Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Национальный исследовательский университет ИТМО»

Факультет Программной инженерии и компьютерной техники

Лабораторная работа №1

«Системы линейных алгебраических уравнений»

Вариант «Метод Гаусса-Зейделя»

Группа: Р32312

Выполнил: Цю Тяньшэн

Проверил:

Перл Ольга Вычеславовна

Санкт-Петербург 2021г

Содержание
No table of contents entries found.

Описание метода, расчётные формулы

Метод Гаусса-Зейделя является итерационным методом для решения СЛАУ, имеющий один параметр ϵ . Достаточное условие для сходимость метода является то, что матрица коэффициентов A является диагонально доминантной, т.е.:

$$|a_{ii}| \ge \sum_{i!=k} |a_{ik}|$$

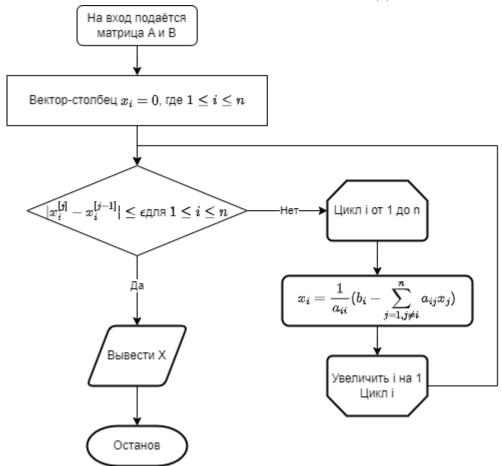
Условие для окончания итерационного процесса:

$$\left| x_i^{[j]} - x_i^{[j-1]} \right| \le \epsilon$$

Основная формула для вычисление новых значений на каждом шаге итерации, опирающаяся на «свежие» значения:

$$x_i^{[j+1]} = \frac{1}{a_{ii}} \left(b_i - \sum_{k=1}^{i-1} a_{ik} x_k^{[i+1]} - \sum_{k=i+1}^n a_{ik} x_k^{[i]} \right)$$

Блок-схема численного метода



Листинг реализованного численного метода программы

Примеры и результаты работы программы

Пример №1

```
PS C:\Users\dmitr\Desktop\ITMO\comp-math\gauss_seidel> java -jar .\target\gauss_seidel-1.0-SNAPSHOT.jar -s 2 2 -f .\matrix.txt
Picked up JAVA_TOOL_OPTIONS: -Dfile.encoding=UTF-8
16.00000 3.00000
7.000000 -11.00000

11.00000

Iteration No.1 error = 12.0
Iteration No.2 error = 1.116477272727275
Iteration No.3 error = 0.11332160382231402
Iteration No.3 error = 0.01589509546980672
Iteration No.5 error = 0.00189657389128417
Iteration No.6 error = 2.262957483925021E-4
0.81219
-0.66497
```

Пример №2

Пример №3 «Рандомно сгенерированные числа»

```
Statistics of the content of the con
```

Вывод

После тестирование можно выяснить, что на некоторых размеров данных прямые методы быстрее чем итерационные методы, это происходит, поскольку у прямых методов алгоритмическая сложность $O(n^3)$, а у итерационных методов $O(l*n^2)$, где l – количество итерации, так как мы не можем предсказать, сколько итерации потребует метод, время выполнения методов будет сильно различаться.

А если сравнить итерационные методы между собой, то можно сказать, что метод Гаусса-Зейделя более экономный с точки зрения памяти, так как можно в каждой итерации сразу на ходу переписывать данные в векторе столбце неизвестных, при этом метод Гаусса-Зейделя потребует меньшее количество итерации, чем метод простых итераций, поскольку сразу используются «свежие» значения. Но это одновременно обозначает, что сложнее будет реализовать параллельную обработку данных для метода Гаусса-Зейделя.