## 气体的一维流动

September 26, 2017

- 1 气体经过喷管的流动
- 2 管道中粘性气体的流动
- 3 一维自相似流动

气体一维不定常流动的一个重要类型,是在产生流动的条件中只有特征速度而没有特征 长度。如在以活塞为边界的半无限圆柱形管道中,当活塞开始以等速运动时所产生的气 体流动。

## 4 特征线

特征线定义为小扰动传播 (在几何声学的近似中) 所沿的曲线。在一维不定常流动时,引用特征线作为 xt 平面上的一条曲线,它的斜率  $\frac{\mathrm{d}x}{\mathrm{d}t}$  等于小扰动相对于固定坐标系的传播速度。相对于气体以声速朝 x 轴的正向或负向传播的扰动,相对于固定坐标系则

以速度  $v \pm c$  移动。 $C_+$  和  $C_-$  的两族特征线的微分方程为

$$\left(\frac{\mathrm{d}x}{\mathrm{d}t}\right)_{+} = v + c \;, \tag{1}$$

$$\left(\frac{\mathrm{d}x}{\mathrm{d}t}\right)_{-} = v - c , \qquad (2)$$

随同气体传递的扰动,在xt平面上沿第三族特征线 $C_0$ 传播,其微分方程为

$$\left(\frac{\mathrm{d}x}{\mathrm{d}t}\right)_0 = v , \qquad (3)$$

第三族特征线是 xt 平面上的"流线"