

2. Seštevanje celih števil, Zapis v plavajoči vejici

- 2. Seštevanje celih števil, Zapis v plavajoči vejici
 - Seštevanje celih števil
 - Zapis realnih števil s plavajočo vejico

Seštevanje celih števil

- Prenos in pravilnost rezultata pri seštevanju **nepredznačenih števil**

Pravilnost rezultata pri seštevanju nepredznačenih števil določa prenos (*ang. carry*) na najpomembnejšem bitu C_{MSB} . Če je prenos C_{MSB} enak 0, je rezultat pravilen. Če je prenos 1, je rezultat nepravilen. V tem primeru se rezultata ne da predstaviti z danim številom bitov. Torej:

$$C_{MSB} = \begin{cases} 0, & \text{Rezultat seštevanja je pravilen} \\ 1, & \text{Rezultat seštevanja ni pravilen} \end{cases},$$

- **Primer:** Opazujte prenos pri seštevanju 190 in 70 :

Najprej pretvorimo števili v dvojiški sistem:

$$190_{(10)} = 128 + 32 + 16 + 8 + 4 + 2 \rightarrow 1011\ 1110_{(2)}$$

$$70_{(10)} = 64 + 4 + 2 \rightarrow 0100\ 0110_{(2)}$$

Seštejemo binarni števili po modulu 2 ($1+1 = 0 \rightarrow$ prenos v naslednji bit enak 1)

$$\begin{array}{r} 1011\ 1110 \\ +\ 0100\ 0110 \\ \hline C_{MSB} = 1\ 0000\ 0010 \end{array}$$

C_{MSB} je enak 1, torej rezultat ni pravilen.

- Prenos in pravilnost rezultata pri seštevanju **predznačenih števil**

Veljavnost rezultat pri seštevanju predznačenih števil določa bit preliva (*ang. overflow*) V . Če sta oba znaka seštevancev enaka in je znak rezultata različen potem je V enak 1 ter je rezultat nepravilen. Drugače pa je $V = 0$ in je rezultat pravilen. To lahko predstavimo z naslednjo tabelo :

| op1 | op2 | rez | V |
|-----|-----|-------|-----|
| + | - | + / - | 0 |
| - | + | + / - | 0 |
| + | + | + | 0 |
| + | + | - | 1 |
| - | - | - | 0 |
| - | - | + | 0 |

$$V = \begin{cases} 0, & \text{Rezultat seštevanja pravilen} \\ 1, & \text{Rezultat seštevanja ni pravilen} \end{cases},$$

- **Primer:** Opazujte prenos pri seštevanju 123 in (-123) :

Pretvorba v dvojiški sistem (Dvojiški komplement):

$$\begin{aligned} 123_{(10)} &\rightarrow 0111\ 1100_{(2)} \\ -123_{(10)} &\rightarrow 1000\ 0101_{(2)} \end{aligned}$$

Seštejemo po modulu 2

$$\begin{array}{r} 0111\ 1100 \\ +\ 1000\ 0101 \\ \hline C_{MSB} = 1\ 0000\ 0001 \end{array}$$

Seštevanka in rezultat so pozitivni $\rightarrow V = 0 \rightarrow$ Rezultat je pravilen čeprav je $C_{MSB} = 1$. Pri seštevanju predznačenih števil upoštevamo samo bit preliva V .

- **Primer:** Opazujte prenos pri seštevanju -80 in (-60) :

Pretvorba v dvojiški sistem (Drugi komplement):

$$\begin{aligned} -80_{(10)} &\rightarrow 1011\ 0000_{(2)} \\ -60_{(10)} &\rightarrow 1100\ 0100_{(2)} \end{aligned}$$

Seštejemo po modulu 2

$$\begin{array}{r} 1011\ 0000 \\ +\ 1100\ 0100 \\ \hline C_{MSB} = 1\ 0111\ 0100 \end{array}$$

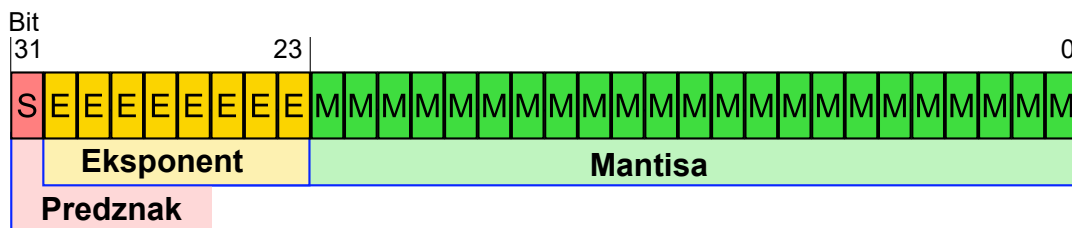
Seštevanci sta pozitivna, rezultat je negativen $\rightarrow V = 1 \rightarrow$ Rezultat je nepravilen.

Zapis realnih števil s plavajočo vejico

Zapis s plavajočo vejico v formatu IEEE 754 uporabljamo za predstavitev realnih števil v računalništvu. Obstajajo več formatov zapisov števil v plavajoči vejici. Najpogostejše se uporabljata dva zapisa:

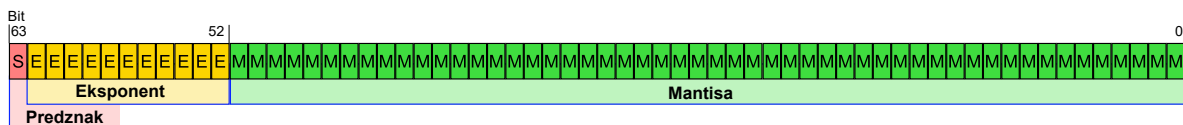
- IEEE 754 z enojno natančnostjo (podatkovni tip *float* - 32 bitov):

1. Znak - 1 bit
2. Eksponent - 8 bitov
3. Mantisa - 23 bitov



- IEEE 754 z dvojno natančnostjo (podatkovni tip *double* - 64 bitov):

1. Znak - 1 bit
2. Eksponent - 11 bitov
3. Mantisa - 52 bitov



- Primer: Število $-210,5937510$ najprej zapišimo v binarni obliki s plavajočo vejico, nato pa še šestnajstičsko v predstavitvi IEEE 754 z enojno natančnostjo.

$$-210,5937510_{(10)} \rightarrow ?_{(IEEE754\ z\ enojno\ natančnostjo)}$$

Postopek:

1. Pretvorba v **dvojiški sistem**:

$$-210,5937510_{(10)} \rightarrow -1101\ 0010,1001\ 1_{(2)}$$

To ni IEEE 754 zapis !!!!

2. Normalizacija -> Pretvorimo v zapis $(1, m \cdot 2^e)$

$$-1101\ 0010,1001\ 1 = -1,1010\ 0101\ 0011 \cdot 2^7$$

pri čemer:

- $m = 1010\ 0101\ 0011,$
- $e = 7$

3. Zapis v IEEE 754 z enojno natančnostjo

- Predznak: Število je negativno $\rightarrow s = 1_{(2)}$
- Eksponent: $E = e + 127 = 134_{(10)} \rightarrow 1000\ 0110_{(2)}$
- Mantisa: $m = 1010\ 0101\ 0011\ 0000\ 0000\ 000_{(2)}$

4. Rešitev:

$$1\ 1000\ 01101010\ 0101\ 0011\ 0000\ 0000\ 000_{IEEE754} = \\ 0xC352\ 9800_{IEEE754}$$

- Primer: Število $0xBF580000$ je zapisano v IEEE 754 z enojno natančnostjo. Zapišimo desetiško vrednost.

$$0xBF580000_{(IEEE754\ z\ enojno\ natančnosti)} \rightarrow ?_{(10)}$$

Zapišimo podano število v dvojiškem sistemu:

$$0xBF580000 = \underbrace{1}_{Predznak} \overbrace{011\ 1111}^{Eksponent} \underbrace{0101\ 1000\ 0000 \dots 0}_{Mantisa}$$

- Predznank
 - $s = 1 \rightarrow$ Število je negativno
- Eksponent
 - $E = 126 \rightarrow e = E - 127 = -1$
- Mantisa
 - $m = 1011$
- Končni rezultat
 - $(-1)^s \cdot 1, m \cdot 2^e = -1.1011_2 \cdot 2^{-1} = -0,84375$