Algoritmer og datastrukturer øving 2

Tidsmålinger

For alle målingene brukte jeg x = 100. Sum1 brukte metode 1, og sum2 brukte metode 2.

Måling 1, n = 10

```
Sum1: Millisekund pr. runde:3.689751523277019E-5
Sum2: Millisekund pr. runde:2.5330606206495002E-5
```

Måling 2, n=100

```
Sum1: Millisekund pr. runde:2.2360264557706142E-4
Sum2: Millisekund pr. runde:3.1144561061792836E-5
```

Måling 3, n=1000

```
Sum1: Millisekund pr. runde:0.004184380544304221
Sum2: Millisekund pr. runde:3.613661040834839E-5
```

Måling 4, n=10000

```
Sum1: Millisekund pr. runde:0.05081042629947665
Sum2: Millisekund pr. runde:4.072260636083039E-5
```

Gjør jeg målingene med n større enn 10000 får jeg en stack overflow error for metode 1. Metode 2 takler alle verdier for n.

Kjøretid for sum1:

For hver verdi av n, kaller den seg selv med n-1. Dette gjentas til n blir 1. Derfor er kjøretiden for denne metoden $\Theta(n)$.

Kjøretid for sum2:

For å forstå kjøretiden for Sum2, kan vi se på hvordan n endres for hvert rekursivt kall:

- 1. Hvis n er et partall, blir n delt på 2: n = n/2.
- 2. Hvis n er et oddetall, blir n redusert med litt over halvparten: n = (n-1)/2.

Så I det verste tilfellet, som er når n er et oddetall hver gang. Blir n redusert med litt over halvparten for hvert kall.

Hvis n er 8 (som er et partall), vil det ta 3 kall for å redusere n til 1 (8 -> 4 -> 2 -> 1). Hvis n er 7 (som er et oddetall), vil det også ta 3 kall for å redusere n til 1 (7 -> 3 -> 1).

Dette mønsteret av å redusere n med omtrent halvparten for hvert kall er karakteristisk for logaritmisk vekst. Derfor kan vi si at kjøretiden for Sum2 er $\Theta(\log n)$.