# Exercise 4.10: Linear Interpolation

Asdf

## Part 1

# if t = 3.2 then i = 3 will satisfy the requirement:

# t\_3 <= 3.2 <= t\_4

## Part 2

# A mathematical expression of a function of a line between two points:

# Given that y(x) is a function that is discontinuous and only defined at integer values of x.

# f(x) = y(i) + (x-i)\*(y(i+1)-y(i))/(i+1-i)

# -> f(x,i) = y(i) + (x-i)\*(y(i+1)-y(i))

## Part 3

# The "y value" calculated by the user's time value x and i being the floor of x, can be calculated as f(x,i):

# i = 3, x = 3.2

# -> f(3.2,3) = y(3) + (3.2-3)\*(y(3+1)-y(3))

# -> f(3.2,3) = y(3) + (0.2)\*(y(4)-y(3))

## Part 3 a

# Implementation of linear interpolation

def lin\_interpolate(dataset: list[float], floatIndex: float) -> float:

    """Function that finds a float number between entries of a list with linear interpolation

    Args:

        dataset (list[float]): any list of numbers

        floatIndex (float): a number representing a space between entries in dataset above

    Returns:

        float: linearly interpolated float

    """

    if(floatIndex <= len(dataset)-1 and floatIndex >= 0):

        index\_1 = int(math.floor(floatIndex))

        index\_2 = index\_1+1

        value\_1 = dataset[index\_1]

        value\_2 = dataset[index\_2]

        fraction = floatIndex-index\_1

        interpolated\_number = value\_1 + (value\_2-value\_1)\*fraction

        return interpolated\_number

## Part 3 b

# Function that prints interpolated values of y at times requested by the user

def find\_y(dataset: list[float]) -> None:

    """Function that prints interpolated values of y at times requested by the user

    Args:

        dataset (list[float]): Requires a set of data to perform interpolation on

    Returns:

        [type]: No return

    """

    run = True

    while(run):

        print(dataset)

        val = input(

            f'Enter a pseudo index (float), between 0 and {len(dataset)-1}, and I will return a linearly interpolated point from above dataset:')

        try:

            val = float(val)

            print(val)

            if(val < 0):

                run = False

            elif(val >= 0):

                print(

                    f'The interpolated point is: y = {lin\_interpolate(dataset, val)} at x = {val}')

        except:

            print('An exception occurred')

    else:

        print("End of function.")

## Part 3 c

y = [4.4, 2.0, 11.0, 21.5, 7.5]

print(lin\_interpolate(y, 2.5)) #Result: 16.25

print(lin\_interpolate(y, 3.1)) #Result: 20.099999999999998

# Exercise 4.12: Fit Straight Line to Data

asdf

## Part a

def error\_sum\_points\_and\_line(dataset: list[float], a: float, b: float) -> float:

    """sums the square of error between points in a list and a linear function.

    Assumes that x increases by 1 per value of y.

    Args:

        dataset (list[float]): list of datapoints.

        a (float): coefficient of a straight line function.

        b (float): constant part of a straight line function.

    Returns:

        float: sum of squared error.

    """

    error = 0

    for num, y in enumerate(dataset):

        f\_x = a\*num+b

        error += (f\_x-y)\*\*2

    return error

## Part b

def user\_interaction(dataset: dict[list[float], list[float]]) -> None:

    """Takes a dictionary of datapoints, queries the user for values of a and b to create a linear function, and prints the datapoints and the function to a plot.

    Args:

        dataset (dict[list[float], list[float]]): Takes a dictionary with lists of measurements of x and y values

    """

    run = True

    while(run):

        print(f'Enter values of a and b for the function f(x) = a\*x + b to calculate the summed square of error compared to the dataset.')

        print(f'dataset: {dataset["y"]}')

        print(type(dataset["x"]))

        a = input("a: ")

        b = input("b: ")

        print(

            f'Sum of squared error: {error\_sum\_points\_and\_line(dataset["y"],float(a),float(b))}')

        test = list(map(lambda x: float(a)\*x+float(b), dataset["x"]))

        print(test)

        figure = plt.figure()

        ax = figure.add\_subplot(1, 1, 1)

        ax.scatter(dataset["x"], dataset["y"],

                   color='tab:blue', label='Measurements')

        ax.plot(dataset["x"], test, color='tab:orange',

                label='Regression attempt')

        ax.legend()

        plt.show()

        cont = input("Continue [Y/N]?\n")

        if(cont.lower() == "n"):

            run = False

Result:

Chart

Description automatically generated

## Part c

Found a smaller error: Chart, scatter chart

Description automatically generated

# Exercise 5.6: Area of a Polygon

## Function:

# Shoelace algorithm

def polyarea(x: list[float], y: list[float]) -> float:

    if(len(x) == len(y)):

        area = 0

        for i in range(len(x)):

            index = i

            index\_plus\_one = i+1 < len(y) and i+1 or 0

            area += x[index]\*y[index\_plus\_one]

            area -= y[index]\*x[index\_plus\_one]

        area = (1/2)\*abs(area)

        return area

    else:

        print("inputs are required to be of the same length.")

## Results:

# Square with area of 25 -> function gives expected output

""" x = [0,5,5,0]

y = [0,0,5,5] """

# Triangle with area of 12.5 -> function gives expected output

""" x = [0,5,5]

y = [0,0,5] """

# quadrilateral with area of 57 -> function gives expected output

""" x = [2, 11, 11, 4]

y = [2, 2, 8, 10]

 """

# polygon of five vertices with an area of 30 -> function gives expected output

x = [3, 5, 9, 12, 5]

y = [4, 6, 5, 8, 11]

print(polyarea(x, y))

# Exercise 6.10: Definite integral of xx between 0 and 4

from matplotlib.pyplot import step

import numpy as np

# integrate x\*\*x from 0 to 4 with four decimal precision

# middlepoint method

def numeric\_integration\_middlepoint(integrand: str, step\_amount: int, start: float, stop: float) -> float:

    """Calculates definite integral of x\*\*x from amount of steps (resolution), start and stop values.

    Args:

        integrand (str): UNUSED (string representation of integrand)

        step\_amount (int): Amounts of steps or slices to divide the function into

        start (float): start value of definite integral

        stop (float): stop value of definite integral

    Returns:

        float: numeric result of integration

    """

    steps = np.linspace(start, stop, step\_amount)

    half\_step = (steps[1]-steps[0])/2

    definite\_integral = 0;

    for i in range(len(steps)-1):

        x = steps[i]+half\_step

        definite\_integral += (x\*\*x)\*(2\*half\_step)

    return definite\_integral

print(f'{numeric\_integration\_middlepoint("x\*\*x", 1000, 0, 4) = }')

My result:

Text

Description automatically generated

Calculation took a few seconds, maybe a minute

Wolfram Alpha:

Graphical user interface, text, application, email, Teams

Description automatically generated

Maple:

Text

Description automatically generated with medium confidence

# Exercise 7.7

# Exercise 8.20

# Exercise 8.24