



ExerciseThinking

卷二 动手学深度学习 Pytorch 习题解

作者: latalealice

日期: 2025/04/16

目 录

序言	1
第一章 引言	2
第二章 预备知识	3
2.1 数据操作	3
2.2 数据预处理	3
2.3 线性代数	4
2.4 微积分	6
2.5 自动微分	7
2.6 概率	9

序言

此 PDF 为习题解答,需求的库如下

```
1  from d2l import torch as d2l
2  from matplotlib_inline import backend_inline
3  from matplotlib_venn import venn2
4  from torch.distributions import multinomial
5  import numpy as np
6  import matplotlib.pyplot as plt
7  import os
8  import pandas as pd
9  import seaborn as sns
10 import torch
```

py

第一章 引言

1. 你当前正在编写的代码的哪些部分可以“学习”,即通过学习和自动确定代码中所做的设计选择来改进?你的代码是否包含启发式设计选择?
2. 你遇到的哪些问题有许多解决它们的样本,但没有具体的自动化方法?这些可能是使用深度学习的主要候选者.
3. 如果把人工智能的发展看作一场新的工业革命,那么算法和数据之间的关系是什么?它类似于蒸汽机和煤吗?根本区别是什么?
4. 你还可以在哪里应用端到端的训练方法,比如图 1.1.2 、物理、工程和计量经济学?

第二章 预备知识

2.1 数据操作

1. 运行代码,将条件语句 $X == Y$ 更改为 $X < Y$ 或 $X > Y$,看看可以得到什么样的张量

代码

```
1 X = torch.arange(12,  
dtype=torch.float32).reshape((3,4))  
2 Y = torch.tensor([[2.0, 1, 4, 3], [1, 2,  
3, 4], [4, 3, 2, 1]])  
3 X > Y, X == Y, X < Y
```

结果

```
1 tensor([[[False, False, False, False],  
2 [ True,  True,  True,  True],  
3 [ True,  True,  True,  True]]],  
4 tensor([[[False, True, False, True],  
5 [False, False, False, False],  
6 [False, False, False, False]]],  
7 tensor([[[ True, False, True, False],  
8 [False, False, False, False],  
9 [False, False, False, False]])
```

2. 用其他形状(例如三维张量)替换广播机制中按元素操作的两个张量,结果如何

代码

```
1 a =  
torch.arange(25).reshape((-1,5,1))  
2 b = torch.arange(10).reshape((-1,1,2))  
3 a+b  
4 # 广播矩阵,复制a的列,b的行
```

结果

```
1 tensor([[[[ 0,  1],  
2 [ 1,  2],  
3 [ 2,  3],  
4 [ 3,  4],  
5 [ 4,  5]],  
6 [[ 7,  8],  
7 [ 8,  9],  
8 [ 9, 10],  
9 [10, 11],  
10 [11, 12]],  
11 [[14, 15],  
12 [15, 16],  
13 [16, 17],  
14 [17, 18],  
15 [18, 19]],  
16 [[21, 22],  
17 [22, 23],  
18 [23, 24],  
19 [24, 25],  
20 [25, 26]],  
21 [[28, 29],  
22 [29, 30],  
23 [30, 31],  
24 [31, 32],  
25 [32, 33]]]])
```

2.2 数据预处理

创建包含更多行和列的原始数据集

- 删除缺失值最多的列

- 将预处理后的数据集转换为张量格式

代码

```

1 os.makedirs(os.path.join '..',
  'data'), exist_ok=True)
2 data_file = os.path.join '..', 'data',
  'house_tiny.csv')
3 with open(data_file, 'w') as f:
4     f.write('NumRooms,Alley,Price\n') # 列
    名
5     f.write('NA,Pave,127500\n') # 每行表示
    一个数据样本
6     f.write('2,NA,106000\n')
7     f.write('4,NA,178100\n')
8     f.write('NA,NA,140000\n')
9     f.write('3,Pave,122000\n')
10    # 1. 删除缺失值最多的列
11    # 计算每列的缺失值数量
12    missing_values = data.isnull().sum()
13    # 找出缺失值最多的列名
14    column_to_drop =
    missing_values.idxmax()
15    # 删除该列
16    data_preprocessed =
    data.drop(column_to_drop, axis=1)
17    print(data_preprocessed)
18    # 2. 将预处理后的数据集转换为张量格式
19    # 首先处理剩余的缺失值(用均值填充数值列)
20    data_preprocessed['NumRooms'] =
    data_preprocessed['NumRooms'].
    fillna(data_preprocessed['NumRooms'].mean())
21    # 转换为张量
22    tensor_data =
    torch.tensor(data_preprocessed.values,
    dtype=torch.float32)
23    print(tensor_data)
  
```

结果

	NumRooms	Price
1		
2	0	NaN
3	1	2.0
4	2	4.0
5	3	NaN
6	4	3.0
7	tensor([[3.0000e+00, 1.2750e+05],	
8	[2.0000e+00, 1.0600e+05],	
9	[4.0000e+00, 1.7810e+05],	
10	[3.0000e+00, 1.4000e+05],	
11	[3.0000e+00, 1.2200e+05]])	

2.3 线性代数

1. 证明一个矩阵 A 的转置的转置是 A

代码

```

1 A = torch.arange(20).reshape(5, -1)
2 A.T.T == A
  
```

结果

1	tensor([[True, True, True, True],
2	[True, True, True, True],
3	[True, True, True, True],
4	[True, True, True, True],
5	[True, True, True, True]])

2. 给出两个矩阵 A 和 B , 证明“它们转置的和”等于“它们和的转置”

代码

```
1 A = torch.randn(3,4)
2 B = torch.randn(3,4)
3 (A+B).T == A.T+B.T
```

py

结果

```
1 tensor([[True, True, True],
2         [True, True, True],
3         [True, True, True],
4         [True, True, True]])
```

py

3. 给定任意方阵 A , $A + A^T$ 总是对称的吗

代码

```
1 A=torch.randn(4,4)
2 A+A.T == (A.T+A).T
```

py

结果

```
1 tensor([[True, True, True, True],
2         [True, True, True, True],
3         [True, True, True, True],
4         [True, True, True, True]])
```

py

4. 定义形状(2,3,4)的张量 X , $\text{len}(X)$ 的输出结果是什么

代码

```
1 X = torch.arange(24).reshape(2,3,4)
2 len(X)
```

py

结果

```
1 2
```

py

5. 对于任意形状的张量 X , $\text{len}(X)$ 是否总是对应于 X 特定轴的长度?这个轴是什么

代码

```
1 # 1维张量
2 X = torch.tensor([1, 2, 3])
3 len(X)
4 # 2维张量
5 X = torch.tensor([[1, 2], [3, 4], [5, 6]])
6 len(X)
7 # 3维张量
8 X = torch.rand(2, 3, 4)
9 len(X)
```

py

结果

```
1 # len(X)总是返回张量在第一个轴axis=0的
   长度
2 3
3 3
4 2
```

py

6. 运行 $A/A.\text{sum}(\text{axis}=1)$, 看看会发生什么. 请分析一下原因

代码

```
1 A=torch.arange(25).reshape(5,-1)
2 A
3 A/A.sum(axis=1)
4 tensor([[ 0,  1,  2,  3,  4],
5         [ 5,  6,  7,  8,  9],
6         [10, 11, 12, 13, 14],
7         [15, 16, 17, 18, 19],
8         [20, 21, 22, 23, 24]])
```

py

结果

```
1 tensor([
2         [0.0000, 0.0286, 0.0333, 0.0353,
3           0.0364],
4         [0.5000, 0.1714, 0.1167, 0.0941,
5           0.0818],
6         [1.0000, 0.3143, 0.2000, 0.1529,
7           0.1273],
8         [1.5000, 0.4571, 0.2833, 0.2118,
9           0.1727],
10        [2.0000, 0.6000, 0.3667, 0.2706,
11          0.2182]])
```

py

7. 考虑一个具有形状(2,3,4)的张量,在轴 0、1、2 上的求和输出是什么形状

代码

```
1 A = torch.arange(24).reshape(2,3,4)
2 A
3 A.sum(axis=0)
4 A.sum(axis=1)
5 A.sum(axis=2)
```

结果

```
1 tensor([[[12, 14, 16, 18],
2          [20, 22, 24, 26],
3          [28, 30, 32, 34]])
4 tensor([[[12, 15, 18, 21],
5          [48, 51, 54, 57]])
6 tensor([[ 6, 22, 38],
7          [54, 70, 86]])
```

8. 为 linalg.norm 函数提供 3 个或更多轴的张量,并观察其输出.对于任意形状的张量这个函数计算得到什么

代码

```
1 # 创建一个3x4x5的张量
2 tensor_3d = torch.randn(3, 4, 5)
3 norm_default = np.linalg.norm(tensor_3d)
4 norm_default
5 norm_axis0 = np.linalg.norm(tensor_3d,
6 axis=0)
7 norm_axis01 = np.linalg.norm(tensor_3d,
8 axis=(0, 1))
9 norm_axis01
```

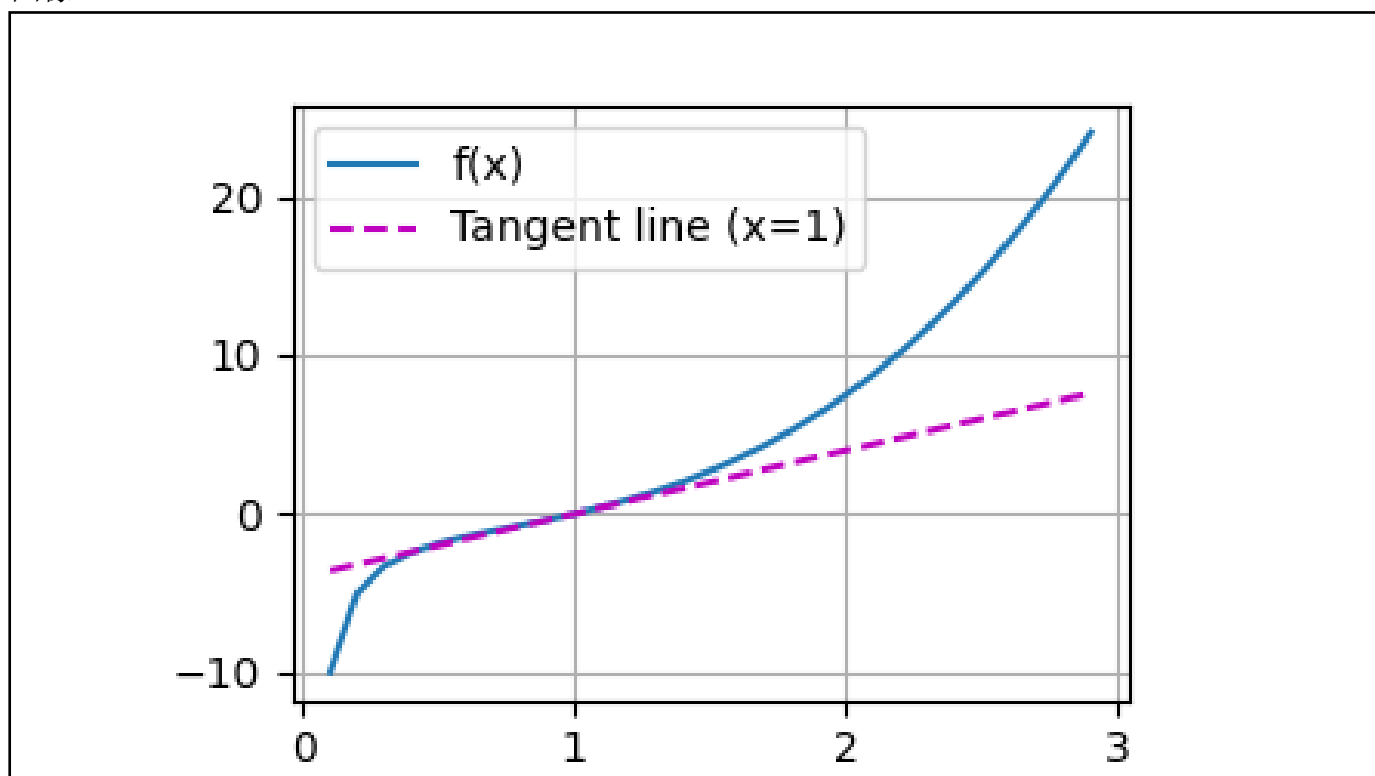
结果

```
1 7.6230054
2 [[1.5946476 1.4472774 2.368117
3    2.1636908 2.045201 ],[1.8514549
4    1.5507743 2.2650828 0.7746272
5    1.3306752 ],[1.4223679 0.55377847
6    2.2253275 1.3022163 1.2005248 ],
7    [1.6133649 2.9035609 1.4079779
8    1.3459872 0.64774853]]
9 [4.924984 , 2.7686076, 3.7564898,
10    3.958195 , 2.5980809]
```

2.4 微积分

1. 绘制函数 $y = f(x) = x^3 - \frac{1}{x}$ 和其在 $x = 1$ 处切线的图像

图像



2. 求函数 $f(x) = 3x_1^2 + 5e^{x_2}$ 的梯度

代码

```
1 x1, x2 = sp.symbols('x1 x2')
2 f = 3 * x1**2 + 5 * sp.exp(x2)
3 gradient = [sp.diff(f, var) for var in
4 (x1, x2)]
5 print(gradient)
```

结果

```
1 [6*x1, 5*exp(x2)]
```

3. 函数 $f(x) = \|x\|_2$ 的梯度是什么

代码

```
1 n = 3
2 x = sp.Matrix([sp.symbols(f'x{i}',
3 real=True) for i in range(1, n+1)])
4 f = sp.sqrt(sum(x[i]**2 for i in
5 range(n))) # L2 范数
6 gradient = [f.diff(x[i]) for i in
7 range(n)]
8 print(gradient)
```

结果

```
[x1/sqrt(x1**2 + x2**2 + x3**2), x2/
1 sqrt(x1**2 + x2**2 + x3**2), x3/
sqrt(x1**2 + x2**2 + x3**2)]
```

4. 尝试写出函数 $u = f(x, y, z)$, 其中 $x = x(a, b)$, $y = y(a, b)$, $z = z(a, b)$ 的链式法则

代码

```
1 a, b = sp.symbols('a b')
2 x, y, z = sp.symbols('x y z',
3 cls=sp.Function) # x(a,b), y(a,b),
4 z(a,b)
5 f = sp.Function('f')(x(a, b), y(a, b),
6 z(a, b)) # u = f(x(a,b), y(a,b), z(a,b))
7 # 计算 u 对 a 的偏导数
8 du_da = sp.diff(f, a)
9 print("∂u/∂a =", du_da)
10 # 计算 u 对 b 的偏导数
11 du_db = sp.diff(f, b)
12 print("∂u/∂b =", du_db)
```

结果

```
∂u/∂a = Derivative(f(x, y, z),
1 x)*Derivative(x, a) + Derivative(f(x,
y, z), y)*Derivative(y, a) +
Derivative(f(x, y, z),
z)*Derivative(z, a)
∂u/∂b = Derivative(f(x(a, b), y(a, b),
2 z(a, b)), x(a, b))*Derivative(x(a, b), b)
+ Derivative(f(x(a, b), y(a, b), z(a,
b)), y(a, b))*Derivative(y(a, b), b) +
Derivative(f(x(a, b), y(a, b), z(a, b)),
z(a, b))*Derivative(z(a, b), b)
```

2.5 自动微分

1. 为什么计算二阶导数比一阶导数的开销要更大

二阶导数的计算需要在一阶导数的计算图上再叠加一层微分操作, 导致计算图更复杂

2. 在运行反向传播函数之后, 立即再次运行它, 会发生什么

在 PyTorch 中, 默认情况下计算图(computational graph)在调用.backward()后会被自动释放以节省内存. 当尝试第二次调用.backward()时, 计算图已经不存在了, 因此会报错. 可以通过设置 retain_graph=True 来保留计算图

```
y.backward(retain_graph=True)
```

```
y.backward()
```

如果多次调用`.backward()`,梯度会累加到 `x.grad` 中(而不是覆盖).如果需要重新计算梯度,需要在每次反向传播前手动清零梯度:

```
x.grad.zero_()
```

```
y.backward()
```

3. 在控制流的例子中,我们计算 `d` 关于 `a` 的导数,如果将变量 `a` 更改为随机向量或矩阵,会发生什么

代码

```
x =  
1 torch.arange(40.,requires_grad=True).  
  reshape(5,-1)  
2 x.retain_grad() # 保留梯度  
3 y = 2 * torch.sum(x**2)  
4 y.backward()  
5 print(x.grad)
```

结果

```
1 tensor([  
2     [ 0.,  4.,  8., 12., 16.,  
3     [ 20., 24., 28.],  
4     [ 32., 36., 40., 44., 48.,  
5     [ 52., 56., 60.],  
6     [ 64., 68., 72., 76., 80.,  
7     [ 84., 88., 92.],  
8     [ 96., 100., 104., 108., 112.,  
9     [ 116., 120., 124.],  
10    [ 128., 132., 136., 140., 144.,  
11    [ 148., 152., 156.],  
12    ])
```

4. 重新设计一个求控制流梯度的例子,运行并分析结果

代码

```
1 def f(x):  
2     y = x ** 2  
3     if y.norm() > 0:  
4         y = y ** 2  
5         z = y  
6     else:  
7         z = 100 * y  
8     return z  
9 x = torch.randn(size=(),  
10 requires_grad=True)  
11 a = f(x)  
12 a.backward()  
13 print(x.grad)
```

结果

```
1 tensor(-24.2866)
```

5. 使 $f(x) = \sin x$, 绘制 $f(x)$ 和 $\frac{df(x)}{dx}$ 的图像,其中后者不使用 $f'(x) = \cos x$

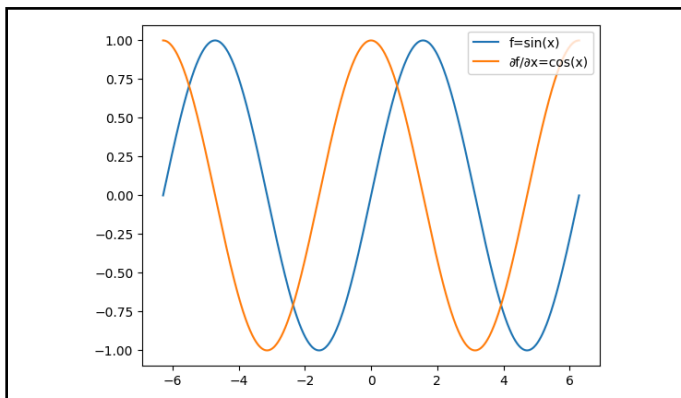
代码

结果

```

1 x = torch.linspace(-2 * np.pi,
2 *np.pi, 1000)
2 x.requires_grad_(True)
3 f= torch.sin(x)
4 f.sum().backward()
5 plt.plot(x.detach(), f.detach(),
6 label='f=sin(x)')
7 plt.plot(x.detach(), x.grad, label='∂f/
8 ∂x=cos(x)')
9 plt.legend(loc='upper right')
10 plt.show()

```



2.6 概率

1. 进行 $m = 500$ 组实验,每组抽取 $n = 10$ 个样本.改变 m 和 n ,观察和分析实验结果
随着 m 和 n 的增大,总样本的分布越来越接近标准高斯分布

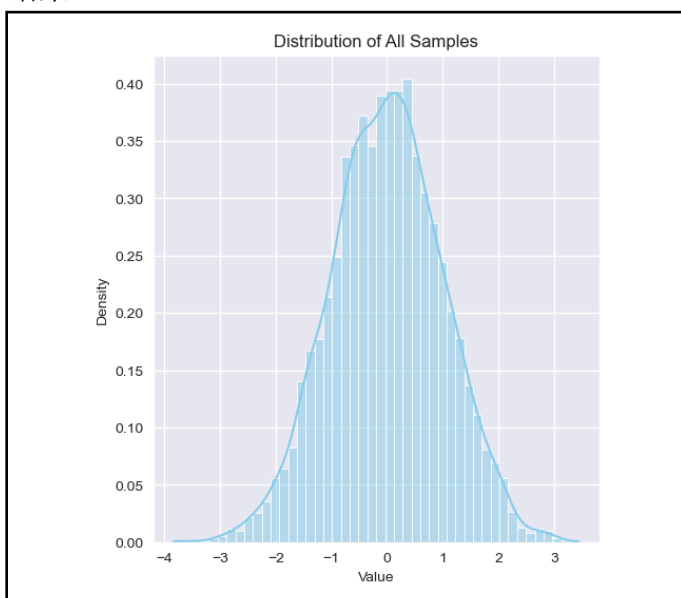
代码

```

1 torch.manual_seed(42)
2 n = 10
3 m = 500
4 samples = torch.randn(m, n)
5 samples_np = samples.numpy()
6 plt.figure(figsize=(12, 6))
7 plt.subplot(1, 2, 1)
8 sns.histplot(samples_np.flatten(),
9 kde=True, stat="density",
10 color='skyblue')
11 plt.title('Distribution of All Samples')
12 plt.xlabel('Value')
13 plt.ylabel('Density')

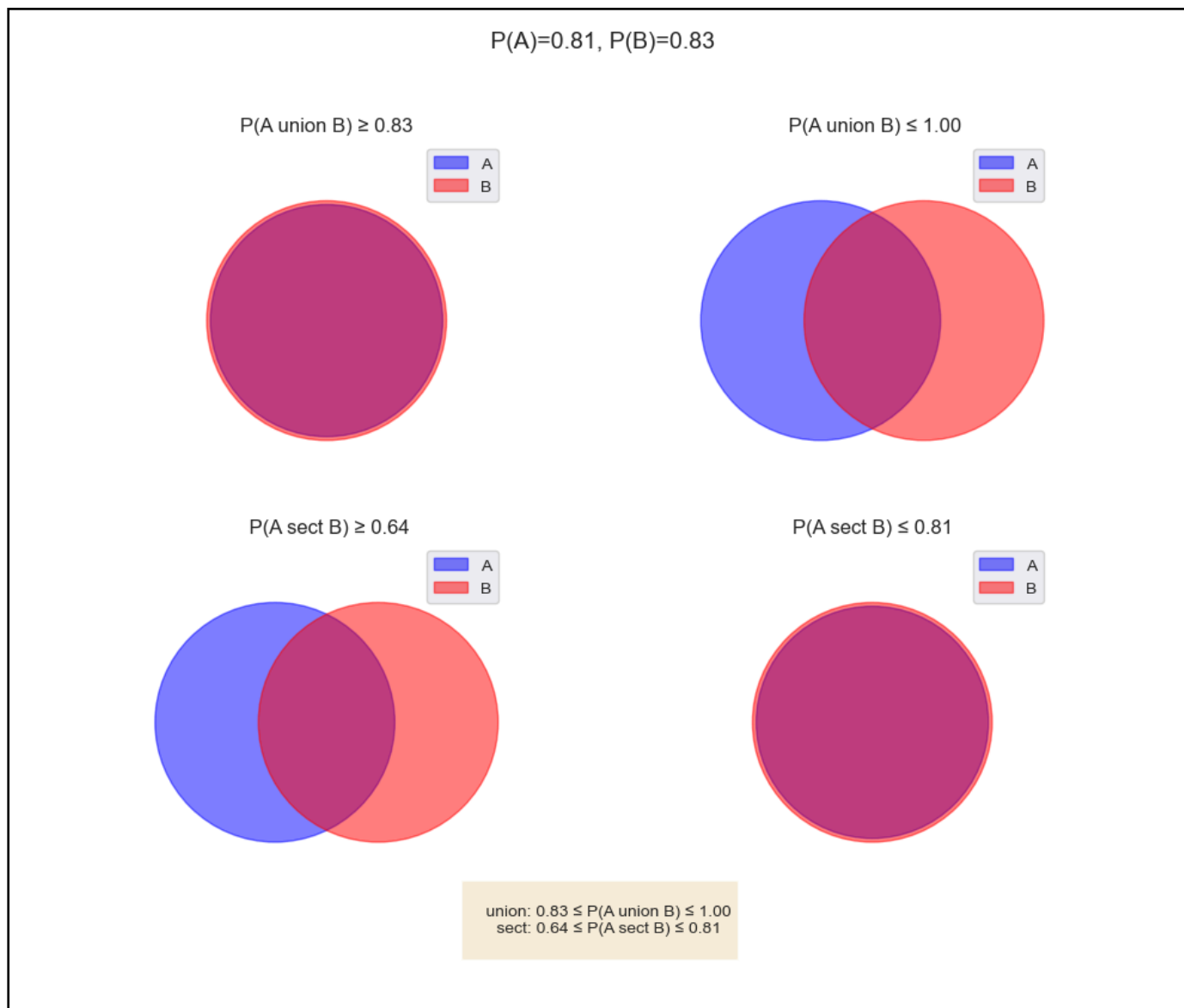
```

结果



2. 给定两个概率为 $P(\mathcal{A})$ 和 $P(\mathcal{B})$ 的事件,计算 $P(\mathcal{A} \cup \mathcal{B})$ 和 $P(\mathcal{A} \cap \mathcal{B})$ 的上限和下限(使用韦恩图来展示这些情况)

图像



3. 假设有一系列随机变量,例如 A, B 和 C ,其中 B 只依赖于 A ,而 C 只依赖于 B ,能简化联合概率吗(这是一个马尔可夫链)

$$P(A, B, C) = P(A)P(B|A)P(C|B)$$

4. 假设一个医生对患者进行艾滋病病毒测试.这个测试是相当准确的,如果患者健康但测试显示他患病,这个概率只有 1%; 如果患者真正感染 HIV,它永远不会检测不出.用 D_1 来表示诊断结果(如果阳性,则为 1,如果阴性,则为 0), H 来表示感染艾滋病病毒的状态(如果阳性,则为 1,如果阴性,则为 0).人口总体是相当健康的, $P(H=1)=0.0015$,现在测试显示他患病,那么患者真正患病的概率是多少

$$\text{先验概率: } P(H = 1) = 0.0015, P(H = 0) = 0.9985$$

$$\text{条件概率: } P(D_1 = 1|H = 1) = 1, P(D_1 = 1|H = 0) = 0.01$$

$$\text{全概率: } P(D_1 = 1) = P(D_1 = 1|H = 1)P(H = 1) + P(D_1 = 1|H = 0)P(H = 0) = 0.011485$$

$$\text{后验概率: } P(H = 1|D_1 = 1) = \frac{P(D_1=1|H=1)P(H=1)}{P(D_1=1)} \approx 13.05\%$$

- 患者得知测试阳性后要求医生进行另一次测试来确定病情.第二个测试具有不同的特性,它不如第一个测试那么精确,如果患者健康但测试显示他患病,这个概率有 3%;如果患者真正感染 HIV 但测试显示他没病,这个概率有 2%.经过第二次测试,依然显示患病,请问现在患者患病的概率是多少

$$\text{先验概率: } P(H = 1) = 0.1305, P(H = 0) = 0.8695$$

$$\text{条件概率: } P(D_2 = 1|H = 1) = 0.98, P(D_2 = 1|H = 0) = 0.03$$

$$\text{全概率: } P(D_2 = 1) = P(D_2 = 1|H = 1)P(H = 1) + P(D_2 = 1|H = 0)P(H = 0) \approx 0.153975$$

$$\text{后验概率: } P(H = 1|D_2 = 1) = \frac{P(D_2=1|H=1)P(H=1)}{P(D_2=1)} \approx 83.06\%$$

- 虽然第一个测试在准确性方面表现更好,但在临床实践中,有时会采用两个不同的测试而不是重复使用同一个测试
 - 避免系统性错误
 - 提高独立性和确认性
 - 分层更新贝叶斯概率