

专题训练

完善程序

（坐标统计）输入 n 个整点在平面上的坐标。对于每个点，可以控制所有位于它左下方的点（即 x 、 y 坐标都比它小），它可以控制的点的数目称为“战斗力”。依次输出每个点的战斗力，最后输出战斗力最高的点的编号（如果若干个点的战斗力并列最高，输出其中最大的编号）

手算样例

输入样例：

3

1 1

2 2

3 4

输出多少？

输出样例：

0

1

2

3

手算样例

输入样例：

6

1 -1

-5 0

-5 -1

2 2

-6 -3

2 5

输出多少？

输出样例：

1

1

1

4

0

4

6

输入样例:

6

1 -1

-5 0

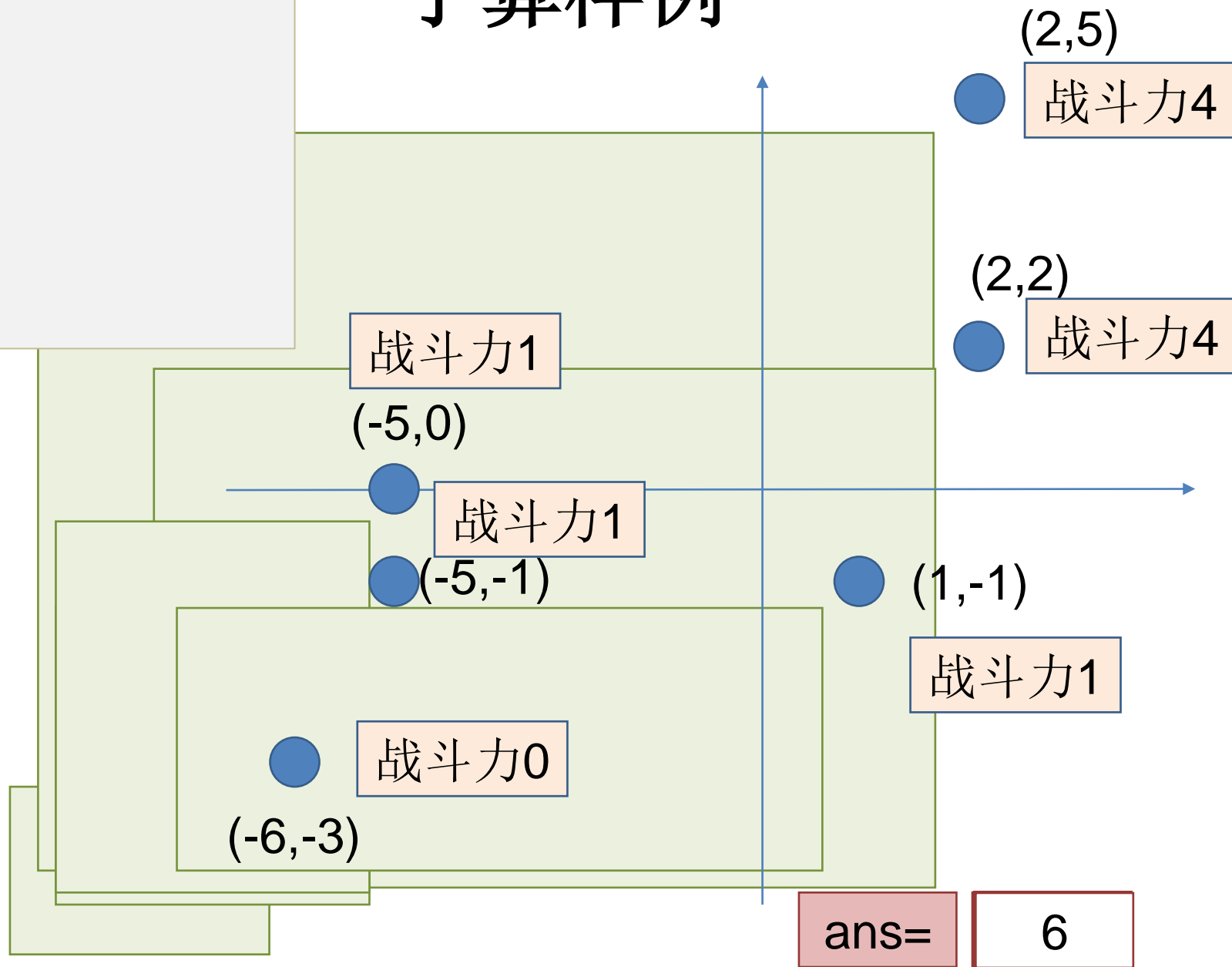
-5 -1

2 2

-6 -3

2 5

手算样例



5分钟

完善程序

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  int x[SIZE],y[SIZE],f[SIZE];
5  int n,i,j,max_f,ans;
6  int main(){
7      cin>>n;
8      for(i=1;i<=n;i++) cin>>x[i]>>y[i];
9      max_f=0;
10     for(i=1;i<=n;i++){
11         f[i]=_____(1)_____;
12         for(j=1;j<=n;j++){
13             if(x[j]<x[i]&&_____(2)_____)
14                 _____(3)_____;
15         }
16         if(_____(4)_____) {
17             max_f=f[i];
18             _____(5)_____;
19         }
20     }
21     for(i=1;i<=n;i++) cout<<f[i]<<endl;
22     cout<<ans<<endl;
23     return 0;
24 }
```

1

识别变量

常见变量名

翻译循环变量

根据变量名的英文推断

2

找出关键语句

控制结构(for, if)

常见算法的基本操作

函数参数、返回值

3

理解代码段作用

翻译解释代码段

完善程序

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  int x[SIZE],y[SIZE],f[SIZE];
5  int n,i,j,max_f,ans;
6  int main(){
7      cin>>n;
8      for(i=1;i<=n;i++) cin>>x[i]>>y[i];
9      max_f=0;
10     for(i=1;i<=n;i++){
11         f[i]=_____(1)_____;
12         for(j=1;j<=n;j++){
13             if(x[j]<x[i]&&_____(2)_____)
14                 _____(3)_____;
15         }
16         if(_____(4)_____) {
17             max_f=f[i];
18             _____(5)_____;
19         }
20     }
21     for(i=1;i<=n;i++) cout<<f[i]<<endl;
22     cout<<ans<<endl;
23     return 0;
24 }
```

n表示点的数量

x[i]表示第i个点的横坐标

y[i]表示第i个点的纵坐标

f[i]表示i号点的战斗力值

max_f表示最大战斗力值

ans表示目前最大战斗力
的点的编号

完善程序

```

1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  int x[SIZE],y[SIZE],f[SIZE];
5  int n,i,j,max_f,ans;
6  int main(){
7      cin>>n;
8      for(i=1;i<=n;i++) cin>>x[i]>>y[i];
9      max_f=0;
10     for(i=1;i<=n;i++){
11         f[i]=_____(1)_____;
12         for(j=1;j<=n;j++){
13             if(x[j]<x[i]&&_____(2)_____)
14                 _____(3)_____;
15         }
16         if(_____(4)_____) {
17             max_f=f[i];
18             _____(5)_____;
19         }
20     }
21     for(i=1;i<=n;i++) cout<<f[i]<<endl;
22     cout<<ans<<endl;
23     return 0;
24 }
```

将每个点*i*的横纵坐标分别读取数组*x[i]*和*y[i]*

完善程序

```

1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  int x[SIZE],y[SIZE],f[SIZE];
5  int n,i,j,max_f,ans;
6  int main(){
7      cin>>n;
8      for(i=1;i<=n;i++) cin>>x[i]>>y[i];
9      max_f=0;
10     for(i=1;i<=n;i++){
11         f[i]=_____(1)_____;
12         for(j=1;j<=n;j++){
13             if(x[j]<x[i]&&_____(2)_____)
14                 _____(3)_____;
15         }
16         if(_____(4)_____) {
17             max_f=f[i];
18             _____(5)_____;
19         }
20     }
21     for(i=1;i<=n;i++) cout<<f[i]<<endl;
22     cout<<ans<<endl;
23     return 0;
24 }
```

对每个点*i*
都将位于它左下方的点的
个数统计到*f[i]*中
表示“战斗力”

完善程序

```

1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  int x[SIZE],y[SIZE],f[SIZE];
5  int n,i,j,max_f,ans;
6  int main(){
7      cin>>n;
8      for(i=1;i<=n;i++) cin>>x[i]>>y[i];
9      max_f=0;
10     for(i=1;i<=n;i++){
11         f[i]=_____(1)_____;
12         for(j=1;j<=n;j++){
13             if(x[j]<x[i]&&_____(2)_____)
14                 _____(3)_____;
15         }
16         if(_____(4)_____) {
17             max_f=f[i];
18             _____(5)_____;
19         }
20     }
21     for(i=1;i<=n;i++) cout<<f[i]<<endl;
22     cout<<ans<<endl;
23     return 0;
24 }
```

打擂台法
如果当前点“战斗力”
超过擂主值max_f

更新擂主值max_f
并更新擂主编号

完善程序

```

1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  int x[SIZE],y[SIZE],f[SIZE];
5  int n,i,j,max_f,ans;
6  int main(){
7      cin>>n;
8      for(i=1;i<=n;i++) cin>>x[i]>>y[i];
9      max_f=0;
10     for(i=1;i<=n;i++){
11         f[i]=_____(1)_____;
12         for(j=1;j<=n;j++){
13             if(x[j]<x[i]&&_____(2)_____)
14                 _____(3)_____;
15         }
16         if(_____(4)_____) {
17             max_f=f[i];
18             _____(5)_____;
19         }
20     }
21     for(i=1;i<=n;i++) cout<<f[i]<<endl;
22     cout<<ans<<endl;
23     return 0;
24 }

```

将每个点*i*的横纵坐标
输入到x[i]和y[i]

双重循环
统计每个点*i*的
左下方点的个数f[i]

打擂台法
维护擂主值和编号

输出每个点f[i]
并输出最大值编号ans

完善程序

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  int x[SIZE],y[SIZE],f[SIZE];
5  int n,i,j,max_f,ans;
6  int main(){
7      cin>>n;
8      for(i=1;i<=n;i++) cin>>x[i]>>y[i];
9      max_f=0;
10     for(i=1;i<=n;i++){
11         f[i]=_____(1)_____;
12         for(j=1;j<=n;j++){
13             if(x[j]<x[i]&&_____(2)_____)
14                 _____(3)_____;
15         }
16         if(_____(4)____){
17             max_f=f[i];
18             _____(5)____;
19         }
20     }
21     for(i=1;i<=n;i++) cout<<f[i]<<endl;
22     cout<<ans<<endl;
23     return 0;
24 }
```

战斗力值初始化为0

完善程序

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  int x[SIZE],y[SIZE],f[SIZE];
5  int n,i,j,max_f,ans;
6  int main(){
7      cin>>n;
8      for(i=1;i<=n;i++) cin>>x[i]>>y[i];
9      max_f=0;
10     for(i=1;i<=n;i++){
11         f[i]=_____(1)_____;
12         for(j=1;j<=n;j++){
13             if(x[j]<x[i]&&_____(2)_____)
14                 _____(3)_____;
15         }
16         if(_____(4)_____) {
17             max_f=f[i];
18             _____(5)_____;
19         }
20     }
21     for(i=1;i<=n;i++) cout<<f[i]<<endl;
22     cout<<ans<<endl;
23     return 0;
24 }
```

点j需要同时满足
横纵坐标值都比点i小

完善程序

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  int x[SIZE],y[SIZE],f[SIZE];
5  int n,i,j,max_f,ans;
6  int main(){
7      cin>>n;
8      for(i=1;i<=n;i++) cin>>x[i]>>y[i];
9      max_f=0;
10     for(i=1;i<=n;i++){
11         f[i]=_____(1)_____;
12         for(j=1;j<=n;j++){
13             if(x[j]<x[i]&&_____(2)_____)
14                 _____(3)_____;
15         }
16         if(_____(4)_____) {
17             max_f=f[i];
18             _____(5)_____;
19         }
20     }
21     for(i=1;i<=n;i++) cout<<f[i]<<endl;
22     cout<<ans<<endl;
23     return 0;
24 }
```

如果符合条件
在左下方
那么f[i]就自增1

完善程序

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  int x[SIZE],y[SIZE],f[SIZE];
5  int n,i,j,max_f,ans;
6  int main(){
7      cin>>n;
8      for(i=1;i<=n;i++) cin>>x[i]>>y[i];
9      max_f=0;
10     for(i=1;i<=n;i++){
11         f[i]=_____(1)_____;
12         for(j=1;j<=n;j++){
13             if(x[j]<x[i]&&_____(2)_____)
14                 _____(3)_____;
15         }
16         if(_____(4)_____) {
17             max_f=f[i];
18             _____(5)_____;
19         }
20     }
21     for(i=1;i<=n;i++) cout<<f[i]<<endl;
22     cout<<ans<<endl;
23     return 0;
24 }
```

打擂台
条件是目前的武力值f[i]
大于等于擂主值max_f

思考：等号可不可省略

如果若干个点的战斗力并列
最高，输出其中最大的编号

完善程序

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  int x[SIZE],y[SIZE],f[SIZE];
5  int n,i,j,max_f,ans;
6  int main(){
7      cin>>n;
8      for(i=1;i<=n;i++) cin>>x[i]>>y[i];
9      max_f=0;
10     for(i=1;i<=n;i++){
11         f[i]=_____(1)_____;
12         for(j=1;j<=n;j++){
13             if(x[j]<x[i]&&_____(2)_____)
14                 _____(3)_____;
15         }
16         if(_____(4)_____) {
17             max_f=f[i];
18             _____(5)_____;
19         }
20     }
21     for(i=1;i<=n;i++) cout<<f[i]<<endl;
22     cout<<ans<<endl;
23     return 0;
24 }
```

观察22行输出了ans
结合题意 要求输出
“战斗力最高点的编号”
可知ans需要维护最大值
编号

完善程序

（子矩阵） 输入一个 $n1*m1$ 的矩阵a，和 $n2*m2$ 的矩阵b，问a中是否存在子矩阵和b相等。若存在，输出所有子矩阵左上角的坐标；若不存在输出 “There is no answer”。

手算样例

输入样例：

```
4 4
1 2 3 4
3 4 1 4
2 2 3 4
1 4 1 4
2 3
2 3 4
4 1 4
```

手算样例

1,2

1	2	3	4
3	4	1	4
2	2	3	4
1	4	1	4

3,2

2	3	4
4	1	4

输出多少？

输出样例：

1 2

3 2

手算样例

输入样例：

```
3 3
1 2 3
3 4 1
2 2 3
2 2
1 3
2 4
```

输出多少？

输出样例：

There is no answer

完善程序

```

1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE = 50;
4  int n1, m1, n2, m2, a[SIZE][SIZE], b[SIZE][SIZE];
5  int main(){
6      int i, j, k1, k2;
7      bool good, haveAns;
8      cin >> n1 >> m1;
9      for(i = 1; i <= n1; i++)
10         for(j = 1; j <= m1; j++)
11             cin >> a[i][j];
12     cin >> n2 >> m2;
13     for(i = 1; i <= n2; i++)
14         for(j = 1; j <= m2; j++)
15             ____ (1) ____;
16     haveAns = false;
17     for(i = 1; i <= n1 - n2 + 1; i++)
18         for(j = 1; j <= ____ (2) ____; j++){
19             ____ (3) ____;
20             for(k1 = 1; k1 <= n2; k1++){
21                 for(k2 = 1; k2 <= ____ (4) ____; k2++){
22                     if(a[i + k1 - 1][j + k2 - 1] != b[k1][k2])
23                         good = false;
24                 }
25             }
26             if(good){
27                 cout << i << ' ' << j << endl;
28                 ____ (5) ____;
29             }
30         }
31     if(!haveAns)
32         cout << "There is no answer" << endl;
33     return 0;
}

```

1

识别变量

常见变量名
翻译循环变量
根据变量名的英文推断

2

找出关键语句

控制结构(for, if)
常见算法的基本操作
函数参数、返回值

3

理解代码段作用

翻译解释代码段

完善程序

解释变量的作用

n1,m1表示a矩阵行、列数

n2,m2表示b矩阵行、列数

haveANS表示是否存在b是a的子矩阵

good表示a的当前子矩阵是否和b矩阵相同

i,j,k1,k2循环变量

```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3 const int SIZE = 50;
4 int n1, m1, n2, m2, a[SIZE][SIZE], b[SIZE][SIZE];
5 int main(){
6     int i, j, k1, k2;
7     bool good, haveAns;
8     cin >> n1 >> m1;
9     for(i = 1; i <= n1; i++)
10         for(j = 1; j <= m1; j++){
11             cin >> a[i][j];
12         }
13     cin >> n2 >> m2;
14     for(i = 1; i <= n2; i++)
15         for(j = 1; j <= m2; j++){
16             ____ (1) ____;
17         }
18     haveAns = false;
19     for(i = 1; i <= n1 - n2 + 1; i++){
20         for(j = 1; j <= ____ (2) ____; j++){
21             ____ (3) ____;
22             for(k1 = 1; k1 <= n2; k1++){
23                 for(k2 = 1; k2 <= ____ (4) ____; k2++){
24                     if(a[i + k1 - 1][j + k2 - 1] != b[k1][k2])
25                         good = false;
26                 }
27             }
28             if(good){
29                 cout << i << ' ' << j << endl;
30                 ____ (5) ____;
31             }
32         }
33     }
34     if(!haveAns)
35         cout << "There is no answer" << endl;
36     return 0;
37 }
```

变量解释

Diagram illustrating a 4x4 grid with various annotations and a highlighted 3x3 subgrid.

Annotations:

- 列 $m1-m2+1$ (Column $m1-m2+1$)
- 行 $n1-n2+1$ (Row $n1-n2+1$)
- $m1$ (Label for the rightmost column)
- $n1$ (Label for the bottom row)
- a (Label for the bottom of the grid)

1	2	3	4
3	4	1	4
2	2	3	4
1	4	1	4

Diagram illustrating a 2x3 grid with various annotations.

Annotations:

- $m2$ (Label for the rightmost column)
- $n2$ (Label for the leftmost column)
- b (Label for the bottom of the grid)

2	3	4
4	1	4

完善程序

关键语句

循环枚举：
i和j在枚举什么？
k1和k2又在循环什么

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE = 50;
4  int n1, m1, n2, m2, a[SIZE][SIZE], b[SIZE][SIZE];
5  int main(){
6      int i, j, k1, k2;
7      bool good, haveAns;
8      cin >> n1 >> m1;
9      for(i = 1; i <= n1; i++)
10         for(j = 1; j <= m1; j++){
11             cin >> a[i][j];
12         }
13     cin >> n2 >> m2;
14     for(i = 1; i <= n2; i++)
15         for(j = 1; j <= m2; j++){
16             ____ (1) ____;
17         }
18     haveAns = false;
19     for(i = 1; i <= n1 - n2 + 1; i++){
20         for(j = 1; j <= ____ (2) ____; j++){
21             ____ (3) ____;
22             for(k1 = 1; k1 <= n2; k1++){
23                 for(k2 = 1; k2 <= ____ (4) ____; k2++){
24                     if(a[i + k1 - 1][j + k2 - 1] != b[k1][k2])
25                         good = false;
26                 }
27             }
28             if(good){
29                 cout << i << ' ' << j << endl;
30                 ____ (5) ____;
31             }
32         }
33     }
34     if(!haveAns)
35         cout << "There is no answer" << endl;
36     return 0;
37 }
```

i, j枚举子矩阵的左上角坐标

k1, k2循环查看子矩阵中各坐标

完善程序

```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3 const int SIZE = 50;
4 int n1, m1, n2, m2, a[SIZE][SIZE], b[SIZE][SIZE];
5 int main(){
6     int i, j, k1, k2;
7     bool good, haveAns;
8     cin >> n1 >> m1;
9     for(i = 1; i <= n1; i++)
10         for(j = 1; j <= m1; j++){
11             cin >> a[i][j];
12         }
13     cin >> n2 >> m2;
14     for(i = 1; i <= n2; i++)
15         for(j = 1; j <= m2; j++){
16             ____ (1) ____;
17         }
18     haveAns = false;
19     for(i = 1; i <= n1 - n2 + 1; i++)
20         for(j = 1; j <= ____ (2) ____; j++){
21             ____ (3) ____;
22             for(k1 = 1; k1 <= n2; k1++){
23                 for(k2 = 1; k2 <= ____ (4) ____; k2++){
24                     if(a[i + k1 - 1][j + k2 - 1] != b[k1][k2])
25                         good = false;
26                 }
27             }
28             if(good){
29                 cout << i << ' ' << j << endl;
30                 ____ (5) ____;
31             }
32         }
33     if(!haveAns)
34         cout << "There is no answer" << endl;
35     return 0;
36 }
```

关键语句

good=true说明什
么？

说明找到a矩阵中
和b矩阵匹配情况。

题目中有“若不存
在则输出.....”

因此需要记录存在
匹配情况以便后续
分类输出。

完善程序

```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3 const int SIZE = 50;
4 int n1, m1, n2, m2, a[SIZE][SIZE], b[SIZE][SIZE];
5 int main(){
6     int i, j, k1, k2;
7     bool good, haveAns;
8     cin >> n1 >> m1;
9     for(i = 1; i <= n1; i++)
10         for(j = 1; j <= m1; j++)
11             cin >> a[i][j];
12     cin >> n2 >> m2;
13     for(i = 1; i <= n2; i++)
14         for(j = 1; j <= m2; j++)
15             ____ (1) ____;
16     haveAns = false;
17     for(i = 1; i <= n1 - n2 + 1; i++){
18         for(j = 1; j <= ____ (2) ____; j++){
19             ____ (3) ____;
20             for(k1 = 1; k1 <= n2; k1++){
21                 for(k2 = 1; k2 <= ____ (4) ____; k2++){
22                     if(a[i + k1 - 1][j + k2 - 1] != b[k1][k2])
23                         good = false;
24                 }
25             }
26             if(good){
27                 cout << i << ' ' << j << endl;
28                 ____ (5) ____;
29             }
30         }
31     }
32     if(!haveAns)
33         cout << "There is no answer" << endl;
34     return 0;
35 }
```

代码段作用

输入矩阵a、
矩阵b

枚举每个子矩
阵进行匹配

输出子矩阵左
上角坐标

没有匹配的情
况单独考虑

完善程序

（二叉查找树） 二叉查找树具有如下性质：每个节点的值都大于其左子树上所有节点的值、小于其右子树上所有节点的值。试判断一棵树是否为二叉查找树。

输入的第一行包含一个整数 n ，表示这棵树有 n 个顶点，编号分别为 $1, 2, \dots, n$ 其中编号为 1 的为根结点。之后的第 i 行有三个数 **value**, **left_child**, **right_child**，分别表示该节点关键字的值、左子节点的编号、右子节点的编号；如果不存在左子节点或右子节点，则用 0 代替。输出 1 表示这棵树是二叉查找树，输出 0 则表示不是。

手算样例

输入样例：

3

20 2 3

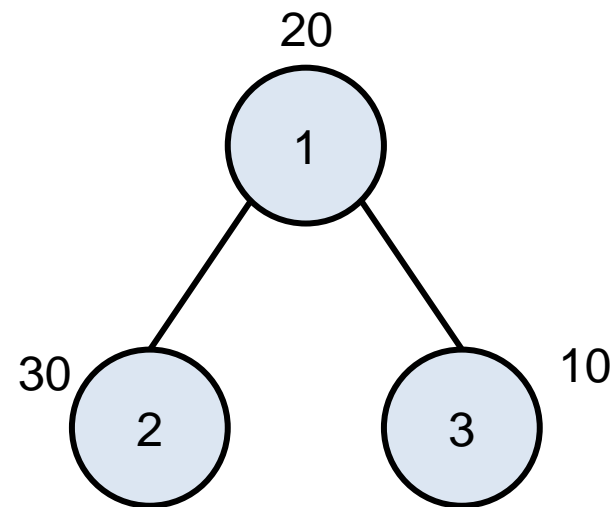
30 0 0

10 0 0

输出多少？

输出样例：

0



手算样例

输入样例：

5

100 2 3

99 4 0

101 0 0

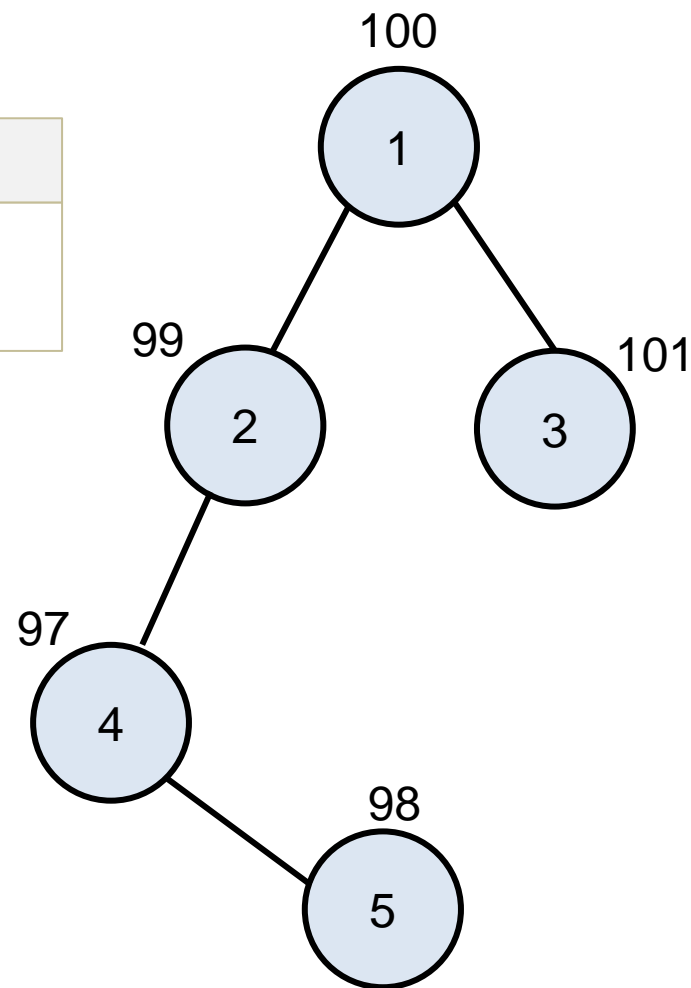
97 0 5

98 0 0

输出多少？

输出样例：

1



5分钟

完善程序

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  const int INFINITE=1000000;
5  struct node {int left_child, right_child, value;};
6  node a[SIZE];
7  int is_bst(int root, int lower_bound, int upper_bound) {
8      if(root==0) return 1;
9      int cur=a[root].value;
10     if( (cur>lower_bound) && (____(1)____) &&
11         (is_bst(a[root].left_child, lower_bound, cur)==1) &&
12         (is_bst(____(2)____, ____ (3)____, ____ (4)____)==1) )
13         return 1;
14     return 0;
15 }
16 int main(){
17     int i,n;
18     cin>>n;
19     for(i=1;i<=n;i++)
20         cin>>a[i].value>>a[i].left_child>>a[i].right_child;
21     cout<<is_bst(____(5)____, -INFINITE, INFINITE);
22     return 0;
23 }
```

1

识别变量

常见变量名
翻译循环变量
根据变量名的英文推断

2

找出关键语句

控制结构(for, if)
常见算法的基本操作
函数参数、返回值

3

理解代码段作用

翻译解释代码段

完善程序

```

1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  const int INFINITE=1000000;
5  struct node {int left_child, right_child, value;};
6  node a[SIZE];
7  int is_bst(int root, int lower_bound, int upper_bound) {
8      if(root==0) return 1;
9      int cur=a[root].value;
10     if( (cur>lower_bound) && (____(1)____) &&
11         (is_bst(a[root].left_child, lower_bound, cur)==1) &&
12         (is_bst(____(2)____, ____ (3)____, ____ (4)____)==1) )
13         return 1;
14     return 0;
15 }
16 int main(){
17     int i,n;
18     cin>>n;
19     for(i=1;i<=n;i++)
20         cin>>a[i].value>>a[i].left_child>>a[i].right_child;
21     cout<<is_bst(____(5)____, -INFINITE, INFINITE);
22     return 0;
23 }

```

$a[i]$ 表示第 i 号结点
每个结点有左儿子编号、
右儿子编号、值三个属性

`is_bst`判断以`root`为根的子树是否是二叉查找树

`root`指根结点编号

`lower_bound`表示结点值应满足的下限

`upper_bound`表示结点值应满足的上限

`cur`是本层结点`root`的值

完善程序

```

1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  const int INFINITE=1000000;
5  struct node {int left_child, right_child, value;};
6  node a[SIZE];
7  int is_bst(int root, int lower_bound, int upper_bound) {
8      if(root==0) return 1;
9      int cur=a[root].value;
10     if( (cur>lower_bound) && (____(1)____) &&
11         (is_bst(a[root].left_child, lower_bound, cur)==1) &&
12         (is_bst(____(2)____, ____ (3)____, ____ (4)____)==1) )
13         return 1;
14     return 0;
15 }
16 int main(){
17     int i,n;
18     cin>>n;
19     for(i=1;i<=n;i++)
20         cin>>a[i].value>>a[i].left_child>>a[i].right_child;
21     cout<<is_bst(____(5)____, -INFINITE, INFINITE);
22     return 0;
23 }
    
```

定义结构体node
包含其左儿子编号、右儿子编号、值三个属性
定义结构体数组a并输入

完善程序

is_bst函数是递归调用
三个参数分别表示本层结点
编号、上限值、下限值

```

1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  const int INFINITE=1000000;
5  struct node {int left_child, right_child, value;};
6  node a[SIZE];
7  int is_bst(int root, int lower_bound, int upper_bound) {
8      if(root==0) return 1;
9      int cur=a[root].value;
10     if( (cur>lower_bound) && (____(1)____) &&
11         (is_bst(a[root].left_child, lower_bound, cur)==1) &&
12         (is_bst(____(2)____, ____ (3)____, ____ (4)____)==1) )
13         return 1;
14     return 0;
15 }
16 int main(){
17     int i,n;
18     cin>>n;
19     for(i=1;i<=n;i++)
20         cin>>a[i].value>>a[i].left_child>>a[i].right_child;
21     cout<<is_bst(____(5)____, -INFINITE, INFINITE);
22     return 0;
23 }
    
```

完善程序

```

1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  const int INFINITE=1000000;
5  struct node {int left_child, right_child, value;};
6  node a[SIZE];
7  int is_bst(int root, int lower_bound, int upper_bound) {
8      if(root==0) return 1;
9      int cur=a[root].value;
10     if( (cur>lower_bound) && (____(1)____) &&
11         (is_bst(a[root].left_child, lower_bound, cur)==1) &&
12         (is_bst(____(2)____, ____ (3)____, ____ (4)____)==1) )
13         return 1;
14     return 0;
15 }
16 int main(){
17     int i,n;
18     cin>>n;
19     for(i=1;i<=n;i++)
20         cin>>a[i].value>>a[i].left_child>>a[i].right_child;
21     cout<<is_bst(____(5)____, -INFINITE, INFINITE);
22     return 0;
23 }

```

is_bst函数有三个返回语句

首先当root==0
叶子结点上一层没有左孩子
或右孩子结点
结束递归直接返回给上一层1

其次当满足if中条件时
返回1 否则返回0

完善程序

```

1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  const int INFINITE=1000000;
5  struct node {int left_child, right_child, value;};
6  node a[SIZE];
7  int is_bst(int root, int lower_bound, int upper_bound) {
8      if(root==0) return 1;
9      int cur=a[root].value;
10     if( (cur>lower_bound) && (____(1)____) &&
11     (is_bst(a[root].left_child, lower_bound, cur)==1) &&
12     (is_bst(____(2)____, ____ (3)____, ____ (4)____)==1) )
13         return 1;
14     return 0;
15 }
16 int main(){
17     int i,n;
18     cin>>n;
19     for(i=1;i<=n;i++)
20         cin>>a[i].value>>a[i].left_child>>a[i].right_child;
21     cout<<is_bst(____(5)____, -INFINITE, INFINITE);
22     return 0;
23 }
    
```

观察if成立的条件

- ① 需要结点值大于下限
- ② 需要结点值小于上限
- ③ 调用is_bst函数，将左子结点编号传入，需要返回1
- ④ 调用is_bst函数，将右子结点编号传入，需要返回1

哪种二叉树遍历顺序

前序

根左右

中序

左根右

后序

左右根

完善程序

```

1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  const int INFINITE=1000000;
5  struct node {int left_child, right_child, value;};
6  node a[SIZE];
7  int is_bst(int root, int lower_bound, int upper_bound) {
8      if(root==0) return 1;
9      int cur=a[root].value;
10     if( (cur>lower_bound) && (____(1)____) &&
11        (is_bst(a[root].left_child, lower_bound, cur)==1) &&
12        (is_bst(____(2)____, ____ (3)____, ____ (4)____)==1) )
13         return 1;
14     return 0;
15 }
16 int main(){
17     int i,n;
18     cin>>n;
19     for(i=1;i<=n;i++)
20         cin>>a[i].value>>a[i].left_child>>a[i].right_child;
21     cout<<is_bst(____(5)____, -INFINITE, INFINITE);
22     return 0;
23 }

```

第一个is_bst函数调用
将本层结点左子结点编号传入
该左子结点值下限只要保持和
父节点一样就行（**思考为什么**）
上限调整为不超过本层结点
（该左子结点父亲）的值cur

第二个is_bst函数调用
将本层结点右子结点编号传入
该右子结点值上限只要保持和
父节点一样就行（**同样的原因**）
下限调整为不小于本层结点
（该左子结点父亲）的值cur

完善程序

```

1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  const int INFINITE=1000000;
5  struct node {int left_child, right_child, value;};
6  node a[SIZE];
7  int is_bst(int root, int lower_bound, int upper_bound) {
8      if(root==0) return 1;
9      int cur=a[root].value;
10     if( (cur>lower_bound) && (____(1)____) &&
11         (is_bst(a[root].left_child, lower_bound, cur)==1) &&
12         (is_bst(____(2)____, ____ (3)____, ____ (4)____)==1) )
13         return 1;
14     return 0;
15 }
16 int main(){
17     int i,n;
18     cin>>n;
19     for(i=1;i<=n;i++)
20         cin>>a[i].value>>a[i].left_child>>a[i].right_child;
21     cout<<is_bst(____(5)____, -INFINITE, INFINITE);
22     return 0;
23 }

```

定义结构体数组

递归调用is_bst函数

检查每节点值是否都大于其左子树上所有节点值、小于其右子树上所有节点值
如果是返回1，否则返回0

将每个node的值、左儿子编号和右儿子编号依次输入

主函数内递归调用is_bst函数的入口，从根结点开始

完善程序

该层结点的值cur需要小于参数传入的上限upper_bound

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  const int INFINITE=1000000;
5  struct node {int left_child, right_child, value;};
6  node a[SIZE];
7  int is_bst(int root, int lower_bound, int upper_bound) {
8      if(root==0) return 1;
9      int cur=a[root].value;
10     if( (cur>lower_bound) && (____(1)____) &&
11         (is_bst(a[root].left_child, lower_bound, cur)==1) &&
12         (is_bst(____(2)____, ____ (3)____, ____ (4)____)==1) )
13         return 1;
14     return 0;
15 }
16 int main(){
17     int i,n;
18     cin>>n;
19     for(i=1;i<=n;i++)
20         cin>>a[i].value>>a[i].left_child>>a[i].right_child;
21     cout<<is_bst(____(5)____, -INFINITE, INFINITE);
22     return 0;
23 }
```

完善程序

第一个参数应传入该层结点的
右子结点编号
即a[root].right_child

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  const int INFINITE=1000000;
5  struct node {int left_child, right_child, value;};
6  node a[SIZE];
7  int is_bst(int root, int lower_bound, int upper_bound) {
8      if(root==0) return 1;
9      int cur=a[root].value;
10     if( (cur>lower_bound) && (____(1)____) &&
11         (is_bst(a[root].left_child, lower_bound, cur)==1) &&
12         (is_bst(____(2)____, ____ (3)____, ____ (4)____)==1) )
13         return 1;
14     return 0;
15 }
16 int main(){
17     int i,n;
18     cin>>n;
19     for(i=1;i<=n;i++)
20         cin>>a[i].value>>a[i].left_child>>a[i].right_child;
21     cout<<is_bst(____(5)____, -INFINITE, INFINITE);
22     return 0;
23 }
```


完善程序

第二个参数应传入右儿子下限
右儿子不能小于父亲值
所以下限应是cur

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  const int INFINITE=1000000;
5  struct node {int left_child, right_child, value;};
6  node a[SIZE];
7  int is_bst(int root, int lower_bound, int upper_bound) {
8      if(root==0) return 1;
9      int cur=a[root].value;
10     if( (cur>lower_bound) && (____(1)____) &&
11         (is_bst(a[root].left_child, lower_bound, cur)==1) &&
12         (is_bst(____(2)____, ____ (3)____, ____ (4)____)==1) )
13         return 1;
14     return 0;
15 }
16 int main(){
17     int i,n;
18     cin>>n;
19     for(i=1;i<=n;i++)
20         cin>>a[i].value>>a[i].left_child>>a[i].right_child;
21     cout<<is_bst(____(5)____, -INFINITE, INFINITE);
22     return 0;
23 }
```


完善程序

第三个参数应传入右儿子上限
右儿子只需要继承父亲上限
下层沿用本层upper_bound

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  const int INFINITE=1000000;
5  struct node {int left_child, right_child, value;};
6  node a[SIZE];
7  int is_bst(int root, int lower_bound, int upper_bound) {
8      if(root==0) return 1;
9      int cur=a[root].value;
10     if( (cur>lower_bound) && (____(1)____) &&
11         (is_bst(a[root].left_child, lower_bound, cur)==1) &&
12         (is_bst(____(2)____, ____ (3)____, ____ (4)____)==1) )
13         return 1;
14     return 0;
15 }
16 int main(){
17     int i,n;
18     cin>>n;
19     for(i=1;i<=n;i++)
20         cin>>a[i].value>>a[i].left_child>>a[i].right_child;
21     cout<<is_bst(____(5)____, -INFINITE, INFINITE);
22     return 0;
23 }
```

完善程序

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  const int SIZE=100;
4  const int INFINITE=1000000;
5  struct node {int left_child, right_child, value;};
6  node a[SIZE];
7  int is_bst(int root, int lower_bound, int upper_bound) {
8      if(root==0) return 1;
9      int cur=a[root].value;
10     if( (cur>lower_bound) && (____(1)____) &&
11         (is_bst(a[root].left_child, lower_bound, cur)==1) &&
12         (is_bst(____(2)____, ____ (3)____, ____ (4)____)==1) )
13         return 1;
14     return 0;
15 }
16 int main(){
17     int i,n;
18     cin>>n;
19     for(i=1;i<=n;i++)
20         cin>>a[i].value>>a[i].left_child>>a[i].right_child;
21     cout<<is_bst(____(5)____, -INFINITE, INFINITE);
22     return 0;
23 }
```

从结点1（也即根结点）开始
递归调用

完善程序

（双链表）对于一个1到 n 的排列 Q （即1到 n 中每一个数在 Q 中出现了恰好一次），令 q_i 为第 i 个位置之后第一个比 Q_i 值更大的位置，如果不存在这样的位置，则 $q_i = n + 1$ 。

举例来说，如果 $n = 5$ 且 Q 为1 5 4 2 3，则 q 为2 6 6 5 6。

下列程序读入了排列 Q ，使用双向链表求解了答案。试补全程序。

数据范围 $1 \leq n \leq 10^5$

手算样例

输入样例：

4

1 2 3 4

输出多少？

输出样例：

2 3 4 5

手算样例

输入样例：

8

1 3 7 4 6 2 8 5

输出多少？

输出样例：

2 3 7 5 7 7 9 9

完善程序

```

1  #include<iostream>
2  using namespace std;
3  const int N=10010;
4  int n;
5  int L[N], R[N], a[N];
6  int main() {
7      cin>>n;
8      for(int i=1; i<=n; ++i) {
9          int x;
10         cin>>x;
11         _____(1) _____;
12     }
13     for(int i=1; i<=n; ++i) {
14         R[i] = _____(2) _____;
15         L[i] = i-1;
16     }
17     for(int i=1; i<=n; ++i) {
18         L[_____(3) _____] = L[a[i]];
19         R[L[a[i]]] = R[_____(4) _____];
20     }
21     for(int i=1; i<=n; ++i)
22         cout<<_____(5) _____<<" ";
23     cout<<endl;
24     return 0;
25 }
```

1

识别变量

常见变量名
翻译循环变量
根据变量名的英文推断

2

找出关键语句

控制结构(for, if)
常见算法的基本操作
函数参数、返回值

3

理解代码段作用

翻译解释代码段

完善程序

解释变量的作用

```
1  #include<iostream>
2  using namespace std;
3  const int N=10010;
4  int n;
5  int L[N], R[N], a[N];
6  int main() {
7      cin>>n;
8      for(int i=1; i<=n; ++i) {
9          int x;
10         cin>>x;
11         _____(1) _____;
12     }
13     for(int i=1; i<=n; ++i) {
14         R[i] = _____(2) _____;
15         L[i] = i-1;
16     }
17     for(int i=1; i<=n; ++i) {
18         L[_____(3) _____] = L[a[i]];
19         R[L[a[i]]] = R[_____(4) _____];
20     }
21     for(int i=1; i<=n; ++i)
22         cout<<_____(5) _____<<" ";
23     cout<<endl;
24     return 0;
25 }
```

n

表示序列长度

x

表示第i个数字

a[x]

表示数字x在序列中的位置

L[i]

表示位置i的前驱

R[i]

表示位置i的后继

完善程序

输入:

5

1 5 4 2 3

输出:

2 6 6 5 6

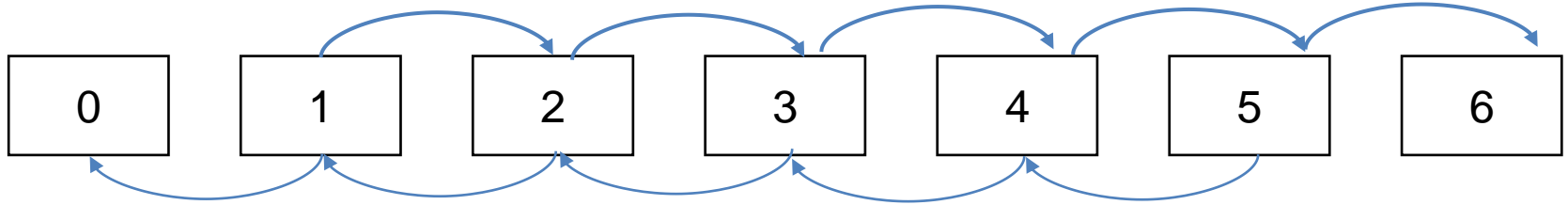
i	0	1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---	---	---

a		1	4	5	3	2	
---	--	---	---	---	---	---	--

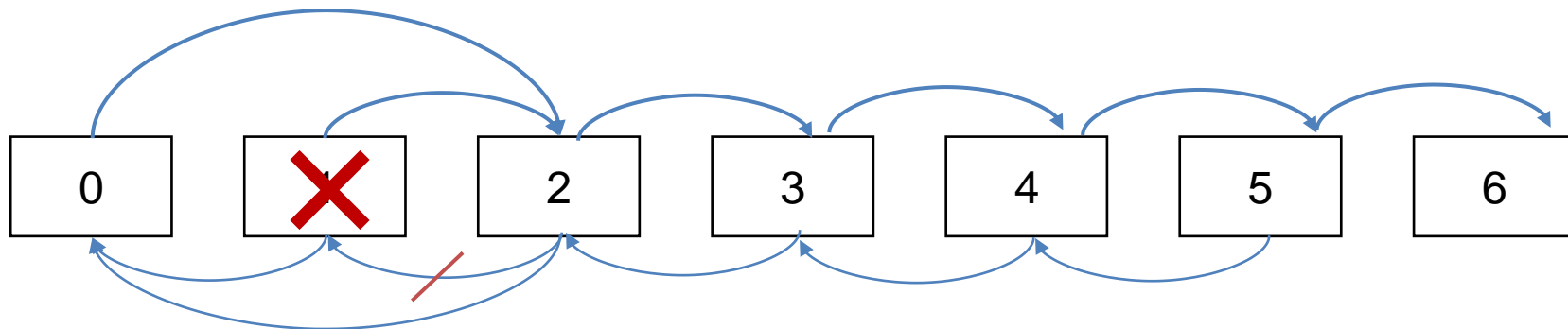
L		0	1	2	3	4	
---	--	---	---	---	---	---	--

R		2	3	4	5	6	
---	--	---	---	---	---	---	--

完善程序



完善程序



删除当前最小数字1

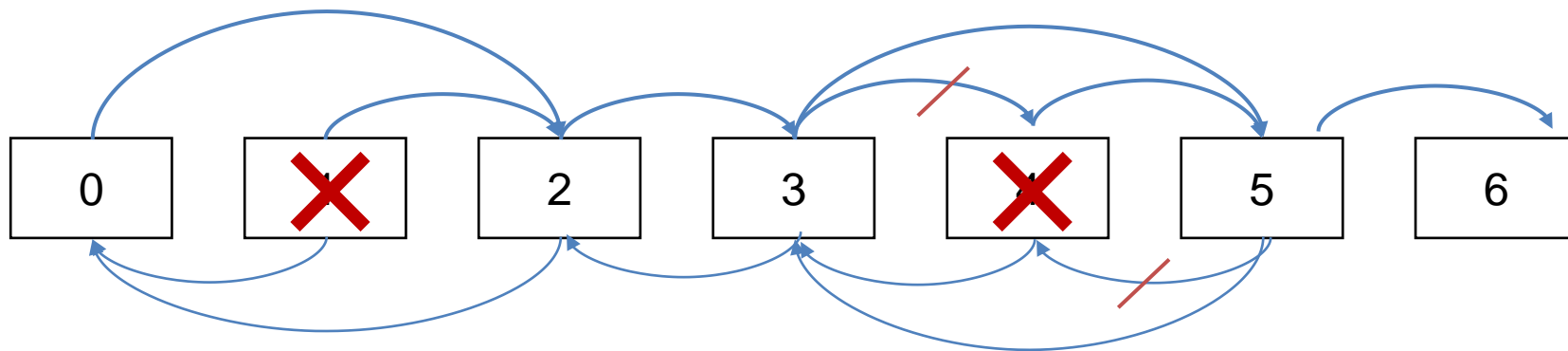
1的位置 $a[i]=1$

从链表中删除 $a[i]$

$a[i]$ 的后继的前驱变成 $a[i]$ 的前驱

$a[i]$ 的前驱的后继变成 $a[i]$ 的后继

完善程序



删除当前最小数字2

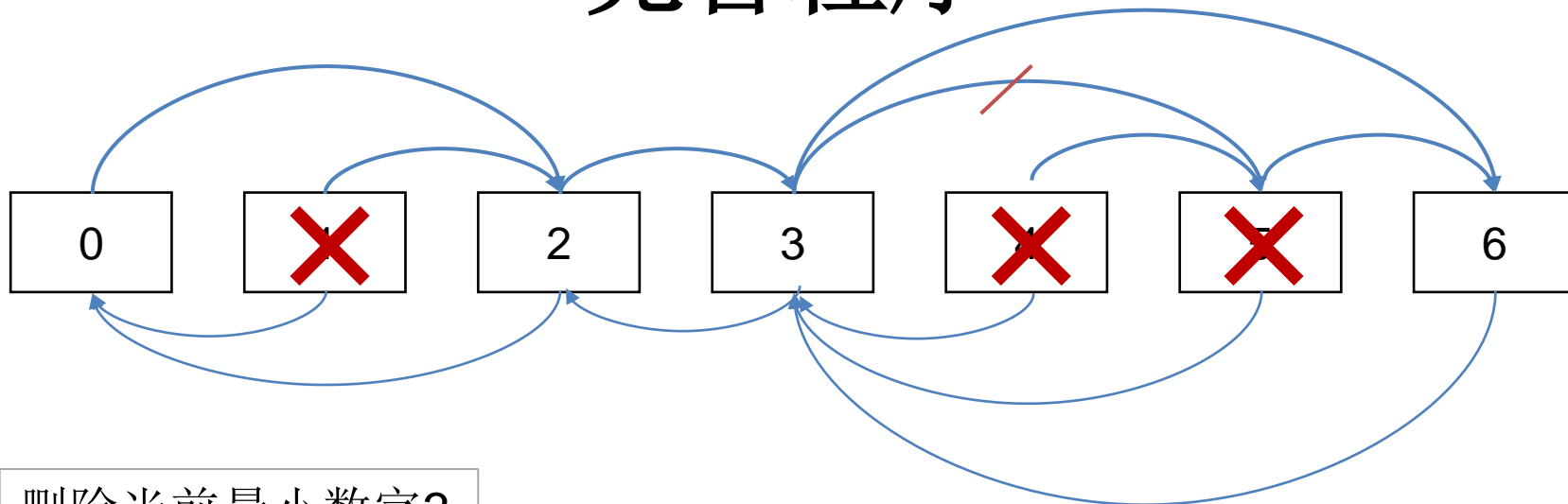
2的位置 $a[2]=4$

从链表中删除 $a[i]$

$a[i]$ 的后继的前驱变成 $a[i]$ 的前驱

$a[i]$ 的前驱的后继变成 $a[i]$ 的后继

完善程序



删除当前最小数字3

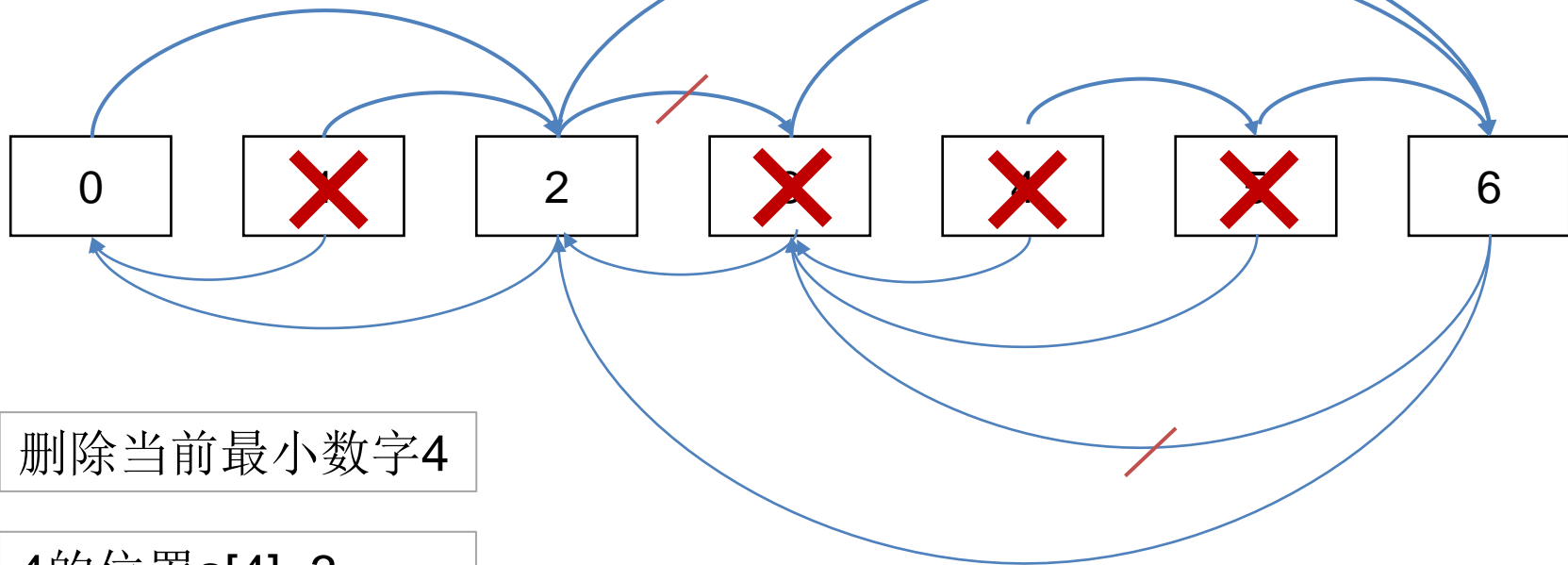
3的位置 $a[3]=5$

从链表中删除 $a[i]$

$a[i]$ 的后继的前驱变成 $a[i]$ 的前驱

$a[i]$ 的前驱的后继变成 $a[i]$ 的后继

完善程序



删除当前最小数字4

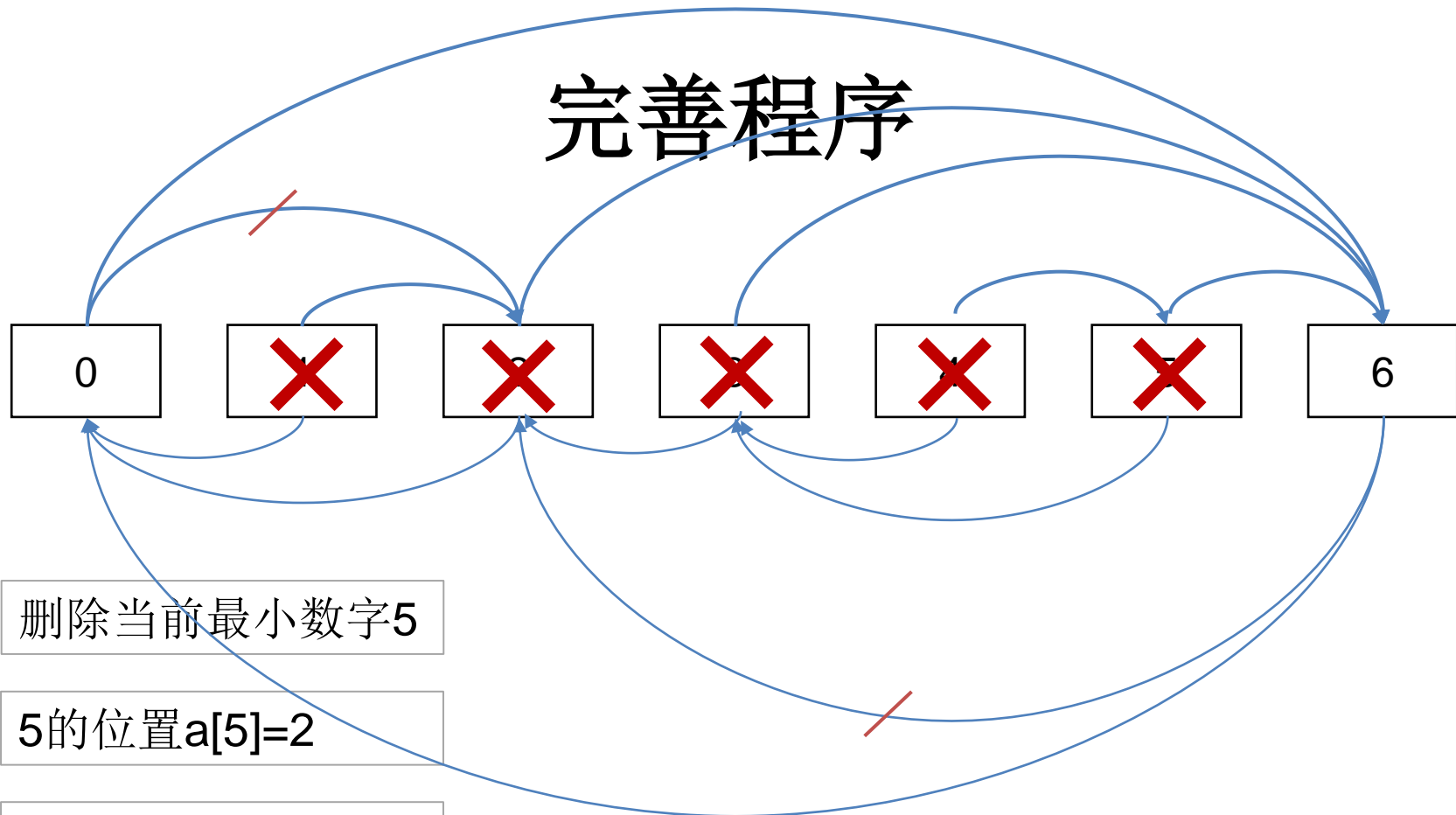
4的位置 $a[4]=3$

从链表中删除 $a[i]$

$a[i]$ 的后继的前驱变成 $a[i]$ 的前驱

$a[i]$ 的前驱的后继变成 $a[i]$ 的后继

完善程序



删除当前最小数字5

5的位置 $a[5]=2$

从链表中删除 $a[i]$

$a[i]$ 的后继的前驱变成 $a[i]$ 的前驱

$a[i]$ 的前驱的后继变成 $a[i]$ 的后继

完善程序

输出：

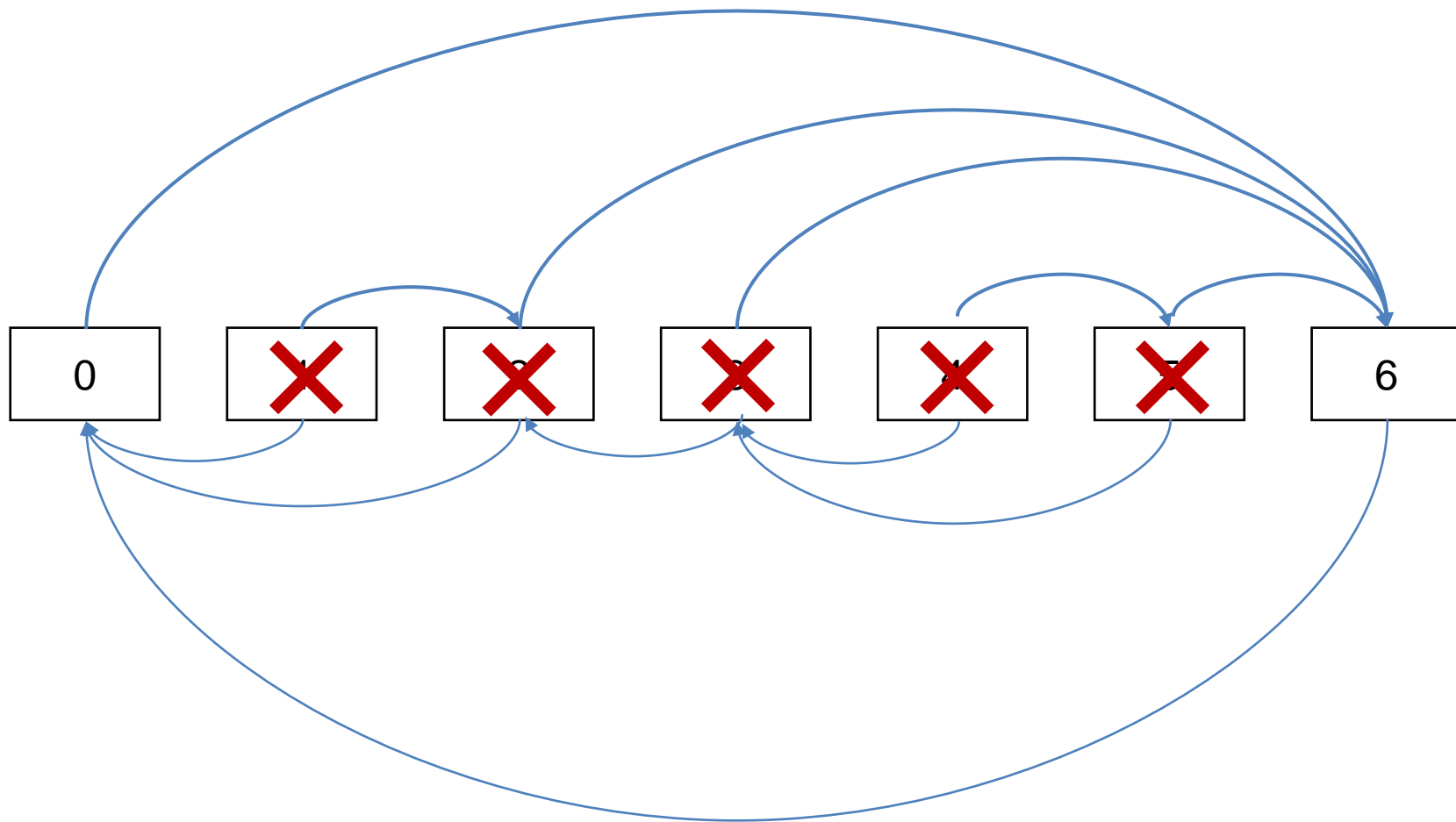
2

6

6

5

6



完善程序

```
1  #include<iostream>
2  using namespace std;
3  const int N=10010;
4  int n;
5  int L[N], R[N], a[N];
6  int main() {
7      cin>>n;
8      for(int i=1; i<=n; ++i) {
9          int x;
10         cin>>x;
11         _____(1) _____;
12     }
13     for(int i=1; i<=n; ++i) {
14         R[i] = _____(2) _____;
15         L[i] = i-1;
16     }
17     for(int i=1; i<=n; ++i) {
18         L[_____(3) _____] = L[a[i]];
19         R[L[a[i]]] = R[_____(4) _____];
20     }
21     for(int i=1; i<=n; ++i)
22         cout<<_____(5) _____<<" ";
23     cout<<endl;
24     return 0;
25 }
```

关键语句

$a[i]=x$ 还是 $a[x]=i$
如果 $a[i]=x$ 为什么不
直接 $\text{cin}>>a[i]$

记录数字 x 在序列
中的位置

完善程序

关键词句

```
1  #include<iostream>
2  using namespace std;
3  const int N=10010;
4  int n;
5  int L[N], R[N], a[N];
6  int main() {
7      cin>>n;
8      for(int i=1; i<=n; ++i) {
9          int x;
10         cin>>x;
11         _____(1) _____;
12     }
13     for(int i=1; i<=n; ++i) {
14         R[i] = _____(2) _____;
15         L[i] = i-1;
16     }
17     for(int i=1; i<=n; ++i) {
18         L[_____(3) _____] = L[a[i]];
19         R[L[a[i]]] = R[_____(4) _____];
20     }
21     for(int i=1; i<=n; ++i)
22         cout<<_____(5) _____<<" ";
23     cout<<endl;
24     return 0;
25 }
```

右侧第一个比位置i
上数字大的位置
a[i]、L[i]还是R[i]?

完善程序

关键词句

```
1  #include<iostream>
2  using namespace std;
3  const int N=10010;
4  int n;
5  int L[N], R[N], a[N];
6  int main() {
7      cin>>n;
8      for(int i=1; i<=n; ++i) {
9          int x;
10         cin>>x;
11         _____(1) _____;
12     }
13     for(int i=1; i<=n; ++i) {
14         R[i] = _____(2) _____;
15         L[i] = i-1;
16     }
17     for(int i=1; i<=n; ++i) {
18         L[_____(3) _____] = L[a[i]];
19         R[L[a[i]]] = R[_____(4) _____];
20     }
21     for(int i=1; i<=n; ++i)
22         cout<<_____(5) _____<<" ";
23     cout<<endl;
24     return 0;
25 }
```

位置i的后继为i+1

位置i的前驱为i-1

完善程序

关键词句

```
1  #include<iostream>
2  using namespace std;
3  const int N=10010;
4  int n;
5  int L[N], R[N], a[N];
6  int main() {
7      cin>>n;
8      for(int i=1; i<=n; ++i) {
9          int x;
10         cin>>x;
11         _____(1) _____;
12     }
13     for(int i=1; i<=n; ++i) {
14         R[i] = _____(2) _____;
15         L[i] = i-1;
16     }
17     for(int i=1; i<=n; ++i) {
18         L[_____(3) _____] = L[a[i]];
19         R[L[a[i]]] = R[_____(4) _____];
20     }
21     for(int i=1; i<=n; ++i)
22         cout<<_____(5) _____<<" ";
23     cout<<endl;
24     return 0;
25 }
```

L[a[i]]数字i所在位置在序列的前驱

R[L[a[i]]]数字i所在位置序列位置的前驱的后继

完善程序

代码段作用

```
1  #include<iostream>
2  using namespace std;
3  const int N=10010;
4  int n;
5  int L[N], R[N], a[N];
6  int main() {
7      cin>>n;
8      for(int i=1; i<=n; ++i) {
9          int x;
10         cin>>x;
11         _____(1) _____;
12     }
13     for(int i=1; i<=n; ++i) {
14         R[i] = _____(2) _____;
15         L[i] = i-1;
16     }
17     for(int i=1; i<=n; ++i) {
18         L[_____(3) _____] = L[a[i]];
19         R[L[a[i]]] = R[_____(4) _____];
20     }
21     for(int i=1; i<=n; ++i)
22         cout<<_____(5) _____<<" ";
23     cout<<endl;
24     return 0;
25 }
```

输入记录x出现的
位置

构建静态
双链表

删除节点

输出后继

完善程序

```
1  #include<iostream>
2  using namespace std;
3  const int N=10010;
4  int n;
5  int L[N], R[N], a[N];
6  int main() {
7      cin>>n;
8      for(int i=1; i<=n; ++i) {
9          int x;
10         cin>>x;
11         _____1_____ ;
12     }
13     for(int i=1; i<=n; ++i) {
14         R[i] = _____(2) _____;
15         L[i] = i-1;
16     }
17     for(int i=1; i<=n; ++i) {
18         L[_____(3) _____] = L[a[i]];
19         R[L[a[i]]] = R[_____(4) _____];
20     }
21     for(int i=1; i<=n; ++i)
22         cout<<_____(5) _____<<" ";
23     cout<<endl;
24     return 0;
25 }
```

输入数字x出现的位置

完善程序

```
1  #include<iostream>
2  using namespace std;
3  const int N=10010;
4  int n;
5  int L[N], R[N], a[N];
6  int main() {
7      cin>>n;
8      for(int i=1; i<=n; ++i) {
9          int x;
10         cin>>x;
11         1;
12     }
13     for(int i=1; i<=n; ++i) {
14         R[i] = 2;
15         L[i] = i-1;
16     }
17     for(int i=1; i<=n; ++i) {
18         L[(3)       ] = L[a[i]];
19         R[L[a[i]]] = R[(4)       ];
20     }
21     for(int i=1; i<=n; ++i)
22         cout<<(5)       <<" ";
23     cout<<endl;
24     return 0;
25 }
```

创建双链表

完善程序

```
1  #include<iostream>
2  using namespace std;
3  const int N=10010;
4  int n;
5  int L[N], R[N], a[N];
6  int main() {
7      cin>>n;
8      for(int i=1; i<=n; ++i) {
9          int x;
10         cin>>x;
11         1;
12     }
13     for(int i=1; i<=n; ++i) {
14         R[i] = 2
15         L[i] = i-1;
16     }
17     for(int i=1; i<=n; ++i) {
18         L[3] = L[a[i]];
19         R[L[a[i]]] = R[4];
20     }
21     for(int i=1; i<=n; ++i)
22         cout<<_____ (5) _____<<" ";
23     cout<<endl;
24     return 0;
25 }
```

从小到大删除数字

完善程序

```
1  #include<iostream>
2  using namespace std;
3  const int N=10010;
4  int n;
5  int L[N], R[N], a[N];
6  int main() {
7      cin>>n;
8      for(int i=1; i<=n; ++i) {
9          int x;
10         cin>>x;
11         1;
12     }
13     for(int i=1; i<=n; ++i) {
14         R[i] = 2
15         L[i] = i-1;
16     }
17     for(int i=1; i<=n; ++i) {
18         L[3] = L[a[i]];
19         R[L[a[i]]] = R[4];
20     }
21     for(int i=1; i<=n; ++i)
22         cout<<5<<" ";
23     cout<<endl;
24     return 0;
25 }
```

输出i的后继

作业：完善程序

626 坐标统计

229 子矩阵

2007 静态双链表