

## 1 Exercise 3

### 1.1

---

**Algorithm 1** Recursive insertion sort

---

```
1: procedure INSERTION_SORT_NEW( $A, n$ )  $\triangleright A[1\dots n]$ 
2:   for  $j = 2$  to  $A.length$  do
3:      $key \leftarrow A[j]$ 
4:      $i \leftarrow j - 1$ 
5:      $index \leftarrow \text{binary\_search}(A, 1, i, key)$ 
6:     while  $i \geq index$  do
7:        $A[i + 1] \leftarrow A[i]$ 
8:        $i \leftarrow i - 1$ 
9:     end while
10:     $A[i + 1] \leftarrow key$ 
11:  end for
12:  return  $A$ 
13: end procedure
```

---

### 1.2

이진 탐색을 사용하면,  $O(n \log n)$  복잡도를 갖는다.  $j$ 번째 iteration에서 이진 탐색 procedure는  $\log_2(j-1)$  만큼의 비교를 진행하기 때문에,

$$\begin{aligned} \sum_{j=2}^n \log_2(j-1) &= \sum_{j=1}^{n-1} \log_2(j) \\ &= n \log_2(n+1) + 2^{\log_2(n+1)+1} + 2 \\ &= O(n \log n) \end{aligned} \tag{1}$$

으로 정리할 수 있다.

### 1.3

$T(n) = c_1 n + c_2(n-1) + c_3(n-1) + c_4 \log(n-1) + c_5 \sum_{j=2}^n t_j + c_6 \sum_{j=2}^n (t_j - 1) + c_7 \sum_{j=2}^n (t_j - 1) + c_8(n-1)$   
에서 최악의 상황일 때  $t_j = j$ 가 된다. 따라서  $\sum_{j=2}^n (j-1)n(n-1)/2$  이므로 수행시간은  $an^2 + bn + c + d \log n$ 로 나타낼 수 있다. 따라서 최악의 상황에서 수행시간은  $O(n^2)$