

求

$$f(x, y) = \frac{2}{3}\alpha(1 + ax) + \frac{1}{3}\alpha(1 + by) + \frac{\beta(1 + by)}{2(1 + ax)}$$

在区域 $\{(x, y) : x \geq 0, y \geq 0, x + y \leq c\}$ 内的最大值, 其中常数 $a > b > 0, c > 0, \alpha > 0, \beta > 0$ 且 $\alpha + \beta = 1$ .