida de energía es despreciable. Por ser flujos rápidos, esto genera la creación de vortices y ondulaciones de la superficie del agua que aparecen y desaparecen rapidamente. Esto hace que sea difícil determinar valores medios para la velocidad y la profundidad en una sección.

2 Leyes de conservación para flujo rápidamente variado

Para el análisis de las leyes de conservación de la masa, de la energiía y de la cantidad de movimiento, consideremos las condiciones de flujo en un canal horizontal el cual posee un escalón en tres secciones transversales (ver figura 1). Note que la sección 1 y 3 se considera que el flujo alcanza condiciones uniformes mientras que en la sección 2, justo después del escalón, hay una separación del flujo y por lo tanto la distribución de velocidades es como se muestra en la figura. Esto implica que en las secciones 1 y 3, las presiones son hidroestáticas, lo contrario a la distribución de presiones en la sección en 2.

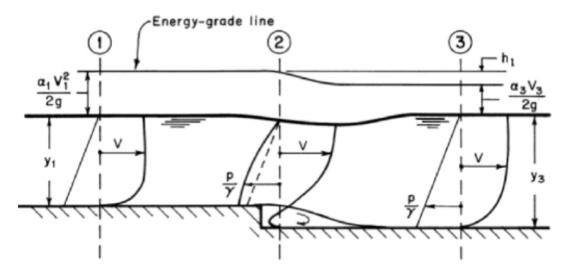


Figure 1: Cambio abrupto en el fondo del canal.

2.1 Conservación de la masa

Por definición, el flujo volumétrico o caudal a través de una sección se define como:

$$Q = \int_{A} \mathbf{u} \cdot d\mathbf{A} \tag{1}$$

donde \mathbf{u} es el campo vectorial de velocidades, $d\mathbf{A}$ es el vector normal de area infinitesimal y A es el area de la sección. Si el flujo es aproximadamente paralelo, lo cual ocurre cuando existe presiones hidroestáticas, el angulo formado entre \mathbf{u} y $d\mathbf{A}$ es cero, y si la velocidad es casi uniforme (velocidad media V), como es el caso de las secciones 1 y 2 en la figura 1, la ecuación 7 se convierte en:

$$Q = V \int_{A} dA = QA \tag{2}$$

La ecuación 7 es conocida como la ecuación de continuidad por lo que, para flujo permanente, $Q_1=Q_3$ o $A_1V_1=A_3V_3$.

Analizando el la distribución de velocidades en 2, es notorio que existe un flujo de reversa por lo que expresar la velocidad en terminos de la velocidad media V no es posible. Esto implica que el cálculo de Q en la sección 2 a partir de la ecuación 8 solo es posible si la distribución de velocidad representada por el vector \mathbf{u} es conocida.

2.2 Conservación de la cantidad de movimiento

Por definición, el flujo de cantidad de movimiento a través de una sección A en dirección x se define como:

$$m_x = \rho \int_A v_x \left(v dA \right) \tag{3}$$

donde v_x es la componente de la velocidad en x. Para evaluar la ecuación 9 es necesario conocer las componented en y y z de la velocidad. Ecuciones similares se pueden obtener para m_y y m_z .

Considerando una velocidad uniforme en la sección, el flujo de cantidad de movimiento se puede calcular como:

$$m = \rho Q \left(\beta V \right) \tag{4}$$

en donde β es un coeficiente de cantidad de movimiento el cual corrige m teniendo en cuenta la distribución no uniforme de la velocidad en la sección. Analisando la figura 1, la ecuación 10 puede ser utilizada para estimar m en las secciones 1 y 3 pero no en la sección 1.

La fuerza actuante sobre una sección puede ser obtenida a partir de la ecuación 10 siempre y cuando la presión en la sección sea hidroestática como es el caso de las secciones 1 y 3. Para el caso de la sección 2 en donde no es posible determinar la fuerza a menos que la función de distribución de presiones sea conocida, lo cual puede lograrse a través de mediciones en el labotorio. Esto hace que la aplicación de la cantidad de movimiento en FRV sea complicada.

2.3 Conservación de la energía

La energía total en una sección de flujo en donde la presión es hidroestática se expresa como:

$$H = z + y + \alpha \frac{V^2}{2q} \tag{5}$$

En secciones en donde la presión no es hidroestática la ecuación anterior no aplica. En terminos generales, el flujo de energía en una sección se expresa como:

$$P = \rho g \int_{A} \left(z + \frac{p}{\gamma} + \frac{v^2}{2g} \right) v dA \tag{6}$$

Para solucionar la ecuación anterior, la distribución de velocidades (v) y de presiones (p) debe ser conocida.

En resumen, no es posible utilizar el concepto de velocidad media o de presiones hidroestáticas para FRV, por lo que es necesario conocer la distribución de velocidades (v) y de presiones (p). Esto quiere decir que las leyes de conservación, como han sido comunmente aplicadas, no son posibles para FRV. Distribuciones teoricas de la velocidad como la de Bousinessq y la de Fawer pueden ser empleadas. Sin embargo en un canal en donde se presentan FGV y FRV, es preferible hacer el analisis en regiones en donde FRV no este presente.

3 Transiciones en canales

Una transición es un cambio local en las características del canal, usualmente, cambio en el área , forma o dirección del canal, que resulta en un cambio de estado en el flujo. Transiciones típicas son las expansiones, las contracciones y las curvas. Aquellas transiciones en donde se obtenga una relación y = f(Q) se conoce como un control; allí ocurre la profundidad crítica. Un control artificial ocurre en la entrada de aliviaderos o en la cresta de vertederos. Por otro lado un control natural es aquel que se presenta en la descarga libre de un canal.

A parte de servir como estructuras para cambiar el alineamiento y/o la sección transversal de un canal, las transiciones son también diseñadas para minimizar la pérdida de energía, para disipar energía o para reducir la velocidad del flujo y evitar erosión. Teniendo en cuenta la relacion unívoca y = f(Q), las transiciones también se usan para medir el Q.

3.1 Características generales

El diseño y construcción de transiciones require:

- Con el fin de minimizar costos y por facilidad constructiva, las transiciones deben ser simples y pueden tener fronteras discontinuas.
- Si es necesario minimizar las pérdidas de energía, la transición debe ser gradual y no deben existir discontinuidades en los bordes. Diseños de este tipo previenen la formación de remolinos y la separación del flujo reduciendo la posibilidad de cavitación.
- Las transiciones causan aceleración o desaceleración del flujo en una distancia relativamente corta y dominan el movimiento por encima de los esfuerzos cortantes en las fronteras. Esto implica que el flujo no se 1D, que las lineas de flujo se curven y que exista separación del flujo.
- En flujo con fuerte aceleración vertical, la velocidad y la presión no solo cambian en la dirección del flujo si no también en la vertical lo cual da lugar a flujos 2D o 3D.
- La pérdida de energía en una transición es despreciable y el flujo se asume irrotacional.
- Durante el diseño de una transición, es necesario evitar la ocurrencia de caídas de presión (e.g. cavitación) o aumentos de presión que pueden causar vibraciones e inestabilidades.
- Para el análisis de flujo en transiciones, la distribución de velocidades es generalmente no uniforme y es posible tener velocidades negatívas en partes de la sección. Esto hace que sea difícil calcular, por ejemplo, la energía total en la sección.

3.2 Flujo subcrítico

3.2.1 Expansiones

Una expansión ocurre por un incremento en el ancho del canal, una caída del fondo o una combinación de ambos (ver figura 2)

Las expansiones pueden ser abruptas (ver figura 2) o graduales. Estas estructuras están presentes en canales, descargas, sifones y acueductos. El diseño de expansiones requiere la selección de la forma para evitar separación de flujo y minimizar pérdida de energiá. Los criterios de diseño de expansiones se apoya en análisis experimentales. Algunos hallasgos:

• Se ha encontrado que el flujo aguas abajo de la expansión es asimétrico cuando $\frac{B_2}{B_1} \le 1.5$, donde B_1 es el ancho aguas arriba y B_2 es el ancho aguas abajo de la expansión.

• La forma de una linea de flujo a través de una expansión se puede representar por la siguiente ecuación:

$$\frac{B_x - B_1}{B_2 - B_1} = \frac{x}{L} \left[1 - \left(1 - \frac{x}{L} \right)^m \right] \tag{7}$$

en donde B_x es dos veces la distancia desde el eje de simetría de la expansión a la línea de flujo mas externa, x es la distancia horizontal a lo largo del eje de simetría desde donde inicia la expansión, L es la distancia horizontal a lo largo del eje de simetría donde la linea de flujo toca la frontera y m es un exponente que varia como $0.6 \le m \le 0.66$.

Al diseñar la forma de una expansión siguiendo la ecuacion anterior, se garantiza la menor separación de flujo y se minimizan las pérdidas de energía.

Consideremos la expansión repentina mostrada en la figura 3 en donde se cambia de manera abrupta de un ancho B_1 a B_2 .

Si se asume que: 1) $E_2=E_1$, 2) $F_{s_1}=F_{s_2}$, 3) $y_1=y_2$, 4) $B_2\approx B_1$ y 5) $Fr_1^n\approx 0$ para $n\geq 4$, se puede demostrar que:

$$E_1 - E_3 = \frac{V_1^2}{2g} \left[\left(1 - \frac{B_1}{B_2} \right)^2 + 2Fr_1^2 \left(B_2 - B_1 \right) \frac{B_1^3}{B_2^4} \right]$$
 (8)

En la ecuación anterior, el segundo termino dentro de los parentesis es despreciables si $Fr_1 < 0.5$ o si $B_2/B_1 > 1.5$. En muchas aplicaciones, la condición $B_2/B_1 > 1.5$ se cumple. Para el caso en que $B_2/B_1 < 1.5$ las pérdidas de energía en la expansion son despreciables.

En terminos generales las pérdidas de energía en una expansión subita, se calcula como:

$$H_l = \frac{(V_1 - V_3)^2}{2g} \tag{9}$$

Análisis experimentales han demonstrado que la ecuación anterior sobre-estiman las pérdidas de energía en cerca de un 10%.

En expansiones graduales cuyos bordes cambian como 4H:1V, las pérdidas de energía son:

$$H_l = 0.3 \frac{(V_1 - V_3)^2}{2g} \tag{10}$$

Para transiciones más graduales, las pérdidas no son significativamente menores a las estimadas en la ecuación 10, sin embargo, los costos pueden aumentar sustancialmente.

3.2.2 Contracciones

Las contracciones en un canal se presentan cuando el ancho del canal se reduce, cuando el fondo del canal aumenta o como una combinación de ambas (ver figura 4). Existen contracciones abruptas y graduales. Análisis experimentales han demonstrado que las pérdidas de energía en una contracción son menores que las presentes en una expansión, y son iguales a:

$$H_l = 0.23 \frac{V_3^2}{2g} \tag{11}$$

La ecuación 13 aplica para contracciones abruptas. Para contracciones con bordes redondeados, la pérdida de energía se calcula como:

$$H_l = 0.11 \frac{V_3^2}{2g} \tag{12}$$

Note que V_3 es la velocidad en la seccion de flujo de mayor contracción (aguas abajo de la contracción) en donde la velocidad es cási uniforme. Otros autores han econtrado que la perdidas de energía se calculan como:

$$H_l = C \frac{V_3^2}{2g} \tag{13}$$

donde C = 0.35 para bordes cuadrados y C = 0.18 para bordes redondeados.

Contracciones muy fuertes pueden causar condiciones criticas del flujo en la contracción o que la energía aguas arriba no sea suficiente para pasar a través de la contracción.

3.3 Supercritical flow

El flujo supercrítico a través de transiciones puede ser problemático porque es común la formación de ondas de choque en la superficie del flujo. Las ondas de choque son cambios repentinos de la profundidad y de la velocidad que se producen por cambios drásticos en las condiciones de flujo.

Para analisar las ondas de choque imaginemos un observador que viaja sobre un fluido cuya velocidad es V y causa una perturbación (e.g. cambios en el alineamiento del canal, irregularidades en en la superficie de la pared, etc). La celeridad de una onda, se define como c, la cual es la velocidad relativa con la cual viaja la perturbación en el flujo. Dependiendo de la magnitud de V y c existen tres situaciones posibles que se observan en la figura 5. Analizando el caso V > c, es posible encontrar una relación entre V, c y β :

$$\sin \beta = \frac{A_1 D_1}{A_1 A_4} = \frac{c\Delta t}{V\Delta t} = \frac{c}{V} \tag{14}$$

En el caso de ondas largas de pequeña amplitud $c = \sqrt{gy}$, donde y es la profundidad de flujo. Reemplazando en la ecuación 15, se tiene:

$$\sin \beta = \frac{c}{V} = \frac{1}{Fr} \tag{15}$$

3.3.1 Resalto hidráulico oblicuo

En el caso de un flujo supercrítico que pasa a través de una contracción gradual en un canal rectangular, se generan ondas de gran magnitud debido a la deflexión de las lineas de flujo hacia adentro dando lugar a la ocurrencia de resaltos hidráulicos oblicuos (ver figura 6).

Analizando la figura 6, las velocidades tangenciales antes y despues de la contracción (frente de onda) deben ser iguales:

$$V_1 \cos \beta = V_2 \cos (\beta - \Delta \theta) \tag{16}$$

donde V_1 es la velocidad antes de la contracción, V_2 es la velocidad en la contracción, $\Delta\theta$ es el angulo de la contracción y β es el anue forma el)rente de onda con la horizontal.

A partir de la ecuación de continuidad y de las velocidades perpendiculares al frente de onda, se tiene:

$$y_1 V_1 \sin \theta = y_2 V_2 \sin \left(\beta - \Delta \theta\right) \tag{17}$$

De la conservación de cantidad de movimiento para la velocidad perpendicular $V_1 \sin \beta$, se tiene:

$$\frac{V_1 \sin^2 \beta}{g y_1} = \frac{1}{2} \frac{y_2}{y_1} \left(\frac{y_2}{y_1} + 1 \right) \tag{18}$$

De esta ecuación se tiene:

$$\sin \beta = \frac{1}{Fr_1} \sqrt{\frac{1}{2} \frac{y_2}{y_1} \left(\frac{y_2}{y_1} + 1\right)} \tag{19}$$

Note que para ondas de pequeña amplitud, la ecuación 19 se convierte en la ecuación 15.

Dividiendo la ecuación 17 por la ecuación 16, se tiene:

$$\frac{y_2}{y_1} = \frac{\tan \beta}{\tan (\beta - \Delta \theta)} \tag{20}$$

Sustituyendo $y_2 = y_1 + \Delta y$, donde Δy es la altura de la onda, en la ecuación 20, se tiene:

$$\frac{\Delta y}{y} = \frac{\sec^2 \beta \tan \Delta \theta}{\tan \beta - \tan \Delta \theta} \tag{21}$$

Para valores pequeños de $\Delta\theta$, $\tan\theta \approx \Delta\theta$ y $\tan\Delta\theta$ es muy pequeño con respecto a $\tan\beta$. Aplicando límites cuando $\Delta\theta \to 0$, la ecuación 22 se convierte en:

$$\frac{dy}{d\theta} = \frac{2y}{\sin 2\beta} \tag{22}$$

Combinando las ecuaciones 15 y 22, se tiene:

$$\frac{dy}{d\theta} = \frac{V^2}{g} \tan \beta \tag{23}$$

La ecuación 23 define la variación de la profundidad de flujo en la transición. Esta ecuación indica que y cambia en función de θ a lo largo del frente de onda oblicuo.

Teniendo en cuenta que las pérdidas de energía pueden son despreciables, la velocidad se puede expresar como $V = \sqrt{2g(E-y)}$. Reemplazando esta expresión en la ecuación 23 y utilizando la ecuación 15, se tiene:

$$\frac{dy}{d\theta} = \frac{2(E-y)\sqrt{y}}{\sqrt{2E-3y}}\tag{24}$$

Integrando la ecuación 24 y sustituyendo E en terminos de y y de Fr, se tiene:

$$\theta = \sqrt{3} \tan^{-1} \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{Fr^2 - 1}} - \tan^{-1} \frac{1}{\sqrt{Fr^2 - 1}} + \theta_0 \tag{25}$$

donde θ_0 es la constante de integración la cual se obtiene sustituyendo $\theta = 0$ para la profundidad $y = y_1$. Esta ecuación estima los cambios en las profundidades en la transición debido a cambios de θ .

4 Vertederos

Los vertederos son estructuras hidraulicas usadas en el laboratorio para medir el caudal en canales artificiales o naturales. Existen dos tipos de vertederos: 1) vertederos de cresta delgada y 2) vertederos de cresta ancha.

4.1 Vertedero de cresta delgada

Esta compuesto por una lamina delgada que es empotrada perpendicular a la dirección del flujo en las paredes y al fondo del canal. La parte superior de la placa tiene una abertura, usualmente, rectangular, triangular o trapezoidal cuyo bordes son afilados para garantizar un paso del agua sin perturbaciones a través de la abertura. En el caso de vertederos triangulares, estos son usados para caudales pequeños. El analisis teorico del flujo sobre un vertedero considera que el flujo esta en contacto con la presión atmosferica arriba y abajo del chorro que atraviesa el vertedero.

Consideremos el flujo sobre un vertedero rectangular como el mostrado en la figura 7.

Si se asume que cualquier punto en la lamina de agua (nappe en Ingles), la cual es la porción del flujo que fluye por encima del vertedero, la presión es igual a la presión almosferica, la energia en el punto a de la figura es $h = \frac{P_{atm}}{\gamma} + \alpha \frac{V^2}{2g} \approx \alpha \frac{V^2}{2g}$, donde h es la energía en el punto a. Despejando la velocidad, se tiene que $V = \sqrt{2\alpha gh}$. En analisis experimentales, se ha encontrado que $\alpha \approx 1$ en vertederos. El caudal por unidad de ancho q se puede calcular como:

$$q = \int_0^{H_o} \sqrt{2gh} dh = \frac{2}{3} \sqrt{2g} (H_o)^{3/2}$$
 (26)

Teniendo en cuenta contracciones del flujo y otros efectos, se introduce el coeficiente de corrección de caudal C_d , por lo que la ecuación 26 queda:

$$q = \frac{2}{3}C_d\sqrt{2g} (H_o)^{3/2}$$
 (27)

Para un verderdo cuyo ancho de cresta es B, el caudal queda expresado como:

$$Q = \frac{2}{3}C_d B \sqrt{2g} (H_o)^{3/2}$$
 (28)

Para vertederos rectangulares con contracciones, Q se expresa como:

$$Q = \frac{2}{3}C_d B' \sqrt{2g} (H_o)^{3/2}$$
 (29)

donde B' = B - a y a es el ancho ocupado por las contracciones.

Con base en resultados experimentales:

$$C_d = 0.611 + 0.08 \frac{H_o}{P} \tag{30}$$

donde P es la distance vertical a la cresta del vertedero desde el fondo del canal. Esta formula es valida para $H_o/P < 5$. Para $H_o/P > 15$ la cresta del vertedero queda sumergida y el vertedero deja de controlar el flujo de manera efectiva y el caudales se puede calcular a partir de la relación de flujo crítico por lo que se asume que $y_c = H_o$.

Para vertederos triangulares conocidos como vertederos *v-notch*, se tiene que:

$$Q = \int_{A} \sqrt{2gh} dA = \sqrt{2g} \int_{A} \sqrt{h} dh dx = \sqrt{2g} \int_{0}^{H_o} \sqrt{h} dh \left(H_o - h\right) \tan\left(\frac{\alpha}{2}\right) = \frac{8}{15} \tan\left(\frac{\alpha}{2}\right) \sqrt{2g} H_o^{5/2} \quad (31)$$

donde α es el angulo del vertedero triangular. Teniendo en cuenta las contracciones, el caudal se puede corregir y expresar como:

$$Q = \frac{8}{15}C_d \tan\left(\frac{\alpha}{2}\right)\sqrt{2g}H_o^{5/2} \tag{32}$$

Para $\alpha = 90^{\circ}$, se ha encontrado que $C_d \approx 0.585$, por lo que reemplanzado estos valores en la ecuación anterior se tiene:

$$Q = 1.4H_o^{5/2} \tag{33}$$

Para vertederos trapezoidales, sumando las ecuaciones 29 y 32, se tiene:

$$Q = \frac{2}{3}C_d B' \sqrt{2g} (H_o)^{3/2} + \frac{8}{15}C_d \tan\left(\frac{\alpha}{2}\right) \sqrt{2g} H_o^{5/2}$$
(34)

5 Vertederos de cresta ancha

Los vertederos de cresta ancho son estructuras en donde el fondo del canal se eleva brusca o gradualmente por una longitud finita. Esta elevación del fondo al prolongarse por cierto distancia da origen a un flujo paralelo al vertedero en donde suele presentarse la profundidad crítica y_c . De acuerdo con esto, estos vertederos tambien pueden ser usados para determinar el caudal, en este caso, en funcion de y_c .

Analisando el vertedero en un canal rectangular de la figura 8 en donde ocurre la profundidad crítica en la cresta y, teniendo en cuenta que las pérdidas de energía son despreciales entre una sección antes del vertedero y la sección donde ocurre y_c , el balance de energía entre las secciones es:

$$H + \frac{V^2}{2g} = E_c = \frac{3}{2}y_c \tag{35}$$

donde H es la profundidad aguas arriba del vertedero.

Si se asume que la velocidad de aproximación V es despreciable en la ecuación anterior, se tiene que $y_c = \frac{2}{3}H$. Teniendo en cuenta que $q = \sqrt{gy_c^3}$, se tiene que el caudal por unidad de ancho q es:

$$q = \frac{2}{3}H\sqrt{\frac{2}{3}gH} \tag{36}$$

Para un canal de ancho B y teniendo en cuenta otras consideraciones, el caudal se calcula como:

$$Q = CB\sqrt{g}H^{3/2} \tag{37}$$

donde C es un coeficiente de corrección del Q. Si W es la altura del vertedero, $V=\frac{Q}{[B(H+W)]}$. Utilizando las ecuaciones 35 y 37, se tiene:

$$\frac{H}{H+W} = \frac{\left[3C^{2/3} - 2\right]^{1/2}}{C} \tag{38}$$

Analizando la longitud del vertedero L, el vertedero se considere largo si L/H > 3. Si esta condición se cumple es necesario reducir H en una cantidad δ^* con el fin de tener en cuenta los efectos viscosos.

En vertederos de cresta ancha, la sumergencia aguas abajo del vertedero puede afectar la estimación del caudal, esto sucede cuando el nivel aguas abajo del vertedero es mayor que 0.8H.

Aliviaderos 6

Los aliviaderos son estructuras hidráulicas usadas para descargar caudales de excesos en sistemas de control de inundaciones y regulación de caudales, o para descargas controladas en irrigación y navegación. Los aliviaderos se pueden clasificar con base en los siguientes criterios: funcionalidad, estructura o tipo de entrada. De acuerdo a la función que cumplan, estos pueden ser estrucutas de: servicio, auxiliare o de emergencia. Con base en su estructura, esto pueden ser aliviaderos de: excesos, sistema de conduccion, o tunneles. De acuerdo con el tipo de entrada, estos pueden ser: orificios, sifones, canales laterales y morning glory.

6.1 Aliviadero de excesos

Los aliviaderos de excesos se construyen sobre el cuerpo de presas por gravedad, de arco y de contrafuerte, en donde parte del cuerpo de la presa es usado para el aliviadero. Estas estructuras estan compuestas por: la cresta, el canal y el disipador de energía.

cresta de un aliviadero de excesos

Para el diseño de la cresta, se deben tener en cuenta las siguientes consideraciones:

- La presión sobre la cresta es atmosférica si la forma de la cresta es igual a la forma de la parte de abajo del chorro.
- Puede occurrit que la presión pueden ser mayor o menor que la presión atmosférica dependiendo de la forma de la cresta del aliviadero (ver figura 9).
- La forma de la cresta se basa en la cabeza de diseño, H_d , la cual es seleccionada para un sitio específico y debe ser tal que prevenga la presión mínima igual a -6 m con el fin de evitar cavitación. La figura 10 se usa para seleccionar H_d de tal manera que la condición de mínima presión se satisfaga. En esta figura, H es la carga máxima sobre sobre la cresta del aliviadero. Usualmente, H_d es selecionada de la figura 10 y de tal manera que $1.3 < H/H_d < 1.5$. Esto garantiza una óptima capacidad de descarga del aliviadero y la no ocurrencia de cavitación.
- La forma de la cresta puede ser determinada usando las relaciones de la figura 11, las cuales fueron desarrolladas por el U.S Army Corps of Engineers basado en extensos análisis de laboratorio.

6.1.2 Curva de calibración

La curva de calibración en un aliviadero de excesos es la relación matemática entre el nivel del embalse aguas arriba del aliviadero y el caudal que descarga el aliviadero. Esta curva, se puede escribir como:

$$Q = CL_e \sqrt{2g} H_e^{1.5} \tag{39}$$

donde L_e es la longitud efectiva del aliviadero, C coeficiente de descarga y H_e es la cabeza total de energía sobre la cresta y es $H_e = H + \frac{V_o^2}{2g}$. Normalmente la velocidad de aproximación al vertedero V_o es pequeña, por lo que $H_e \approx H$.

Para determinar C es necesario determinar primero C_d para la H_d (ver figura 12a). C es determinado para otro H con base en la figura 12b.

La L_e , la cual es la longitud sin tener en cuenta pilas y otras estructuras, se calcula como:

$$L_e = L_n - 2(Nk_p + k_a)H_e (40)$$

donde L_n es la longitud total del aliviadero, k_p es el coeficiente de pila y k_a es un coeficiente de contracción por estribos. En muchos casos, k_a es pequeño y puede ser despreciado. k_p se determina a través de la figura 13.

6.1.3 Perfil de la lámina de agua

El perfil de la lámina de agua debe encajar entre las paredes del aliviadero (ver figura 14).

6.1.4 Canal de descarga

El canal de descarga tiene pendientes entre el 0.8H:1V a 0.6H:1V por lo que aguas abajo de la cresta, se presenta un flujo turbulento completamente desarrollado en donde ingresa gran cantidad de aire y por lo tanto una expansión del flujo. El U.S. Army Corps of Engineers recomienda incrementar la profundidad del flujo en un 20% para efectode diseño del canal. Un dato importante es la velocidad al final del canal, a la entrada de la estructura de disipacion. Esta se puede estimar de forma aproximada a partir de:

$$z_1 + y_1 = z_2 + y_2 + fracV_2^2 2g + \Delta E \tag{41}$$

donde z_1 es la cota de la cresta, y_1 es la profundidad del agua sobre la cresta, z_2 es la cota del fondo del canal al final, y_2 es la profundidad del agua al final del canal, V es la velocidad del flujo al final del canal y ΔE son las pérdidas de energía iguales a $\Delta E = 0.05 (z_1 + y_1 - z_2 - y_2)$ o $\Delta E = 0.1 (z_1 + y_1 - z_2 - y_2)$. De la ecuación anterior, es posible despejar V_2 .

7 Culverts

Estas son estructuras que sirven para conducir el flujo a través de un paso subterraneo como por ejemplo en el paso de una via. Estas estructuras son conductos cerrados, de forma circular o de cajon. Aparte de las pérdidas de energiía debido a la fricción dentro del *culvert*, existen pérdidas a la entrada de este que dependen de la forma de la entrada (ver figura 15).

El flujo a través de un culvert se clasifica en seis tipos dependiendo de el nivel del flujo antes y después de la estructura (ver figura 16). Note que en esta figura: D es la máxima dimension vertical del culvert, y_1 es la profundidad del flujo aguas arriba del culvert, y_c es la profundidad crítica, z es la altura de el fondo del culvert a la entrada con respecto al nivel del fondo en la salida, y y_4 es la profundidad del flujo aguas abaio del culvert.

En la figura 16 se presentan las curvas de caudal vs profundidad Q = f(y) para cada uno de los tipos en donde C_d es el coeficiente de descarga, A_c es el area para la profundidad crítica, $\bar{u_1}$ velocidad promedio

aguas arriba, α_1 coeficiente de energía cinética para la velocidad aguas arriba, $h_{f_{1-2}} = \frac{L_w Q^2}{K_1 K_c}$ es la pérdida de energiía desde una sección aguas arriba hasta la sección de entrada al culvert, L_w es la distancia desde la sección aguas arriba hasta la entrada, K_1 es el factor de sección $\frac{C_o}{n}AR^{2/3}$ en la sección aguas arriba, K_c es el factor de sección para y_c , $h_{f_{2-3}} = \frac{LQ^2}{K_2K_3}$ es la pérdida de energiía lo largo del culvert, y L es la longitud del culvert.

Flujo tipo 1

 y_c ocurre a la entrada del culvert. Para que este flujo ocurra, se debe cumplir:

- $y_1/D < 1.5$
- $S_o > S_c$
- $h_4 < y_c$

Flujo tipo 2

 y_c ocurre a la salida del culvert. Para que este flujo ocurra, se debe cumplir:

- $y_1/D < 1.5$
- $S_o < S_c$
- $h_4 < y_c$

Flujo tipo 3

Ocurre flujo gradualmente variado a lo largo del culvert y el flujo es subcrítico. Para que este flujo ocurra, se debe cumplir:

- $y_1/D < 1.5$
- $h_4 > y_c$

Flujo tipo 4

El culvert trabaja a presión y el caudal se puede estimar al aplicar la ecuación de energía entre las secciones aguas arriba y aguas abajo. Las pérdidas de energía a la entrada y a lo largo del culvert se desprecian usualmente. Las pérdidas debido a la expansión a la salida se calcula como $h_3 - h_4$

Flujo tipo 5

El flujo es supercrítico y $y_1/D >= 1.5$.

Flujo tipo 6

En este flujo $y_1/D >= 1.5$, el culvert luce lleno pero la salida del culvert no esta sumergida.

Para calcular el caudal que pasa a traves del culvert, es necesario definir el n de Manning que depende del material y del diámetro del culvert (ver tablas 1, 2 y 3).

La determinación de C_d , se ha realizado a través de ensayos de laboratorio. C_d depende de la forma y tamaño de la entrada al box culvert. Para determinar su valor, se ha agrupado el tipo de flujo a través del culvert de la siguiente manera:

Diameter (ft)	Manning's n
1	0.027
2	0.025
3-4	0.024
5-7	0.023
8	0.022

Table 1: Coeficientes de rugosidad de Manning para acero corrugado estandard (tomado de [?]).

Diameter (ft)	Manning's n
5-6	0.034
7-8	0.033
9-11	0.032
12-13	0.031
14-15	0.030
16-18	0.029
19-20	0.028
21-22	0.027

Table 2: Coeficientes de rugosidad de Manning para culvert en acero construido en sitio (tomado de [?]).

Concrete conditions (ft)	Manning's n
Very smooth	0.010
Smooth	0.011 - 0.015
Ordinary field construction	0.012 - 0.015
Badly spalled	0.015 - 0.020

Table 3: Coeficientes de rugosidad de Manning para culverts en concreto (tomado de [?]).

• Flujos 1, 2 y 3: El valor de C_d para entradas bruscas (cuadradas) se obtiene con base en y_1/D (ver figura 17). Sin embargo, el valor de C_d se debe corregir por un factor que depende de la forma de la entrada. Se multiplica por k_r para entradas redondeadas (ver figura 18) y por k_w para entradas con transición (ver figura 19).

 C_d también puede ser obtenido de graficas a partir del numero de Froude a la salida del culvert (sección 3). C_d debe ser corregido dependiendo de la forma de la entrada al culvert.

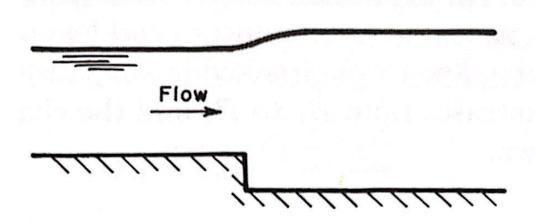
• Flujos 4 y 6: C_d puede ser estimado con base en la tabla 4.

$r/b, w/b, w/D \circ r/D$	C_d
0	0.84
0.02	0.88
0.04	0.91
0.06	0.94
0.08	0.96
0.10	0.97
0.12	0.98

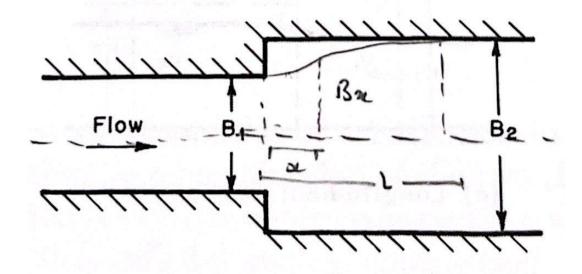
Table 4: C_d para flujo tipo 4 y 6 en un culvert (tomado de [?]).

Con base en la forma de la entrada, los valores de C_d también se puede establecer.

 $\bullet\,$ Flujo tipo 5: El valor de C_d para culverts se puede determinar de la figura 20.

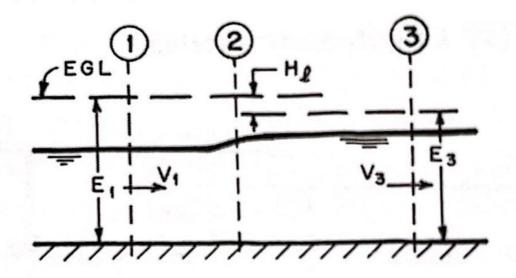


(a) Longitudinal section

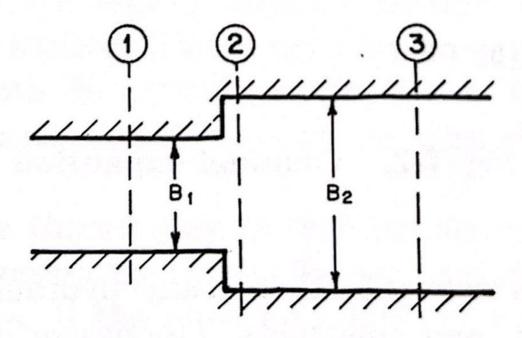


(b) Plan

Figure 2: Expansión en un canal.



(a) Longitudinal section



(b) Plan

Figure 3: Expansión en un canal.

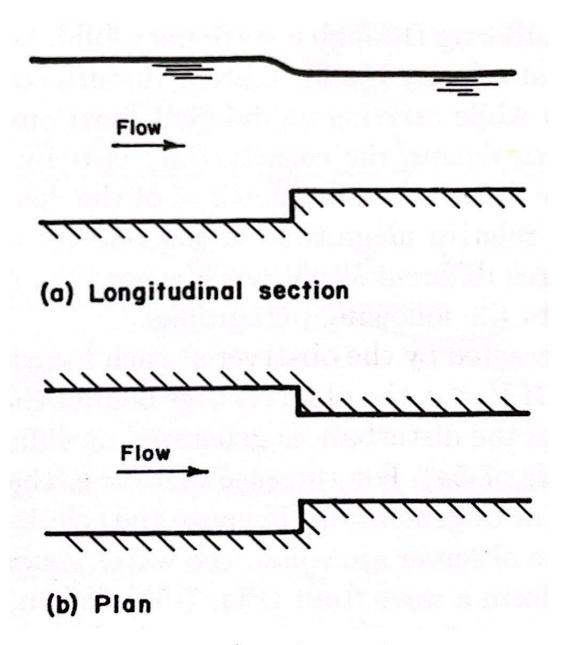


Figure 4: Contracción en un canal.

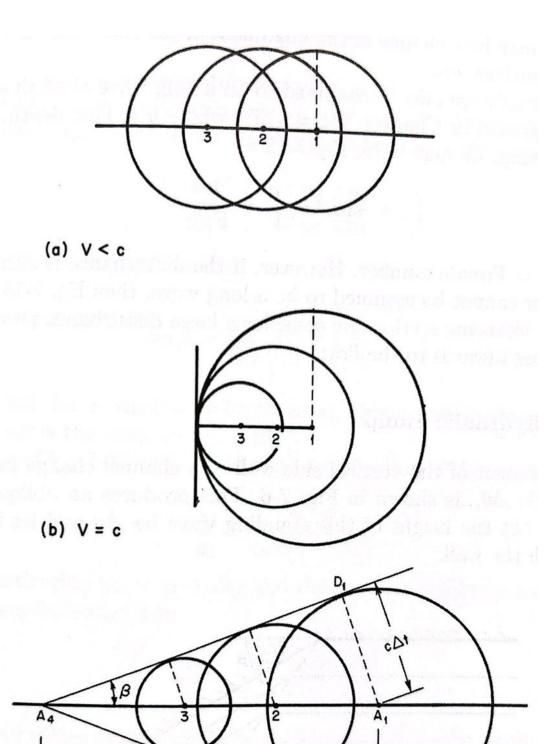


Figure 5: Propagación de una perturbación.

VΔt

(c) V > c

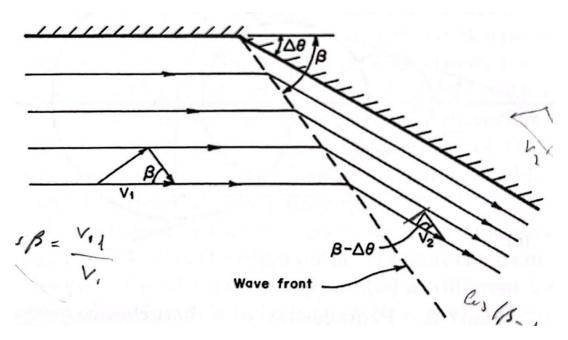


Figure 6: Resalto hidráulico oblicuo.

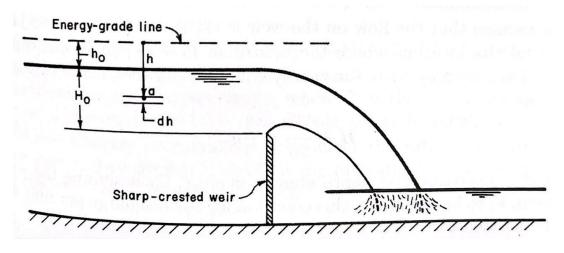


Figure 7: Vertedero rectangular de cresta delgada.

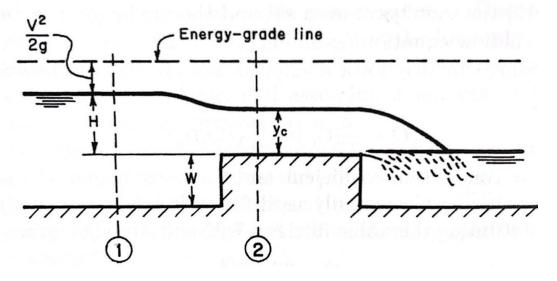


Figure 8: Vertedero de cresta ancha.

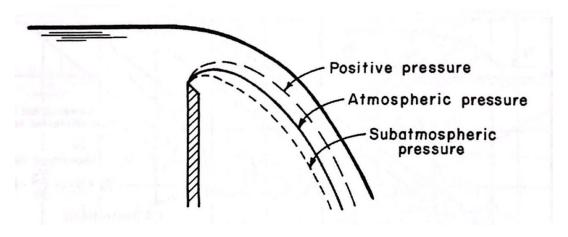


Figure 9: Presión sobre un aliviadero de excesos.

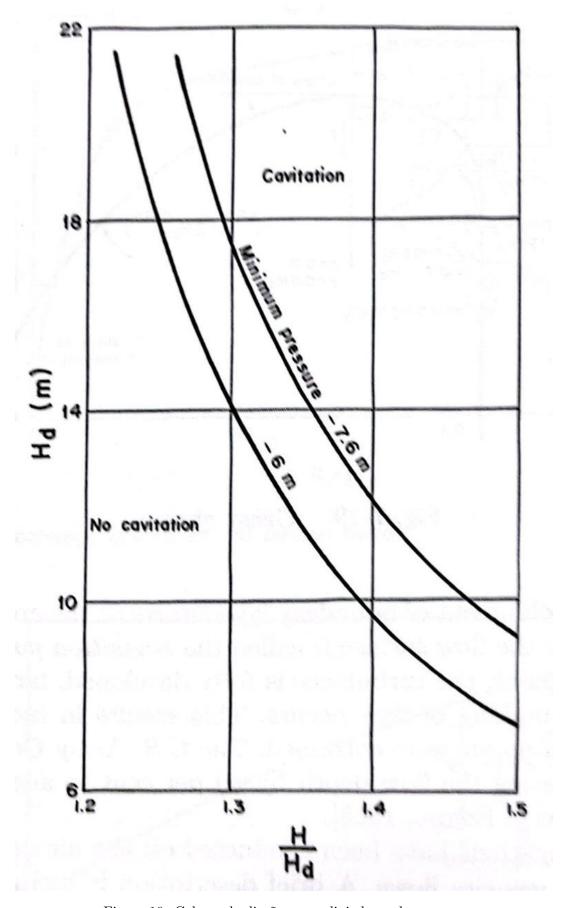


Figure 10: Cabeza de diseño para aliviaderos de excesos.

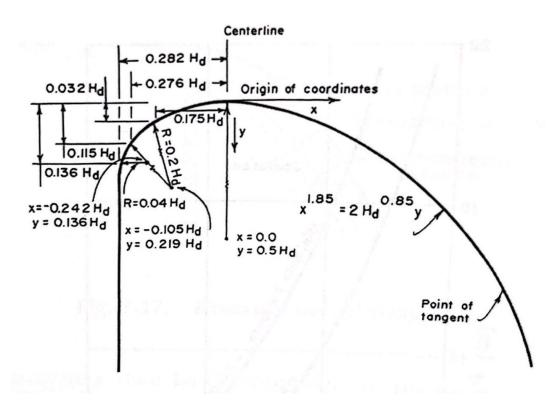
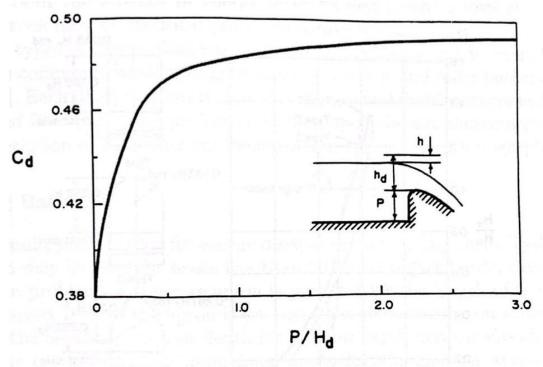
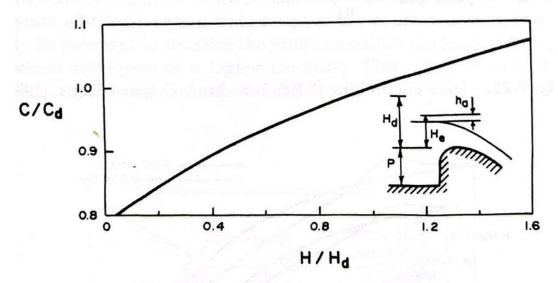


Figure 11: Forma de la cresta de un aliviadero de excesos.



(a) Discharge coefficient at design head



(b) Discharge coefficient at other heads

Figure 12: Coeficientes de descarga en aliviadero de excesos.

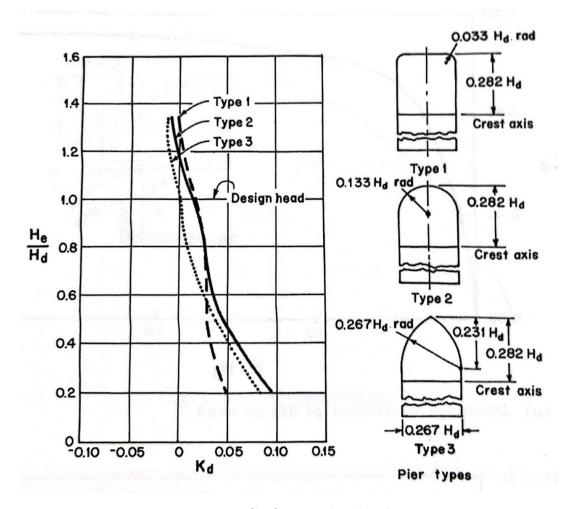


Figure 13: Coeficientes de pilas, k_p .

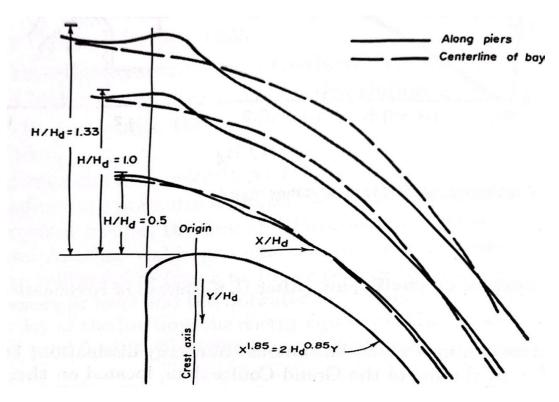


Figure 14: Perfiles de la lámina de agua.

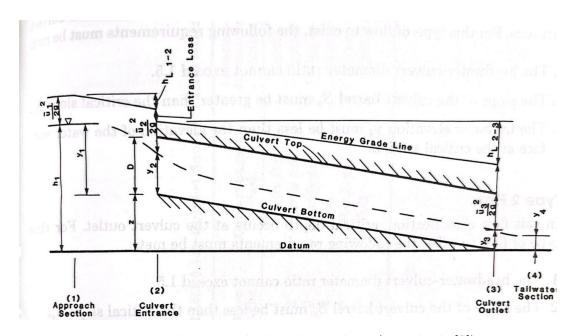


Figure 15: Flujo a través de un box-culvert (tomado de [?]).

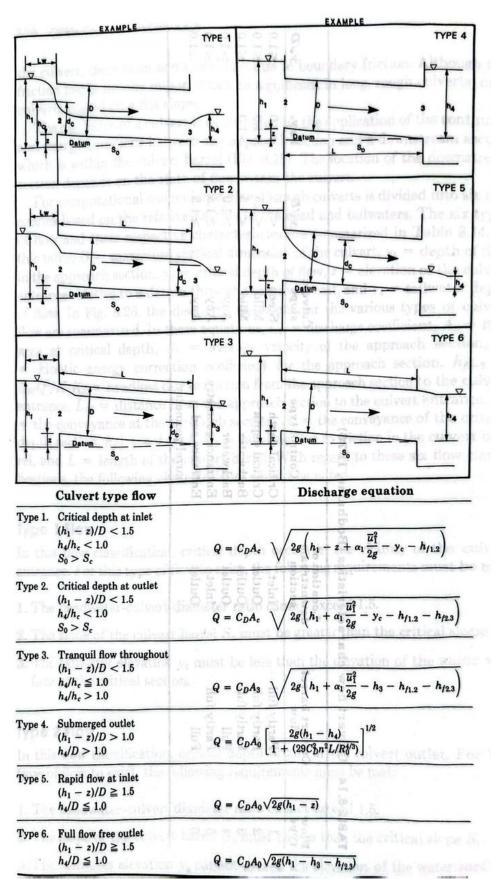


Figure 16: Tipos de flujo a través de un culvert (tomado de [?]).

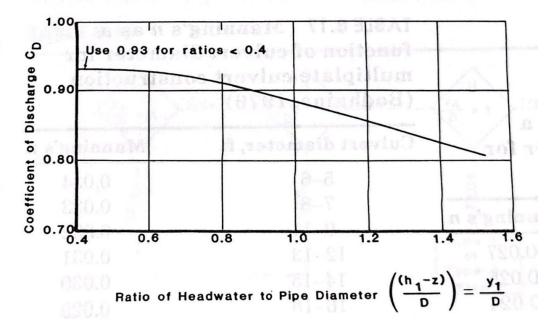


Figure 17: Valores de C_d para flujos tipo 1, 2 y 3 en culverts (tomado de [?]).

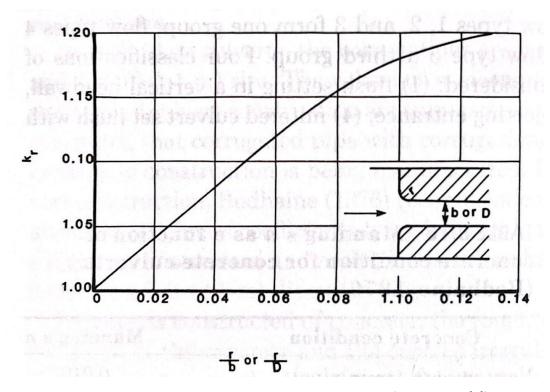


Figure 18: Valores de k_r para entradas redondeadas (tomado de [?]).

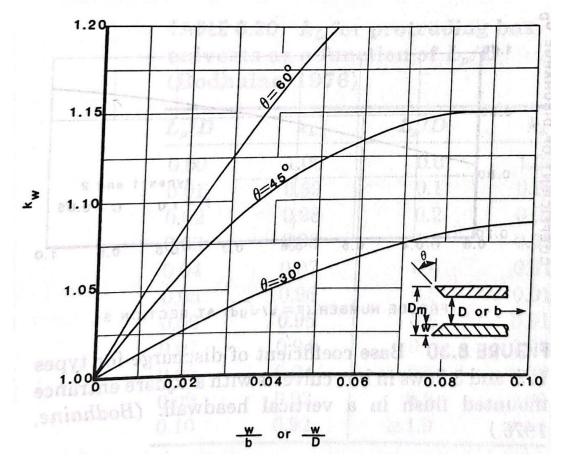


Figure 19: Valores de k_w para entradas en transición (tomado de [?]).

	r/b, w/b , r/D , or w/D						
$(h_1-z)/D$	olda 0 m	0.02	0.04	0.06	0.08	0.10	0.14
1.4	0.44	0.46	0.49	0.50	0.50	0.51	0.51
1.5	0.46	0.49	0.52	0.53	0.53	0.54	0.54
1.6	0.47	0.51	0.54	0.55	0.55	0.56	0.56
1.7	0.48	0.52	0.55	0.57	0.57	0.57	0.57
1.8	0.49	0.54	0.57	0.58	0.58	0.58	0.58
1.9	0.50	0.55	0.58	0.59	0.60	0.60	0.60
2.0	0.51	0.56	0.59	0.60	0.61	0.61	0.62
2.5	0.54	0.59	0.62	0.64	0.64	0.65	0.66
3.0	0.55	0.61	0.64	0.66	0.67	0.69	0.70
3.5	0.57	0.62	0.65	0.67	0.69	0.70	0.71
4.0	0.58	0.63	0.66	0.68	0.70	0.71	0.72
5.0	0.59	0.64	0.67	0.69	0.71	0.72	0.73

Figure 20: Valores de C_d para culvert con flujo tipo 5 (tomado de [?]).