$f(z) = \frac{1}{2\pi i} \oint_C \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(z-a)^n}{(z_0 - a)^{n+1}} f(z_0) dz_0$ 

 $=\sum_{n=0}^{\infty}\frac{(z-a)^n}{n!}f^{(n)}(a)$ 

 $= \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(z-a)^n}{n!} \frac{n!}{2\pi i} \oint_C \frac{f(z_0)}{(z_0-a)^{n+1}} dz_0$