

人工智能学习笔记

西瓜书学习笔记

烂石

2025 年 4 月 8 日



## 1 绪论

### 1.1 引言

略

### 1.2 基本术语

- (i) 样本/示例-sample/instance
- (ii) 训练集-training data
- (iii) 测试集-testing data
- (iv) 标记-label
- (v) 样例-example: 拥有 label 的 instance
- (vi) 泛化-generalization

### 1.3 假设空间

#### 1.3.1 科学推理

- 归纳-induction 从具体的事实归结出一般性规律
- 演绎-deduction 从基础原理推演出具体状况

#### 1.3.2 归纳学习-inductive learning

- 广义归纳学习
- 狭义归纳学习-概念学习 eg: 布尔概念学习

#### 1.3.3 版本空间-version space

即存在着一个与训练集一致的”假设集合”

### 1.4 归纳偏好

有多个与训练集一致的假设, 但测试新样本时有不同的输出结果, 那么采用哪种模型(假设)?

### 1.4.1 ”奥卡姆剃刀”原则

若有多个假设与观察一致, 则选最简单的那个. 利用什么原则, 取决于算法能否获得更好的性能, 泛化能力是否更强

### 1.4.2 NFL(No Free Lunch Theorem) 定理-”没有免费的午餐”定理

定理 1.1 (No Free Lunch 定理). 对于所有学习算法  $\mathcal{L}_a$  和  $\mathcal{L}_b$ , 在均匀分布的目标函数空间下, 它们的训练外误差满足:

$$\sum_f E_{ote}(\mathcal{L}_a|X, f) = \sum_f E_{ote}(\mathcal{L}_b|X, f)$$

证明.

步骤 1.1.1 (定义与假设). 假设样本空间  $\mathcal{X}$  和假设空间  $\mathcal{H}$  是离散的. 定义:

$$E_{ote}(\mathcal{L}_a|X, f) = \sum_{h \in \mathcal{H}} \sum_{x \in \mathcal{X}-X} P(x) \cdot \mathbb{I}(h(x) \neq f(x)) \cdot P(h|X, \mathcal{L}_a)$$

其中  $\mathbb{I}(\cdot)$  为指示函数。

步骤 1.1.2 (总误差求和). 对所有目标函数求和:

$$\sum_f E_{ote}(\mathcal{L}_a|X, f) = \sum_f \sum_h \sum_{x \in \mathcal{X}-X} P(x) \mathbb{I}(h(x) \neq f(x)) P(h|X, \mathcal{L}_a) \quad (1)$$

步骤 1.1.3 (交换求和顺序). 将  $\sum_f$  移至内部:

$$\begin{aligned} &= \sum_{x \in \mathcal{X}-X} P(x) \sum_h P(h|X, \mathcal{L}_a) \\ &\quad \times \underbrace{\sum_f \mathbb{I}(h(x) \neq f(x))}_{\text{关键项}} \end{aligned} \quad (2)$$

步骤 1.1.4 (计算关键项). 对于二分类问题, 每个  $x$  处的  $f(x)$  有等概率取 0 或 1:

$$\sum_f \mathbb{I}(h(x) \neq f(x)) = \frac{1}{2} \cdot 2^{|\mathcal{X}|} = 2^{|\mathcal{X}|-1}$$

步骤 1.1.5 (最终化简). 代入关键项并利用  $\sum_h P(h|X, \mathcal{L}_a) = 1$ :

$$\text{原式} = 2^{|\mathcal{X}|-1} \sum_{x \in \mathcal{X}-X} P(x)$$

该结果与算法  $\mathcal{L}_a$  无关, 故对任意  $\mathcal{L}_a, \mathcal{L}_b$ :

$$\sum_f E_{ote}(\mathcal{L}_a|X, f) = \sum_f E_{ote}(\mathcal{L}_b|X, f)$$

□

由1.1可知, 脱离具体问题, 空谈”什么学习算法最好”是毫无意义的

## 1.5 发展历程

推理期:1950s-1970s-符号知识, 演绎推理

知识期:1970s 中期-符号知识, 领域知识

学习期:1980s-机器学习, 归纳逻辑程序设计 (Inductive Logic Programming)

统计学习:1990s 中期-向量机 (Support Vector Machine), 核方法 (Kernel Methods)

深度学习:2000s-神经网络

## 1.6 应用现状

信息科学, 自然科学...

## 1.7 阅读材料

### 1.7.1 机器学习

国际会议:ICML,NIPS, COLT,ECML(Europe),ACML(Asia)

国际期刊:JMLR,ML

国内会议:CCML,MLA

### 1.7.2 人工智能

国际会议:IJCAI,AAAI

国际期刊:AI,JAIR

### 1.7.3 数据挖掘

国际会议:KDD,ICDM

国际期刊:ACM-TKDD,DMKD

### 1.7.4 计算机视觉

CVPR(会议),IEEE-TPAMI(期刊)

### 1.7.5 神经网络

期刊:NC,IEEE-TNNLS

### 1.7.6 统计学

期刊:AS

## 1.8 习题

1.8.1 表 1.1 中若只包含编号为 1 和 4 的两个样例，试给出相应的版本空间。

编号	色泽	根蒂	敲声	好瓜
1	青绿	蜷缩	浊响	是
2	乌黑	蜷缩	浊响	是
3	青绿	硬挺	清脆	否
4	乌黑	稍蜷	沉闷	否

图 1: 表 1.1 西瓜数据集

解:

表 1: 版本空间表

色泽	根蒂	敲声	逻辑表达式
青绿	蜷缩	浊响	$(\text{色泽} = \text{青绿}) \wedge (\text{根蒂} = \text{蜷缩}) \wedge (\text{敲声} = \text{浊响})$
青绿	蜷缩	*	$(\text{色泽} = \text{青绿}) \wedge (\text{根蒂} = \text{蜷缩})$
青绿	*	浊响	$(\text{色泽} = \text{青绿}) \wedge (\text{敲声} = \text{浊响})$
*	蜷缩	浊响	$(\text{根蒂} = \text{蜷缩}) \wedge (\text{敲声} = \text{浊响})$
青绿	*	*	$(\text{色泽} = \text{青绿})$

### 1.8.2 估算共有多少种可能的假设

与使用单个合取式来进行假设表示相比，使用“析合范式”将使得假设空间具有更强的表示能力。例如

$$\text{好瓜} \Leftrightarrow (\text{色泽} = \star) \wedge (\text{根蒂} = \text{蜷缩} \wedge \text{敲声} = \star)$$

$$\vee (\text{色泽} = \text{乌黑} \wedge \text{根蒂} = \star) \wedge \text{敲声} = \text{沉闷}),$$

会把“(色泽 = 青绿) (根蒂 = 蜷缩) (敲声 = 清脆)”以及“(色泽 = 乌黑) (根蒂 = 硬挺) (敲声 = 沉闷)”都分类为“好瓜”。若使用最多包含  $k$  个合取式的析合范式来表达表 1.1 西瓜分类问题的假设空间，试估算共有多少种可能的假设。

解: 色泽包含两种情况 (青绿, 乌黑), 三种选择 (青绿, 乌黑,\*);  
根蒂 (蜷缩, 稍蜷, 硬挺) 共 4 种选择;  
敲声 (浊响/沉闷/清脆) 共 4 种选择;

除了不能存在 (\*,\*,\*) 的组合, 共包含  $3 \times 4 \times 4 - 1 = 47$  种组合.  
题目求  $k$  个合取式的所有可能的组合之和, 则有

$$\sum_i^k \binom{47}{i} \quad (3)$$

**1.8.3** 若数据包含噪声, 则假设空间中有可能不存在与所有训练样本都一致的假设。在此情形下, 试设计一种归纳偏好用于假设选择。

解: 刚入门, 可能无法正确回答此问题, 但存在的方法应该有权重噪声注入/梯度稳定性惩罚/稀疏性偏好/集成鲁棒性。

**1.8.4** 试证明“没有免费的午餐定理”仍成立。

本章 1.4 节在论述“没有免费的午餐”定理时, 默认使用了“分类错误率”作为性能度量来对分类器进行评估。若换用其他性能度量  $\ell$ , 则式 (1.1) 将改为

$$E_{ote}(\mathcal{L}_a|X, f) = \sum_h \sum_{x \in \mathcal{X}-X} P(x) \ell(h(x), f(x)) P(h|X, \mathcal{L}_a)$$

试证明“没有免费的午餐定理”仍成立。

证明.

步骤 **1.1.6**. 性能度量虽发生了改变, 目标函数仍然均匀分布, 总误差表达式为:

$$\begin{aligned} E_{ote}(\mathcal{L}_a|X, f) &= \sum_h \sum_{x \in \mathcal{X}-X} P(x) \ell(h(x), f(x)) P(h|X, \mathcal{L}_a) \\ &= \sum_{x \in \mathcal{X}-X} P(x) \sum_h P(h|X, \mathcal{L}_a) \sum_f \ell(h(x), f(x)) \end{aligned}$$

步骤 **1.1.7**. 由 1.1 证明过程可知:  $\sum_f f(x) = 2^{|\mathcal{X}|-1}$

$$\therefore \sum_f \ell(h(x), f(x)) = 2^{|\mathcal{X}|-1} [\ell(h(x), 0) + \ell(h(x), 1)]. \quad (4)$$

步骤 **1.1.8**.

$$\therefore P(h(x) = 0|X, \mathcal{L}_a) = P(h(x) = 1|X, \mathcal{L}_a) = \frac{1}{2}. \therefore \sum_h P(h|X, \mathcal{L}_a) [\ell(h(x), 0) + \ell(h(x), 1)] = \frac{1}{2} [\ell(0, 0) + \ell(1, 0) + \ell(0, 1) + \ell(1, 1)] \quad (5)$$

此结果与算法  $\mathcal{L}_a$  无关。

$$\sum_f E_{\text{ote}}(\mathcal{L}_a|X, f) = 2^{|X|-1} \cdot \frac{1}{2} \sum_{x \in X-X} P(x) [\ell(0, 0) + \ell(0, 1) + \ell(1, 0) + \ell(1, 1)]. \quad (6)$$

□

无论选择何种性能度量  $\ell$ ，只要真实目标函数  $f$  在所有可能的函数上均匀分布，免费午餐定理仍然成立。算法的平均性能仅由数据分布和度量  $\ell$  的对称性决定，而与算法本身的设计无关。

### 1.8.5 试述机器学习能在互联网搜索的哪些环节起什么作用。

机器学习贯穿搜索的全流程，从理解用户意图到动态优化结果，其核心价值在于通过数据驱动的方式提升搜索效率、准确性和个性化程度。知识库中提到的超参数优化（如随机搜索）、分布式表示（如协同过滤）等技术均为此提供了方法论支持。