



Teoria de Burlin

$$\frac{D_{\text{água}}}{D_p} = d \frac{\Delta L}{\rho}^{\text{água}} + (1-d) \left( \frac{\mu_{\text{en}}}{\rho} \right)^{\text{água}}_P$$

$$d = \frac{1 - e^{-\mu_e \bar{L}}}{\mu_e \bar{L}}, \quad e^{-\mu_e t_{\text{max}}} = 0,04, \quad t_{\text{max}} = 0,95 \text{ RCSDA}$$

Tabelas Nist:  $\left( \frac{\mu_{\text{en}}}{\rho} \right)^{\text{água}}_{27 \text{ keV}} = 2,608 \times 10^{-2} \text{ cm}^2/\text{g}$

$$\left( \frac{\mu}{\rho} \right)^{\text{água}}_{27 \text{ keV}} = 4,942 \times 10^{-2} \text{ cm}^2/\text{g}$$

$$\left( \frac{\mu_{\text{en}}}{\rho} \right)^{\text{polietileno}}_{27 \text{ keV}} = 2,524 \times 10^{-2} \text{ cm}^2/\text{g}$$

A energia dos elétrons é dada por  $E = \frac{(\mu_{\text{en}}/e)_{\text{água}}}{h\nu} (\mu/\rho)_{\text{água}}$

$$\Rightarrow E = 27 \text{ keV} \times \frac{2,608 \times 10^{-2}}{4,942 \times 10^{-2}} = \boxed{1,054 \text{ keV}}$$

Considerando metade da energia do espectro de equilíbrio:

$$\bar{E}_D = \frac{E}{2} = \boxed{0,528 \text{ keV}}$$

→ O cálculo do poder de penetração residual encontra-se no ficheiro excel. Através da fórmula de Bethe Bloch foi determinado o poder de penetração residual para a água e para o polietileno com  $\Delta = 10 \text{ keV}$ .

$$\frac{mL_{\text{água}}}{mL_P} = \frac{1,028898}{1,021056}$$

→ Para o cálculo do RCSDA utilizam-se os elétrons com energia inicial  $E = 1,054 \text{ keV}$  em água.

É necessário fazer uma interpolação, pelas tabelas Nist:

$$1,1 \text{ Rev} \quad \text{---} \quad R_{\text{CSDA}} = 4,367 \times 10^{-1} \text{ g/cm}^2$$

$$1,054 \text{ Rev} \quad \text{---} \quad x$$

$$1,25 \text{ Rev} \quad \text{---} \quad R_{\text{CSDA}} = 5,717 \times 10^{-1} \text{ g/cm}^2$$

$$\frac{1,054 - 1}{x - 4,367 \times 10^{-1}} = \frac{1,25 - 1}{5,717 \times 10^{-1} - 4,367 \times 10^{-1}}$$

$$\Rightarrow R_{\text{CSDA}}(1,054 \text{ Rev}) = 0,46586 \text{ g/cm}^2$$

$$t_{\text{max}} = 0,95 R_{\text{CSDA}} \Rightarrow t_{\text{max}} = 0,442567$$

$$e^{-\mu t_{\text{max}}} = 0,04 \Rightarrow \mu t_{\text{max}} = 3,218 \Rightarrow \mu = 7,2732 \text{ cm}^2/\text{g}$$

→ De acordo com o atlix para um plano fino com espessura infinita  $\bar{L} = 2 \times \text{espessura}$ , logo  $\bar{L} = 2 \text{ mm} = 0,2 \text{ cm}$

$$\text{Então } d = \frac{1 - e^{-7,2732 \times 0,2}}{7,2732 \times 0,2} = 0,527$$

$$\text{Dagua} = 10 \times \left( 0,527 \times 10,21506 + (1 - 0,527) \times \frac{2,608 \times 10^{-2}}{2,524 \times 10^{-2}} \right)$$

$$\Rightarrow \text{Dagua} = 10,27 \text{ Gy}$$

b) No limite de pequena cavidade  $\rightarrow d = 1$

$$\text{Dagua} = 10 \times 10,21506 = 10,21506 \approx 10,22 \text{ Gy}$$

No limite de grande cavidade  $\rightarrow d = 0$

$$\text{Dagua} = 10 \times \frac{2,608 \times 10^{-2}}{2,524 \times 10^{-2}} \approx 10,33 \text{ Gy}$$

→ Nas cavidades pequenas a dose depositada deve-se principalmente aos elétrons que a atravessam. Enquanto que nas cavidades grandes formam-se elétrons secundários que depositam a sua energia localmente, na cavidade.

Assim se explica o porquê de a dose no limite de grande cavidade seja superior.