# Modèle 3 degré de liberté du bateau

## **Objectif**

Le but est de reconstruire les signaux manquants du bateau qui sont l'angle de cap  $\psi$  et la composante latérale de vitesse dans le repère du bateau v.

## Signaux à dispostion

Les différents signaux qui sont mesurés, et qui sont à notre disposition pour retrouver les signaux manquants, cont les suivants:

- La position et la vitesse dans le repère fixe obtenue grâce au capteur GPS:  $x, y, v_x, v_y$
- La vitesse longitudinale dans le repère du bateau mesurée par le loch: u
- Les accélérations dans le repère du bateau obtenues grâce à la centrale inertielle:  $a_x, a_y$
- La vitesse angulaire de lacet mesurée par la centrale inertielle: r

## Relations existante entre les signaux

Une relation simple entre un certain nombre de signaux est donné par une équation de chagement de base:

$$\begin{bmatrix} u = v_x \cos(\psi) + v_y \sin(\psi) \\ v = -v_x \sin(\psi) + v_y \cos(\psi) \end{bmatrix}$$

#### Inversions de modèle

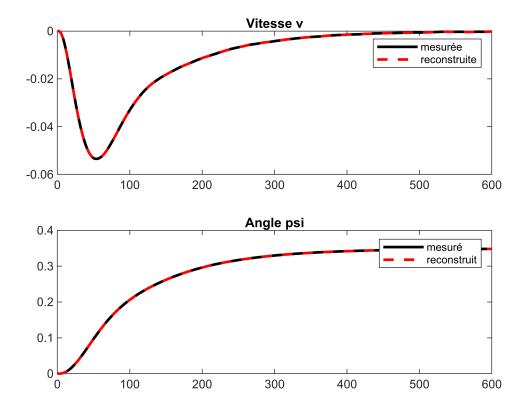
#### Première version

$$v = -\sqrt{v_x^2 + v_y^2 - u^2}$$

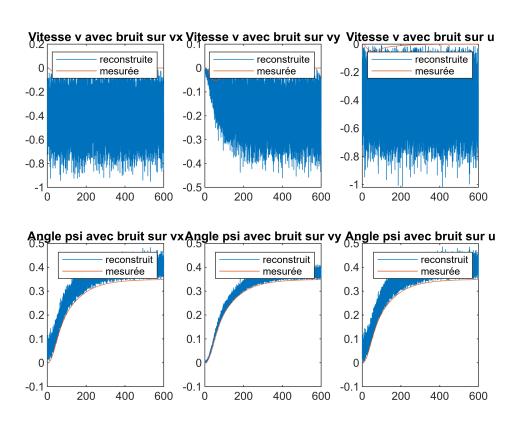
$$\psi = \tan\left(\frac{v_y}{v_x}\right) - \tan\left(\frac{v}{u}\right)$$

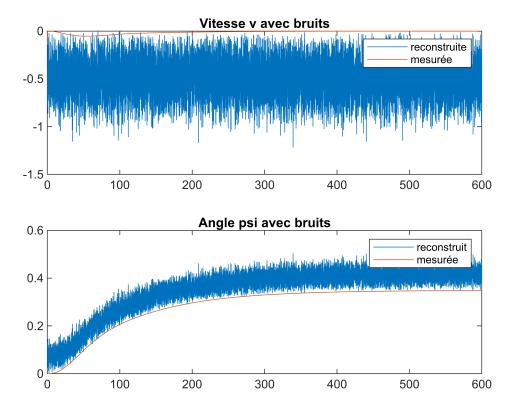
Dans cette version, on utilise la norme de la vitesse pour retrouver v. Ensuite, on l'utilise pour reconstruire  $\psi$ .

La difficulté avec ces équations réside dans le fait de déterminer le signe de v. (semble dépendre de r)



Les siganux sont bien reconstruits, maintenant on ajoute du bruit de mesure:





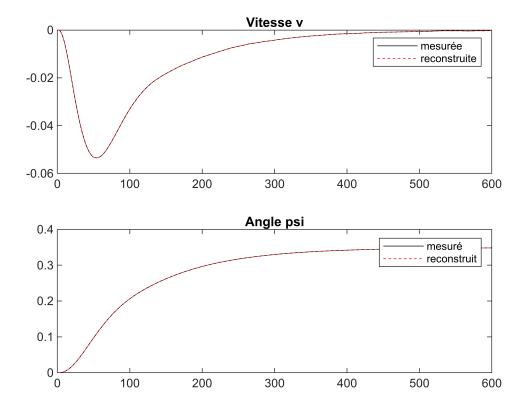
On constate une grande influence du bruit de mesure sur ce modèle.

### Deuxième version

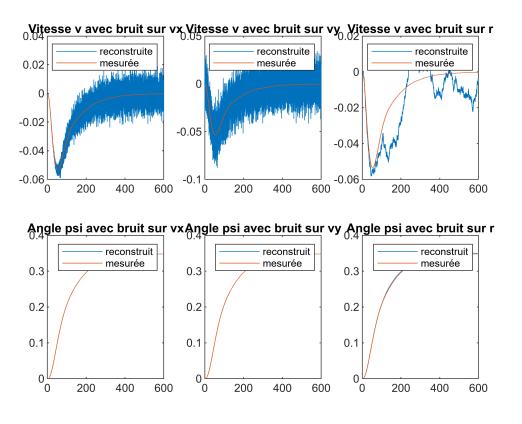
$$\psi = r$$

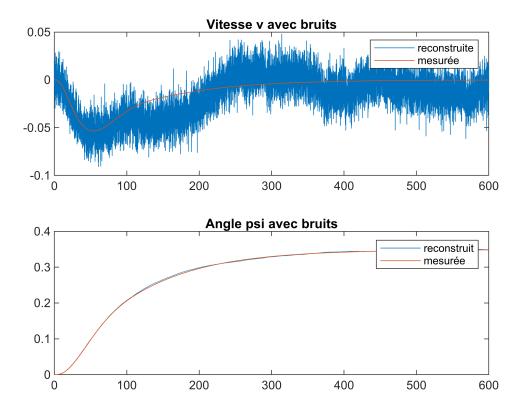
$$v = -v_x \sin(\psi) + v_y \cos(\psi)$$

Dans cette version, on viens intégrer la vitesse angulaire de lacet r qui est aussi la dérivée de l'angle  $\psi$ . Ensuite, on l'utiliste pour reconstruire  $\nu$  à l'aide de  $\nu_x$  et  $\nu_y$ .



Les siganux sont bien reconstruits, maintenant on ajoute du bruit de mesure:





On remarque que les bruits de mersure affectent peu la reconstruction de l'angle  $\psi$ . Ce modèle est moins dépend du bruits de mesure que le précedent.

### Conclusion

Les deux modèles ne sont pas linéaires, une tentaive de linéarisation a été faite afin d'utiliser nos connaissances dans le domaine mais sans résultats probants.