

Exercise Thinking

卷三 动手学深度学习 Pytorch 习题解

作者: latalealice

日期: 2025/04/29

目 录

序言							
第一章	引言	Ī					
第二章	预备	知识					
	2.1		乍				
			运行代码,将条件语句 X == Y 更改为 X < Y 或 X > Y,看看可以得到什么样的张量				
		2.1.2	用其他形状(例如三维张量)替换广播机制中按元素操作的两个张量,结果如何				
	2.2	数据预处	心理				
			创建包含更多行和列的原始数据集				
	2.3		发				
			证明一个矩阵A的转置的转置是A				
		2.3.2	给出两个矩阵 A 和 B ,证明"它们转置的和"等于"它们和的转置"				
			给定任意方阵 $A,A+A^T$ 总是对称的吗				
			定义形状(2,3,4)的张量 X,len(X)的输出结果是什么				
		2.3.5	对于任意形状的张量 X,len(X)是否总是对应于 X 特定轴的长度?这个轴是什么				
			运行 A/A.sum(axis=1),看看会发生什么.请分析一下原因				
			考虑一个具有形状(2,3,4)的张量,在轴 0、1、2 上的求和输出是什么形状				
		2.3.8	为 linalg.norm 函数提供 3 个或更多轴的张量,并观察其输出.对于任意形状的张量这个函数计算得到什么				
	2.4	微积分.					
		2.4.1	绘制函数 $y = f(x) = x^3 - \frac{1}{x}$ 和其在 $x = 1$ 处切线的图像				
		2.4.2	求函数 $f(\mathbf{x}) = 3x_1^2 + 5e^{x_2}$ 的梯度				
		2.4.3	函数 $f(\mathbf{x}) = \ \mathbf{x}\ _2$ 的梯度是什么				
		2.4.4	尝试写出函数 $u=f(x,y,z)$,其中 $x=x(a,b),y=y(a,b),z=z(a,b)$ 的链式法则				
	2.5	自动微分8					
		2.5.1	为什么计算二阶导数比一阶导数的开销要更大				
		2.5.2	在运行反向传播函数之后,立即再次运行它,会发生什么				
		2.5.3	在控制流的例子中,计算 d 关于 a 的导数,如果将变量 a 更改为随机向量或矩阵,会发生什				
			么				
			重新设计一个求控制流梯度的例子,运行并分析结果				
			使 $f(x) = \sin x$,绘制 $f(x)$ 和 $\frac{\mathrm{d}f(x)}{\mathrm{d}x}$ 的图像,其中后者不使用 $f'(x) = \cos x$				
	2.6		9				
			进行 $m=500$ 组实验,每组抽取 $n=10$ 个样本.改变 m 和 n ,观察和分析实验结果				
		2.6.2	给定两个概率为 $P(\mathcal{A})$ 和 $P(\mathcal{B})$ 的事件,计算 $P(\mathcal{A} \cup \mathcal{B})$ 和 $P(\mathcal{A} \cap \mathcal{B})$ 的上限和下限(使用韦恩图来展示这些情况)10				
		2.6.3	假设有一系列随机变量,例如 A , B 和 C ,其中 B 只依赖于 A ,而 C 只依赖于 B ,能简化联合概率吗(这是一个马尔可夫链)				
		2.6.4	艾滋病测试问题1				
第三章	线性	回归网络	各12				
	3.1	线性回归	日网络				
		3.1.1	假设有一些数据 $x_1, x_2,, x_n \in R$,目标是找到一个常数 b ,使得 $\sum_i (x_i - b)^2$ 最小化 12				
			推导出使用平方误差的线性回归优化问题的解析解,忽略偏置 b 简化问题(可以通过向 X 添加				
			所有值为1的一列来做到这一点)12				
			假定控制附加噪声的 ϵ 噪声模型是指数分布, $p(\epsilon)=\frac{1}{2}\exp(- \epsilon)$				
	3.2		台实现13				
			如果将权重w初始化为零,会发生什么?算法仍然有效吗13				
			为电压和电流的关系建立一个模型,自动微分可以用来学习模型的参数吗13				
		3.2.3	基于普朗克定律使用光谱能量密度来确定物体的温度14				

	3.2.4	计算二阶导数时可能会遇到什么问题?如何解决14
	3.2.5	为什么在 squared_loss 函数中需要使用 reshape 函数15
	3.2.6	尝试使用不同的学习率,观察损失函数值下降的快慢15
	3.2.7	如果样本个数不能被批量大小整除,data_iter 函数的行为会有什么变化16
3.3	简洁实现	见16

序言

此 PDF 为习题解答,需求的库如下

```
ру
1
   from d21 import torch as d21
2
   from matplotlib_inline import backend_inline
3
  from matplotlib_venn import venn2
4
   from torch.distributions import multinomial
5
  import numpy as np
   import matplotlib.pyplot as plt
6
7 import os
8
  import pandas as pd
9 import seaborn as sns
10 import torch
```

第一章 引言

- 1. 你当前正在编写的代码的哪些部分可以"学习",即通过学习和自动确定代码中所做的设计选择来改进?你的代码是否包含启发式设计选择?
- 2. 你遇到的哪些问题有许多解决它们的样本,但没有具体的自动化方法?这些可能是使用深度学习的主要候选者.
- 3. 如果把人工智能的发展看作一场新的工业革命,那么算法和数据之间的关系是什么?它类似于蒸汽机和煤吗?根本区别是什么?
- 4. 你还可以在哪里应用端到端的训练方法,比如图 1.1.2、物理、工程和计量经济学?

第二章 预备知识

2.1 数据操作

2.1.1 运行代码,将条件语句 X == Y 更改为 X < Y 或 X > Y,看看可以得到什么样的张量

代码

```
X = torch.arange(12,
    dtype=torch.float32).reshape((3,4))

Y = torch.tensor([[2.0, 1, 4, 3], [1, 2,
    3, 4], [4, 3, 2, 1]])

X > Y,X == Y,X < Y</pre>
```

结果

2.1.2 用其他形状(例如三维张量)替换广播机制中按元素操作的两个张量,结果如何

代码

```
a =
torch.arange(25).reshape((-1,5,1))
b = torch.arange(10).reshape((-1,1,2))
a+b
# 广播矩阵,复制a的列,b的行
```

结果

```
tensor([[[ 0, 1],
                                             ру
2
             [ 1, 2],
3
             [2, 3],
             [ 3, 4],
4
5
             [4, 5]],
6
            [[7, 8],
7
             [8, 9],
8
             [ 9, 10],
9
             [10, 11],
10
             [11, 12]],
11
            [[14, 15],
12
             [15, 16],
13
             [16, 17],
14
             [17, 18],
15
             [18, 19]],
            [[21, 22],
16
17
             [22, 23],
18
             [23, 24],
19
             [24, 25],
20
             [25, 26]],
21
            [[28, 29],
22
             [29, 30],
23
             [30, 31],
24
             [31, 32],
25
             [32, 33]]])
```

2.2 数据预处理

2.2.1 创建包含更多行和列的原始数据集

- 删除缺失值最多的列
- 将预处理后的数据集转换为张量格式

代码

```
os.makedirs(os.path.join('..',
1
                                       ру
   'data'), exist_ok=True)
   data_file = os.path.join('..', 'data',
2
   'house_tiny.csv')
   with open(data_file, 'w') as f:
    f.write('NumRooms, Alley, Price\n') # 列
4
    f.write('NA,Pave,127500\n') # 每行表示
5
    一个数据样本
6
    f.write('2,NA,106000\n')
7
   f.write('4,NA,178100\n')
8
    f.write('NA,NA,140000\n')
9
    f.write('3,Pave,122000\n')
   # 1. 删除缺失值最多的列
10
   # 计算每列的缺失值数量
11
12
    missing_values = data.isnull().sum()
13
    # 找出缺失值最多的列名
    column_to_drop =
14
    missing_values.idxmax()
15
   # 删除该列
    data_preprocessed =
16
    data.drop(column_to_drop, axis=1)
17
    print(data_preprocessed)
18
   # 2. 将预处理后的数据集转换为张量格式
19
   # 首先处理剩余的缺失值(用均值填充数值列)
    data preprocessed['NumRooms'] =
   data_preprocessed['NumRooms'].
    fillna(data preprocessed['NumRooms'].mean
21
   # 转换为张量
    tensor_data =
22
   torch.tensor(data_preprocessed.values,
    dtype=torch.float32)
```

结果

1		NumRooms	Price		ру
2	0	NaN	127500		
3	1	2.0	106000		
4	2	4.0	178100		
5	3	NaN	140000		
6	4	3.0	122000		
7	ten	sor([[3.00	00e+00,	1.2750e+05],	
8		[2.00	00e+00,	1.0600e+05],	
9		[4.00	00e+00,	1.7810e+05],	
10		[3.00	00e+00,	1.4000e+05],	
11		[3.00	00e+00,	1.2200e+05]])	

2.3 线性代数

2.3.1 证明一个矩阵 A 的转置的转置是 A

代码 结果

```
1 A = torch.arange(20).reshape(5, -1) py
2 A.T.T == A
```

2.3.2 给出两个矩阵 A 和 B,证明"它们转置的和"等于"它们和的转置"

代码

```
1 A = torch.randn(3,4)
2 B = torch.randn(3,4)
3 (A+B).T == A.T+B.T
```

结果

2.3.3 给定任意方阵 $A, A + A^T$ 总是对称的吗

代码

```
1 A=torch.randn(4,4)
2 A+A.T == (A.T+A).T
```

结果

```
1 tensor([[True, True, True, True], py)
2          [True, True, True, True],
3          [True, True, True, True],
4          [True, True, True, True]])
```

2.3.4 定义形状(2,3,4)的张量 X,len(X)的输出结果是什么

代码

```
1 X = torch.arange(24).reshape(2,3,4) py
2 len(X)
```

结果

```
1 2 py
```

2.3.5 对于任意形状的张量 X,len(X)是否总是对应于 X 特定轴的长度?这个轴是什么

代码

```
1 # 1维张量
2 X = torch.tensor([1, 2, 3])
3 len(X)
4 # 2维张量
X = torch.tensor([[1, 2], [3, 4], [5, 6]])
6 len(X)
7 # 3维张量
8 X = torch.rand(2, 3, 4)
9 len(X)
```

结果



2.3.6 运行 A/A.sum(axis=1),看看会发生什么.请分析一下原因

代码结果

2.3.7 考虑一个具有形状(2,3,4)的张量,在轴 0、1、2 上的求和输出是什么形状

代码

结果

2.3.8 为 linalg.norm 函数提供 3 个或更多轴的张量,并观察其输出.对于任意形状的张量这个函数计算得到什么

代码

```
1 # 创建一个3×4×5的张量
2 tensor_3d = torch.randn(3, 4, 5)
3 norm_default = np.linalg.norm(tensor_3d)
4 norm_default
norm_axis0 = np.linalg.norm(tensor_3d,
axis=0)
6 norm_axis0
norm_axis01 = np.linalg.norm(tensor_3d,
axis=(0, 1))
8 norm_axis01
```

结果

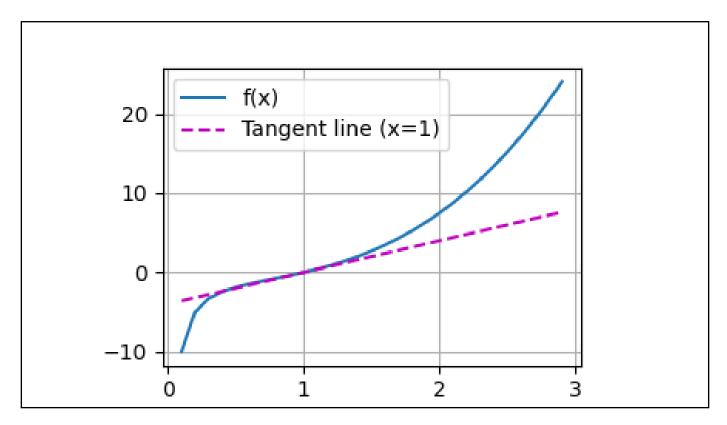
```
1 7.6230054 py

[[1.5946476 1.4472774 2.368117
2.1636908 2.045201 ],[1.8514549
1.5507743 2.2650828 0.7746272
2 1.3306752 ],[1.4223679 0.55377847
2.2253275 1.3022163 1.2005248 ],

[1.6133649 2.9035609 1.4079779
1.3459872 0.64774853]]
[4.924984 , 2.7686076, 3.7564898,
3 3 3 3 3 5 8 1 5 2 5 3 8 8 8 8 3 1
```

2.4 微积分

2.4.1 绘制函数 $y = f(x) = x^3 - \frac{1}{x}$ 和其在 x = 1处切线的图像



2.4.2 求函数 $f(x) = 3x_1^2 + 5e^{x_2}$ 的梯度

代码

结果

```
1 [6*x1, 5*exp(x2)] py
```

2.4.3 函数 $f(x) = ||x||_2$ 的梯度是什么

代码

```
1 n = 3
    x = sp.Matrix([sp.symbols(f'x{i}',
    real=True) for i in range(1, n+1)])
    f = sp.sqrt(sum(x[i]**2 for i in
    range(n))) # L2 范数
    gradient = [f.diff(x[i]) for i in
    range(n)]
5 print(gradient)
```

结果

```
[x1/sqrt(x1**2 + x2**2 + x3**2), x2/

1 sqrt(x1**2 + x2**2 + x3**2), x3/

sqrt(x1**2 + x2**2 + x3**2)]
```

2.4.4 尝试写出函数 u = f(x, y, z),其中 x = x(a, b), y = y(a, b), z = z(a, b) 的链式法则 结果

```
1 a, b = sp.symbols('a b')
    x, y, z = sp.symbols('x y z',
2 cls=sp.Function) # x(a,b), y(a,b),
    z(a,b)
    f = sp.Function('f')(x(a, b), y(a, b),
    z(a, b)) # u = f(x(a,b), y(a,b), z(a,b))
4 # 计算 u 对 a 的偏导数
5 du_da = sp.diff(f, a)
6 print("du/da = ", du_da)
7 # 计算 u 对 b 的偏导数
8 du_db = sp.diff(f, b)
9 print("du/db = ", du_db)
```

```
du/da = Derivative(f(x, y, z),
    x)*Derivative(x, a) + Derivative(f(x,
1 y, z), y)*Derivative(y, a) +
    Derivative(f(x, y, z),
    z)*Derivative(z, a)
    du/db = Derivative(f(x(a, b), y(a, b),
    z(a, b)), x(a, b))*Derivative(x(a, b), b)
    + Derivative(f(x(a, b), y(a, b), z(a,
    b)), y(a, b))*Derivative(y(a, b), b) +
    Derivative(f(x(a, b), y(a, b), z(a, b)),
    z(a, b))*Derivative(z(a, b), b)
```

2.5 自动微分

2.5.1 为什么计算二阶导数比一阶导数的开销要更大

二阶导数的计算需要在一阶导数的计算图上再叠加一层微分操作,导致计算图更复杂

2.5.2 在运行反向传播函数之后,立即再次运行它,会发生什么

在 PyTorch 中,默认情况下计算图(computational graph)在调用.backward()后会被自动释放以节省内存.当尝试第二次调用.backward()时,计算图已经不存在了,因此会报错.可以通过设置 retain graph=True 来保留计算图

y.backward(retain_graph=True)

y.backward()

如果多次调用.backward(),梯度会累加到 x.grad 中(而不是覆盖).如果需要重新计算梯度,需要在每次 反向传播前手动清零梯度:

x.grad.zero ()

y.backward()

2.5.3 在控制流的例子中,计算 d 关于 a 的导数,如果将变量 a 更改为随机向量或矩阵,会发生什么 代码 结果

```
x =
1 torch.arange(40.,requires_grad=True). py
reshape(5,-1)
2 x.retain_grad() # 保留梯度
3 y = 2 * torch.sum(x**2)
4 y.backward()
5 print(x.grad)
```

2.5.4 重新设计一个求控制流梯度的例子,运行并分析结果

代码

```
def f(x):
1
                                            ру
2
     y = x ** 2
3
      if y.norm() >0:
          y = y ** 2
5
          z = y
6
     else:
7
          z = 100 * y
8
    return z
   x = torch.randn(size=(),
   requires grad=True)
10 \quad a = f(x)
11 a.backward()
12 print(x.grad)
```

```
1 tensor(-24.2866) py
```

2.5.5 使 $f(x) = \sin x$,绘制 f(x) 和 $\frac{\mathrm{d}f(x)}{\mathrm{d}x}$ 的图像,其中后者不使用 $f'(x) = \cos x$

代码

```
x = torch.linspace(-2 * np.pi,
2*np.pi, 1000)

x.requires_grad_(True)

f= torch.sin(x)

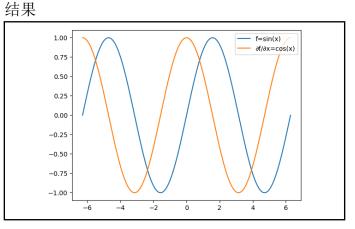
f.sum().backward()

plt.plot(x.detach(), f.detach(),
label='f=sin(x)')

plt.plot(x.detach(), x.grad, label='df/dx=cos(x)')

plt.legend(loc='upper right')

plt.show()
```

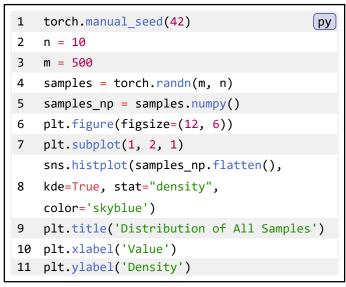


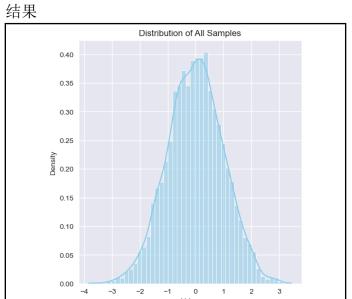
2.6 概率

2.6.1 进行 m=500组实验,每组抽取 n=10个样本.改变 m 和 n,观察和分析实验结果

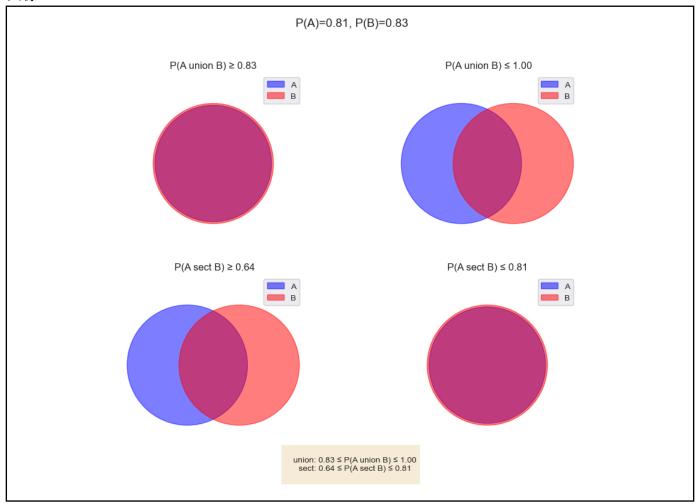
随着 m 和 n 的增大,总样本的分布越来越接近标准高斯分布

代码





2.6.2 给定两个概率为 $P(\mathcal{A})$ 和 $P(\mathcal{B})$ 的事件,计算 $P(\mathcal{A} \cup \mathcal{B})$ 和 $P(\mathcal{A} \cap \mathcal{B})$ 的上限和下限(使用韦恩 图来展示这些情况)



2.6.3 假设有一系列随机变量,例如 A, B和 C, 其中 B只依赖于 A, 而 C 只依赖于 B, 能简化联合概率 吗(这是一个马尔可夫链)

$$P(A, B, C) = P(A)P(B|A)P(C|B)$$

2.6.4 艾滋病测试问题

• 假设一个医生对患者进行艾滋病病毒测试.这个测试是相当准确的,如果患者健康但测试显示他患病,这个概率只有 1%;如果患者真正感染 HIV,它永远不会检测不出.用 D_1 来表示诊断结果(如果阳性,则为 1,如果阴性,则为 0),H 来表示感染艾滋病病毒的状态(如果阳性,则为 1,如果阴性,则为 0).人口总体是相当健康的,P(H=1)=0.0015,现在测试显示他患病,那么患者真正患病的概率是多少

先验概率: P(H=1) = 0.0015, P(H=0) = 0.9985

条件概率: $P(D_1 = 1|H = 1) = 1, P(D_1 = 1|H = 0) = 0.01$

全概率: $P(D_1 = 1) = P(D_1 = 1|H = 1)P(H = 1) + P(D_1 = 1|H = 0)P(H = 0) = 0.011485$

后验概率: $P(H=1|D_1=1) = \frac{P(D_1=1|H=1)P(H=1)}{P(D_1=1)} \approx 13.05\%$

• 患者得知测试阳性后要求医生进行另一次测试来确定病情.第二个测试具有不同的特性,它不如第一个测试那么精确,如果患者健康但测试显示他患病,这个概率有 3%;如果患者真正感染 HIV 但测试显示他没病,这个概率有 2%.经过第二次测试,依然显示患病,请问现在患者患病的概率是多少

先验概率: P(H=1) = 0.1305, P(H=0) = 0.8695

条件概率: $P(D_2 = 1|H = 1) = 0.98, P(D_2 = 1|H = 0) = 0.03$

全概率: $P(D_2=1)=P(D_2=1|H=1)P(H=1)+P(D_2=1|H=0)P(H=0)\approx 0.153975$

后验概率:
$$P(H=1|D_2=1)=\frac{P(D_2=1|H=1)P(H=1)}{P(D_2=1)}\approx 83.06\%$$

- 虽然第一个测试在准确性方面表现更好,但在临床实践中,有时会采用两个不同的测试而不是重复使用同一个测试
 - · 避免系统性错误
 - · 提高独立性和确认性
 - · 分层更新贝叶斯概率

第三章 线性回归网络

3.1 线性回归网络

- 3.1.1 假设有一些数据 $x_1,x_2,...,x_n\in R$,目标是找到一个常数 b,使得 $\sum_i \left(x_i-b\right)^2$ 最小化
 - 如何找到最优值的解析解
 - 这个问题及其解与正态分布有什么关系

常数模型 $y_i = b + \varepsilon_i$

设计矩阵

$$\mathbf{X} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ \vdots \\ 1 \end{bmatrix} \in \mathbb{R}^{n \times 1}$$

线性模型

$$y=X b + \varepsilon$$

解析解

$$b = (\mathbf{X}^T \mathbf{X})^{-1} \mathbf{X}^T \mathbf{y} = \frac{1}{n} \sum_i x_i$$

假设数据
$$x_1, x_2, ..., x_n \in R$$
从正态分布 $\mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$ 中独立采样得到,其概率密度与似然函数
$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} \exp\left(-\frac{(x_i - \mu)^2}{2\sigma^2}\right)$$

$$L(\mu) = \prod_i f(x) \propto \exp\left(-\frac{1}{2\sigma^2}\sum_i (x_i - \mu)^2\right)$$

最大化 $\log L(\mu)$ 等价于最小化 $\sum_i (x_i - b)^2$,正态分布的最大似然估计 $\hat{\mu}$ 就是样本均值

- 3.1.2 推导出使用平方误差的线性回归优化问题的解析解,忽略偏置 b 简化问题(可以通过向 X 添加 所有值为1的一列来做到这一点)
 - 用矩阵和向量表示法写出优化问题(将所有数据视为单个矩阵,将所有目标值视为单个向量)
 - 计算损失对 w 的梯度
 - 将梯度设为 0,求解矩阵方程来找到解析解
 - 什么时候可能比使用随机梯度下降更好?这种方法何时会失效

给定数据矩阵 $\mathbf{X} \in \mathbb{R}^{n \times d}$ 和目标向量 $\mathbf{y} \in \mathbb{R}^n$ 线性回归的优化目标是最小化平方误差

$$\begin{split} \min L(w) &= \|\mathbf{X}w - \mathbf{y}\|^2 = (\mathbf{X}w - \mathbf{y})^T (\mathbf{X}w - \mathbf{y}) \\ L(w) &= w^T \mathbf{X}^T \mathbf{X}w - 2\mathbf{y}^T \mathbf{X}w + \mathbf{y}^T \mathbf{y} \\ \nabla_w L &= 2\mathbf{X}^T \mathbf{X}w - 2\mathbf{X}^T \mathbf{y} \\ w &= (\mathbf{X}^T \mathbf{X})^{-1} \mathbf{X}^T \mathbf{y} \end{split}$$

解析解的优势

- 精确解:直接得到最优参数,无需调参(如学习率)
- 小规模数据高效:当特征数 d 较小,计算 $(\mathbf{X}^T\mathbf{X})^{-1}$ 的时间复杂度 $O(d^3)$ 可接受 失效情况
- 矩阵不可逆:当 \mathbf{X} 列线性相关或 $n < d, \mathbf{X}^T \mathbf{X}$ 不可逆
- 高维数据:特征数 d很大,计算逆矩阵成本过高
- 内存限制:数据量n极大时,存储 \mathbf{X} 并计算 $\mathbf{X}^T\mathbf{X}$ 不可行
- 3.1.3 假定控制附加噪声的 ϵ 噪声模型是指数分布, $p(\epsilon) = \frac{1}{2} \exp(-|\epsilon|)$
 - 写出模型 $-\log P(\mathbf{y}|\mathbf{X})$ 下数据的负对数似然
 - 写出解析解

• 提出一种随机梯度下降算法来解决这个问题

$$\begin{split} \mathbf{y} &= \mathbf{X}\beta + \epsilon_i \\ P(\mathbf{y}|\mathbf{X}) &= \prod_i \tfrac{1}{2} \exp(-|\mathbf{y} - \mathbf{x}_i\beta|) \\ -\log P(\mathbf{y}|\mathbf{X}) &= n \log 2 + \sum_i \exp(-|\mathbf{y} - \mathbf{x}_i\beta|) \end{split}$$

带指数分布噪声的线性回归模型等价于最小化 L1 损失函数,也称为中位数回归(Median Regression).与普通最小二乘法(OLS)不同,由于 L1 损失函数在残差为零处不可导,L1 回归通常没有封闭形式的解析解.对于一维情况,中位数回归的解析解就是将回归线穿过数据点的中位数.对于多维情况.通常需要使用数值优化方法

- 1. 线性规划
- 2. 迭代加权最小二乘法
- 3. 梯度下降类算法(需要处理不可导点) 由于 L1 损失在残差为零处不可导,需要使用次梯度(subgradient)方法

3.2 从零开始实现

3.2.1 如果将权重 w 初始化为零,会发生什么?算法仍然有效吗

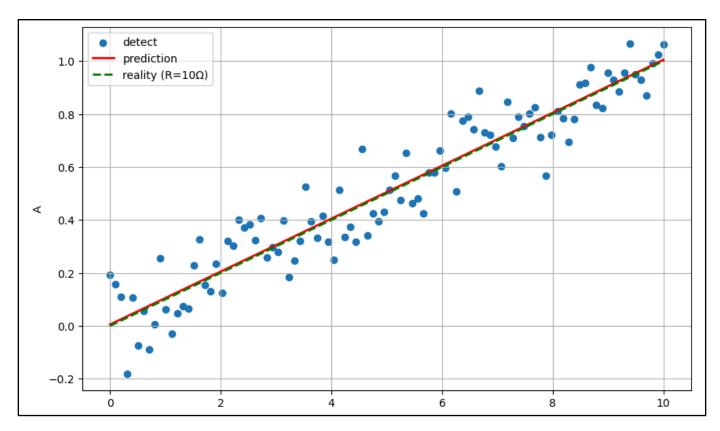
线性回归在权重初始化为零时仍然有效,主要是因为

- 1. 梯度取决于输入特征:即使权重相同,但由于输入特征 x_i 各不相同,因此计算得到的梯度也各不相同
- 无隐藏层结构:线性回归是直接从输入到输出的映射,没有中间层的复杂结构,因此不会遇到神经网络中的表达能力受限问题.
- 3. 单一全局最优解:线性回归的损失函数是凸函数,总是有一个全局最优解,梯度下降算法最终会收敛到这个解.

3.2.2 为电压和电流的关系建立一个模型,自动微分可以用来学习模型的参数吗

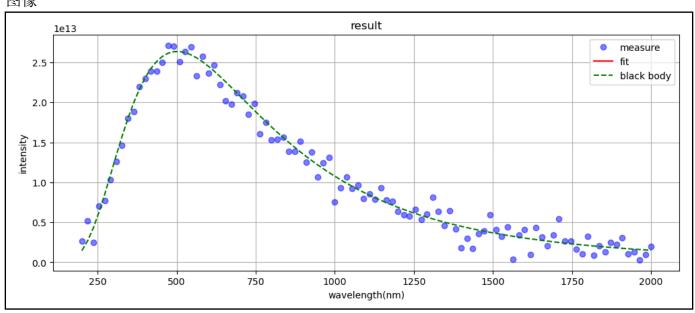
自动微分在以下几个关键步骤中起到了重要作用

- 1. 参数跟踪:创建 nn.Linear 层时,PyTorch 自动为权重和偏置参数设置 requires_grad=True,参数的 梯度将被计算和存储
- 2. 损失函数计算:当计算模型输出与实际电流之间的损失时,PyTorch 构建了一个计算图,跟踪损失是如何依赖于模型参数的
- 3. 梯度计算:当调用 loss.backward()时,PyTorch 自动计算损失函数相对于每个参数的梯度.这些梯度展示如何调整参数以减小损失
- 4. 参数更新:optimizer.step()使用计算出的梯度来更新模型参数,通常沿着梯度的负方向移动(梯度下降)



3.2.3 基于普朗克定律使用光谱能量密度来确定物体的温度

图像



3.2.4 计算二阶导数时可能会遇到什么问题?如何解决

主要问题

- 1. 梯度消失问题:当计算深层网络的二阶导数时,由于链式法则的连乘效应,可能导致梯度变得非常小
- 2. 内存占用过大:二阶导数计算需要储存更多的中间计算结果,特别是对于大型模型,可能导致 GPU 内存不足
- 3. 计算效率低下:直接计算 Hessian 矩阵计算量很大,尤其是参数众多的模型
- 4. 数值不稳定性:浮点数精度限制可能导致数值计算不稳定

解决方案

- 1. 使用 Hessian 向量积(Hessian-vector product, HVP)
- 2. 使用自动微分库
- 3. 有限差分法近似
- 4. 低阶优化算法:如果只是为了优化而计算二阶导数,可以考虑使用近似二阶方法如 L-BFGS、KFAC 等
- 5. 分批计算 Hessian 矩阵

3.2.5 为什么在 squared_loss 函数中需要使用 reshape 函数

1. 维度匹配

在计算均方误差(MSE)时,预测值和真实值的形状必须一致或能够进行广播.reshape 确保这两个 张量可以直接进行数学运算

2. 应对不同的输出格式

线性回归模型的输出形状可能是:

- [batch_size]:一维张量
- [batch_size, 1]:二维张量(列向量)

而标签数据可能是不同形状:

- 可能是普通 Python 列表:[value1, value2, ...]
- 可能是 NumPy 数组或 Pandas Series
- 可能是不同形状的 PyTorch 张量

reshape 函数确保无论输入格式如何,都能统一处理

3. 处理模型输出

许多 PyTorch 模型的输出是形状为[batch size, num features]的张量,即使 num features=1

4. 防止隐式广播导致的错误

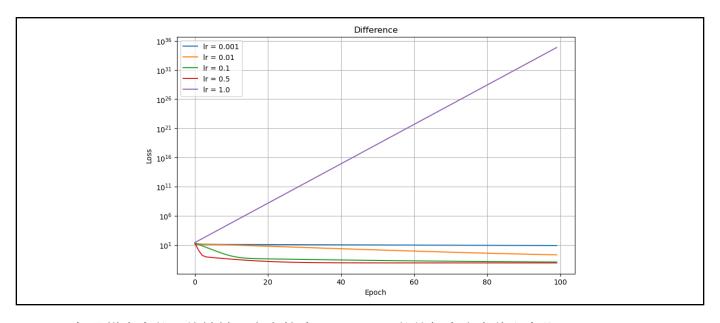
如果不使用 reshape, PyTorch 的广播机制可能会导致意外的计算结果

5. 批量处理的一致性

在批量处理数据时,确保每个样本的损失计算方式一致是很重要的

3.2.6 尝试使用不同的学习率,观察损失函数值下降的快慢

- 从小学习率开始(0.001)
- 逐渐增加(乘以 10)
- 当观察到损失函数开始震荡或发散时停止
- 选择震荡前的最大学习率作为最优值



3.2.7 如果样本个数不能被批量大小整除,data_iter 函数的行为会有什么变化

当样本总数不能被批量大小整除时,会出现以下几种情况:

1. 最后一个批次的大小不足

这是最常见的处理方式.如果总样本数为 n,批量大小为 batch size,当 n % batch size!= 0 时

- 前面的批次都是完整的 batch size 大小
- 最后一个批次的大小为 n % batch size,小于标准批量大小

例如:有 103 个样本,批量大小为 32,则会产生 4 个批次.前 3 个批次各包含 32 个样本,最后 1 个批次只包含 7 个样本(103-3×3=7)

2. 对最后一个不完整批次的不同处理策略

在实际应用中,对于最后一个不完整批次,有几种常见的处理策略:

• 保留不完整批次(默认行为)

如上所述,就是保留最后一个较小的批次.这是最直接的方法,确保所有样本都被使用

• 丢弃不完整批次

某些情况下,特别是当批次归一化(Batch Normalization)层对批次大小敏感时,可能会选择丢弃最后一个不完整的批次

• 填充(padding)不完整批次

在 NLP 或计算机视觉任务中,常用填充方法使最后一个批次达到完整大小

3.3 简洁实现