

Soit l'ensemble d'entraînement suivant :

| $\mathbf{x}_t$ | $y_t$ |
|----------------|-------|
| [4, 4, 0]      | 0     |
| [1, 2, 4]      | 0     |
| [2, 2, 2]      | 0     |
| [8, 0, 0]      | 0     |
| [1, 1, 1]      | 0     |
| [2, 5, 5]      | 1     |
| [3, 3, 3]      | 1     |
| [0, 0, 9]      | 1     |
| [1, 3, 5]      | 1     |
| [5, 5, 3]      | 1     |

Soit une entrée de test  $\mathbf{x} = [4.2, 2.1, 3.7]$ .

1. Donnez la classe de  $\mathbf{x}$  qui serait prédite par l'algorithme des  $k$  plus proches voisins basé sur la distance Euclidienne  $d_1(\mathbf{x}, \mathbf{x}') = \sqrt{\sum_i (x_i - x'_i)^2}$ , **et ce pour**  $k = 1$ ,  $k = 3$  **et**  $k = 5$ .
2. Donnez également les prédictions pour  $k = 1$ ,  $k = 3$  et  $k = 5$ , mais pour la distance de Manhattan  $d_2(\mathbf{x}, \mathbf{x}') = \sum_i |x_i - x'_i|$ .

Soit la fonction :

$$g(\mathbf{x}) = \frac{x_1 + x_2^2 - \log(x_3)}{\exp(x_2) + x_4}$$

Calculez toutes les dérivées partielles, c'est-à-dire :

1.  $\frac{\partial g(\mathbf{x})}{\partial x_1}$
2.  $\frac{\partial g(\mathbf{x})}{\partial x_2}$
3.  $\frac{\partial g(\mathbf{x})}{\partial x_3}$
4.  $\frac{\partial g(\mathbf{x})}{\partial x_4}$