**机场出租车优化问题**

**参赛队编号： 007**

**赛题类型代码： C**

**机场出租车优化问题**

**摘要：**

如今，飞机是大众出行的主要交通方式之一，而出租车也是一个热门行业，因此送客去机场会是很多出租车司机面临的工作线路，出租车司机将乘客送到机场后面临两个选择，通过建模为出租车司机解决相关问题。

**针对问题**

**关键字：**

**一 问题重述**

如今，飞机是大众出行的主要交通方式之一，而出租车也是一个热门行业，因此送客去机场会是很多出租车司机面临的工作线路，而在将乘客送到机场后，出租车司机会面临两个选择：

1. 前往到达区排队等待载客返回市区。国内多数机机场送客和接客通道是分开的，出租车必须到指定的“蓄车池”排队等候，依“先来后到”排队进场载客。

(B) 直接放空返回市区拉客。

请结合实际情况，建立数学模型研究下列问题：

(1) 影响出租车司机决策的因素诸多，分析研究其主要因素的影响机理，综合考虑机场乘客数量的变化规律以及出租车司机的收益状况，为出租车司机建立选择决策模型，为其提供相应的选择策略。

(2) 针对国内某一机场及其所在城市的全部出租车，收集其相关数据，为出租车司机在该机场提供选择方案，并对问题一中的模型进行合理性检验，确定出租车司机对影响决策因素的依赖性。

(3) 一般会出现出租车排队载客和乘客排队乘车的情况。某机场“乘车区”现有两条并行车道，请给管理部门提供一种设置“上车点”，合理安排出租车与乘客，在保证车辆和乘客安全的条件下，使得总的乘车效率最高的方案。

(4) 机场出租车载客的收益与载客所需的行驶里程有关，乘客的目的地有远近之分，出租车司机不可选择乘客，也不能拒载，但允许出租车多次往返载客。管理部门拟对某些短途载客再次返回的出租车给予一定的“优先权”，请给出一种合理可行的“优先”方案，使得这些出租车的收益尽量均衡。

**二 问题分析**

**2.1 问题一的分析**

分析问题一，需要找出影响出租车司机决策的因素，从出租车司机估计排队等候载客的时间与预期时间的比较来确定司机的决策方案。在出租车司机面临两个选择使时，应该从时间角度来考虑，如若出租车司机估计排队等候载客的时间大于其返回市区拉客的时间，即相同的时间内，排队候车在消耗成本，而返回市区节省时间，会在市区内拉客赚钱，则明显出租车司机选择返回市区合理；如若出租车司机估计排队等候载客的时间小于其返回市区拉客的时间，返回市区时间减去出租车司机等待载客的时间，在剩下的时间中选择候车的司机正在拉客赚钱，而选择返回的司机正在消耗成本，则明显出租车司机选择排队等候载客合理。

**2.2 问题二的分析**

分析问题二，需要搜集数据来验证问题一所建立的模型，搜集的数据是问题一建立的模型的变量。我们查阅资料，以新郑机场为例，在误差允许的范围内，确定新郑机场一天24小时内每小时平均到港航班数量及其所占日流量比例，并统计出租车每小时内的平均收益，进行相关计算得到问题一所建立的模型的相关变量对应的数据，将这些数据带入模型验证模型的可行性与合理性。取月份和时间点这两个变量，求皮尔森相关系数[1]，根据最终结果来判断问题一中的模型对相关数据的依赖性。

**2.3 问题三的分析**

**2.4 问题四的分析**

**三 模型假设**

1.假设乘客在上出租车后直接被送至目的地，不因某原因返程或半路下车。

2.假设天气，路况等因素均良好，对出租车司机载客无不良影响。

3.假设每辆出租车性能良好，差异较小可忽略不计。

4.假设返回市区之后两种方式的出租车获得的收益相同，且与时间相关。

5.假设出租车拉客与空车时行驶速度相同。

**四 符号说明**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| 符号 | 符号说明 | 符号 | 符号说明 |
|  | 出租车选择去蓄车池的利润 |  | 出租车选择返回市区的利润 |
|  | 选用出租车乘客的比例 |  | 乘坐同辆出租车乘客的比例 |
|  | 第月第时出租车的乘客人数 |  | 蓄车池现有出租车数量 |
|  | 出租车在蓄车池的等待时间 |  | 出租车空载返回市区的时间 |
|  | 再次进入蓄车池的出租车需要等待时间 |  | 出租车返回市区的收益 |
|  | 拉客后出租车平均每分钟的收益 |  | 出租车拉乘客第时内每分钟的收益 |
|  | 在将第一批乘客送往目的地之后，剩余时间 |  | 每个小时需要的出租车数量 |

**五 模型的建立与求解**

**5.1 问题一的模型建立与求解**

5.1.1 出租车司机在将乘客送到机场后，会面临两个选择：

（A）前往到达区排队等待载客返回市区。

（B）直接放空返回市区拉客。

记出租车选择去蓄车池的利润，出租车选择返回市区的利润，出租车在蓄车池的等待时间为分，空载返回市区的所需时间为分。

5.1.2 记选用出租车的乘客所占比例为，同时坐一辆出租车的乘客占据比例，例如如果两个人同时乘坐一辆出租车，那对他们各自而言.

5.1.3 记第月第时出租车的乘客人数为(=0,1,…,23,=1,2,…,12,表示第月第时内抵达该空港的乘客数量)。设每个小时需要出租车数量是，蓄车池内现在有辆出租车，记再次进入蓄车池的出租车需要等待时间为分.返回市区的所需时间为分，忽略一些影响时间的相关因素，假设出租车返回市区所需时间是一个定值，则这段时间内的收益也是一个定值。设返回市区的收益为，则



其中是一个定值，表示的是拉客后出租车平均每分钟的收益。

5.1.4 假设返回市区之后两种方式的出租车获得的收益相同，且与时间相关。设出租车拉乘客第时内每分钟的收益为(=0,1,…23,表示该小时内出租车司机的平均收益)，在返回市区后，两种方式出租车在将第一批乘客送往目的地之后，剩余的时间为.

5.1.5 比较数值，选择方案

目标函数：大致比较和数值大小。

如果较大，表示现在的蓄车池需等待的时间小于预期时间，选择方案一，出租车进入蓄车池；如果较大，表示蓄车池需等待的时间大于预期时间，选择方案二，出租车返回市区。



**5.2 问题二的模型建立与求解**

5.2.1 查阅资料找到新郑机场附近出租车每小时的收益以及机场每小时平均到港航班数量及其所占日流量比例[2]。

新郑机场附近出租车每小时的收益图：

**图1 出租车每小时收益**

新郑机场每小时到港航班情况：

**表1 新郑机场每小时航班情况表**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| 时间 | 到港航班数量 | 所占日流量比例 |
| 0 | 278 | 3.34% |
| 1 | 138 | 1.66% |
| 2 | 32 | 0.39% |
| 3 | 22 | 0.26% |
| 4 | 10 | 0.12% |
| 5 | 10 | 0.12% |
| 6 | 7 | 0.08% |
| 7 | 5 | 0.06% |
| 8 | 478 | 5.75% |
| 9 | 626 | 7.53% |
| 10 | 416 | 5.01% |
| 11 | 498 | 5.99% |
| 12 | 524 | 6.30% |
| 13 | 580 | 6.98% |
| 14 | 588 | 7.07% |
| 15 | 465 | 5.59% |
| 16 | 479 | 5.76% |
| 17 | 402 | 4.84% |
| 18 | 500 | 6.02% |
| 19 | 532 | 6.40% |
| 20 | 552 | 6.64% |
| 21 | 531 | 6.39% |
| 22 | 322 | 3.87% |
| 23 | 316 | 3.80% |

以折线图的形式可以清楚地表示一天内新郑机场航班的变化情况：

**图2 新郑机场每小时到港航班数量**

5.2.2 在程序中需要新郑机场的月客运量的相关数据，但只查到了新郑机场的年客运量以及2019年我国民航月客运量的相关数据[2]，在误差允许的范围内，利用一定的比例系数，借助2019年我国民航月客运量的相关数据得到新郑机场的月客运量的相关数据。记比例系数为



2019年我国民航月客运量的相关数据：

**表2 2019年我国民航月客运量情况表**

|  |  |
| --- | --- |
|  | 国内民航客运量/万人 |
| 一月 | 4733.4 |
| 二月 | 4785.4 |
| 三月 | 4745.4 |
| 四月 | 4703.8 |
| 五月 | 4847.8 |
| 六月 | 4733.3 |
| 七月 | 5271.4 |
| 八月 | 5422.7 |
| 九月 | 4869.4 |
| 十月 | 5093.8 |
| 十一月 | 4715.4 |
| 十二月 | 4643.6 |
| 总计 | 58565.4 |

而经计算得



可得新郑机场月客运量的相关数据：

**图3 新郑机场月客运量的相关数据**

5.2.3 设新郑机场每小时到达的人数是，此时的月份为,。取随机抽取某天到新郑机场获取数据，



对于出租车司机来说，最为直观的数据是当前蓄车池内出租车的数量，当时的时间以及月份。以这些数据为基础，可先求得在第i时、第j月内，可以接受的蓄车池最大出租车数量m0，且T0=T1可求解：m0=xxxxxx。在将m0与m输入的m进行比较，可得到该m值能否被出租车司机所接受，以此来判断选用方案一或方案二。最后计算选用该方案所得收入：若选用方案一，则收入为T2×Ω’，由于此时出租车已经承载了乘客，且返回市内使用高速公路，因此假设该值为一定值，Ω’的值由出租车司机每小时的最高收入决定；若选用方案二，则收入为t×Ωi，其中Ωi的具体数值在附件1：出租车每小时收益.xlsx中。整体程序于附录中的E\_1.m.

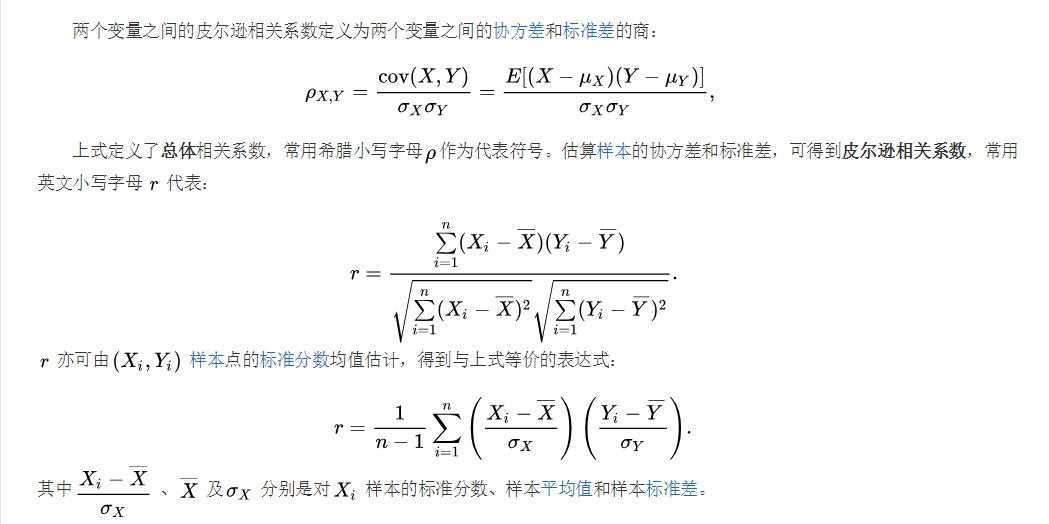
在此研究的基础上，只考虑以上几个相关因素，并假设了当出租车返回市区后，即认为乘客已送至目的地。根据上述数据可以得出问题一中所建立的模型是合理的。

5.2.4 验证该模型的合理性

通过matlab运行程序，其参数设置为：60,7,10。表示当前蓄车池有60辆车，此时为10月某一天的7点。求解得到的m0为：22，这表示司机能接受的出租车数量是22辆，但是现在有60辆，显然应选择方案二。并给出了选择方案二的收入，约为181.63。

再次运行，并将参数设置为30,6,5。求解得到的m0为49，显然司机能接受的出租车数量大于现在蓄车池内出租车的数量，选择方案一，且收入约为63.77。

5.2.5取月份和时间点这两个变量，求皮尔森相关系数，根据最终结果来判断问题一中的模型对相关数据的依赖性。求皮尔森相关系数的方法如下所示：



由于有两个自变量，但相关系数只能是一个自变量与因变量的结果，因此在运行时输入两个参数，表示当月份确定时，讨论时间与m0的相关系数，反之当时间确定时，讨论月份与m0的相关系数。经验证，当取i=18，j=10时运行程序E\_2.m，得到i与m0的相关系数为0.4072，j与m0的相关系数为0.0295，其散点图如下所示：

Xxxxxxxxxxxxxxxxxxx

经分析，相关系数较低的主要原因是：时间和月份是连续分布的，而相关系数最好是需要一个递增或递减的趋势，因此出现较大误差。

**5.3 问题三的模型建立与求解**

**5.4 问题四的模型建立与求解**

**六 模型的评价**

**6.1模型的优点**

（1）本文在正确、清楚地分析了题意的基础上，建立了合理、科学的数学模型，该模型能够将一系列大数据进行处理，从而得到可靠结果。

（2）模型较为符合现实，便于检验，易于应用。

（3）模型的计算采用了专业的数学软件，可信度较高。

（4）对模型中相关因素进行了量化分析，查阅了大量的实际且具体的数据，使论文具有说服力和真实性。

**6.2模型的缺点**

1. 模型中的一些变量对模型的依赖性比较强，而部分数据查询不够全面精准，使其存在一定的误差。
2. 考虑的影响因素较少，在处理问题时可能存在一些误差。

**七 模型的推广与改进**

**7.1模型的推广**

本文的模型除了适用于机场的出租车问题，还适用于客运站拉客等一系列接客问题。

**7.2模型的改进**

7.2.1本文主要考虑出租车司机在两种方案内各自所需要的时间，但影响出租车司机决策的因素还有很多，比如天气、意愿等，还可以将更多因素考虑进去对模型进行改进。

7.2.2 由于模型中的一些变量对模型的依赖性比较强，对于数据的掌握必须精准且全面，这样会减少误差。

**八 参考文献**

[1]陈功平、王红，《改进Pearson相关系数的个性化推荐算法》，山东农业大学学报（自然大学学报），2016

[2]国家统计局的数据统计，百度百科

**附录：**

**程序E\_1.m：**

function chooseplan(m,i,j)

%CHOOSEPLAN 该函数用于计算在j月第i时，当出租车到达航站楼，蓄车池内有m辆车时，对两种方案进行决策

% 读取第i时新郑机场每小时航班到达比，获取xi

flight=xlsread('新郑机场每小时航班到达比.xlsx');

x=flight(i+1,3);

% 读取j月份平均每天全国客运量

passenger=xlsread('2019年我国民航月客运量.xlsx');

y=passenger(j,2)\*(2912.93/58565.4)\*10000;

% 读取第i时司机平均收入

income=xlsread('出租车每小时收益.xlsx');

omiga=income(i+1,2)/60;

Omiga=1.417;

n=x\*y;

miu=0.15;

lamuda=1/1.5;

% 获取可以接受的最大m0

m0=45\*Omiga\*miu\*lamuda\*n/(60\*omiga);

disp('方案一可以接受的蓄车池出租车数量');

disp(m0);

if m<m0

disp('应选择方案一');

W=45\*Omiga;

disp(W);

else

disp('应选择方案二');

W=60\*m/(miu\*lamuda\*n)\*omiga;

disp(W);

end

end

**程序E\_2.m：**

function [coeff1,coeff2]=pearson(i,j)

%PEARSON 求皮尔森相关系数

% 读取第i时新郑机场每小时航班到达比，获取xi

flight=xlsread('新郑机场每小时航班到达比.xlsx');

x=flight(i+1,3);

parameter1=flight(:,3);

parameter1=reshape(parameter1,1,24);

% 读取j月份平均每天全国客运量

passenger=xlsread('2019年我国民航月客运量.xlsx');

y=passenger(j,2)\*(2912.93/58565.4)\*10000;

parameter2=passenger(:,2)\*(2912.93/58565.4)\*10000;

parameter2=reshape(parameter2,1,12);

% 读取第i时司机平均收入

income=xlsread('出租车每小时收益.xlsx');

omiga=income(i+1,2)/60;

parameter3=income(:,2)/60;

parameter3=reshape(parameter3,1,24);

Omiga=1.417;

res=(1:24);

time=(1:24);

for t=1:24

n=parameter1(1,t)\*y;

miu=0.15;

lamuda=1/1.5;

res(1,t)=45\*Omiga\*miu\*lamuda\*n/(60\*parameter3(1,t));

figure(1);

scatter(time(1,t),res(1,t));

hold on;

end

fenzi=sum(time.\*res)-(sum(time)\*sum(res))/length(time);

fenmu=sqrt((sum(time.^2)-sum(time)^2/length(time))\*(sum(res.^2)-sum(res)^2/length(time)));

coeff1=fenzi/fenmu;

res2=(1:12);

month=(1:12);

for t=1:12

n=x\*parameter2(1,t);

miu=0.15;

lamuda=1/1.5;

res2(1,t)=45\*Omiga\*miu\*lamuda\*n/(60\*omiga);

figure(2);

scatter(month(1,t),res2(1,t));

hold on;

end

fenzi=sum(month.\*res2)-(sum(month)\*sum(res2))/length(month);

fenmu=sqrt((sum(month.^2)-sum(month)^2/length(month))\*(sum(res2.^2)-sum(res2)^2/length(month)));

coeff2=fenzi/fenmu;

end