# OI 模拟赛

# 第一试

时间: 1926 年 8 月 17 日 01:00 ~ 01:00:01

题目名称	通信	树的链接	数串
题目类型	传统型	传统型	传统型
目录	inform	treelink	word
可执行文件名	inform	treelink	word
输入文件名	inform.in	treelink.in	word.in
输出文件名	inform.out	treelink.out	word.out
每个测试点时限	1.0 秒	1.0 秒	1.0 秒
内存限制	512 MB	512 MB	512 MB
子任务数目	10	10	10
测试点是否等分	是	是	是

# 提交源程序文件名

对于 C++ 语言	inform.cpp	treelink.cpp	word.cpp
对于 C 语言	inform.c	treelink.c	word.c
对于 Pascal 语言	inform.pas	treelink.pas	word.pas

# 编译选项

对于 C++ 语言	-02
对于 C 语言	-02
对于 Pascal 语言	-02

OI 模拟赛 第一试 通信(inform)

# 通信 (inform)

### 【题目描述】

一场天灾过后, B 市的所有主干道路都被切断了。

灾后重建的一项重要任务是恢复通信。B 市共有 n 个关键的据点,而我们现在有一条关键的消息,需要所有的据点都要收到。

消息的传递有两种方式:

- 空降:可以直接将消息传给某个据点,每次需要的代价为 v。
- 通信员:可以将消息从一个据点传到另一个据点,需要的代价为两个据点在地图上的欧氏距离的平方。保证所有点的坐标均为整数,所以这个代价也一定是整数。

注意,通信员只能从已有消息的据点传递消息到另一个据点。所以,至少第一个收 到消息的据点一定是通过空降的。

在保证所有的据点都收到消息的前提下,最小的总代价是多少?

#### 【输入格式】

从文件 inform.in 中读入数据。

输入的第一行包含空格隔开的两个数 n, v。

接下来 n 行,每行有两个空格隔开的数 x,y,表示每个据点在地图上的坐标。

#### 【输出格式】

输出到文件 inform.out 中。

输出一行,仅包含一个整数,表示最小的总代价。

#### 【样例 1 输入】

```
1 6 1000

2 0 0

3 0 10

4 20 20

5 30 30

6 80 100

7 100 100
```

OI 模拟赛 第一试 通信(inform)

# 【样例1输出】

1 3200

# 【样例1解释】

- 一种可能的方案如下:
- 空降: (0, 10), 代价 1000
- 通信员: (0, 10) 到 (0, 0), 代价 100
- 通信员: (0, 10) 到 (20, 20), 代价 500
- 通信员: (20, 20) 到 (30, 30), 代价 200
- 空降: (100, 100), 代价 1000
- 通信员: (100, 100) 到 (80, 100), 代价 400

# 【各测试点数据规模与约定】

所有测试点的 n 分别为: 1, 5, 9, 13, 17, 50, 300, 1000, 3000, 5000。对于所有数据,保证  $0 \le v \le 100, 000, 0 \le x, y \le 30, 000$ 。

# 树的链接(treelink)

### 【题目描述】

D 国有 n 个城市,有若干条道路,每条道路能连接两个城市,并且有一定的长度。可是......初始时,并没有任何道路存在。接下来,有 q 个操作需要你依次完成:

- xy 表示: 询问城市 x 与 y 之间的最短路径长度; 如果不存在任何路径,则你应当回答-1。
- xyw 表示: 在城市 x 与 y 之间修建了一条长度为 w 的道路。保证在此之前在城市 x 与 y 之间不存在任何路径(即: 假如在此之前给出一个 xy 的操作,保证其答案应当为-1)。

# 【输入格式】

从文件 treelink.in 中读入数据。

输入的第一行包含两个正整数 n,q。

接下来 q 行,每行输入两个或者三个正整数,形如 xy 或 xyw,表示一个操作。每行中,相邻的两个数之间用一个空格隔开。

# 【输出格式】

输出到文件 treelink.out 中。

对于每个形如 xy 的操作,你需要输出一行,包含一个整数,为你对于这次询问的答案。

#### 【样例 1 输入】

```
1 4 7
2 1 3
3 1 3 100
4 2 3 200
5 1 3
6 1 2
7 2 3
8 1 4
```

# 【样例1输出】

```
1 -1
2 100
3 300
4 200
5 -1
```

# 【样例1解释】

TODO

# 【数据规模】

对于测试点 1,2,保证  $n,q \le 200$ 。

对于测试点 1,2,3,4, 保证  $n,q \le 2000$ 。

对于测试点 1,2,3,4,5,6, 保证  $n,q \le 100,000$ 。

编号为奇数的测试点满足: 所有形如 xyw 的询问都出现在所有形如 xy 的询问之后。

对于所有数据,保证  $1 \le n, q \le 500,000$ 。所有的 w 均为不超过 1000 的正整数。

OI 模拟赛 第一试 数串(word)

# 数串 (word)

### 【题目描述】

我想让你告诉我一个数字串.....

这个串的长度必须是 n, 并且每一位都是 1 到 k 的数字。 $(1 \le k \le 9)$ 

我还会给你 m 条 "禁止规则"。对于第 i 条规则,我会给你两个数字  $a_i$  与  $b_i$ ,表示数字  $a_i$  禁止出现在数字  $b_i$  之前。

现在,我要问你以下两个问题:

- 一共有多少种你可以告诉我的数字串?
- 如果把数字串看成一个整数,那么所有可能的数字串作为整数的和是多少?

### 【输入格式】

从文件 word.in 中读入数据。

第一行输入三个空格隔开的整数 n, m, k。

接下来 m 行,每行输入两个空格隔开的整数,其中第 i 行输入的整数为  $a_i,b_i$ 。( $1 \le a_i,b_i \le k$ )

## 【输出格式】

输出到文件 word.out 中。

输出两行,每行一个整数,分别对应每个问题的答案。

## 【样例 1 输入】

```
1 4 4 3
2 1 1
3 1 2
4 2 2
5 3 1
```

#### 【样例 1 输出】

```
1 7
2 19020
```

OI 模拟赛 第一试 数串(word)

# 【样例1解释】

符合条件的数字串共有 7 个,分别为: 1333, 2133, 2333, 3233, 3323, 3332, 3333。 如果把它们视为整数,则求和为 19020。

# 【数据规模】

对于测试点 1, 保证 n=1。

对于测试点 2,3,4, 保证  $n \le 6$ 。

对于测试点 5,6,保证  $n \le 50$ 。

对于测试点 7,8, 保证  $n \le 200$ 。

对于所有编号为奇数的测试点,保证 m=0。

对于全部数据, 保证  $1 \le n \le 500, 0 \le m \le 100$ 。