## 衡阳师范学院 2018-2019 学年第二学期 化学与材料科学学院化学专业 2020 级 《高等数学(II)》期末考试试题 A 卷 参考答案及评分标准

考核类型: 闭卷 考试时量: 120 分钟

	题	号	_	_	Ξ	四	总分	合分人	复查人			
学 院	分	值	15	15	10	60	100					
	得	分										
专业	得分评卷人											
		<b>│</b>	单道	<b>选题 (</b>	每小	题 3	分,き	+ 15 分)				
班级	1. $0.3 \times 10^{45}$ N =										(	)
	A. $0.3 \times 10^{45}$		12 30	$\mathbf{C}$	0 3 ×	10 <sup>45</sup> 1	cam /s <sup>2</sup>	D 3 ×	10 <sup>45</sup> ka m	<sub>2</sub> -2	(	,
							,	D. 3 A	10 kg III i	5		
学 号	2. 求初值问题 $y$	y'=y,y	y(0) =	= 1 的	特解)	り y =					(	)
	A. $e^x + 1$	3. $\frac{1}{2}x^2$	+1	<b>C.</b> <i>x</i>	$^{2} + C$	,其中	C 为任	意常数	<b>D.</b> $e^x$			
	3. 求初值问题 <i>y</i>	y'=y,y	y(0) =	= 1 的	特解)	り y =					(	)
	A. $e^x + 1$ B		,			-		意常数	$\mathbf{D}$ . $e^x$		`	,
, = ,,		2							2,0		,	,
	4. 求初值问题 $y$		,			-					(	)
	A. $e^x + 1$	3. $\frac{1}{2}x^2$	+1	<b>C.</b> <i>x</i>	$^{2} + C$	,其中	C 为任	意常数	<b>D.</b> $e^x$			
	5. 求初值问题 <i>y</i>	y'=y,y	y(0) =	= 1 的	特解え	り y =					(	)
	A. $e^x + 1$	3. $\frac{1}{2}x^2$	+1	<b>C.</b> <i>x</i>	$^{2} + C$	,其中	C 为任	意常数	<b>D.</b> $e^x$			

## 评卷人 得分

## 二、填空题 (每小题 3 分, 共 15 分)

- 1. 求椭圆  $\frac{x^2}{4} + y^2 = 2$  在点 (-2,1) 处的切线方程 x 2y + 4 = 0.
- 3. 吃饭,睡觉,打豆豆.

- 4. 求椭圆  $\frac{x^2}{4} + y^2 = 2$  在点 (-2,1) 处的切线方程 x 2y + 4 = 0.
- 5. 求椭圆  $\frac{x^2}{4} + y^2 = 2$  在点 (-2,1) 处的切线方程 x 2y + 4 = 0.

得分评卷人

- 1. (X) 若二元函数 f(x,y) 在点 (1,1) 处连续,则其在该点处可微.
- 2. (🗸) 如果常数项级数  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$  收敛, 那么  $\lim_{n\to\infty} a_n = 0$ .
- 3. ( $\mathbf{X}$ ) 若二元函数 f(x,y) 在点 (1,1) 处连续,则其在该点处可微.
- 4. (🗸) 如果常数项级数  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$  收敛, 那么  $\lim_{n\to\infty} a_n = 0$ .
- 5. (🗸) 如果常数项级数  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$  收敛, 那么  $\lim_{n\to\infty} a_n = 0$ .

得分	评卷人

## 四、解答题 (共 60 分)

1. (10 分) 试将微分方程  $x \frac{dy}{dx} = x^2 + 3y$ , x > 0 转换成一阶非齐次线性微分方程的标准形式,然后使用常数变易法求解,最后对求得的结果进行验算。

使用常数变易法将常数 c 替换成与 x 相关的函数 c(x) 代入原微分方程解得:  $\frac{dc(x)}{dx} = \frac{1}{x^2}$ , 即  $c(x) = -\frac{1}{x} + C$ , 其中 C 为任意常数。故原微分方程的通解为:

$$y = Cx^3 - x^2, x > 0$$
 其中 $C$ 为任意常数。 .....8分

 2. (9 分) 试求出不共线三点 P(1,-1,0), Q(2,1,-1), R(-1,1,2) 所确定的平面的单位法向量。

3. (9 分) 试求出不共线三点 P(1,-1,0), Q(2,1,-1), R(-1,1,2) 所确定的平面的单位法向量。

4. (9 分) 试求出不共线三点 P(1,-1,0), Q(2,1,-1), R(-1,1,2) 所确定的平面的单位法向量。

解: 设法向量为 
$$\vec{n}$$
, 则  $\vec{n} = \vec{PQ} \times \vec{PR} = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ 1 & 2 & -1 \\ -2 & 2 & 2 \end{vmatrix} = (6,0,6).$ 
— 7 分 故其单位法向量  $\pm \frac{\vec{n}}{|\vec{n}|} = \pm \frac{\sqrt{2}}{2}(1,0,1).$ ——9 分

5. (10 分) 求函数 f(x,y) = x + y 在  $g(x,y) = x^2 + y^2 = 1$  限制下的条件最大值与最小值。(提示:可以使用拉格朗日乘数法。)

**解:** 注: 此题也可以不使用乘数法。小题可以看几何意义,大题可以用三角函数代换。另外也可以使用从限制条件中解出 u 代入 f 来解无条件极值。

6. (13分) 朱自清是怎么描写时间过得比较快的?

解:去的尽管去了,来的尽管来着;去来的中间,又怎样地匆匆呢?早上我起来的时候,小屋里射进两三方斜斜的太阳。太阳他有脚啊,轻轻悄悄地挪移了;我也茫茫然跟着旋转。于是——洗手的时候,日子从水盆里过去;吃饭的时候,日子从饭碗里过去;默默时,便从凝然的双眼前过去。我觉察他去的匆匆了,伸出手遮挽时,他又从遮挽着的手边过去,天黑时,我躺在床上,他便伶伶俐俐地从我身上跨过,从我脚边飞去了。等我睁开眼和太阳再见,这算又溜走了一日。我掩着面叹息。但是新来的日子的影儿又开始在叹息里闪过了。在逃去如飞的日子里,在千门万户的世界里的我能做些什么呢?只有徘徊罢了,只有匆匆罢了;在八千多日的匆匆里,除徘徊外,又剩些什么呢?过去的日子如轻烟,被微风吹散了,如薄雾,被初阳蒸融了;我留着些什么痕迹呢?我何曾留着像游丝样的痕迹呢?我赤裸裸来到这世界,转眼间也将赤裸裸的回去罢?但不能平的,为什么偏要白白走这一遭啊?