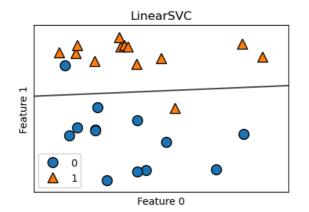
```
In [1]: # LinearModels For Classification
      # 线性模型在分类问题中也被广泛应用。对于二元分类,其预测公式如下
      \# \hat{y} = w[0] * x[0] + w[1] * x[1] + ... + w[p] * x[p] + b
      # 在分类中,线性模型的公式看起来与线性回归的公式非常相似
      # 但在处理预测值时,有一个关键区别:分类通过零作为阈值来判断类别
      # 如果函数输出值小于零, 预测类别为-1
      # 如果函数输出值大于零, 预测类别为+1
      # 这一预测规则是所有线性分类模型的共同点
      # 线性回归的输出ŷ可以是直线、平面或更高维空间的超平面
      # 线性分类的决策边界: 通过线、平面或超平面将两个类别分隔开
      # 线性模型算法的不同主要体现在以下两方面:
      # 拟合数据的方法: 衡量参数w和b对训练数据的拟合程度的方式不同
      # 正则化的使用: 是否使用正则化,以及使用何种正则化(如 L1、L2)
      # 最常用的两种线性分类算法是:
      #逻辑回归,利用逻辑函数估计样本属于特定类别的概率
      # 线性支持向量机:与逻辑回归不同,它使用最大化分类间隔的原则
      import mglearn
      import matplotlib.pyplot as plt
      from sklearn.linear_model import LogisticRegression
      from sklearn.svm import LinearSVC
      X, y = mglearn.datasets.make_forge()
      fig, axes = plt.subplots(1, 2, figsize=(10, 3))
      for model, ax in zip([LinearSVC(), LogisticRegression()], axes):
         clf = model.fit(X, y)
         mglearn.plots.plot_2d_separator(clf, X, fill=False, eps=0.5,
                                 ax=ax, alpha=0.7)
         mglearn.discrete_scatter(X[:, 0], X[:, 1], y, ax=ax)
         ax.set_title("{}".format(clf.__class__.__name__))
         ax.set xlabel("Feature 0")
         ax.set_ylabel("Feature 1")
      axes[0].legend()
      # 图中分别展示了LinearSVC和LogisticRegression模型找到的决策边界
      # 决策边界将上方分类为类别1的区域与下方分类为类别0的区域分隔开
      # 位于直线边界之上的数据点都会被归为类别1
      # 而位于黑线之下的点则会被归为类别@
      # 这两个模型得出的决策边界非常相似,且都错误分类了其中两个数据点
      # 默认情况下,这两个模型都使用了L2正则化
```

Out[1]: <matplotlib.legend.Legend at 0x23a824c6240>

这种正则化方式与Ridge回归中采用的方式相同





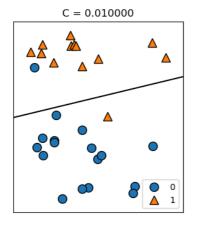
控制正则化强度的权衡参数称为C, 其值越大, 对正则化的约束越弱 In [8]: # 当C取较高值时, LogisticRegression和LinearSVC会尽可能拟合训练集

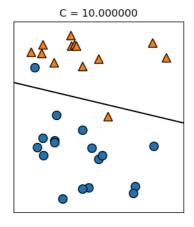
当C取较低值时,模型会更强调找到接近零的系数向量,即更强的正则化

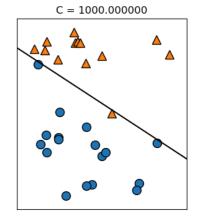
- # 较低的C值会使算法更倾向于适应数据点的"大多数",忽略少量异常点
- # 而使用较高的C值则会强调准确分类每一个数据点的重要性

mglearn.plots.plot_linear_svc_regularization()

- # 在左图中,使用了一个非常小的 c 值,这对应于强正则化
- #属于类别@的大多数点位于顶部,而属于类别 1的大多数点位于底部
- # 强正则化的模型选择了一条相对水平的决策边界,导致两个点被错误分类
- # 在中间图中, C值略高
- #模型更多地关注之前被错误分类的两个样本,因此决策边界有所倾斜
- # 在右图中, C值非常高, 模型将决策边界大幅倾斜
- # 正确分类了类别@中的所有点,类别1中的一个点仍然被错误分类
- # 因为用一条直线无法正确分类这个数据集中的所有点
- # 高C模型虽尽力正确分类了所有点,但可能无法很好地捕捉整体分布情况
- # 换句话说,该模型可能出现了过拟合
- # 线性分类模型类似于线性回归
- # 低维空间的决策边界看起来可能非常受限,仅允许是直线或平面
- # 在高维空间中,线性分类模型会变得非常强大
- # 同时随着特征数量的增加, 防止过拟合显得更加重要







In [24]: # LinearLogistic模型在乳腺癌数据集上的表现

from sklearn.model_selection import train_test_split

from sklearn.datasets import load_breast_cancer

cancer = load_breast_cancer()

X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(

cancer.data, cancer.target, stratify=cancer.target, random_state=42)

logreg1 = LogisticRegression(C=1, solver='liblinear').fit(X_train, y_train)
print("Training set score: {:.3f}".format(logreg1.score(X train, y train)))

print("Test set score: {:.3f}".format(logreg1.score(X_test, y_test)))

Training set score: 0.953 Test set score: 0.958

- In [28]: # 当我们使用C=1,模型在训练集和测试集上的准确率都达95%左右
 - # 由于训练集和测试集的性能非常接近,这表明模型可能存在欠拟合问题
 - # 即模型复杂度不足,未能充分捕捉数据的潜在模式
 - # 为了缓解欠拟合问题,可以通过增大 c的值来训练一个更加灵活的模型
 - # 更高的c值会降低正则化的强度,从而允许模型更关注于拟合训练数据

logreg100 = LogisticRegression(C=100, solver='liblinear').fit(X_train, y_train)
print("Training set score: {:.3f}".format(logreg100.score(X_train, y_train)))
print("Test set score: {:.3f}".format(logreg100.score(X test, y test)))

Training set score: 0 97/

Training set score: 0.974 Test set score: 0.965

- In [22]: # 当C设置为更大的值,训练集的准确率提高,测试集的准确率也略有增加
 - #验证了: 更复杂的模型在此情况下可能表现得更好。
 - # 然而,如果尝试使用比C=1更强的正则化,例如C=0.01

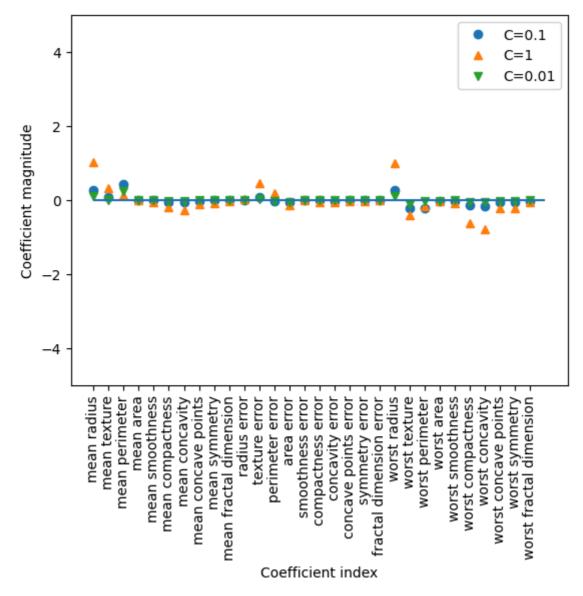
logreg001 = LogisticRegression(C=0.01, solver='liblinear').fit(X_train, y_train)

```
print("Training set score: {:.3f}".format(logreg001.score(X_train, y_train)))
print("Test set score: {:.3f}".format(logreg001.score(X_test, y_test)))
```

Training set score: 0.934 Test set score: 0.930

```
In [9]: # 正如预期, 训练集和测试集的准确率都会降低
plt.plot(logreg01.coef_.T, 'o', label="C=0.1")
plt.plot(logreg001.coef_.T, '^', label="C=0.01")
plt.plot(logreg001.coef_.T, 'v', label="C=0.01")
plt.xticks(range(cancer.data.shape[1]), cancer.feature_names, rotation=90)
plt.hlines(0, 0, cancer.data.shape[1])
plt.ylim(-5, 5)
plt.xlabel("Coefficient index")
plt.ylabel("Coefficient magnitude")
plt.legend()
```

Out[9]: <matplotlib.legend.Legend at 0x23a823ce240>



```
In [30]: # 如果希望模型更具可解释性,使用 L1 正则化可能会有所帮助 # 因为它限制模型仅使用少数特征,令部分w系数为0 # 相当于对意义不大的特征进行了淘汰 for C, marker in zip([0.001, 1, 100], ['o', '^', 'v']): # 利用C控制正则化强弱,penalty指定了L1正则化 lr_l1 = LogisticRegression(C=C, penalty="l1", solver='liblinear').fit(X_trai # 训练集精度
```

```
print("Training accuracy of l1 logreg with C={:.3f}: {:.2f}".format(
        C, lr_l1.score(X_train, y_train)))
# 测试集精度
print("Test accuracy of l1 logreg with C={:.3f}: {:.2f}".format(
        C, lr_l1.score(X_test, y_test)))

# 原书代码的问题在于使用了LogisticRegression的penalty="L1"参数
# 但没有指定solver参数,而默认的solver="lbfgs"并不支持 penalty="L1"
# 在定义LogisticRegression时,添加solver="liblinear"即可
```

Training accuracy of l1 logreg with C=0.001: 0.91
Test accuracy of l1 logreg with C=0.001: 0.92
Training accuracy of l1 logreg with C=1.000: 0.96
Test accuracy of l1 logreg with C=1.000: 0.96
Training accuracy of l1 logreg with C=100.000: 0.99
Test accuracy of l1 logreg with C=100.000: 0.98