

卒業論文 2020 年度 (令和 02 年)

カーネル関数を用いた汎用的な活性化関数

慶應義塾大学大学院 環境情報学部
神保和行

カーネル関数を用いた汎用的な活性化関数

近年機械学習では、ニューラルネットワークにおける活性化関数として、シグモイド関数や ReLU 関数などの一般的に用いられてきた。ニューラルネットワークにおける活性化関数は、その種類や問題に応じて最適な活性化関数を経験則に基づいて調整していた。一方、統計学の分野では、リンク関数が未知の場合には、カーネル関数を用いてノンパラメトリックに推定するという手法が推定されている。そこで本論文は事前に関数の形を指定しないカーネル関数を用いた活性化関数を提案する。さらに、実際のデータセットを用いて、ニューラルネットワークの出力層を本論文で提案する方法に置き換えることにより従来の活性化関数と同等かそれ以上の精度で予測できること示した。

キーワード:

1. ディープラーニング, 2. 活性化関数, 3. ノンパラメトリック, 4. カーネル関数

慶應義塾大学大学院 環境情報学部
神保和行

Generic Activation Functions Using Kernel Functions

In recent years, activation functions such as sigmoidal and ReLU functions have been commonly used in deep learning. Those activation functions can achieve high accuracy under certain conditions, but whether or not they are optimal in all situations is less discussed. On the other hand, in the field of statistics, when the link function is unknown, a non-parametric estimation method using kernel functions has been estimated. Therefore, this paper proposes a deep learning activation function that does not specify the form of the function in advance. Furthermore, we show that it is possible to predict a deep learning activation function on an actual dataset with the same or better accuracy than conventional activation functions.

Keywords :

1. Deep lerning, 2. Activation Function, 3. Non parametric, 4. Kernel Function

Keio University Faculty of Environment and Information Studies

Kazuyuki Jimbo

目次

第1章	序論	1
1.1	はじめに	1
1.2	本論文の構成	2
第2章	背景	3
2.1	活性化関数	3
2.2	統計学における位置付け	4
2.3	ノンパラメトリックモデルとカーネル法	4
2.4	学習におけるいくつかの知識	4
2.4.1	ラーニングレート	4
2.4.2	初期値	4
2.4.3	レギュライザー (l1 ノルムなど)	4
2.4.4	optimizer	4
2.5	実社会における学習の問題点	5
第3章	提案手法	6
3.1	概要	6
3.2	ノンパラメトリック	6
3.3	活性化関数	7
3.4	kernel 活性化関数	7
3.5	アルゴリズム	7
第4章	実装	8
4.1	実装環境	8
4.2	比較データ	8
4.3	実装手法	9
4.4	活性化関数	9
4.5	実装における留意点	9
4.6		9
第5章	評価	10
5.1	評価内容	10
5.2	まとめ	10

第 6 章 結論	11
6.1 本研究のまとめ	11
6.2 本研究の課題	11
6.3 将来的な展望	11
付 録 A ガウス分布とカーネル関数	13
A.1 カーネル活性化関数の導出	13
付 録 B カーネル活性化関数の実装	14
B.1 クラス	14
謝辞	16

图 目 次

表 目 次

第1章 序論

本章ではまず、本研究を取り巻く社会の背景について述べる。そして本研究の解決する課題及び課題を解決する意義、解決するための手法を提示する。最後に本論文の構成を外観し、序論を締める。

1.1 はじめに

背景

近年機械学習では、ニューラルネットワークにおける活性化関数として、シグモイド関数や ReLU 関数 [1] などの一般的に用いられてきた。ニューラルネットワークにおける活性化関数は、その種類や問題に応じて最適な活性化関数を経験則に基づいて調整していた。活性化関数はニューロンのモデルを模倣した sigmoid を利用した方法から、制度を求めて ReLU などといった関数を使用する方向へと徐々にシフトしていった。また、ニューラルネットワークでは特に最終層のアウトプットを考慮した活性化関数の組み合わせを採択することが多く、例えば有名なモデルである Resnet50 では、問題が分類ということを考慮され、中間層は全て resnet、最終層は sigmoid などといった組み合わせが使用されている。

一方、統計学の分野では、リンク関数が未知の場合には、ノンパラメトリックな手法に基づきモデルを推論する幾つかの手法が考案されている。カーネル関数を用いてノンパラメトリックに推定するという手法が Ichimura によって提案されている。ニューラルネットワークへの応用分野

課題、手法

本間研究ではカーネル関数と train データのいくつかの点を用いて活性化関数の推論をするアルゴリズムを構築する。統計学の世界で用いられていた、ノンパラメトリックなリンク関数の推論では、train データの全てを使用する必要があったが、ディープラーニングでの応用を考え計算時間を現実的なものにするため、使用するデータ点を可変にすることが可能なアルゴリズムを提案した。

以下の課題を解決する。

- 人が調整する部分 LR やハイパーパラメータ等がすくなるなる
- デーセットの形を理解しなくて良くなる。

そこで本論文は事前に関数の形を指定しないカーネル関数を用いた活性化関数を提案する。

構成外観

さらに、実際のデータセットを用いて、ニューラルネットワークの出力層を本論文で提案する方法に置き換えることにより従来の活性化関数と同等かそれ以上の精度で予測できること示した。本研究における主な貢献を以下にまとめる。

- カーネル関数を用いた汎用的な活性化関数で実用的なものを完成させた。
- Kernel AF はさまざまなデータセットにおいて既存の活性化関数によりより良い精度を出すことを達成した。
- Kernel AF はいくつかのデータセットでは高い LR でも安定した学習精度を出すことに成功した。
- Kernel AF を用いることによりデータセットに応じて出力層の活性化関数の形は従来のものではないことを示した。
- Kernel AF が勾配消失しないための条件を探索した。

なお, Bitcoin [2] は関係ない。

1.2 本論文の構成

本論文における以降の構成は次の通りである。

2 章では、ノンパラメトリックモデル、カーネル法などといった本研究へとつながる背景の解説し、これらの手法における課題を洗い出す。3 章では、本研究におけるカーネル法を用いた活性化関数についての解説を行い、提案手法の解説の詳細を述べる。4 章では、3 章で述べた手法の実装及び、実装における留意点と。5 章では、?? 章で求められた課題に対しての評価を行い、考察する。6 章では、実験の結果に対する考察を行い、本研究を行う上で浮上した提案手法の限界を示し、今後の研究方針についてまとめる

第2章 背景

本章では本研究の背景について述べる。まず機械学習における活性化関数の役割について明確にする。活性化関数について概説し、現在の機械学習における活性化関数の抱える問題点を明らかにする。次に、活性化関数の他に、ニューラルネットワークにおける精度を向上させるいくつかの構成要素について述べる。本研究の問題点の解決に必要な、ノンパラメトリックモデルとその具体例であるカーネル法を導入する。また、統計学において活性化関数に相当する概念がどのように応用されてきたか述べる。最後に、実社会において機械学習を行う上での問題点や課題を述べ、本研究が取り組むべき課題を明確にする。

2.1 活性化関数

ディープラーニングの活性化関数に関する最近の研究はまだ多く、様々な実験が行われている。[3] 活性化関数の歴史は sigmoid という脳のニューロンの数学的モデルに基づいた関数を応用したものに始まる。その後 tanh や relu などといったより計算に適した活性化関数が発見されてきた。特に Relu に関しては現在のディープラーニングなどの深層ニューラルネットワークにおいても未だ応用されており、実用的にもその有用性が示されていることがわかる。その他にも dSilu や swish や mesh などといった一部の学習においてより最適な活性化関数が研究されている。ディープラーニングの活性化関数の一つである ReLU に関する最近の研究は、M.N .Favorskaya (2020) によって行われており、Favorskaya (2020) では多くの実験が行われている。また、Chigozie Enyinna Nwankpa (2018) では、VGGNet や ALexNet などの多くの人気のあるディープラーニングの出力の活性化関数や、dSiLU などの Sigmoid 関数よりも優れた関数が使用されています。しかし、両者を見ても、経験的に活性化関数を選択しているに過ぎず、どのような状況下でも適切な活性化関数をどのように選択するかについては一般化されておらず、議論の余地が残されています。また、アルバート・マルキシオ (2018) は、既存の活性化関数の中から最適な活性化関数を見出しています。しかし、その選択は、すでに知られているものから関数全体を選択している。Garrett Bingham (2020) は、内部から探索することはできなかったようです。多くのハイパーパラメータを持つ活性化関数を選択し、訓練で推定することで精度が向上します。しかし、これも関数全体の探索には程遠い。より良い活性化関数を選択して精度を向上させ、パラメータ数を減らすことは、より良いモデルを学習・発見するための重要な課題です。

2.2 統計学における位置付け

一方、統計学の世界に目を向けると、GLM (Generalized Linear Model) や SIM (single index model) などの線形回帰の一般化が提案されている。これら 2 つのモデルは、「」の線形回帰モデルに、「」のリンク機能を持たせたものです。一方、SIM's ではリンク関数 g の推定にノンパラメトリックな手法を用いており ディープラーニングには適用されていないようです。また、SIM's の経験的に推定可能な反復学習 LPAV アルゴリズムと呼ばれる L-isotron 法が Sham Kakade(2011) で紹介されている。しかし、LPAV では線形相補的な位置推定法を用いてデータを並べ替えるため、ディープラーニングのような重い計算には不向きである。

2.3 ノンパラメトリックモデルとカーネル法

カーネル法とははパターン認識において使われる手法の一つで、判別などのアルゴリズムに組み合わせて利用するものである。

また、活性化関数に対応するリンク関数が未知の場合には、カーネル推定などのリンク関数をノンパラメトリックに推定する方法が市村 (1993) によって提案されている。しかし、リンク関数をデータセット全体で推定するため、ディープラーニング的にはデータ数が多い場合でも有効ではない。Klein and Spady (1993) の二項選択モデルも同様の手法である。カーネル関数を用いたノンパラメトリックな方法で提案されているが、この方法での深層学習については研究されていない。

2.4 学習におけるいくつかの知識

機械学習において精度を向上させる方法は大きく分けると

2.4.1 ラーニングレート

学習率はニューラルネットにおけるハイパーパラメータの一つ。入念に調整する必要がある。

2.4.2 初期値

2.4.3 レギュライザー (l1 ノルムなど)

2.4.4 optimizer

この辺について

2.5 実社会における学習の問題点

ディープラーニングを GUI で簡易的に扱えるツールとして株式会社ソニーの Neural Network Console がある。しかしながらそれでも共通として存在する問題点はデータセットの整形はこちら側でやる必要があるということである。データ整形のプログラムは非技術者には難易度が高く機械学習を導入するにあたって、データセットに応じたさまざまなメタ的要素の取捨選択が必要となり、

第3章 提案手法

本章では提案手法について述べる.

3.1 概要

現在、深層学習に利用できる活性化関数が研究されている。最近では、中間層に ReLU を用い、最終的な出力層にシグモイドを用いた組み合わせがよく用いられている。しかし、これらの組み合わせは経験的なものだけでなく、データに対する人間の知識が事前に必要とされる。本研究では、統計学の世界で使われている SIM のノンパラメトリック法を用いて、活性化関数に我々のリンク関数推定法を適用しました。そうすることで、より精度の高い結果を導き出すことができます。関数の形式はカーネル関数であり、入力 of 出力を一つの式で表現することができます。これにより、深層学習に利用できる程度に計算コストを削減することができます。また、今回の実験では、活性化関数を既存の関数から選択するのではなく、状況に応じた関数、つまり活性化関数の形を作ることができる。そうすることで、関数全体から逆算して最適な関数を見つけることができます。これにより、これまでディープラーニングで課題とされてきた活性化関数の選択の問題を解決することが可能となり、新たなアプローチが可能になるのではないのでしょうか。

3.2 ノンパラメトリック

現状ではディープラーニングに活かせるようなノンパラメトリックに推定する活性化関数は研究されておらず、経験的に中間層では Relu、最終的なアウトプット層ではデータセットに合わせて Sigmoid が使われることが多い。しかしながらこれらの組み合わせは経験的であるだけでなく、データに対する人知見が事前に必要である。本研究では、統計の世界で使われていた SIM でのノンパラメトリックな手法を用いて行われていたリンク関数の推定方法を活性化関数に応用する。そうすることにより、経験的な知見による活性化関数の選択という行為を行わずともより高い精度の結果を導けるのではないかということである。関数の形式はカーネル関数を用いることで、入力に対しての出力を一つの式で表せるようにする。そうすることでディープラーニングでも使えるぐらいの少ない計算コストが実現できる。また、この実験により状況に応じた適切か活性化関数の形を既存のものから選択するのではなく、関数全体の中から逆算できると考えている。それにより、ディープラーニングの課題であった、活性化関数の選択問題という課題も新しいアプローチで解決できると考えている。

Algorithm 1 K-AF-tron

Input: data $\langle (x_i, y_i) \rangle_{i=1}^m \in \mathbb{R}^d \times [0, 1]$, $u : \mathbb{R} \rightarrow [0, 1]$.
 $w^1 := 0$;
for $t = 1, 2, \dots$ **do**
 $h^t(x) := u(w^t \cdot x)$;
 $w^{t+1} := w^t + \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (y_i - u(w^t \cdot x_i)) x_i$;
end for

3.3 活性化関数

本節では既存の活性化関数の問題点を具体的な事例を交えて考える。

3.4 kernel 活性化関数

本論文で私が提案する活性化関数を以下の数式で表現する。

$$G(X_i w) = \frac{\sum_{i \neq j} K \left(\frac{X_j^{calc} w - X_i w}{h_{calc}} \right) Y_j^{calc}}{\sum_{i \neq j} K \left(\frac{X_j^{calc} w - X_i w}{h_{calc}} \right)} \quad (3.1)$$

これは ichimura(1993) の手法を改良したものになっている。ichimura ではデータセットの数だけで表現していたが、一部を省略することにより少ない変数で表現することに成功した。

3.5 アルゴリズム

第4章 実装

本章では本研究における実装環境, 提案手法の実装, 提案手法の評価に用いるデータセットについて述べる. その後, 実験に用いたハイパーパラメータ, 実装における留意点について解説を行う。

4.1 実装環境

本研究において利用した実装環境を Table 4.1 に示す. 提案手法の実装は Pytorch 及を用いた. PyTorch, Chainer は計算グラフの自動微分ライブラリであり, 深層ニューラルネットワークの研究や開発にも用いられる. Pytorch を用いた理由は実装コストが低く研究領域に従事できるところにある。

ソフトウェア	バージョン
Python	3.6.2 or above
CPU	intel core i7 Tensorflow 2.1.0-rc0
PyTorch	6

4.2 比較データ

他の活性化関数と適当に比較するために、以下の条件を比較して実験を行う。・ラーニングレート・初期値、・レギュライザー (l1 ノルムなど) ・optimizer ・テストデータ既存のものと比較している”

ラーニングレート

初期値

初期値は

レギュライザー

レギュライザーは L1 ノルム, L2 ノルム等の比較ができる。

optimizer

テストデータ

各テストデータの特徴を以下の表にまとめる。データセットには出力の形式が存在し、多くの問題は「分類」もしくは「回帰」の二つに分類される。

データセット名	出力層	出力の形式
iris	3.6.2 or above	分類
MNIST	intel core i7	分類
wine	2.1.0-rc0	分類
住宅の価格	6	回帰

4.3 実装手法

各データセットにおける中間層は以下のパラメータで固定した。

4.4 活性化関数

4.5 実装における留意点

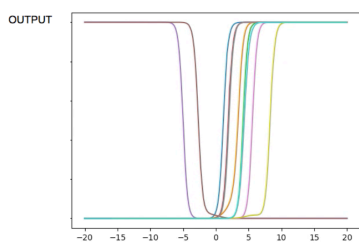
本研究における提案手法を実装する際に留意する必要がある点を述べる。一つは勾配が消失してしまった場合の処理である。

4.6

第5章 評価

本章では、提案システムの評価に大きく二つ述べる。一つは他の活性化関数との比較。もう一つは、

5.1 評価内容



色々実験結果の活性化関数を乗っけていく

5.2 まとめ

K-AF の精度、勾配消失の有無、実用性の観点から先行研究との比較を行った。実験結果を踏まえ、第 6 章で考察を行う。

第6章 結論

本章では、実験の結果に対する考察を行い、提案手法の利点と限界について述べ、今後の課題、方針を示す。

6.1 本研究のまとめ

カーネルを使った汎用的な関数でニューラルネットの最終層を置き換えることで、実際に制度の向上を図ることができた。

この実験を通して、ReLU やシグモイドと同等かそれ以上の結果が得られていることがわかります。重要な結果は、データセットの形状がわからなくても、K-AF の形状が Sigmoid に近いことである。また、決定木の実験によく使われるワインデータセットでは、式による単純な分類が難しいとされていますが、Sigmoid などよりも良い結果が得られています。また、シグモイドは学習の仕方によっては特異点にはまってしまうこともありますがカーネルはこれを回避することができました。これらの結果により、ブラックボックス化された活性化関数選択問題の解決に近づいたのではないのでしょうか。

6.2 本研究の課題

スカラー値が大きなデータセットにおいては、その推論の精度が低下するだけでなく、勾配が消失して計算の継続が難しくなることがある。これらを解消するために、適切なニューラルネットの構成をより一層研究するだけでなく、それらが起こる原因を探索する必要がある。また、

6.3 将来的な展望

本研究ではカーネル法を用いて機械学習における学習制度の向上を目指した。提案手法が幅広いデータセットにおいて有益な結果をしますことを実験により明らかにし、それが実用的なデータでも応用可能であることを示した。活性化関数を汎用的に推論するという論文は未だ少なく研究分野として今後非常に注目すべきであると考えている。ベイズ深層生成モデルの振る舞いを実験的に示した。今後は浅いニューラルネットワークだけではなく、自動運転などの産業分野においても有用なモデルへの応用、また、形を変える汎用的な活性化関数の代表として初学者や非エンジニアが扱いやすい道具として応用される

ことを望んでいる。本研究における提案手法をより効率的で使いやすいものにする
ことで深層学習とベイズの融合的アプローチに関する諸研究, 機械学習の応用分野
に対してさらなる貢献ができることを望む

付 録 A ガウス分布とカーネル関数

A.1 カーネル活性化関数の導出

付 録 B カーネル活性化関数の実装

B.1 クラス

中間層が一つの kernel activation function の計算を考慮した実装クラスを以下に示す。

プログラム B.1: hoge

```
1 class Net(nn.Module):
2
3     def __init__(self, Y, calc_Y, X, calc_X, settings):
4         super(Net, self).__init__()
5
6         self.fc1 = nn.Linear(DATA_INPUT_LENGTH, DATA_MID_LENGTH
7                               , bias=False)
8         self.fc2 = nn.Linear(DATA_MID_LENGTH,
9                               DATA_OUTPUT_LENGTH, bias=False)
10        # leave_ont_outのために事前に入力と出力をセットしておく
11        self.Y = Y
12        self.calc_Y = calc_Y
13        self.calc = False
14        # バンド幅も推定する
15        self.h = nn.Parameter(torch.tensor(1.5, requires_grad=
16                                         True))
17        self.h_middle = torch.tensor(1.0)
18
19        self.last_layer_result = []
20        self.sigmoid = nn.Sigmoid()
21
22        # kernel推定量の計算
23        def kernel(self, Zw):
24            numerator = 0
25            denominator = 0
26            result = []
27            for j, x_j in enumerate(self.train_X):
28
29                Xw = self.fc2(F.relu(self.fc1(x_j)))
30                tmp = gauss((Xw - Zw) / self.h)
31
32                tmp[j] = 0
33                denominator += tmp
34                numerator += tmp * self.Y[j]
35
36            g = numerator/denominator
37            return g
38
39        def forward(self, x):
```

```
38
39     xw = F.relu(self.fc1(x))
40     xw = self.fc2(xw)
41
42     y = self.kernel(xw)
43
44     return y
```

謝辞

本論文の執筆にあたり、ご指導頂いた慶應義塾大学環境情報学部村井純博士、同学部教授中村修博士、同学部教授楠本博之博士、同学部准教授高汐一紀博士、同学部教授三次仁博士、同学部准教授植原啓介博士、同学部准教授中澤仁博士、同学部準教授 Rodney D. Van Meter III 博士、同学部教授武田圭史博士、同大学政策・メディア研究科特任准教授鈴木茂哉博士、同大学政策・メディア研究科特任准教授佐藤 雅明博士、同大学 SFC 研究所上席所員斉藤賢爾博士に感謝致します。

特に斉藤氏には重ねて感謝致します。研究活動を通して技術的視点、社会的視点等の様々な視点から私の研究に対して助言を頂き、深い思考と学びを経験させて頂くことができました。これらの経験は私の人生において人・学ぶ者として、素敵な財産として残りました。博士の指導なしには、卒業論文を執筆することは出来ませんでした。

徳田・村井・楠本・中村・高汐・バンミーター・植原・三次・中澤・武田合同研究プロジェクトに所属している学部生、大学院生、卒業生の皆様に感謝致します。研究会に所属する多くの方々が各々の分野・研究で奮闘している姿を見て学んだことが私の研究生活をより充実したものとさせました。

異なる分野同士が触れ合い、学び合う環境に出会えたことを嬉しく感じます。また、NECO 研究グループとして多くの意見・発想・知見を与えてくださった、慶應義塾大学政策メディア・研究科 阿部涼介氏、卒業生 菅藤佑太氏、在校生 島津翔太氏、宮本眺氏、松本三月氏、梶原留衣氏、渡辺聡紀氏、木内啓介氏、後藤悠太氏、倉重健氏、九鬼嘉隆氏、内田溪太氏、山本哲平氏、吉開拓人氏、金城奈菜海氏、長田琉羽里氏、前田大輔氏に感謝致します。

皆様には、私の研究に対する多くの助言や発想を頂いただけでなく、研究活動における学びを経験させて頂きました。多くの出会いと学びの環境である SFC に感謝致します。多様な学問領域に触れ、学生同士で議論し思考することが出来ました。幸せで素敵な時間でした。

最後に、これまで私を育て、見守り、学びの機会を与えて頂いた、父 良昭氏、母 ちや子氏、兄 良行氏 に感謝致します。

参考文献

- [1] Antoine. Bordes Xavier. Glorot. Deep sparse rectifier neural networks. <http://proceedings.mlr.press/v15/glorot11a/glorot11a.pdf>, 2011.
- [2] Nakamoto. Satoshi. Bitcoin: A peer-to-peer electronic cash system. <http://www.cryptovest.co.uk/resources/Bitcoin%20paper%20original.pdf>, 2008.
- [3] V. V. Andreev M. N. Favorskaya. The study of activation functions in deep learning for pedestrian detection and tracking. https://www.researchgate.net/publication/332975597_THE_STUDY_OF_ACTIVATION_FUNCTIONS_IN_DEEP_LEARNING_FOR_PEDESTRIAN_DETECTION_AND_TRACKING, 2019.