Das Dulong-Petitsche-Gesetz

David Gutnikov david.gutnikov@udo.edu

Lasse Sternemann lasse.sternemann@udo.edu

Durchführung am 03.12.2019

Inhaltsverzeichnis

1 Zielsetzung

SSS

2 Theoretische Grundlagen

2.1 Wärmekapazität

Wenn ein Stoff, erhitzt wird und im Prozess keine andere Energie aufnimmt oder abgibt,

$$\Delta U = \Delta Q + \Delta A = \Delta Q$$

nimmt er die Wärmemenge ΔQ auf. Die aufgenommene Wärmemenge ΔQ hängt dabei von der Änderung der Temperatur ΔT , der Masse des Körpers m, sowie der spezifischen Wärmekapazität des Elements c ab. Dieser Zusammenhang definiert die spezifische Wärmekapazität eines Stoffes, wie in Formel (??) beschrieben.

$$c = \frac{\Delta Q}{\Delta T \cdot m} \tag{1}$$

2.2 Molwärme nach dem Dulong-Petitschen-Gesetz

Das Dulong-Petitsche-Gesetz geht davon aus, dass alle Festkörper die gleiche spezifische Wärmekapazität inne habe. Dies wird aus der Teilchenenergie, der im Körper gebunden Atome hergeleitet, indem davon ausgegangen wird, dass sie sich in einer festen Position innerhalb einer Gitterstruktur befinden. Ihre einzig mögliche Bewegung ist eine harmonische Schwingung um ihre Ruheposition. Wie für harmonische üblich ist die kinetische Energie der Teilchen gleich der potentiellen Energie, sodass sich für die gesamte innere Energie eines Teilchens im Festkörper pro Freiheitsgrad Formel $(\ref{eq:continuous})$ ergibt, in der $k_{\rm b}$ für die Boltzmann-Konstante steht.

$$U_{\text{Teilchen pro Freiheitsgrad}} = 2 \cdot E_{\text{Kin}} = k_{\text{b}} \cdot T \longrightarrow_{3Freiheitsgrade} U_{\text{Teilchen}} = 3 \cdot k_{/textb} \cdot T \quad (2)$$

Da der Festkörper natürlich aus mehreren Teilchen besteht, wird die gesamte innere Energie des Festkörpers durch Formel (??) beschrieben, wobei $N_{\rm A}$ die Avogrado-Konstante ist, die multipliziert mit der Boltzmann-Konstante die allgemeine Gaskonstante R ergibt.

$$U_{\text{K\"{o}rper}} = 3 \cdot N_{\text{A}} \cdot k_{\text{b}} = 3 \cdot R \cdot T := Q \tag{3}$$

Über diese Energie lässt sich die spezifische Molwärme beschreiben, die beschreibt wie viel Wärmemenge hinzugefügt werden muss, um ein Mol eines Elements um eine Temperatur ΔT zu erhitzen, sofern der Druck konstant ist. Es ergibt sich für alle Festkörper aus einem Element

$$c_{\rm v} = \frac{dU}{dT} = 3R$$
 mit $dU = dQ + dA = dQ$. (4)

3 Versuchsdurchführung

Das konstante Volumen einer Körperprobe ist bei Durchführung eines Versuches schwierig zu erhalten. Deshalb arbeitet man hier mit einer anderen konstanten Größe, dem konstanten Druck, welcher hier der Atmosphärendruck ist. Es werden Körper aus verschiedenen Materialien der Massen $m_{\rm k}$ in Wasser eingetaucht und das Wasser wird auf die Temperatur $T_{\rm k}$ erhitzt. Dabei nimmt der Körper die Temperatur $T_{\rm k}$ an. Ab einer genügend hohen Temperatur wird der Körper aus dem Gefäß entfernt und in ein mit Wasser mit Zimmertemperatur $T_{\rm w}$ gefülltes Dewar-Gefäß getaucht. Nach ca. 2 Minuten des Wartens ergibt sich eine Mischtemperatur $T_{\rm m}$ im Gefäß. Die verschiedenen Temperaturen werden mit einem Thermometer gemessen. Die spezifischen Wärmekapazitäten werden, dann mit der spezifischen Wärmekapazität des Körpers $c_{\rm k}$, des Wassers im Dewar-Gefäß bei ca. Zimmertemperatur $c_{\rm w}$, der Wärmekapazität des Dewar-Gefäßes $c_{\rm g} m_{\rm g}$ und der Masse des Wasser im Dewar-Gefäß $m_{\rm w}$ nach Formel (??) bestimmt.

Um die Wärmekapazität des Dewar-Gefäßes zu bestimmen ist ein weiteres Experiment nötig. Anstatt einer Körperprobe wird nun Wasser der Masse $m_{\rm y}$ auf eine Temperatur $T_{\rm y}$ erhitzt und es wird damit genauso verfahren wie mit den Körpern. D.h. es wird in das Dewar-Gefäß gegossen, worin sich schon Wasser der Masse $m_{\rm x}$ und der Temperatur $T_{\rm x}$ befindet und mit welchem sich eine Mischtemperatur $T_{\rm m}$ ergibt. Analog zu Formel (??) gilt für die Wärmekapazität des Dewar-Gefäßesnach Formel (??).

4 Auswertung

$$c_{\rm g}m_{\rm g} = \frac{c_{\rm w}m_{\rm y}(T_{\rm y}-T_{\rm m}^{'})-c_{\rm w}m_{\rm x}(T_{\rm m}^{'}-T_{\rm x})}{(T_{\rm m}^{'}-T_{\rm x})} \eqno(5)$$

$$c_{\rm k} = \frac{(c_{\rm w} m_{\rm w} + c_{\rm g} m_{\rm g})(T_{\rm m} - T_{\rm w})}{m_{\rm k}(T_{\rm k} - T_{\rm m})} \tag{6}$$

5 Diskussion